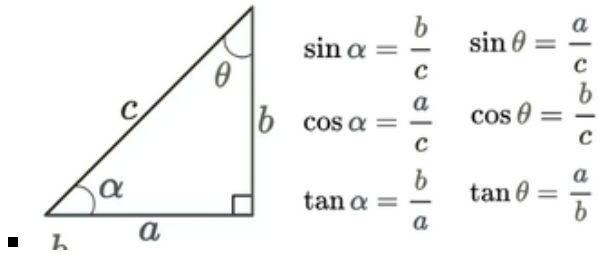


1. Trigonometría y Vectores



- Conversión de Ángulos: $180^\circ = \pi$ Radianes
- Componentes de un Vector: $A_x = A \cos \theta$, $A_y = A \sin \theta$
- Módulo de un Vector: $|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$
- Producto Escalar: $\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}||\vec{B}| \cos(\alpha)$

2. Cinemática

- Distancia entre dos puntos: $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
- Velocidad Media: $v_{med} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
- Aceleración Promedio: $a_{prom} = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t_f - t_i}$
- Movimiento Rectilíneo Uniforme (MRU): $a = 0 \implies v = \text{constante} \implies x(t) = x_0 + v \cdot t$
- Movimiento Rectilíneo Uniformemente Variado (MRUV): $a = \text{constante} \implies v(t) = v_0 + a \cdot t \implies x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$
- Movimiento Circular:
 - Período (T): Tiempo por vuelta. $T = \frac{2\pi R}{v}$
 - Frecuencia (f): $f = 1/T$ (Hertz, Hz).
 - Aceleración centrípeta: $a_c = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$

3. Dinámica y Cantidad de Movimiento

- Leyes de Newton: $\Sigma \vec{F} = 0 \iff \text{Equilibrio}(\vec{v} = \text{constante}), \Sigma \vec{F} = m\vec{a}, \vec{F}_{a,b} = -\vec{F}_{b,a}$
- Fuerza y Momento Lineal: $\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}$ donde $\vec{P} = m\vec{v}$
- Impulso Lineal: $\vec{I} = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt = \Delta \vec{P}$
- Rozamiento: $F_{re} \leq \mu_e N$ y $F_{rd} = \mu_d N$
- Ley de Hooke (Resortes): $\vec{F} = -k\Delta x$
 - Paralelo: $k_e = k_1 + k_2 + \dots$
 - Serie: $\frac{1}{k_e} = \frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} + \dots$

4. Trabajo y Energía

- **Trabajo (W):** $W = F\Delta r \cos(\theta)$
- **Energía Cinética (K):** $K = \frac{1}{2}mv^2$
- **Teorema Trabajo-Energía Cinética:** $W_{tot} = \Delta K = K_f - K_i$
- **Fuerzas Conservativas:** $W_c = -\Delta U = U_i - U_f$
 - Energía Potencial Gravitatoria: $U_g = m \cdot g \cdot h$
 - Energía Potencial Elástica: $U_e = \frac{1}{2}k\Delta x^2$
- **Energía Mecánica (E):** $E = K + U$
 - Si solo hay fuerzas conservativas: $\Delta E = 0$
 - Con fuerzas no conservativas: $\Delta E = W_{NC}$

5. Momento Lineal, Impulso y Choques

- **Momento Lineal o Cantidad de Movimiento Lineal:** $\vec{P} = m\vec{v}$.
- **Nueva versión de la 2da Ley de Newton:** $\sum \vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}$.
- **Teorema Impulso-Cantidad de Movimiento:** $\Delta\vec{P} = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F}dt \equiv \vec{I}$.
- **Sistema aislado :** se conserva P. El mismo antes y despues del choque.
- **Choque Inelástico (Plástico):**
 - Después del choque las partes quedan unidas en un solo cuerpo y $K_f < K_i$ (Ej:plastilina contra caja)
 - **Energía inicial del choque plástico:** $K_i = \frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2$.
 - **Coeficiente de Restitución (e):** $e = \frac{v_{2f}-v_{1f}}{v_{1i}-v_{2i}}$, en general ($e < 1$) pero si es totalmente Inelástico ($e = 0$)
 - **Velocidad final masa 1:** $v_{1f} = \frac{m_1v_{1i}+m_2v_{2i}-m_2e(v_{1i}-v_{2i})}{m_1+m_2}$
 - **Velocidad final masa 2:** $v_{2f} = \frac{m_1v_{1i}+m_2v_{2i}+m_1e(v_{1i}-v_{2i})}{m_1+m_2}$
- **Choque Elástico ($e = 1$):**
 - Si la fuerza entre las partes del sistema son conservativas entonces se conserva la E. mecani-ca(Ej:bolas de billar)
 - **Energía Cinética Inicial (K_i):** $K_i = \frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2$.
 - **Energía Cinética Final (K_f):** $K_f = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$.
 - **Relación de Velocidades:** $v_{1i} - v_{2i} = -(v_{1f} - v_{2f})$.
 - **Velocidad final masa 1 (v_{1f}):** $v_{1f} = \frac{(m_1-m_2)v_{1i}+2m_2v_{2i}}{m_1+m_2}$
 - **Velocidad final masa 2 (v_{2f}):** $v_{2f} = \frac{2m_1v_{1i}+(m_2-m_1)v_{2i}}{m_1+m_2}$

6. Electrostática

■ Ley de Coulomb:

$$\vec{F}_{12} = k_e \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r}_{12}$$

(fuerza eléctrica ejercida por q_1 sobre q_2 , donde \hat{r}_{12} es un vector unitario dirigido desde q_1 hacia q_2).

- $k_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \approx 8,99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$
- $\epsilon_0 \approx 8,85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/(\text{N} \cdot \text{m}^2)$

■ Principio de superposición de la fuerza electrostática:

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i, \quad \vec{F}_i = k_e \frac{q q_i}{r_i^2} \hat{r}_i$$

■ Campo eléctrico de una carga puntual:

$$\vec{E} = k_e \frac{q}{r^2} \hat{r}$$

(campo eléctrico generado por una carga q , donde \hat{r} apunta desde la carga hacia el punto donde se evalúa el campo).

■ Relación entre fuerza y campo eléctrico:

$$\vec{F} = q \vec{E}$$

■ Distribución continua de carga:

$$\vec{E} = k_e \int \frac{dq}{r^2} \hat{r}$$

- dq : elemento infinitesimal de carga.
- r : distancia desde dq al punto donde se calcula \vec{E} .
- \hat{r} : vector unitario que apunta desde dq hacia el punto de observación.
- $k_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$.
- Antes de integrar, dq debe expresarse en función de la densidad de carga:
 - Lineal: $dq = \lambda dl$
 - Superficial: $dq = \sigma dA$
 - Volumétrica: $dq = \rho dV$

■ Ley de Gauss:

$$\phi_E = \oint E \cos \phi \cdot dA = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{\text{enc}}}{\epsilon_0}$$

- Q_{enc} : carga total encerrada por la superficie gaussiana.
- ϵ_0 : permitividad del vacío.
- ϕ_E : flujo eléctrico a través de la superficie gaussiana.
- **Caso: Esfera maciza uniformemente cargada (aislante)**
 - Interior ($r < R$):

$$Q_{\text{enc}} = Q \frac{r^3}{R^3}, \quad E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R^3} r$$

- Exterior ($r \geq R$):

$$E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$$

- **Caso: Esfera conductora cargada**

- Interior ($r < R$):

$$Q_{\text{enc}} = 0 \Rightarrow E = 0$$

- Exterior ($r \geq R$):

$$E(4\pi r^2) = \frac{Q}{\epsilon_0} \Rightarrow E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$$

- **Caso: Carga lineal infinita**

$$Q_{\text{enc}} = \lambda L$$

$$E(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r}$$

- **Caso: Lámina infinita cargada**

$$Q_{\text{enc}} = \sigma A$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

- **Carga puntual que se mueve en un campo eléctrico uniforme:**

$$W_{A \rightarrow B} = -\Delta U = q \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r} = q_0 E d$$

o sea que el caso de una carga puntual en el campo la energía potencial $U = q_0 E y$ donde y es la distancia vertical.

- **Energía potencial eléctrica de dos cargas puntuales:**

$$U = k_e \frac{q q_0}{r}$$

o sea la carga de prueba q_0 se deslaza en el campo generado por q .

- **Energía potencial eléctrica de un sistema de dos o más cargas puntuales:**

$$U = k_e q_0 \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{r_i}$$

- **Potencial eléctrico:** El potencial eléctrico indica cuánta energía por unidad de carga tendría una carga de prueba si estuviera en ese punto.

$$V = \frac{U}{q_0} \rightarrow U = q_0 V$$

- **Potencial debido a una carga puntual:** $V = k_e \frac{q}{r}$

7. Capacitancia y Corriente Eléctrica

- **Capacitancia (C):** $C = \frac{Q}{\Delta V}$

- **Capacitancia de un capacitor de placas paralelas:** $C = \epsilon_0 \frac{A}{d}$

- **Capacitancia de un capacitor lleno de un material con constante dieléctrica κ :** $C = \frac{Q_0}{\Delta V} = \kappa \frac{Q_0}{\Delta V_0}$

- **Energía almacenada en un capacitor:** $U = \frac{1}{2}CV^2$
- **Asociación de capacitores:**
 - Serie: $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$ las diferencias de potencial se suman.
 - Paralelo: $C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots$ los capacitores tienen el mismo potencial V .
- **Resistencia (R):** $R = \frac{\Delta V}{I}$, Ley de Ohm: $\Delta V = IR$
- **Asociación de resistencias:**
 - Serie: $R_{eq} = R_1 + R_2 + \dots$ la diferencia de potencial se suma.
 - Paralelo: $\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$ la diferencia de potencial es la misma en cada resistencia.
- La potencia disipada en un resistor: $P = I^2R = \frac{\Delta V^2}{R}$
- **Leyes de Kirchhoff:**
 - Ley de nudos: En cualquier nodo $\sum I_{in} = \sum I_{out}$
 - Ley de mallas: En cualquier ciclo $\sum \Delta V = 0$
- **Carga y corriente en función del tiempo** si un capacitor C :
Se carga con una fem ε a través de una resistencia R :

$$Q(t) = C\varepsilon(1 - e^{-t/\tau}) \quad I(t) = \frac{\varepsilon}{R}e^{-t/\tau}$$

Se descarga a través de una resistencia R :

$$Q(t) = Q_0e^{-t/\tau} \quad I(t) = -\frac{Q_0}{\tau}e^{-t/\tau}$$

Con $\tau = RC$ (luego de este tiempo el capacitor está cargado en un 63,2 de la capacitancia)

8. Magnetismo

- Fuerza sobre una carga q con velocidad \vec{v} en un campo magnético \vec{B} es: $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$
- Theta es el ángulo entre \vec{v} y \vec{B} . Entonces $F = 0$ cuando \vec{v} es paralela/antiparalela a \vec{B} (0 o 180°) y es máxima cuando \vec{v} es perpendicular a \vec{B} (90°). $F = |q|vB \sin \theta$
- Si la partícula se mueve en una región donde hay campos eléctrico y magnético: $\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$
- Flujo mag. a través de una sup.: $\Phi_B = \int B_{\perp} dA = \int B \cos \phi dA = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$. Si la sup. es cerrada = 0.
- Ac. centrípeta: $a_c = \frac{v^2}{R}$ y la única fuerza que actúa es la magnética. Por Newton: $|\vec{F}| = |q|vB = m \frac{v^2}{R}$
- Radio de una órbita circular en un campo magnético: $R = \frac{mv}{|q|B}$. La rapidez angular ω es: $\omega = \frac{v}{R}$ y la Frecuencia del ciclotrón es: $f = \frac{\omega}{2\pi}$
- La magnitud del par de torsión que actúa sobre una espira de corriente en un campo magnético es: $\tau = IBA \sin \phi$ y en forma vectorial: $\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$
- Momento magnético de la espira: $\vec{\mu} = I\vec{A}$. Con N espiras de la misma área $\vec{\mu}_{bobina} = NI\vec{A}$
- La energía potencial de un dipolo magnético en un campo magnético está dada por: $U = -\vec{\mu} \cdot \vec{B} = -\mu B \cos \phi$

- (*Ley de Biot-Savart*) El campo magnético diferencial $d\vec{B}$ generado por un elemento de corriente $I d\vec{l}$ en un punto del espacio está dado por:

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$

donde \hat{r} es el vector unitario que apunta desde el elemento de corriente hasta el punto de observación y r es la distancia entre ellos y la permeabilidad del espacio libre es $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T}\cdot\text{m/A}$

- La magnitud de la fuerza magnética entre dos alambres paralelos: $\frac{F_B}{\ell} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi a}$ donde I_1 e I_2 son las corrientes en los alambres y a es la distancia entre ellos.
- (*Ley de Ampère*) La integral de línea del campo magnético \vec{B} a lo largo de cualquier trayectoria cerrada es igual a μ_0 por la corriente total encerrada: $\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \mu_0 I$
- Campo magnético de un toroide: $B = \frac{\mu_0 N I}{2\pi r}$ y un solenoide : $B = \mu_0 n I$ donde $n = \frac{N}{\ell}$ es el número de vueltas por unidad de longitud.
- (*Ley de inducción de Faraday*) $\mathcal{E} = -\frac{d\Phi_B}{dt}$
- (*FEM de mov.*) Cuando un conductor de longitud l se mueve con velocidad \vec{v} en un campo magnético \vec{B} , la fuerza electromotriz inducida es: $\mathcal{E} = B l v$ (caso de mov. perpendicular al campo magnético).
- La corriente inducida en un circuito de resistencia R : $I = \frac{\mathcal{E}}{R}$
- La potencia disipada/entregada por una resistencia R debido a la corriente inducida es: $P = I^2 R = \frac{\mathcal{E}^2}{R}$

9. Termodinámica

- Dos objetos están en **contacto térmico** si pueden intercambiar energía entre ellos. Dos objetos están en **equilibrio térmico** si están en contacto térmico y no hay intercambio neto de energía entre ellos.
- **Ley cero de la termodinámica:** Si los objetos A y B están por separado en equilibrio térmico con un tercer objeto C, entonces A y B están en equilibrio térmico uno con el otro.
- **Celsius a Fahrenheit:** $T(^{\circ}\text{F}) = \frac{9}{5}T(^{\circ}\text{C}) + 32$
- **Celsius a Kelvin:** $T(\text{K}) = T(^{\circ}\text{C}) + 273,15$
- **Expansión Lineal:** $\Delta L = \alpha L_0 \Delta T$ o bien $L - L_0 = \alpha L_0 (T - T_0)$. Con L longitud final, T temperatura final y α es el coeficiente de expansión lineal en unidades $(^{\circ}\text{C})^{-1}$.
- **Expansión de Área:** $A = A_0(1 + 2\alpha\Delta T)$ o bien $A = A_0 + 2\alpha A_0 \Delta T$
- **Cambio de Área:** $\Delta A = A - A_0 = \gamma A_0 \Delta T$. Donde $\gamma = 2\alpha$ es el coeficiente de expansión de área.
- **Expansión Volumétrica:** $\Delta V = \beta V_0 \Delta T$. Donde β es el coeficiente de expansión volumétrica y $\beta = 3\alpha$.
- **Calor requerido:** $Q = mc\Delta T$. Donde $\Delta T = T_2 - T_1$ es el cambio de temperatura y c es el calor específico. $C = mc$ Representa la cantidad de calor necesaria para elevar un grado la temperatura de toda la masa del objeto. A veces en vez de la masa se usa la cantidad de sustancia (n) y la masa de sus moles (M) en ese caso $m = nM$
- **Calor de cambio de fase:** $Q = \pm mL$. Se usa (+) si el material se vaporiza (entra calor) y (-) si se congela (sale calor). *Nota: Durante el cambio de fase no hay variación de temperatura.*
 - **Constantes para el agua:**

- Fusión: $L_f = 3,34 \times 10^5 \text{ J/kg} = 79,6 \text{ cal/g} = 333 \text{ kJ/kg}$
- Vaporización: $L_v = 2,256 \times 10^6 \text{ J/kg} = 539 \text{ cal/g} = 2256 \text{ kJ/kg}$
- **Ecuación de los Gases Ideales:** $PV = nRT$. Donde: P es la presión = Modulo de Fuerza/Área. V es el volumen. n es el número de moles. R es la constante universal de los gases ($8,314 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$). T es la temperatura absoluta en Kelvin (K).
- **Ley de Boyle:** A temperatura constante, la presión de un gas es inversamente proporcional a su volumen. O sea: $P = \frac{1}{V}$.
- **Ley de Charles:** A presión constante, el volumen de un gas es directamente proporcional a su temperatura absoluta. Matemáticamente: $\frac{V}{T} = \text{cte}$.
- Para una masa constante de gas ideal, el producto nR es constante, por lo que la cantidad $\frac{pV}{T}$ también permanece constante. Si los subíndices 1 y 2 representan dos estados distintos del mismo gas, se cumple: $\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} = \text{cte}$
- Procesos: isotérmicos = T cte , isobéricos = P cte , isocóricos = V cte, procesos adiabáticos = aislados térmicamente.
- **Número de Avogadro (N_A):** Representa la cantidad de moléculas en un mol: $N_A = 6,022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
- **Masa Molar (M):** Es la masa de un mol de sustancia, equivalente a la masa de una molécula (m) por el número de Avogadro: $M = N_A m$
- Convenciones: El calor es positivo cuando entra al sistema y negativo cuando sale del sistema. El trabajo es positivo cuando el sistema realiza trabajo sobre el entorno y negativo cuando el entorno realiza trabajo sobre el sistema.
- En un cambio finito de volumen desde V_1 hasta V_2 , el trabajo realizado está dado por $W = \int_{V_1}^{V_2} p dV$
- **En un proceso isobárico:** El trabajo realizado por el gas se calcula como $W = \int_{V_1}^{V_2} p dV = p(V_2 - V_1)$
- **Primera Ley de la Termodinámica:** $\Delta U = Q - W$

10. Unidades

- Velocidad: m/s
- Aceleración: m/s^2
- Newton: $\text{N} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m/s}^2$
- Joule: $\text{J} = 1 \text{ N} \cdot \text{m}$
- Wats: $\text{W} = 1 \text{ J/s}$
- Volt: $1 \text{ V} = 1 \text{ J/C}$
- Faradio: $1 \text{ F} = 1 \text{ C}^2/(\text{N m})$
- Ampere: $1 \text{ A} = 1 \text{ C/s}$
- Ohm: $1 \Omega = 1 \text{ V/A}$
- Tesla:

$$1 \text{ T} = \frac{\text{Vs}}{\text{m}^2} = \frac{\text{J}}{\text{A m}^2} = \frac{\text{Ns}}{\text{C m}} = \frac{\text{kg}}{\text{Cs}} = \frac{\text{N}}{\text{A m}}$$