

## Tarea 1.

1. Sea  $\vec{a}$  el vector tal que  $\|\vec{a}\| = 20$  y que forma un ángulo  $\theta_1 = 45^\circ$  respecto al eje  $x$ , y  $\vec{b}$  el vector tal que  $\|\vec{b}\| = 16$  y que forma un ángulo  $\theta_2 = -30^\circ$  respecto al eje  $x$ .

Calcule lo siguiente:

- $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} = (c_1, c_2)$   $(12.99, 16.14)$
- El ángulo que forma  $\vec{c}$  respecto al eje  $x$ .  $12.54^\circ$

2. Dados los vectores:

$$\begin{aligned}\vec{a} &= -4\hat{i} + \hat{j}, \\ \vec{b} &= \hat{i} - 2\hat{j}.\end{aligned}$$

- Calcule  $\vec{u} = 2\vec{a} + 3\vec{b} = (u_1, u_2)$ .  $(-5, -4)$
- Calcule:  $c = \|\vec{a} - \vec{b}\|$   $\sqrt{34}$

3. Proporcione un vector  $\vec{b}$  tal que tenga la misma dirección que  $\vec{a} = (-2, 4, 2)$  (en términos de  $\hat{i}, \hat{j}, \hat{k}$ ), para el que:

- Su magnitud es 6.  $-\sqrt{6}\hat{i} + 2\sqrt{6}\hat{j} + \sqrt{6}\hat{k}$
- Su norma vale 1.  $-\frac{\sqrt{6}}{6}\hat{i} + \frac{\sqrt{6}}{3}\hat{j} + \frac{\sqrt{6}}{6}\hat{k}$

4. Proporcione un vector unitario  $\hat{u}$ , tal que es **paralelo** a la **recta tangente** a la parábola  $y = x^2$ , en el punto  $(3, 9)$ . Adjunte una gráfica de la parábola, la tangente y el vector encontrado (Geogebra 3D).  $\hat{u} = (0.1644, 0.9864)$

5. Sean  $\vec{a}, \vec{b}$  vectores en  $\mathbb{R}^3$ , cuyas componentes son  $\vec{a} = (a_x, a_y, a_z)$ ,  $\vec{b} = (b_x, b_y, b_z)$ . Demuestre que  $\hat{i} \cdot \hat{j} = \hat{j} \cdot \hat{k} = \hat{k} \cdot \hat{i} = 0$ ,

a partir de:

- La definición de producto punto **algebraica**.
- La definición de producto punto **geométrica**.

en hojas

6. Dados los vectores  $\vec{a} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}$ ,  $\vec{b} = 4\hat{i} - 3\hat{k}$ .

Calcule el ángulo entre los vectores:

- En grados  $48.18^\circ$
- En radianes.  $0.841$  radianes

7. Dados los vectores

$$\vec{a} = \hat{j} + 7\hat{k}$$

$$\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$$

obtenga:

$$\bullet \vec{c} = \vec{a} \times \vec{b} \quad \vec{c} = 11\hat{i} + 14\hat{j} - 2\hat{k} = (11, 14, -2)$$

- Compruebe que  $\vec{c}$  es ortogonal a  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  simultáneamente. *en hojitas*

8. Proporcione: (i) La ecuación vectorial, (ii) las ecuaciones paramétricas, (iii) las ecuaciones simétricas para las siguientes rectas:

- La recta que pasa por  $P(6, -5, 2)$  y que es paralela al vector  $\vec{u} = (1, 3, \frac{-2}{3})$ . *en hojitas*

- La recta que pasa por  $A(0, 0, 0)$  y  $B(4, 3, -1)$ . *en hojitas*

9. Utilice el **triple producto escalar** (producto mixto), para determinar si los puntos  $A(1, 3, 2)$ ,  $B(3, -1, 6)$ ,  $C(5, 2, 0)$ ,  $D(3, 6, -4)$  son copланарес.

*en hojitas*

10. Proporcione la ecuación del plano que pasa por  $A(5, 3, 5)$  y cuyo vector normal es  $\vec{n} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$ . Adjunte una imagen de geogebra de la situación.

$$2x + y - z - 8 = 0$$

11. Proporcione la **ecuación del plano** que contiene a los puntos  $A(0, 0, 0)$ ,  $B(2, -4, 6)$ ,  $C(5, 1, 3)$ . Adjunte una imagen de geogebra de la situación.

$$-18x + 24y + 22z = 0$$

12. Proporcione las coordenadas del punto  $A(a_x, a_y, a_z)$  del punto donde se intersectan:

**el plano**

$$x + 2y - z + 1 = 0,$$

y la recta dada por las ecuaciones paramétricas

$$x = 1 + 2t,$$

$$y = 4t,$$

$$z = 2 - 3t.$$

Adjunte una imagen de geogebra de la situación.

$$A(1, 0, 2)$$

# Tarea 1.

1- Sea  $\vec{a}$  el vector tal que  $\|\vec{a}\|=20$  y que forma un ángulo  $\theta_1=45^\circ$  respecto al eje x, y  $\vec{b}$  el vector tal que  $\|\vec{b}\|=16$  y que forma un ángulo  $\theta_2=-30^\circ$  respecto al eje x

Calcule lo siguiente

- $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} = (c_1, c_2)$

a)  $\sin(45^\circ) = \frac{c_2}{20}$

$20 \sin(45^\circ) = c_2 = 10\sqrt{2}$

$\cos(45^\circ) = \frac{c_1}{20}$

$20 \cos(45^\circ) = c_1 = 10\sqrt{2}$

$a = (10\sqrt{2}, 10\sqrt{2})$

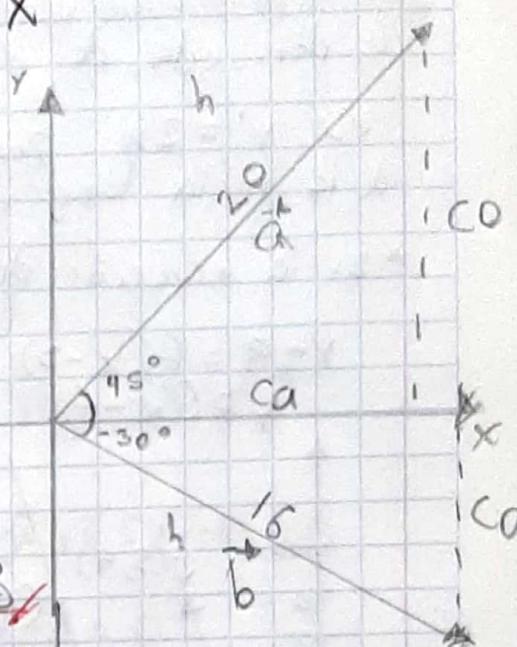
$b = (8\sqrt{3}, -8)$

b)  $\sin(-30^\circ) = \frac{c_2}{16}$

$16 \sin(-30^\circ) = c_2 = -8$

$\cos(-30^\circ) = \frac{c_1}{16}$

$16 \cos(-30^\circ) = c_1 = 8\sqrt{3}$



- $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} = (10\sqrt{2}, 10\sqrt{2}) + (8\sqrt{3}, -8)$   
 $= (10\sqrt{2} + 8\sqrt{3}, 10\sqrt{2} + (-8)) = (14.14 + 15.85, 14.14 - 8)$   
 $= (29.99, 6.14)$

- El ángulo que forma  $\vec{c}$  respecto al eje x

$$\tan \theta = \frac{c_2}{c_1} = \frac{29.99}{6.14} \approx 4.886$$

$$\theta = \tan^{-1}(4.886) \approx 72.54^\circ$$

$$\textcircled{2} \quad \bar{a} = -4\hat{i} + \hat{j}$$

$$\bar{b} = \hat{i} - 2\hat{j}$$

a) Calcule  $\bar{U} = 2\bar{a} + 3\bar{b} = (U_1, U_2)$

$$\begin{aligned}\bar{U} &= 2(-4\hat{i} + \hat{j}) + 3(\hat{i} - 2\hat{j}) \\ &= -8\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{i} - 6\hat{j} \\ &= -8\hat{i} + 3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{j} \\ &= 1(-8+3) + \hat{j}(2-6) \\ &= -5\hat{i} - 4\hat{j}\end{aligned}$$

Note que  
 $\bar{U} = (1, 0) \quad \hat{j} = (0, 1)$

entonces

$$\begin{aligned}\bar{U} &= -5(1, 0) - 4(0, 1) \\ \bar{U} &= (-5, 0) - (0, 4) \\ \bar{U} &= (-5-0), (0-4) \\ \bar{U} &= (-5, -4)\end{aligned}$$

b) Calcule  $C = \|\bar{U} - \bar{b}\|$

$$\begin{aligned}C &= \|\bar{a} - \bar{b}\| = \|(1-4\hat{i} + \hat{j}) - (\hat{i} - 2\hat{j})\| \\ &= \|(1-4\hat{i} + \hat{j}) - \hat{i} + 2\hat{j}\| \\ &= \|(1-4\hat{i}) - \hat{i} + \hat{j} + 2\hat{j}\| \\ C &= \|-5\hat{i} + 3\hat{j}\| \\ C &= \sqrt{(-5)^2 + (3)^2} \\ C &= \sqrt{25+9}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}C &= \sqrt{(-5+0)^2 + (0+3)^2} \\ C &= \sqrt{(-5+0)^2 + (0+3)^2} \\ C &= \sqrt{25+9} \\ C &= \sqrt{34}\end{aligned}$$

$$(3) \quad \vec{a} = (-2, 4, 2)$$

•  $\vec{b}_1$  con misma dirección que  $\vec{a}$  y magnitud de 6

$$\|\vec{a}\| = \sqrt{(-2)^2 + 4^2 + 2^2} = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$$

$$6 = |\rho| \|\vec{a}\|$$

$$6 = |\rho| \sqrt{24}$$

$$|\rho| = \frac{6}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$

$$\vec{b}_1 = p \vec{a}$$

$$= \frac{\sqrt{6}}{2} (-2, 4, 2)$$

$$\vec{b}_1 = (-\sqrt{6}, 2\sqrt{6}, \sqrt{6}) = -\sqrt{6} \hat{i} + 2\sqrt{6} \hat{j} + \sqrt{6} \hat{k}$$

•  $\vec{b}_2$  con misma dirección que  $\vec{a}$ , y norma vale 1

$$1 = |\rho| \|\vec{a}\|$$

$$1 = |\rho| \sqrt{24}$$

$$|\rho| = \frac{1}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{6}}{12}$$

$$\vec{b}_2 = q \vec{a}$$

$$= \frac{\sqrt{6}}{12} (-2, 4, 2)$$

$$\vec{b}_2 = \left( -\frac{\sqrt{6}}{6}, \frac{\sqrt{6}}{3}, \frac{\sqrt{6}}{6} \right) = -\frac{\sqrt{6}}{6} \hat{i} + \frac{\sqrt{6}}{3} \hat{j} + \frac{\sqrt{6}}{6} \hat{k}$$

$$\vec{b}_3 = -\sqrt{6}\hat{i} + 2\sqrt{6}\hat{j} + \sqrt{6}\hat{k} = (-\sqrt{6}, 2\sqrt{6}, \sqrt{6})$$

$$\vec{b}_2 = -\frac{\sqrt{6}}{6}\hat{i} + \frac{\sqrt{6}}{3}\hat{j} + \frac{\sqrt{6}}{6}\hat{k} = \left(-\frac{\sqrt{6}}{6}, \frac{\sqrt{6}}{3}, \frac{\sqrt{6}}{6}\right)$$

4: Proporcione un vector unitario  $\vec{U}$ , tal que es paralelo a la recta tangente a la parábola  $y = x^2$  en el punto  $(3,9)$ . Adjunte una gráfica de la parábola, la tangente y el vector encontrado.

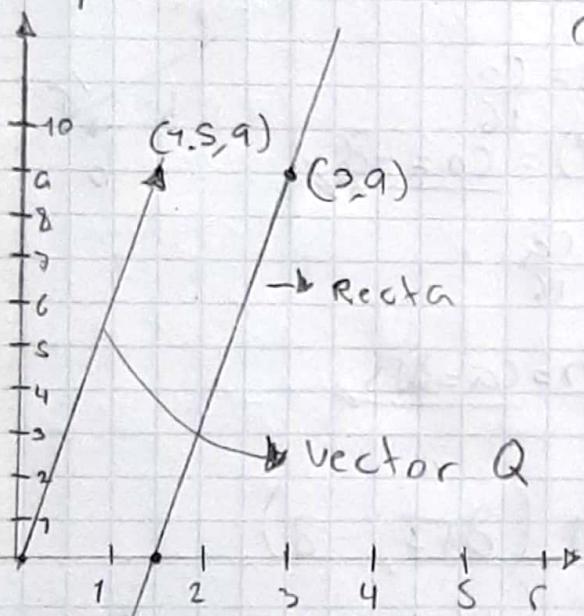
la derivada de parábola  $y = x^2$

es  $y' = 2x$  por lo que la pendiente de la recta tangente es  $m = 2(3) = 6$ .

Así la ecuación de la recta es

$$y - 9 = 6(x - 3)$$

$$y = 6x - 9$$



Cuando  $y = 0$ ,  $x$  es igual a

$$0 = 6x - 9$$

$$9 = 6x$$

$$x = 9/6 = 1.5$$

Así, si trasladamos nuestra recta al origen le restamos 1.5 al componente  $x$

para obtener un vector

$$\vec{Q} = \frac{\vec{Q}}{\|\vec{Q}\|} = \frac{(1.5, 9)}{\sqrt{83.25}} = \left( \frac{1.5}{\sqrt{83.25}}, \frac{9}{\sqrt{83.25}} \right) \approx (0.1644, 0.9864)$$

$$\|\vec{Q}\| = \sqrt{(1.5)^2 + (9)^2} = \sqrt{2.25 + 81} = \sqrt{83.25} \approx 9.1241$$

$$\begin{aligned}\frac{x}{4} &= t \\ \frac{y}{3} &= t \\ -z &= t\end{aligned}\Rightarrow \frac{x}{4} = \frac{y}{3} = -z$$

⑤  $i \cdot j = j \cdot k = \hat{i} \cdot \hat{k} = 0$   
Producto punto algebraico  
geometrico

i)  $\bar{a} \cdot \bar{b} = (a_1, a_2, a_3) \cdot (b_1, b_2, b_3)$   
 $= a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$

ii)  $\bar{a} \cdot \bar{b} = |\bar{a}| |\bar{b}| \frac{\text{proy } \bar{a} \bar{b}}{|\bar{a}|}$

$$\text{Proy } \bar{a} \bar{b} = \frac{\bar{a} \bar{b}}{|\bar{b}|}$$

$$\text{Proy } \bar{b} \bar{a} = \frac{\bar{a} \bar{b}}{|\bar{a}|}$$

$$\begin{aligned}\text{i)} i \cdot j &= 1 \cdot 1 \cos 90 \\ &= 1 \cdot 0 \\ &= 0 \\ \text{ii)} j \cdot k &= 1 \cdot 1 \cos 90 \\ &= 1 \cdot 0 \\ &= 0 \\ \text{iii)} k \cdot i &= 1 \cdot 1 \cos 90 \\ &= 1 \cdot 0 \\ &= 0\end{aligned}$$

$$\therefore i \cdot j = j \cdot k = k \cdot i \quad \text{D}$$

$$(6) \text{ Dados } \vec{a} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}, \quad \vec{b} = 4\hat{i} - 3\hat{k}$$

Calcular el ángulo entre vectores

$$\vec{a} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k} = (1, 2, -2)$$

$$\vec{b} = 4\hat{i} - 3\hat{k} = (4, 0, -3)$$

formula

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{\|\vec{a}\| \|\vec{b}\|}$$

$$\theta = \cos^{-1} \left( \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{\|\vec{a}\| \|\vec{b}\|} \right)$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 1 \cdot 4 + 2 \cdot 0 + -2 \cdot -3 = 4 + 0 + 6 = 10$$

$$\|\vec{a}\| = \sqrt{1^2 + 2^2 + -2^2} = \sqrt{1+4+4} = \sqrt{9} = 3$$

$$\|\vec{b}\| = \sqrt{4^2 + 0^2 + -3^2} = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$$

$$\theta = \cos^{-1} \left( \frac{10}{3 \cdot 5} \right) = \cos^{-1} \left( \frac{10}{15} \right) = \cos^{-1} \left( \frac{2}{3} \right)$$

$$\theta = 48^\circ 11' = 48.18^\circ \text{ en grados}$$

$$48.18 \times \frac{\pi}{180} =$$

$$\theta = 0.841 \text{ radianos} \quad \text{en radianos}$$

$$= 0.8409$$

$$(7) \text{ Dados } \vec{a} = \hat{j} + 7\hat{k}, \quad \vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$$

• obtenga  $\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b}$

$$\vec{a} = (0, 1, 7), \quad \vec{b} = (2, -1, 4)$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 1 & 7 \\ 2 & -1 & 4 \end{vmatrix}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} 1 & 7 \\ -1 & 4 \end{vmatrix} \hat{i} - \begin{vmatrix} 0 & 7 \\ 2 & 4 \end{vmatrix} \hat{j} + \begin{vmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -1 \end{vmatrix} \hat{k}$$

$$= [4+7]\hat{i} - [0-14]\hat{j} + [0-2]\hat{k}$$

$$\vec{c} = 11\hat{i} + 14\hat{j} - 2\hat{k} = (11, 14, -2)$$

• Comprueba que  $\vec{c}$  es ortogonal a  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  simultáneamente

para esto vemos si su producto punto es 0

$$\vec{a} \cdot \vec{c} = 0 \cdot 11 + 1 \cdot 14 + 7 \cdot -2 = 0 + 14 - 14 = 0$$

entonces  $\vec{a}$  y  $\vec{c}$  son ortogonales

$$\vec{b} \cdot \vec{c} = 2 \cdot 11 + -1 \cdot 14 + 4 \cdot -2 = 22 - 14 - 8 = 0$$

entonces  $\vec{b}$  y  $\vec{c}$  son ortogonales

9) Dados los vectores:  
 $\vec{a} = \hat{j} + 7\hat{k}$   
 $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$   
 $\vec{a} = (0, 1, 7)$        $\vec{b} = (2, -1, 4)$

obtenga:

- $\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b}$

- Compruebe que  $\vec{c}$  es ortogonal a  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$   
 Simultáneamente

$$\begin{aligned} \vec{a} \times \vec{b} &= \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 1 & 7 \\ 2 & -1 & 4 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 7 \\ -1 & 4 \end{vmatrix} \hat{i} - \begin{vmatrix} 0 & 7 \\ 2 & 4 \end{vmatrix} \hat{j} + \begin{vmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -1 \end{vmatrix} \hat{k} \\ &= (4+7)\hat{i} - (0-14)\hat{j} + (0-2)\hat{k} = (11, 14, -2) = \vec{c} \end{aligned}$$

$$(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{a} = \vec{c} \cdot \vec{a} = (11, 14, -2) \cdot (0, 1, 7) = 0 + 14 + (-14) = 0$$

$$(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{b} = \vec{c} \cdot \vec{b} = (11, 14, -2) \cdot (2, -1, 4) = 22 - 14 - 8 = 0$$

⑧ 1. Ecuaçao vectorial, 2. Ecuaçao parametrica, III Ecuaçao simétrica

a) Recta qd passa por  $P(6, -5, 2)$  paralela a  $\vec{v} = (1, 3, -2/3)$   
 b) Recta qd passa por  $A(0, 0, 0)$  e  $B(4, 3, -1)$

$$\text{of } \vec{r}(t) = \vec{P} + t\vec{v}$$

$$= (6, -5, 2) + t(1, 3, -2/3)$$

$$= (6, -5, 2) + (t, 3t, -2/3t)$$

$$= (6+t, -5+3t, 2-2/3t)$$

$$x = 6+t$$

$$y = -5+3t$$

$$z = 2-2/3t$$

② Ecuaçao parametrica

$$x = 6+t$$

$$y = -5+3t$$

$$z = 2-2/3t$$

③ Ecuaçao simétrica

$$x-6 = t$$

$$\frac{y+5}{3} = t$$

$$\frac{32-z}{2} = t$$

$$x-6 = \frac{y+5}{3} = \frac{32-z}{2}$$

||

b)  $\vec{v} = \vec{AB} = (1, 3, -1) - (0, 0, 0)$   
 $\vec{v} = (4, 3, -1)$

$$\begin{aligned}\vec{r}(t) &= (0, 0, 0) + t(4, 3, -1) \\ &= (0, 0, 0) + (4t, 3t, -t) \\ &= (0+4t, 0+3t, 0-t) \\ &= (4t, 3t, -t)\end{aligned}$$

② Ecación Paramétrica

$$x = 4t$$

$$y = 3t$$

$$z = -t$$

③ Ecación Simétrica

$$\begin{aligned}\frac{x}{4} &= t \\ \frac{y}{3} &= t \\ -z &= t\end{aligned} \Rightarrow \frac{x}{4} = \frac{y}{3} = -z \quad ||$$

(9) Usando el triple producto escalar (producto mixto), para determinar si los puntos

$A(1, 3, 2)$ ,  $B(3, -1, 6)$ ,  $C(5, 2, 0)$ ,  $D(3, 6, -4)$  son coplanares

Son coplanares si están en el mismo plano

tomemos a

$$\vec{AB} = (2, -4, 4)$$

$$\vec{AC} = (4, -1, -2)$$

$$\vec{AD} = (2, 3, -6)$$

ver si estos vectores son coplanares con triple producto escalar

$$V = |\vec{AB} \cdot (\vec{AC} \times \vec{AD})| = 0 \Rightarrow \text{son coplanares}$$

$$\vec{AB} \cdot (\vec{AC} \times \vec{AD}) = \begin{vmatrix} 2 & -4 & 4 \\ 4 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

$$= \begin{vmatrix} -1 & -2 \\ 3 & -6 \end{vmatrix} 2 - \begin{vmatrix} 4 & -2 \\ 2 & -6 \end{vmatrix} -4 + \begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} 4$$

$$= (6+6)2 - (-24+4)-4 + (12+2)4$$

$$= (12)2 - (-20)-4 + (14)4$$

$$= 24 - 80 + 56 = \boxed{80 - 80 = 0} \quad \text{por lo tanto son coplanares}$$

10) Proporcione la ecuación del plano que pasa por A(5, 3, 5) y cuyo vector normal es  $\vec{n} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$ . Adjunte una imagen de geogebra de la situación.

Si tenemos en el plano el punto A(5, 3, 5) si tomamos un punto O(x, y, z) podemos hacer un vector

$\vec{AO} (x-5, y-3, z-5)$  que es perpendicular al vector

$\vec{n} (2, 1, -1)$  por lo que  $\vec{AO} \cdot \vec{n} = 0$  Así:

$$\vec{AO} \cdot \vec{n} = (x-5, y-3, z-5) \cdot (2, 1, -1) = 0$$

$$2x - 10 + y - 3 - z + 5 = 0$$

$$2x + y - z - 8 = 0$$

$$2x + y - z = 8 \checkmark$$

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC} &= \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 2 & -4 & 6 \\ 5 & 1 & 3 \end{vmatrix} \\ &= 2 \begin{vmatrix} -4 & 6 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} \hat{i} - (-4) \begin{vmatrix} 2 & 6 \\ 5 & 3 \end{vmatrix} \hat{j} + 6 \begin{vmatrix} 2 & -4 \\ 5 & 1 \end{vmatrix} \hat{k}\end{aligned}$$

$$\eta = -18\hat{i} + 24\hat{j} + 22\hat{k}$$

entonces

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AT} &= T(x, y, z) - A(0, 0, 0) \\ &= \langle x-0, y-0, z-0 \rangle\end{aligned}$$

$$\overrightarrow{AT} \cdot \eta = 0$$

$$\langle x-0, y-0, z-0 \rangle \cdot \langle -18, 24, 22 \rangle = 0$$

$$(x-0)(-18) + (y-0)(24) + (z-0)(22) = 0$$

$$-18x + 0 + 24y - 0 + 22z - 0 = 0$$

$$-18x + 24y + 22z + 10 - 0 - 0 = 0$$

$$-18x + 24y + 22z = 0$$

Ec Plana

||

(12) Da las coordenadas del punto  $A(a_x, a_y, a_z)$  donde se intersectan el plano  $x+2y-z+1=0$  y la recta dada por las ecuaciones paramétricas

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 4t \\ z = 2 - 3t \end{cases}$$

$$x + 2y - z = -1$$

6

$$(1 + 2t) + 2(4t) - (2 - 3t) = -1$$

$$1 + 2t + 8t - 2 + 3t = -1$$

$$13t - 1 = -1$$

$$13t = 0$$

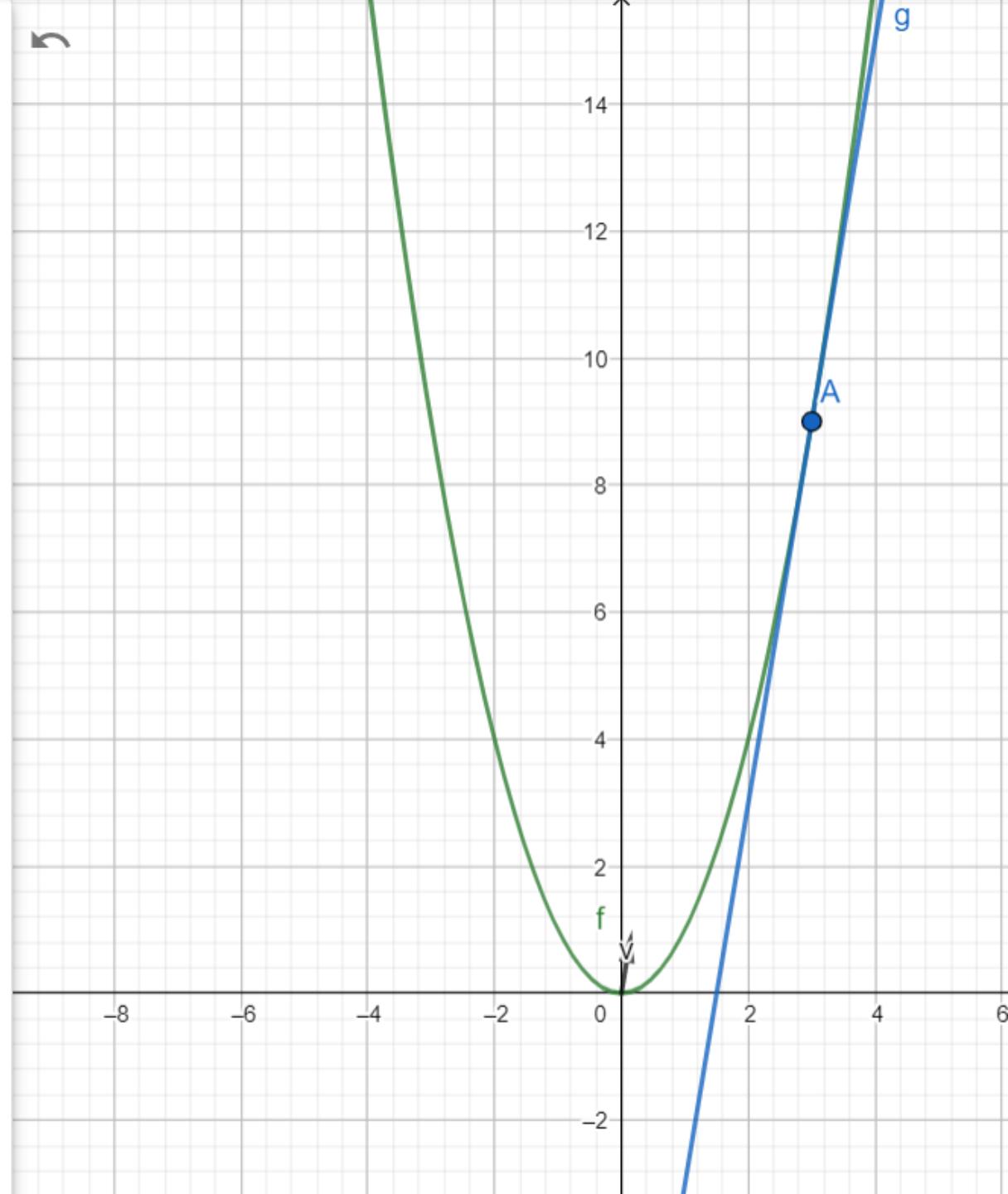
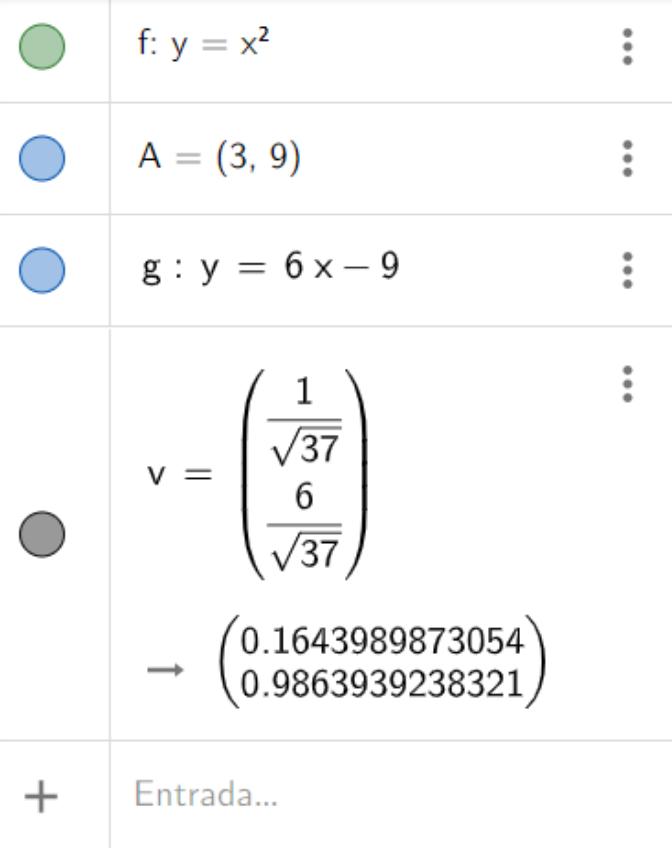
$$t = \frac{0}{13} = 0$$

para las coordenadas reemplazar la  $t$  obtenida en las paramétricas

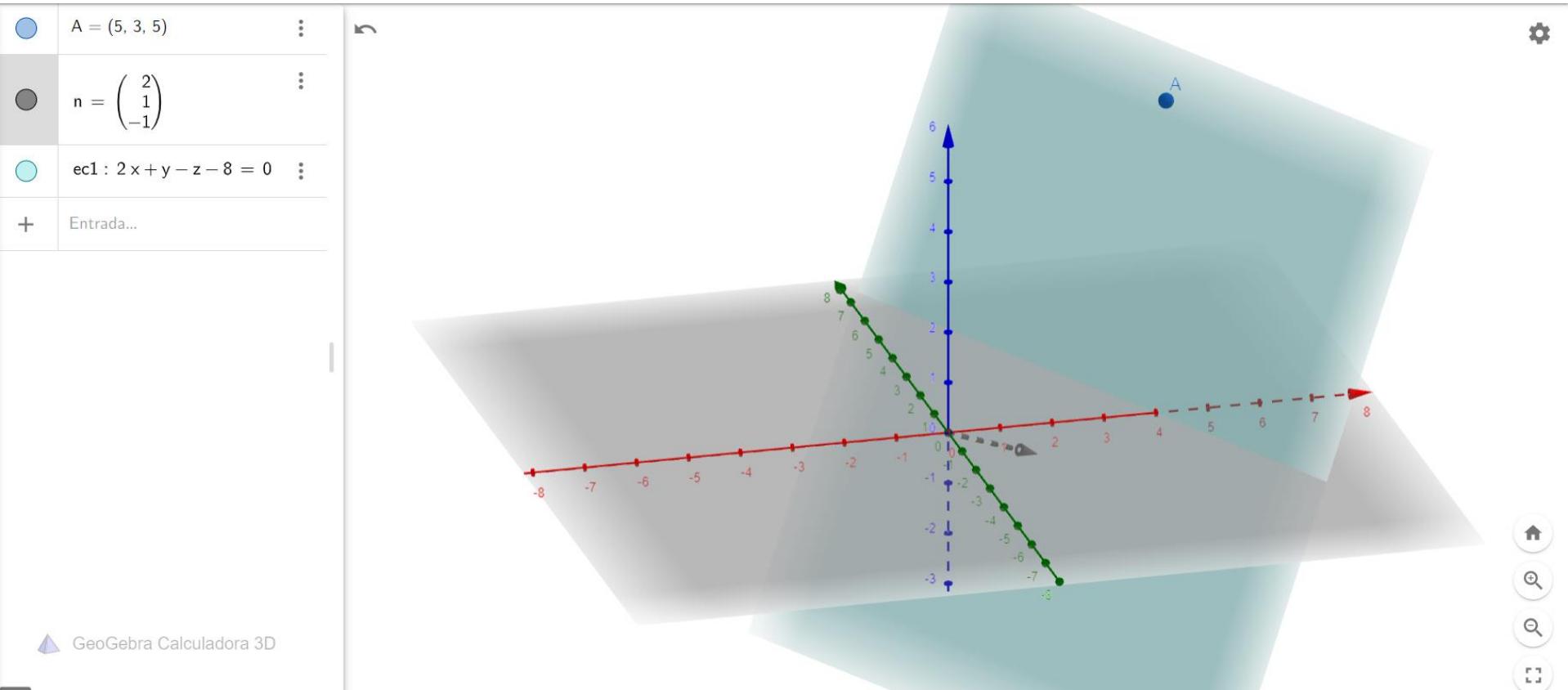
$$\begin{aligned} x &= 1 + 2(0) \Rightarrow x = 1 \\ y &= 4(0) \Rightarrow y = 0 \\ z &= 2 - 3(0) \Rightarrow z = 2 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} (1, 0, 2)$$

$A(1, 0, 2)$  el punto de intersección

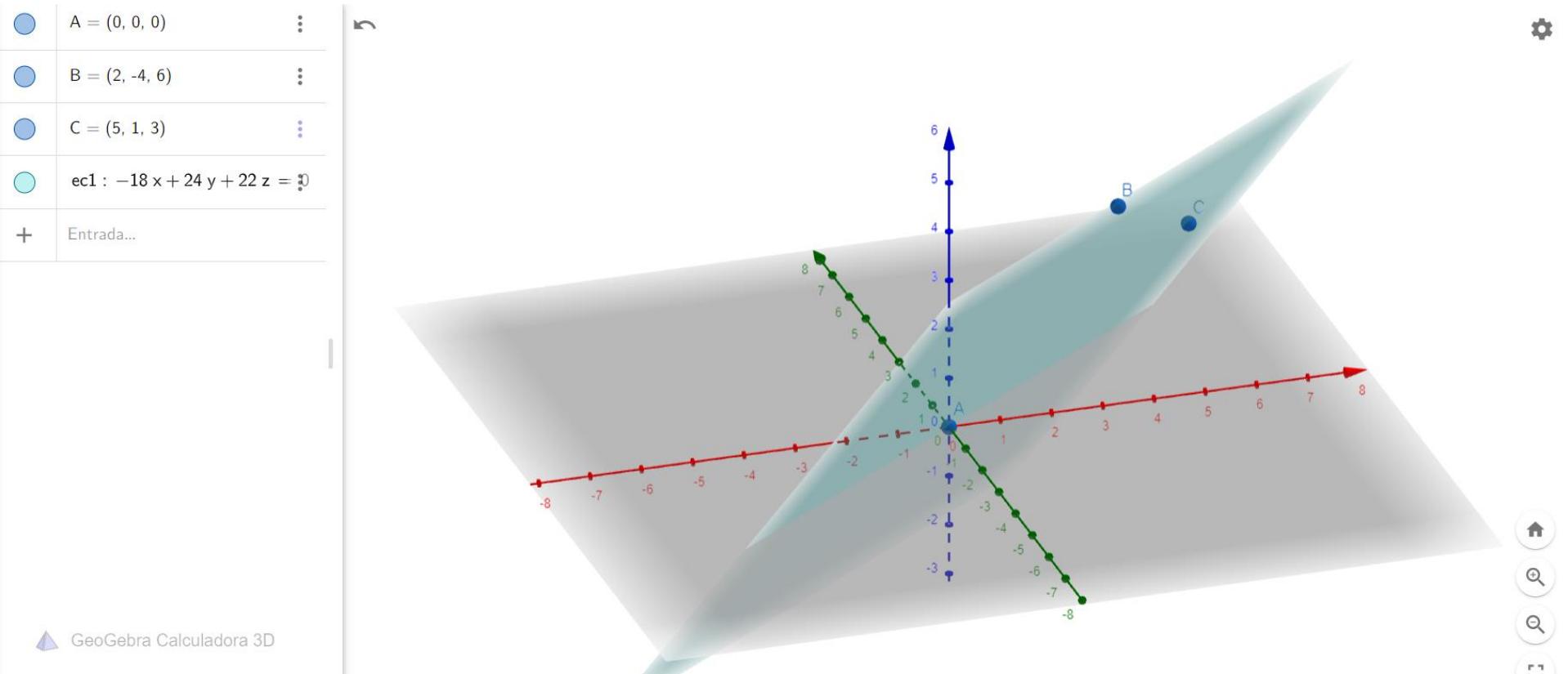
gráfica al final



10.



11.



12.

