

<b>Instituto Tecnológico de Costa Rica</b> <b>Área Académica de Ingeniería en Computadores</b> <b>Programa de Licenciatura en Ingeniería en Computadores</b> <b>Curso:</b> CE-1101 Introducción a la programación <b>Profesor:</b> Lic. Ing. Fabián Zamora Ramírez <b>Semestre:</b> I, 2018	<b>Práctica de temas:</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>Programación recursiva con Python. Números. (1)</li> </ul>
--	---

### INDICACIONES:

Para todos los siguientes ejercicios muestre su solución en lenguaje de programación Python. Toda función debe estar documentada con una descripción breve de lo que realiza y mostrar sus entradas (E), salidas (S) y restricciones (R). Si no se especifican restricciones, debe realizar las restricciones lógicas según el problema. Recuerde utilizar nombres significativos para sus funciones y variables. En caso de no cumplir con lo anterior se calificará que nota de cero.

- La operación de multiplicar dos números  $a * b$ , cuando  $b$  es un número entero, puede calcularse recursivamente por medio de  $b - 1$  sumas sucesivas del número  $a$ . Por ejemplo, la multiplicación  $8 * 4$ , podría verse como:  $8 + 8 + 8 + 8$  (tres sumas sucesivas de 8).

Escriba una función recursiva **multi\_sumas(num1, num2)** que reciba dos números e implemente la multiplicación por medio de sumas sucesivas. La ejecución de la función debe mostrar resultados como los siguientes:

- `>>> multi_sumas(8, 4) -> 32`
  - `>>> multi_sumas(-9, 5) -> -45`
  - `>>> multi_sumas(-9, -5) -> 45`
  - `>>> multi_sumas(9, -5) -> -45`
- Escriba una función recursiva **suma\_dig(num)** que reciba un número que puede ser entero o real y sume sus dígitos. La función debe brindar resultados como los que se presentan en los siguientes ejemplos:
    - `>>> suma_dig(4123) -> 10`
    - `>>> suma_dig(10001) -> 2`

- c. `>>> suma_dig (122.45) -> 14`
3. Escriba una función recursiva **suma\_pares(n)** que encuentre la suma de los enteros positivos pares desde 0 hasta N.
4. Escriba una función recursiva **suma\_impares(n)** que encuentre la suma de los enteros positivos impares desde 0 hasta N.
5. Escriba una función recursiva **invierte(num)** que reciba un numero entero y devuelva el numero con sus dígitos invertidos.
- a. `>>> invierte(123) -> 321`
- b. `>>> invierte(-123) -> -321`
6. Escriba una función recursiva **mcd(a,b)** que calcule el máximo común divisor de dos números.
- a. `>>>mcd(5, 25) -> 5`
- b. `>>>mcd(100, 525) -> 25`
7. Escriba una función recursiva **múltiplos(n)** que muestre la tabla de multiplicar de n. N puede tomar valores del 1 al 10.
- a. `>>>múltiplos(9)`
- i.  $9 \times 1 = 9$
  - ii.  $9 \times 2 = 18$
  - iii.  $9 \times 3 = 27$
  - iv.  $9 \times 4 = 36$
  - v.  $9 \times 5 = 45$
  - vi.  $9 \times 6 = 54$
  - vii.  $9 \times 7 = 63$
  - viii.  $9 \times 8 = 72$
  - ix.  $9 \times 9 = 81$
  - x.  $9 \times 10 = 90$
8. Escriba una función recursiva **potencia\_dos(n)** que muestre todas las potencias de 2, desde la 0-ésima hasta la n-ésima.
- a. `>>>potencia_dos(10)`
- i. `>>>1 2 4 8 16 32 64 128 256 512 1024`

9. Escriba una función recursiva **es\_binario(n)** que reciba un numero entero y retorne True si el numero contiene solo dígitos del sistema binario.
10. Escriba una función recursiva **es\_base(n, base)** que reciba un numero entero y una base y retorne True si el numero contiene solo dígitos de esa base. La base puede ser: 2, 4, 8, 10 o 16.
11. ejeEscriba una función recursiva llamada **bin\_to\_dec(num)** que reciba un número entero en binario y devuelva su equivalente en base decimal.
  - a. >>> bin\_to\_dec(111) -> 7
  - b. >>> bin\_to\_dec(100000) -> 32
12. Escriba una función llamada recursiva **dec\_to\_bin(num)** que reciba un número entero en base decimal y devuelva su equivalente en binario.
  - a. >>> dec\_to\_bin(7) -> 111
  - b. >>> dec\_to\_bin (32) -> 100000
13. Escriba una función recursiva **str\_contains(cadena, caracter)** que reciba una cadena de caracteres y retorne True si en la cadena se encuentra al menos 3 veces el carácter.
  - a. >>> str\_contains("abcdefabcda","a") -> True
  - b. >>> str\_contains("12342","2") -> False
14. Escriba una función recursiva **str\_in\_list(cadena, lista)** que reciba una cadena de caracteres y retorne True si la cadena solo contiene caracteres que se encuentran en la lista.
  - a. >>> str\_in\_list("abcdddabc",["a", "b", "c", "d"]) -> True
  - b. >>> str\_in\_list("101100",["1", "0"]) -> True
  - c. >>> str\_in\_list("1011030",["1", "0"]) -> False
15. Escriba una función recursiva **calificaciones(lista)** que reciba una lista de calificaciones y retorne una tupla con la nota más alta, la más baja y el promedio.
  - a. >>> calificaciones([1,2,3,4,5,6]) -> (6, 1, 3.5)