

## UNIVERSIDAD DE ANTIOQUIA

## Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Instituto de Matemáticas Cursos de Servicios para Ingeniería

Alumno:			Carné:
Asignatura: Álgebra lineal		Profesor: Holmes Chavarria	
Parcial # 3	Valor: 25 %	Fecha:	

Instrucciones: El examen tiene una duración de 1 hora y 50 minutos. No está permitido sacar ningún tipo de documento durante el examen. Realice los procedimientos de forma clara y ordenada.

- 1. (25%) Responda falso o verdadero y justifique brevemente.
  - a) El dominio y codominio de una transformación lineal no tienen que ser espacios vectoriales.
  - b) El núcleo de una transformación lineal es subespacio del codominio.
  - c) La imagen de una transformación lineal es subespacio del dominio.
  - d) Si la nulidad de una transformación lineal es cero, entonces la transformación lineal es sobreyectiva.
  - e) Si el dominio y codominio de una transformación lineal son iguales a  $\mathbb{R}^n$ , entonces la transformación lineal es una isometría.

- 2. (30%) Sea  $T: \mathbb{M}_{22} \longrightarrow \mathbb{P}_2$  definida por  $T(A) = \operatorname{tr}(A) + \operatorname{tr}(A)x + \operatorname{tr}(A)x^2$ , donde  $\operatorname{tr}(A)$  es la traza de la matriz A.
  - a) Muestre que T es transformación lineal.
  - b) Encuentre el núcleo de T, la imagen de T, el rango y la nulidad de T.
  - c) Encuentre la matriz de transformación, usando las bases canónicas.

3. (25%) Construya un isomorfismo entre los espacios  $V = \{A \in \mathbb{M}_{22} | A \text{ es simétrica} \}$  y  $W = \{p(x) \in \mathbb{P}_4 | p(0) = 0, p''(0) = 0\}$ . No olvide mostrar que su transformación sea isomorfismo.

4. (20%) Encuentre los valores de a y b para que la matriz  $Q = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{5} & b \\ a & 1/\sqrt{5} \end{bmatrix}$  sea una matriz ortogonal. Exhiba una isometría a partir de la matriz Q.