
IA01 : Rapport du TP2

Auteurs :
Camille GERIN-ROZE
Thomas PERRIN

Le 15 Novembre 2015

Table des matières

1	Graphe d'états	3
2	Développement de l'algorithme de recherche	4
2.1	La fonction <code>echange(x,y)</code>	4
2.2	La fonction <code>successeurs</code>	5
2.3	Algorithme de recherche en profondeur	6
2.4	Implémentation en Lisp de l'algorithme	7
3	Rechercher avec une heuristique	8
3.1	Déterminer une heuristique	8
3.2	Implémentation de la distance	9
3.3	Implémentation du choix de l'état	9
3.4	Implémentation de notre nouvelle fonction de recherche	10
3.5	Comparaison des fonctions avec et sans heuristique	11

Introduction

Le but de ce TP est de réfléchir à une recherche dans un espace d'états avec le langage Lisp. Au départ, nous effectuerons une recherche basique en profondeur, pour ensuite considérer une heuristique afin d'optimiser cette recherche. Dans ce rapport, nous répondrons aux différentes questions posés et nous expliquerons de quel manière nous avons abordé les problèmes et pourquoi. Nous utiliserons plusieurs fonctions dites « de service » :

- `get_symbol` : Permet d'obtenir le symbole à l'index en paramètre.
- `myMember` : Implémentation différente de la fonction `member` avec la fonction `EQUAL` au lieu de `EQ`.
- `etat_correct` : Permet de déterminer si un état est correct en vérifiant la présence de A, B, C, D, que la structure soit de taille 4 et que A soit placé avant D.

Chapitre 1

Graphe d'états

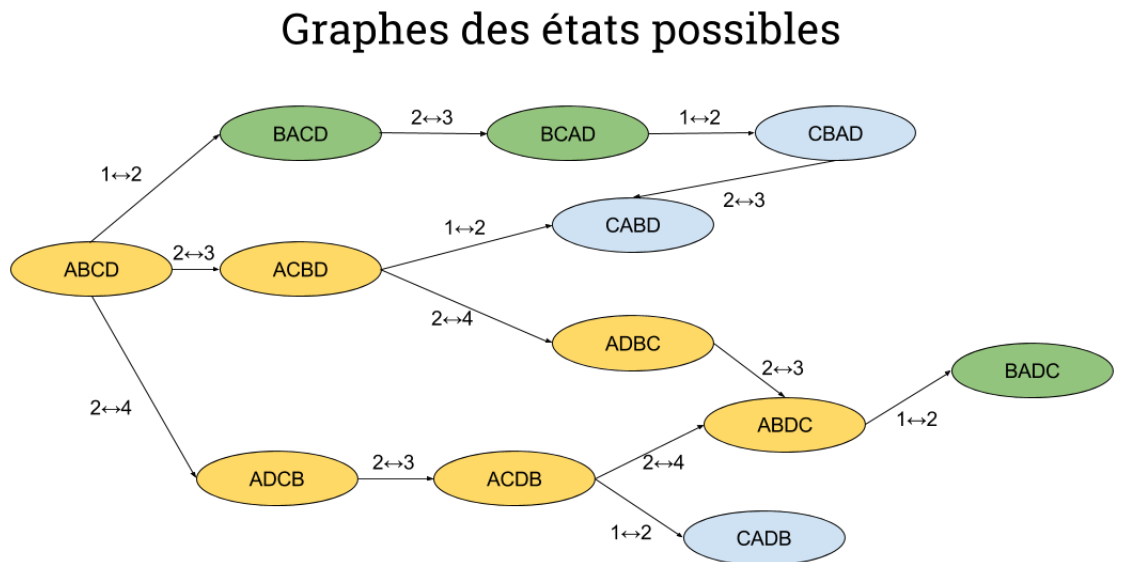


FIGURE 1.1 – Graphe représentant les états et leurs successeurs

De base, seules trois actions sont possibles à chaque état. Ensuite, à chaque successeur, on retire la même action qui va uniquement revenir en arrière. De plus, certaines actions peuvent être interdites puisqu'ils modifieraient les pions dans un état non autorisé. Ainsi, ce graphe d'états permet de représenter clairement les différentes possibilités en indiquant unitairement chaque état.

Chapitre 2

Développement de l'algorithme de recherche

2.1 La fonction `echange(x,y)`

La fonction `echange` reforme les 4 pions à partir d'une liste vide. A chaque itération, on ajoute le pion correspondant, mis à part lorsque l'on est aux deux index précisés en paramètre. On vérifie ici uniquement que les deux index sont accessibles, on limitera les actions possibles dans la fonction `successeurs`.

```
(defun echange(etat x y)
  (if (AND (> x 0) (> y 0) (< x 5) (< y 5))
      (let ((value ()))
        (dotimes (i 5 value)
          (cond
            (;;; Si le symbole est x alors on met y
             ((= i x) (setq value (append value (list (get-symbol etat y))))))
            (;;; Si le symbole est y alors on met x
             ((= i y) (setq value (append value (list (get-symbol etat x))))))
            (;;; Sinon on met le bon symbole
             ((> i 0) (setq value (append value (list (get-symbol etat i))))))
          )
        )
      )
      (;;; Gestion des erreurs potentielles
       (error "Les pi ces sont positionn es entre 1 et 4"))
  )
```

2.2 La fonction successeurs

La fonction successeurs effectue les trois actions autorisés par l'énoncé sur l'état en paramètre : c'est-à-dire `echange(1,2)`, `echange(2,3)` et `echange(2,4)`. Si le successeur est valide (vérifié grâce à la fonction de service `etat_correct`), on l'ajoute à la liste des successeurs. Ainsi, on obtiendra une liste pouvant aller de 0 à 3 états.

```
(defun successeurs (etat)
  (let ((value ()))
    ;;;; On fait les changes 1 <-> 2, 2 <-> 3 et 2 <-> 4
    (loop for i in (list 1 3 4)
      do (if (etat_correct (echange etat i 2))
        (push (echange etat i 2) value)))
    value)
  )
```

La fonction `etat_correct` qui est utilisée sert tout simplement à vérifier qu'un état est correct. On la définit de la façon suivante :

```
(defun etat_correct(e) ;;;; Un etat est correct si
  (if (AND ;;;; A est avant D
    (> (list-length (member 'A e)) (list-length (member 'D e)))
    (= (list-length e) 4) ;;;; Si l'etat comporte exactement 4 symboles
    (member 'A e) ;;;; Si A est membre de l'etat
    (member 'B e) ;;;; Si B est membre de l'etat
    (member 'C e) ;;;; Si C est membre de l'etat
    (member 'D e)) T NIL)) ;;;; Si D est membre de l'etat
```

2.3 Algorithme de recherche en profondeur

Voici l'algorithme que nous avons développé :

```
fonction Recherche(etatCourant etatFinal etatsParcours)  
  Si (etatCourant = etatFinal) alors  
    retourner append(etatsParcours, etatCourant)  
  sinon  
    list-succ <- successeurs(etatCourant)  
    solution <- NIL  
    i <- 0  
    Tant que solution = NIL et i < list-length(list-succ)  
      Si !membre(list-succ[i], etatsParcours) alors  
  
        solution =  
          Recherche(list-succ[i], etatFinal,  
            append(etatsParcours, etatCourant))  
  
      FinSi  
      i <- i + 1  
    FinTantQue  
  FinSi  
  
  retourner solution  
finRecherche
```

Cet algorithme permet de tester toutes les solutions en recherchant en profondeur dans l'ensemble d'états. Ainsi, on retombera sur l'état final obligatoirement. Cependant cela peut prendre un certain temps puisque l'algorithme va tester toutes les solutions jusqu'à trouver la bonne. La fonction recherche implémente cet algorithme en plus de rajouter un affichage.

2.4 Implémentation en Lisp de l'algorithme

```
(DEFUN recherche ( etatCourrant etatFinal &optional etatsParcours)
  (dotimes (i (list-length etatsParcours))
    (format t "~T" ))
    (format t "~A~%" etatCourrant)
    (IF (EQUAL etatCourrant etatFinal)
      (append etatsParcours (list etatCourrant))
      (LET ((list-succ (successeurs etatCourrant)) (sol nil))
        (DO ((succ (pop list-succ) (pop list-succ)))
          ((OR (null succ) (not (null sol))) sol)
          (IF (AND (NOT (myMember succ etatsParcours)) (not (null succ)))
            (SETQ sol
              (recherche succ etatFinal
                (append etatsParcours (list etatCourrant))))
            )
          )
        )
      )
  )
)
```

Cette implémentation est simple : On va dans un premier temps afficher le chemin qui est parcouru, puis on va vérifier que nous n'avons pas fini notre recherche (dans ce cas nous sortons de l'algorithme). En suite, pour chaque successeurs valide, nous allons rappeler notre fonction récursivement, de manière à continuer notre recherche avec chaque successeur de notre état initial.

Voici l'appel de la fonction recherche :

```
(recherche '(A D B C) '(C B A D))
(A D B C)
(A C B D)
(A B C D)
(A D C B)
(A C D B)
(A B D C)
(B A D C)
(C A D B)
(B A C D)
(B C A D)
(C B A D)
((A D B C) (A C B D) (A B C D) (B A C D) (B C A D) (C B A D))
```

On peut observer que l'algorithme trouve le chemin comme prévu. Cependant, on peut remarquer qu'il remonte dans ses appels trois fois avant de trouver le bon chemin et que le chemin est loin d'être optimal.

Chapitre 3

Rechercher avec une heuristique

3.1 Déterminer une heuristique

L'ajout d'une heuristique permettra de choisir l'état d'une manière plus cohérente pour continuer les itérations. Nous avons choisi d'utiliser la distance entre chaque état afin de déterminer lequel est le plus proche de l'état final. La distance est caractérisée par la différence entre chaque lettre entre deux états. Par exemple, ABCD et ABDC ont une distance de 2 car deux lettres sont interverties. Ainsi, si nous avons le choix entre un état possédant une seule différence avec l'état final ou un second trois différences avec ce dernier, on choisira le premier état. Afin d'obtenir un résultat plus pertinent, nous ne regarderons pas le deuxième symbole puisque ce dernier bougera constamment. En effet, chaque action possible demande de déplacer le deuxième symbole, donc quand deux états ont la même distance, si un des deux états a son deuxième symbole bien placé alors l'autre sera plus proche de l'état final. Prenons un exemple avec l'état ABCD :

Prenons l'exemple de ABDC et ACBD, ces deux états sont à une distance de deux symboles avec ABCD (ils ont deux symboles différents). Cependant, il faut une seule opération sur ACBD pour arriver à ABCD (échange(2,3)) tandis qu'il faut au minimum 3 opérations à ABDC pour atteindre ABCD. C'est parce que dans les symboles bien placés de ABDC, il y a le deuxième symbole qui sera forcément changé quand nous bougerons les autres symboles.

Donc nous choisissons de calculer la distance entre deux états en omettant volontairement le deuxième symbole. La fonction distance permet de calculer la distance entre deux états et permet de représenter cette heuristique. Notre heuristique peut donc être résumé en la phrase : “ Un état est estimé plus proche de l'état final si la distance ométtant le deuxième symbole entre celui-ci et l'état final est minimale.”

3.2 Implémentation de la distance

```
(defun distance (etatA etatB)
  (let ((dist 0) (x (pop etatA)) (y (pop etatB)))
    (loop for i from 0 to 4 do
      (if (AND (NOT (= i 1))(NOT (EQUAL x y)))
          (setq dist (1+ dist)))
      (setq x (pop etatA))
      (setq y (pop etatB))
    )
    dist
  )
)
```

3.3 Implémentation du choix de l'état

```
(defun choixEtat (etat liste parcouru)
  (let ((minDist)(minEtat))
    (dolist (e liste minEtat)
      (if (AND ;;;; Si la distance entre e et minEtat est plus petite
          (OR (AND (NULL minDist) (NULL minEtat))
              (< (distance etat e) minDist))
          ;;;; ET si e n'a pas déjà été parcouru
          (NOT (MYMEMBER e parcouru)))
          (progn
            ;;;; ALORS e est un tat plus prometteur que minEtat
            (setq minDist (distance etat e))
            (setq minEtat e)
          )
      )
    )
    minEtat ;;;; On retourne le meilleur tat trouv
  )
)
```

3.4 Implémentation de notre nouvelle fonction de recherche

Notre nouvelle fonction de recherche va donc utiliser notre heuristique par le biais de la fonction choixEtat. Pour cela, la fonction recherche_opti va appeler la fonction choix état pour que celle-ci trouve l'état le plus prometteur, si cet état ne donne pas de solution alors on rappellera la fonction choix état pour qu'elle nous donne le deuxième état le plus prometteur et cela jusqu'à ce qu'il y ai une solution ou qu'il n'y ai plus de successeurs.

Cela nous donne l'implémentation suivante :

```
(DEFUN recherche_opti ( etatCourrant etatFinal &optional etatsParcours)
  (if (NOT (AND (etat_correct etatCourrant) (etat_correct etatFinal)))
    (error "ERREUR: L'ENTREE(S) INCORRECT(S)")
  )
  (dotimes (i (list-length etatsParcours))
    (format t "~T")
    (format t "~A%" etatCourrant)
    (IF (EQUAL etatCourrant etatFinal)
      (append etatsParcours (list etatCourrant))
      (let (
        (etatPrometteur (choixEtat etatFinal (successeurs etatCourrant) etatsParcours))
      )
        (loop while (not (null etatPrometteur))
          do
            (if (NOT (MYMEMBER etatPrometteur etatsParcours))
              (SETQ
                sol (recherche_opti etatPrometteur etatFinal
                  (append etatsParcours (list etatCourrant)))
              )
            )
            (if (null sol)
              (setq etatPrometteur
                (choixEtat etatFinal (remove etatPrometteur
                  (successeurs etatCourrant)) etatsParcours))
              (setq etatPrometteur NIL)
            )
          )
        )
      )
    sol)
  )
)
```

3.5 Comparaison des fonctions avec et sans heuristique

Voici l'appel de la fonction recherche_opti :

```
(recherche_opti '(A D B C) '(C B A D))  
(A D B C)  
  (A C B D)  
    (C A B D)  
      (C B A D)  
((A D B C) (A C B D) (C A B D) (C B A D))
```

On remarque que le chemin retourné par notre heuristique est plus court que celui utilisé retourné par une recherche basique en profondeur. Ainsi, lorsque l'on analyse le problème, et que l'on sait comment se rapprocher de la solution en simplifiant une recherche, on peut voir que l'on gagne du temps en termes de parcours. La complexité à chaque itération est plus élevée puisqu'il faut comparer les prédécesseurs avant de continuer. Mais cette analyse est moins coûteuse que d'itérer pour rien sur certains états par la suite.

On peut conclure qu'une heuristique est très avantageuse en termes de performance et de qualité de résultats. Sur des applications de recherche à plus grande envergures tels que la recherche de chemin dans des réseaux, les heuristiques sont obligatoires afin d'obtenir des performances convenables.

Conclusion

La recherche dans un espace d'état peut effectivement être faite de manière naïve en parcourant l'arbre bêtement en profondeur ou en largeur. Mais on s'aperçoit que l'utilisation d'une heuristique peut permettre d'une part, d'avoir des résultats bien plus intéressants, et d'autre part, d'accélérer le traitement de certaines requêtes en diminuant de manière significative le nombre d'itération de la boucle principale.

Cependant, on pourra noter qu'une heuristique n'est pas toujours bénéfique dans tous les cas. En effet dans le choix des états, choisir l'état le plus proche de l'état final ne sera pas toujours le chemin le plus court et un algorithme de recherche naïf pourrait trouver un meilleur résultat par pure hasard.