

Questão 20:

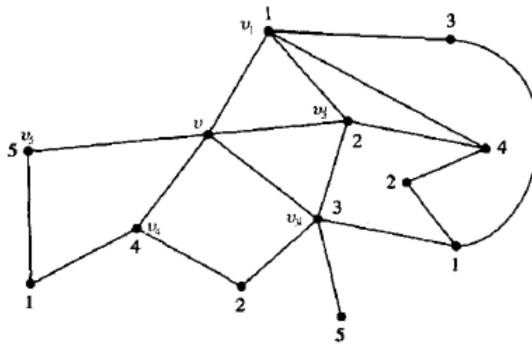


Figura 5.21

Utilizando-se a fórmula:

$$n - a + r = 2, \text{ com:}$$

$n$ : vértices

$a$ : arestas

$r$ : regiões

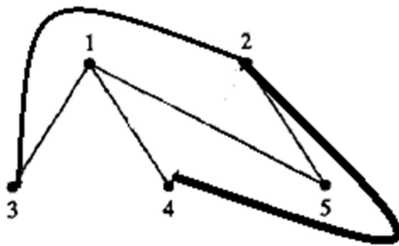
$$13 - 19 + 8 = 2$$

$$-6 + 8 = 2$$

$$2 = 2$$

VERDADEIRO

Questão 21:



Utilizando-se a fórmula:

$$n - a + r = 2,$$

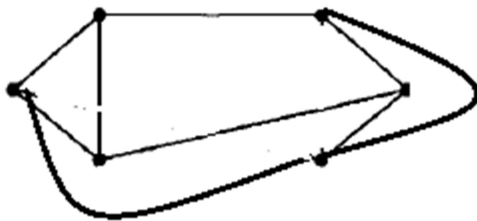
$$5 - 6 + 3 = 2$$

$$-1 + 3 = 2$$

$$2 = 2$$

VERDADEIRO

Questão 22:

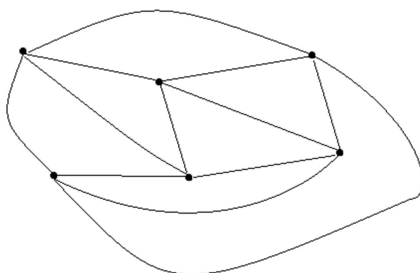


Utilizando-se a fórmula:  $n - a + r = 2$

$$6 - 9 + 5 = 2$$

$$-3 + 5 = 2$$

Questão 24:



Utilizando-se a fórmula  $n - a + r = 2$

$$n - 12 + r = 2$$

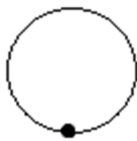
$$6 - 12 + r = 2$$

$$-6 + r = 2$$

$$R = 8$$

Questão 25:

Um grafo simples é um grafo que não possui laços nem arestas paralelas, como este:



$$\text{Em: } n-a+r=2$$

$$1-1+2=2$$

$0+2=2$ , portanto, a prova da fórmula de Euler não depende de o grafo ser simples, portanto, os resultados ainda são válidos para grafos não simples, mas isso não é verdade para as desigualdades (2) e (3). Porque:

(2)  $\rightarrow n \geq 3$ , então  $a \leq 3n-6$ ; utilizando-se o grafo acima, o número de vértices é igual a 1, portanto não corresponde a desigualdade (2) apesar de ser um grafo simples.

(3)  $\rightarrow n \geq 3$  e não existem ciclos de comprimento 3, então  $a \leq 2n-4$ ; também utilizando-se o grafo acima, cujo número de vértices é igual a 1, não corresponde novamente as especificações da desigualdade(3).



$$(2) \rightarrow n \geq 3, \text{ então } a \leq 3n-6; a \leq 4-2$$

$$a \leq 2$$

$$(3) \rightarrow n \geq 3, \text{ então } a \leq 2n-4; a \leq 2 \cdot 4-2$$

$$a \leq 6 \text{ (} a=2 \text{)}$$

Questão 26:

Nas subdivisões elementares, o vértice inserido deve ser um novo vértice, portanto, uma vez que  $v$  é transformado em vértice na primeira divisão, ele não pode ser um vértice em uma segunda subdivisão:

