

función factorial

$$0! = 1$$

$$(n+1)! = n! \times (n+1)$$

1) Definir en el formato de las funciones recursivas - μ

usaremos estas funciones (fueron vistas en la ayudantía 16/5/23)

$$z(n) = 0$$

(Cero)

$$s(n) = n+1$$

(sucesor)

$$\text{mult}(0, y) = z() = 0$$

(multiplicación)

$$\text{mult}(x+1, y) = \text{suma}(y, \text{mult}(x, y))$$

$$\text{suma}(0, x) = \pi_1^1(x) = x$$

(suma)

$$\text{suma}(x+1, y) = s(\pi_3^3(x, y, \text{suma}(x, y)))$$

entonces factorial queda

$$\text{fact}(0) \equiv_{\text{def}} s(z(0)) = 1$$

$$\text{fact}(n+1) \equiv_{\text{def}} \text{mult}(\text{fact}(n), s(n))$$

2) Ahora definela como término λ con base en la respuesta 1

las funciones que usaremos son (vistas en la clase 17/5/23)

$$\text{Cero} \equiv_{\text{def}} \lambda x. x V \quad , \quad S \equiv_{\text{def}} \lambda x. [F, x] \quad , \quad P \equiv_{\text{def}} \lambda x. x F$$

(dice si es 0) (sucesor) (predecesor)

$$\text{Mult} \equiv_{\text{def}} \lambda f. \lambda yx. (\text{Cero } y) (C \ y) (\text{suma} (\text{mult} (P_y) x) x)$$

(multiplicación)

$$C \equiv_{\text{def}} \lambda x. \bar{0} \quad , \quad \text{suma} \equiv_{\text{def}} \lambda f. \lambda yx. (\text{Cero } y) (Hx) (G(P_y)x (f(P_y)x))$$

(cero) (suma)

$$H \equiv_{\text{def}} \lambda x. x \quad G \equiv_{\text{def}} \lambda z, x, y. S (C \lambda x, y. \omega. \omega) zxy$$

entonces factorial sera

$$\text{fact} \equiv_{\text{def}} \lambda f. \lambda x. (\text{Cero } x) (Sx) (\text{mult} (\text{fact} (P_x)) x)$$

3) A partir de la función recursiva μ , define con un programa de IMP

veamos que serían los programas P_h y P_g

tal que

$$\langle P_h, \sigma \rangle \rightarrow \sigma' \quad \text{y} \quad \langle P_g, \sigma_1 \rangle \rightarrow \sigma'_1$$

$$\sigma'(X_0) = \text{sucesor}(\sigma(X_3))$$

donde X_3 es una localidad con
0 almacenado

$$\sigma'_1(X_0) = \text{mult}(\text{fact}(\sigma(X_2), \text{sucesor}(\sigma(Z)))$$

entonces

$$P_h = X_0 := X_3 + 1$$

$$P_g = X_0 := (X_2 \times (Z + 1))$$

y queda

$$X_3 := 0; \quad W := Z;$$

$$Y_0 := 0;$$

P_h :

while $Y_0 < W$ do

$$Z := Y_0;$$

$$X_2 := X_0;$$

P_g :

$$Y_0 := Y_0 + 1;$$

de esta manera se
calcula $\text{fact}(Z)$ y se
guarda en X_0

4) Define la minimalización no acotada por medio de programas while.

sea $g: \mathbb{N}^{n+1} \rightarrow \mathbb{N}$ función computable y supongamos que g' es un programa que lo calcula, ahora realizaremos un programa f para la minimalización no acotada, donde el resultado estará en Y

$Z := 0, Y_1 := 0$

$W_1 := X_1, \dots, W_n := X_n$

$Y := 0, X_2 := 1$

while $\neg (Z = 0)$ do

$Y_1 := Y$

$X_1 := W_1, \dots, X_n := W_n$

$X_2 := g(Y, X_1, \dots, X_n)$

if $(X_2 = 0)$ then

$Z := 1$

else

$Y := Y_1 + 1$