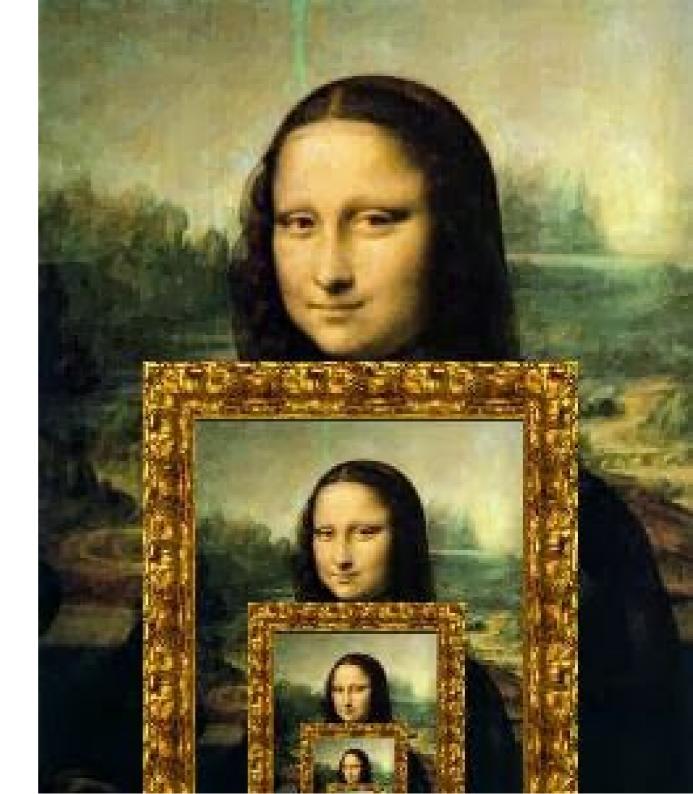
UNIDADE II: RECURSIVIDADE



Era uma vez dois gatinhos: o grapete e o repete. O grapete morreu, quem ficou?

Introdução

- Definição: uma função é dito recursivo quando ele faz chamada a si próprio
- uma função recursivo normalmente apresenta duas características básicas:
 - Chamada recursiva
 - Condição de parada
- Qual é a condição de parada da nossa estória?

Identifique as chamadas recursivas e condições de parada

```
int fat (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = n * fat (n - 1);
    }
    return resp;
}
```

```
int fib (int n){
    int resp;
    if (n == 0 || n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = fib (n - 1) + fib(n - 2);
    }
    return resp;
}
```

Identifique as chamadas recursivas e condições de parada

```
int fat (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = n * fat (n - 1);
    }
    return resp;
}
```

Chamadas recursivas

```
int fib (int n){
    int resp;
    if (n == 0 | | n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = fib (n - 1) - fib(n - 2);
    }
    return resp;
}
```

Identifique as chamadas recursivas e condições de parada

```
int fat (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = n * fat (n - 1);
    }
    return resp;
}
```

A cada chamada recursiva, o n se aproxima do último valor Condições de parada

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIYO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mettar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
1
2
3
4
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
1
2
3
4
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

i O

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

i O

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar () {
         mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
            printf("%d",i);
            mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
2
3
4
```

```
void mostrar () {
         mostrar (0);
}

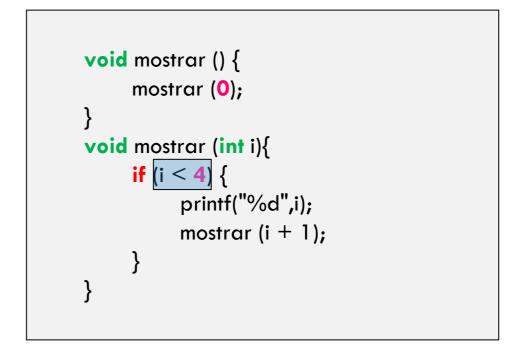
void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
             printf("%d",i);
             mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

```
i 1
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true



Tela 0

i | 1

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

Tela 0 1

```
void mostrar () {
         mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
            printf("%d",i);
            mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){

    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Tela 0 1

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
               printf("%d",i);

               mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
```

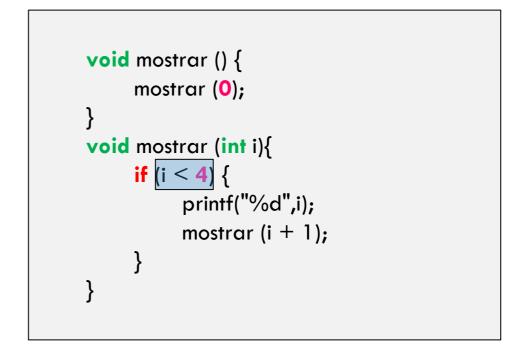
```
void mostrar () {
         mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
             printf("%d",i);
             mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true



i | 3

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
3
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
3
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){

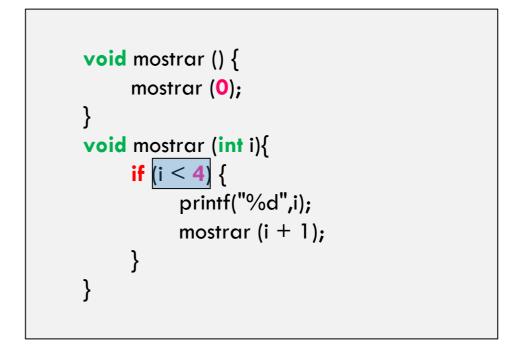
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

```
i 4
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

false

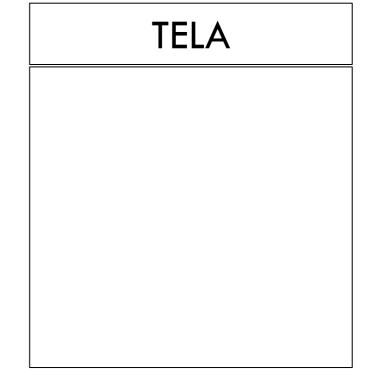


O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - inicio");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - inicio e fim");
void main (){
     printf("main - inicio");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```



O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("1o - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("2o - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("2o - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

2° – início e fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("1o - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

2° – início e fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("1o - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

2° – início e fim

 1° – fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA

main — início

1° – início

2° – início e fim

 1° – fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

TELA main — início 1° — início 2° — início e fim 1° — fim main — fim

```
void printRecursivo(){
     printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){
     printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
    printf("%d",i);
```

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
     printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
     printf("%d",i);
```

Temos como se cada chamada recursiva fosse uma função diferente!!!

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2);
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4) printf("%d",i);
(5) if (i > 0){
(6) printRecursivo(i - 1);
}
printf("%d",i);
}
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2);
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4)     printf("%d",i);
(5)     if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
      }
     printf("%d",i);
}
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2);
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4)     printf("%d",i);
(5)     if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1); (18)
        } (19)
        printf("%d",i); (20)
    }
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2); (21)
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4) printf("%d",i);
(5) if (i > 0){
(6) printRecursivo(i - 1); (18)
(19) printf("%d",i); (20)
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2); (21)
     }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4) printf("%d",i);
(5) if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1); (18)
    } (19)
    printf("%d",i); (20)
    }
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

Vamos para o print do um, contudo, depois, voltaremos para (a)

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);

if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1); (a)
    }
    printf("%d",i);
}
```

Vamos para o print do zero, contudo, depois, voltaremos para (b)

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)

printf("%d",i);

if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1);
    }

printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);

if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
    false
}
```

```
void printRecursivo(){
     printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
                                     (a)
    printf("%d",i);
```

```
Voltando para (b)
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

Voltando para (b)

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(2);

if (i > 0){
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printf("%d",i);
        if (i > 0){
            printRecursivo(i - 1);
        }
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Voltando para (a)

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Voltando para (a)

```
void printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }

    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }

printf("%d",i);
}
```

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(2);

printRecursivo(2);

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Voltando para (primeiro)

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

Exercício - Reavaliando

Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

7 Fat(4) = 4 * Fat(3)

$$Fat(3) = 3 * Fat(2)$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Fat(4) = 4 * Fat(3)

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Fat(3) = 3 * Fat(2)

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2 * Fat(1)$$

 π Fat(4) = 4 * (Fat(3))

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Fat(3) = 3 * Fat(2)

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2 * Fat(1)$$

 π Fat(4) = 4 * (Fat(3)

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Fat(3) = 3 * Fat(2)

Qual é o valor do fatorial de 5?

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2 * 1$$

Fat(1) = 1

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(3) = 3 * (Fat(2))$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2$$

Definição do fatorial é recursiva:

Fat(3) = 3 * 2

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$\mathsf{Fat}(2) \neq 2$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(3) = 6$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

$$Fat(5) = 5 * 24$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

$$Fat(5) = 120$$

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
                           n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
                      // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
                     // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){}
         resp = 1;
                           false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
```

fatorial
$$(4) = 4 * fatorial (3)$$

fatorial
$$(3) = 3 * fatorial (2)$$

fatorial (1) =
$$2 * fatorial (1)$$

fatorial
$$(1) = 1$$

```
int fatorial (int n){
                           n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){
                       // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){
                     // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){
                           n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){
                       // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
// n (3)
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * | fatorial (4) |
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){
                        // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){
                       // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){
                       // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * | fatorial (4) |
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){
                     // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                             true
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){ // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){ // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 *
```

```
int fatorial (int n){ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2
```

```
int fatorial (int n){ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2
```

```
int fatorial (int n){ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * 2
```

```
int fatorial (int n){ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 6
```

```
int fatorial (int n){ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 6
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * 6
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 24
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 24
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * 24
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

fatorial (5) = 120

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

fatorial (5) = 120

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

fatorial (5) = 120

```
int fatorial (int n) \{ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

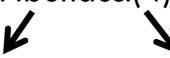
Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

Fibonacci(4)

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?



(Fibonacci(3) + Fibonacci(2))

(Fibonacci(2) + Fibonacci(1)) + Fibonacci(2)

$$(Fibonacci(1) + Fibonacci(0))$$
 $(Fibonacci(1) + Fibonacci(0))$

Definição do fatorial é recursiva:

Qual é o Fibonacci de 4? Fibonacci(4)

(Fibonacci(3) + Fibonacci(2))

(Fibonacci(2) + Fibonacci(1)) + Fibonacci(2)

(Fibonacci(1) + Fibonacci(0)) (Fibonacci(1) + Fibonacci(0))

Definição do fatorial é recursiva:

(Fibonacci(2) + Fibonacci(1)) + Fibonacci(2)

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

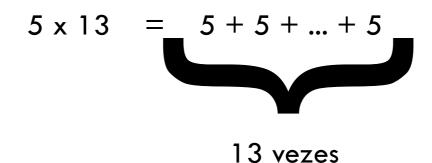
5

```
int fibonacci (int n){
    int resp;
    if (n == 0 | | n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2);
    return resp;
void main(){
    int valor = fibonacci(4);
    printf("%d",valor);
```

Exercício

Faça uma função recursivo que receba dois números inteiros e retorne a

multiplicação do primeiro pelo segundo fazendo somas



 Faça uma função recursivo que receba dois números inteiros e retorne a multiplicação do primeiro pelo segundo fazendo somas

```
int multiplicacao (int a, int b){
    int resp = 0;

if (b > 0){
        resp = a + multiplicacao(a, b - 1);
    }

    return resp;
}

void main (...){
    multiplicacao(4, 3);
}
```

Faça uma função recursivo que receba dois números inteiros e retorne a

multiplicação do primeiro pelo segundo fazendo somas (outra resposta)

```
int multiplicacao (int a, int b, int i){
  int resp = 0;
  if (i < b)
    resp = a + multiplicacao(a, b, i + 1);
  return resp;
int multiplicacao (int a, int b){
  return multiplicacao(a, b, 0);
```

```
int multiplicacao (int a, int b){
  int resp = 0;

for (int i = 0; i < b; i = i + 1){
    resp += a;
  }

return resp;
}</pre>
```

- Todo programa iterativo pode ser feito de forma recursiva e vice-versa
 - Algumas vezes é mais "fácil" fazer um programa de forma recursiva!!!

 O conceito de recursividade é fundamental na computação e na matemática (por exemplo, número naturais, fatorial e outros)

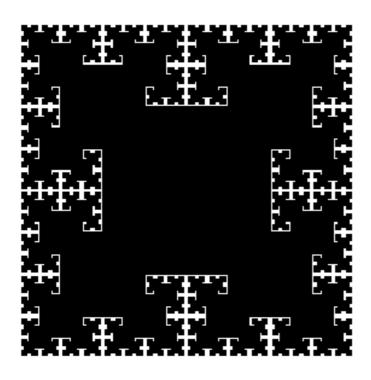
A recursividade pode ser direta ou indireta (A chama B que chama A)

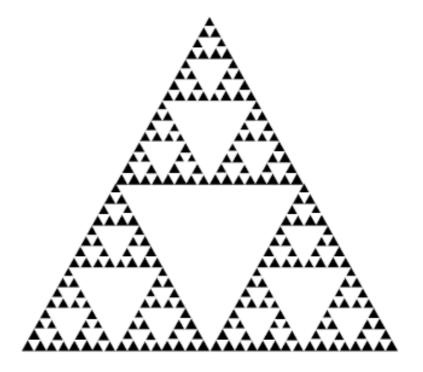
O SO usa uma pilha para armazenar o estado corrente do programa antes de cada chamada não terminada e quando uma chamada termina, o SO recupera o estado armazenado na pilha

As variáveis locais são recriadas para cada chamada recursiva

Por que na prática é importante manter um nível "limitado" de chamadas recursivas?

Outro exemplo de recursividade são os fractais, pequenos padrões geométricos que ao serem repetidos diversas vezes de forma recursiva criam desenhos mais sofisticadas





Outro exemplo de recursividade são os fractais, pequenos padrões geométricos que ao serem repetidos diversas vezes de forma recursiva criam desenhos mais sofisticadas

