



高中物理学讲义

作者：Campanulata

时间：2020 年 6 月 27 日



So far as the theories of mathematics are about reality, they are not certain; so far as they are certain, they are not about reality.—Albert Einstein

目录

1	运动的描述 匀变速直线运动的研究	1
1.1	描述运动的基本概念	1
1.2	匀变速直线运动的规律及应用	6
1.3	运动图象 追及和相遇问题	9
2	相互作用	12
2.1	重力 弹力 摩擦力	12
2.2	力的合成与分解	18
2.3	受力分析 共点力的平衡	23
3	牛顿运动定律	28
3.1	牛顿第一、第三定律	28
3.2	牛顿第二定律 两类动力学问题	30
3.3	牛顿运动定律的综合应用	34
	第三章 章末总结	41
4	曲线运动 万有引力与航天	45
4.1	曲线运动 运动的合成与分解	45
4.2	抛体运动的规律及应用	50
4.3	圆周运动的规律及应用	55
4.4	万有引力与航天	61
	第四章 章末总结	65
5	机械能及其守恒定律	66
5.1	功和功率	66
5.2	动能定理及其应用	71
5.3	机械能守恒定律及其应用	75
5.4	功能关系 能量守恒定律	78
6	动量守恒定律及其应用	82
6.1	动量定理 动量守恒定律	82
	第六章 章末总结	89
7	静电场	90
7.1	电场力的性质	90
7.2	电场能的性质	96
7.3	电容器 带电粒子在电场中的运动	102
	第七章 章末总结	107
8	恒定电流	108
8.1	电流 电阻 电功及电功率	108
8.2	电路 闭合电路的欧姆定律	112

9 磁 场	116
9.1 磁场 安培力	116
9.2 磁场对运动电荷的作用	121
9.3 带电粒子在复合场中的运动	125
10 电磁感应	130
10.1 电磁感应现象 楞次定律	130
10.2 法拉第电磁感应定律 自感现象	134
10.3 电磁感应定律的综合应用	138
11 交变电流 传感器	142
11.1 交变电流的产生及其变化规律	142
11.2 变压器的原理 电能的输送	145
A 希腊字母常用指代意义及其中文读音	150
B 高中物理公式	151

第一章 运动的描述 匀变速直线运动的研究

第1讲 描述运动的基本概念

1. 质点

(1) 定义：不考虑物体的大小和形状，把它简化为一个有质量的点，称为“质点”。

(2) 质点是一种理想化模型，实际并不存在。

2. 参考系

(1) 定义：要描述一个物体的运动，首先要选取某个“其他物体”作参考，观察物体相对于这个“其他物体”的位置是否随时间变化，以及怎样变化。这种用来做参考的物体称为“参考系”。

(2) 从理论上来说，参考系的选择是任意的，而如何选择参考系会影响物体的运动状态。。但是，实际在研究地球上的物体的运动的时候，往往以地面为参考系，因为这通常最方便。不过，在解决某些问题时，我们也可以变换参考系，使解决问题更加容易。

3. 位移

(1) 定义：表示质点的位置变动，它是质点由 _ 初 _ 位置指向 _ 末 _ 位置的 _ 有向 _ 线段。

(2) 与路程的区别：位移是 _ 矢 _ 量，路程是 _ 标 _ 量。只有在 _ 单向直线 _ 运动中，位移的大小才等于路程。

4. 速度

(1) 物理意义：描述物体运动快慢和 _ 运动方向 _ 的物理量，是状态量。

(2) 定义式： $v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ 。

(3) 大小：在数值上等于单位时间内物体 _ 位移 _ 的大小。

(4) 方向：与位移同向，即物体 _ 运动 _ 的方向。

5. 平均速度

(1) 在变速运动中，物体在某段时间内的 _ 位移 _ 与发生这段位移所用时间的比值叫做这段时间内的平均速度，即 $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ，其方向与 _ 位移 _ 的方向相同。

(2) 平均速度反映一段时间内物体运动的平均快慢程度，它与一段时间或一段位移相对应。

6. 瞬时速度

(1) 运动物体在 _ 某一时刻 _ (或某一位置) 的速度，方向沿轨迹上物体所在点的切线方向指向前进的一侧，是矢量。瞬时速度的大小叫 _ 速率 _，是标量。

(2) 瞬时速度能精确描述物体运动的快慢，它是在运动时间 $\Delta t \rightarrow 0$ 时的 _ 平均 _ 速度，与某一时刻或某一位置相对应。

(3) 平均速率是 _ 路程 _ 与时间的比值，它与平均速度的大小没有对应关系。

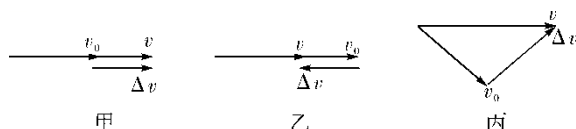
7. 速度变化量

(1) 物理意义：描述物体速度 _ 改变 _ 的物理量，是过程量。

(2) 定义式： $\Delta v = v - v_0$ 。

(3) 大小： Δv 可以由 v 与 v_0 进行矢量运算得到，也可以由 $\Delta v = a\Delta t$ 计算得到。

(4) 方向：可以用矢量图形来描述 Δv 的方向，如图甲、乙、丙所示， Δv 的方向由初速度 (v_0) 矢量的末端指向末速 (v) 矢量的末端。



8. 加速度

- (1) 物理意义：描述物体速度 __ 变化快慢和变化方向 __ 的物理量，是状态量.
- (2) 定义式： $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v - v_0}{\Delta t}$.
- (3) 决定因素：a 不是由 $v, \Delta t, \Delta v$ 来决定，而是由 F、M 来决定.
- (4) 方向：与 Δv 的方向一致，由 __ 合外力 __ 的方向决定，而与 v_0, v 的方向无关.

考法一 对质点概念的理解

[例 1] 在研究下述运动时, 能把物体看做质点的是 (B)

- A. 研究短跑运动员的起跑动作时
- B. 研究一架无人机的飞行快慢时
- C. 将一枚硬币用力上抛并猜测它落地时正面是朝上还是朝下时
- D. 研究汽车在上坡时有无翻倒的危险时

解: 研究短跑运动员的起跑动作、抛出硬币落地时的上下面时, 所研究对象的大小和形状不能忽略, 故运动员和硬币都不能看做质点; 研究汽车翻倒是转动问题, 不能将汽车看做质点; 研究飞机飞行快慢时, 可把飞机看做质点. 故选项 B 正确.

[审题突破] 明确在所研究的问题中, 物体的大小和形状是主要因素还是次要因素.

■ 归纳总结 ■

建立质点模型的两个关键点

(1) 明确题目中要研究的问题是什么. 质点是对实际物体的科学抽象, 是研究物体运动时对实际物体进行的近似, 真正的质点并不存在.

(2) 分析物体的大小和形状对所研究的问题产生的影响能否忽略不计. 当物体的大小和形状对所研究运动的影响很小, 可以忽略不计时, 就可将其视为质点.

考法二 位移与路程的区别和联系

比较项目	位移 x	路程 l
决定因素	由始、末位置决定	由实际的运动轨迹长度决定
运算规则	矢量的三角形定则或平行四边形定则	标量的代数运算
大小关系	$x \leq l$ (路程是位移被无限分割后, 所分的各小段位移的绝对值的和)	

[例 2] (2017 · 湖南株洲质检) (多选) 关于位移和路程, 下列说法正确的是 (BD)

- A. 物体在某一段时间内运动的位移为零, 则其一定是静止的
- B. 物体在某一段时间内运动的路程为零, 则其一定是静止的
- C. 在直线运动中, 物体的位移大小一定等于其路程
- D. 在曲线运动中, 物体的位移大小一定小于路程

解析 路程指物体运动轨迹的长度, 而位移指由初位置指向末位置的有向线段, 只有当物体做单向直线运动时, 其位移大小才等于路程. 容易判断选项 B、D 正确, A、C 错误.

考法三 平均速度与瞬时速度的区别和联系

1. 两种物体的速度

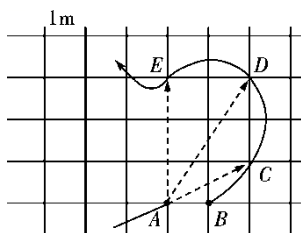
(1) 瞬时速度是运动时间 $\Delta t \rightarrow 0$ 时的平均速度.

(2) 对于匀速直线运动, 瞬时速度与平均速度相等.

2. 关于用平均速度法求瞬时速度

(1) 方法概述: 由平均速度公式 $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ 可知, 当 Δx 、 Δt 都非常小, 趋向于极限时, 这时的平均速度就可认为是某一时刻或某一位置的瞬时速度.(2) 选用思路: 当已知物体在微小时间 Δt 内发生的微小位移 Δx 时, 可由 $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ 粗略地求出物体在该位置的瞬时速度.

[例 3](多选) 如图所示, 物体沿曲线轨迹的箭头方向运动, AB、ABC、ABCD、ABCDE 四段曲线轨迹运动所用的时间分别是 1 s、2 s、3 s、4 s. 下列说法正确的是 (ABC)



A. 物体在 AB 段的平均速度大小为 1 m/s

B. 物体在 ABC 段的平均速度大小为 $\frac{\sqrt{5}}{2}$ m/s

C. AB 段的平均速度比 ABC 段的平均速度更能反映物体处于 A 点时的瞬时速度

D. 物体在 B 点的速度等于 AC 段的平均速度

解: 由 $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ 可得, $\bar{v}_{AB} = \frac{1}{1} \text{ m/s} = 1 \text{ m/s}$, $\bar{v}_{AC} = \frac{\sqrt{5}}{2} \text{ m/s}$, 故选项 A、B 均正确; 所选取的过程离 A 点越近, 其阶段的平均速度越接近 A 点的瞬时速度, 故选项 C 正确; 由 A 经 B 到 C 的过程不是匀变速直线运动过程, 故 B 点虽为 AC 段的中间时刻, 但其速度不等于 AC 段的平均速度, 故选项 D 错误.

■ 归纳总结

平均速度和瞬时速度的三点注意

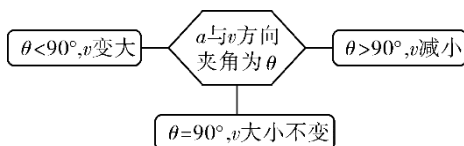
(1) 求解平均速度必须明确是哪一段位移或哪一段时间内的平均速度.

(2) $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ 是平均速度的定义式, 适用于所有的运动.

(3) 用平均速度法近似求解瞬时速度, 不仅适用于直线运动, 也适用于曲线运动. 时间越短, 平均速度越接近于瞬时速度.

考法四 速度、速度的变化量和加速度的关系

- 速度的大小与加速度的大小没有必然联系.
- 速度变化量与加速度没有必然的联系, 速度变化量的大小由加速度和速度变化的时间决定.
- $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ 是加速度的定义式; 加速度的决定式是 $a = \frac{F}{m}$, 即加速度的大小由物体受到的合力 F 和物体的质量 m 共同决定, 加速度的方向由合力的方向决定.
- 速度增大或减小由速度与加速度的方向关系决定



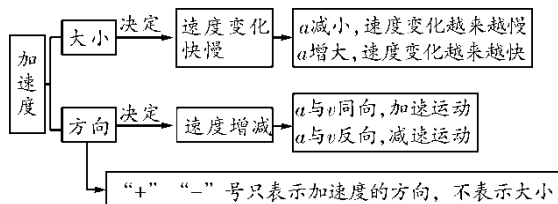
[例 4] 一质点在 x 轴上运动, 初速度 $v_0 > 0$, 加速度 $a > 0$, 当加速度 a 的值由零逐渐增大到某一值后再逐渐减小到零, 则该质点 (B)

- 速度先增大后减小, 直到加速度等于零为止
- 速度一直在增大, 直到加速度等于零为止
- 位移先增大, 后减小, 直到加速度等于零为止
- 位移一直在增大, 直到加速度为 0 为止

解: 由于加速度的方向始终与速度方向相同, 质点速度逐渐增大, 当加速度减小到零时, 速度达到最大值, 选项 A 错误, B 正确; 位移逐渐增大, 当加速度减小到零时, 速度不再变化, 位移将随时间继续增大, 选项 C、D 错误.

■ 归纳总结

对加速度大小和方向的进一步理解



第2讲 匀变速直线运动的规律及应用

1. 基本规律

(1) 速度公式: $v = v_0 + at$.

(2) 位移公式: $x = v_0t + \frac{1}{2}at^2$.

(3) 位移速度关系式: $v^2 - v_0^2 = 2ax$.

这三个基本公式, 是解决匀变速直线运动的基石. 均为矢量式, 应用时应规定正方向.

2. 两个重要推论

(1) 物体在一段时间内的平均速度等于这段时间中间时刻的瞬时速度, 还等于初、末时刻速度矢量和的一半, 即 $v_{\frac{t}{2}} = \frac{v_0 + v}{2}$.

(2) 任意两个连续相等的时间间隔 T 内的位移之差为一恒量, 即

$$\Delta x = x_2 - x_1 = x_3 - x_2 = \dots = x_n - x_{n-1} = aT^2.$$

3. $v_0=0$ 的四个重要推论

(1) $1T$ 末、 $2T$ 末、 $3T$ 末.....瞬时速度的比为

$$v_1 : v_2 : v_3 : \dots : v_n = 1 : 2 : 3 : \dots : n.$$

(2) $1T$ 内、 $2T$ 内、 $3T$ 内.....位移的比为

$$x_1 : x_2 : x_3 : \dots : x_n = 1^2 : 2^2 : 3^2 : \dots : n^2.$$

(3) 第一个 T 内、第二个 T 内、第三个 T 内.....位移的比为

$$x_I : x_{II} : x_{III} : \dots : x_n = 1 : 3 : 5 : \dots : (2n - 1).$$

(4) 从静止开始通过连续相等的位移所用时间的比为

$$t_1 : t_2 : t_3 : \dots : t_n = 1 : (\sqrt{2} - 1) : (\sqrt{3} - \sqrt{2}) : \dots : (\sqrt{n} - \sqrt{n-1}).$$

4. 自由落体运动

(1) 条件: 物体只受 __ 重力 __, 从 __ 静止 __ 开始下落.

(2) 基本规律:

①速度公式 $v = gt$;

②位移公式 $h = \frac{1}{2}gt^2$;

③速度位移关系式 $v^2 = 2gh$.

5. 竖直上抛运动

(1) 运动特点: 加速度为 g , 上升阶段做 __ 匀减速直线 __ 运动, 下降阶段做 __ 自由落体 __ 运动.

(2) 基本规律:

①速度公式 $v = v_0 - gt$;

②位移公式 $h = v_0t - \frac{1}{2}gt^2$;

③速度位移关系式 $v^2 - v_0^2 = -2gh$.

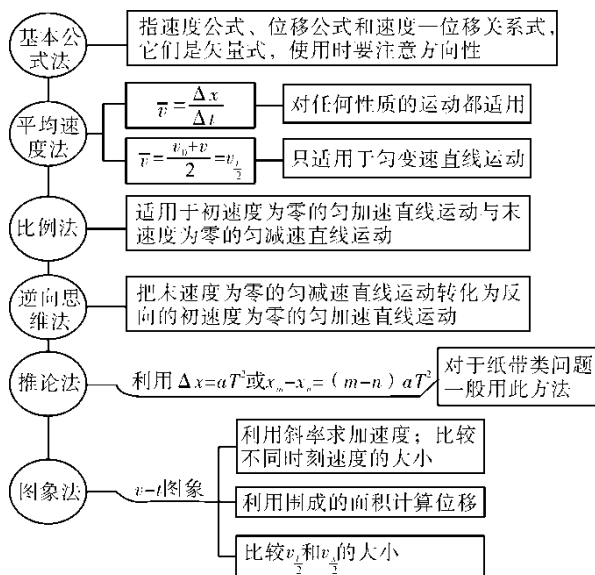
考法一 匀变速直线运动的规律及应用

1. 运动学公式中正、负号的规定

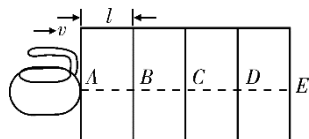
(1) 除时间 t 外, x 、 v_0 、 v 、 a 均为矢量, 所以需要确定正方向, 一般以 v_0 的方向为正方向. 与初速度同向的物理量取正值, 反向的物理量取负值, 当 $v_0=0$ 时, 一般以加速度 a 的方向为正方向.

(2) 五个物理量 t 、 v_0 、 v 、 a 、 x 必须针对同一过程.

2. 解决匀变速直线运动问题常用的“六法”



[例 1](2017·湖南岳阳检测) 如图所示, 是冰壶以速度 v 垂直进入四个宽为 l 的矩形区域沿虚线做匀减速直线运动, 且刚要离开第四个矩形区域的 E 点时速度恰好为零, 冰壶通过前三个矩形的时间为 t , 试通过所学知识分析并计算冰壶通过第四个矩形所用的时间是多少? (可选用多种方法)



解: 答案 t

■ 答题模板 I

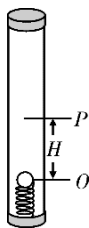
求解匀变速直线运动问题的基本思路

画过程分析图 → 判断运动性质 → 选取正方向 → 选用公式列方程 → 解方程并讨论

考法二 自由落体和竖直上抛运动的分析

[例 2](2017·山东济南调研) 如图所示是一种较精确测量重力加速度 g 值的方法: 将下端装有弹射装置的真空玻璃直管竖直放置, 玻璃管足够长, 小球竖直向上被弹出, 在 O 点与弹簧分离, 然后返回, 在 O 点正上方选取一点 P , 利用仪器精确测得 OP 间的距离为 H , 从 O 点出发至返回 O 点的时间间隔为 T_1 , 小球两次经过 P 点的时间间隔为 T_2 . 求:

- (1) 重力加速度 g ;
- (2) 若 O 点距玻璃管底部的距离为 L_0 , 求玻璃管最小长度.



解: (1) $g = \frac{8H}{T_1^2 - T_2^2}$ (2) $L_0 + \frac{T_1^2 H}{T_1^2 - T_2^2}$

(1) 小球从 O 点上升到最高点有 $h_1 = \frac{1}{2}g(\frac{T_1}{2})^2$, 小球从 P 点上升到最高点有 $h_2 = \frac{1}{2}g(\frac{T_2}{2})^2$, 依据题意有 $h_1 - h_2 = H$, 联立解得 $g = \frac{8H}{T_1^2 - T_2^2}$.

(2) 真空管最小长度 $L = L_0 + h_1$, 解得 $L = L_0 + \frac{T_1^2 H}{T_1^2 - T_2^2}$.

■ 归纳总结

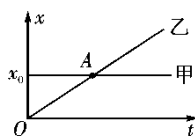
竖直上抛运动的分析方法

(1) 分段法: 可以把竖直上抛运动分成上升阶段的匀减速运动和下降阶段的自由落体运动处理, 下降过程是上升过程的逆过程.

(2) 整体法: 从全过程来看, 加速度方向始终与初速度的方向相反, 所以也把竖直上抛运动看成是一个匀变速直线运动.

第3讲 运动图象 追及和相遇问题

1. 直线运动的 $x-t$ 图象



(1) 意义：反映了直线运动的物体 __ 位移 __ 随 __ 时间 __ 变化的规律.

(2) 图线上某点切线的斜率的意义

①斜率大小：表示物体速度的 __ 大小 __.

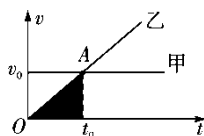
②斜率的正负：表示物体速度的 __ 方向 __.

(3) 两种特殊的 $x-t$ 图象

①若 $x-t$ 图象是一条平行于时间轴的直线，说明物体处于 __ 静止 __ 状态. (如图所示甲图线)

②若 $x-t$ 图象是一条倾斜的直线，说明物体在做 __ 匀速直线 __ 运动. (如图所示乙图线)

2. 直线运动的 $v-t$ 图象



(1) 意义：反映了直线运动的物体 __ 速度 __ 随 __ 时间 __ 变化的规律.

(2) 图线上某点切线的斜率的意义

①斜率的大小：表示物体 __ 加速度 __ 的大小.

②斜率的正负：表示物体 __ 加速度 __ 的方向.

(3) 两种特殊的 $v-t$ 图象

①匀速直线运动的 $v-t$ 图象是与横轴 __ 平行 __ 的直线. (如图所示甲图线)

②匀变速直线运动的 $v-t$ 图象是一条 __ 倾斜 __ 的直线. (如图所示乙图线)

(4) 图线与坐标轴围成的“面积”的意义

①图线与坐标轴围成的“面积”表示相应时间内的 __ 位移 __.

②若此面积在时间轴的上方，表示这段时间内的位移方向为 __ 正方向 __；若此面积在时间轴的下方，表示这段时间内的位移方向为 __ 负方向 __.

3. 追及和相遇问题

(1) 两类追及问题

①若后者能追上前者，追上时，两者处于 __ 同一位置 __，且后者速度一定不小于前者速度.

②若追不上前者，则当后者速度与前者 __ 相等 __ 时，两者相距最近.

(2) 两类相遇问题

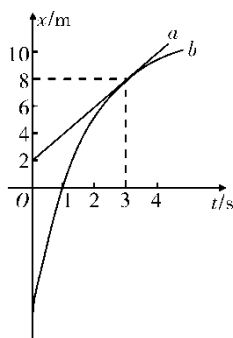
①同向运动的两物体追及，追上时即相遇.

②相向运动的物体，当各自发生的位移大小之和等于开始时两物体间的距离时即相遇.

考法一 $x-t$ 图象与 $v-t$ 图象的区别

	$x-t$ 图象	$v-t$ 图象
轴	横轴为时间 t , 纵轴为位移 x	横轴为时间 t , 纵轴为速度 v
线	倾斜直线表示匀速直线运动	倾斜直线表示匀变速直线运动
斜率	表示速度	表示加速度
面积	无实际意义	图线和时间轴围成的面积表示位移
纵截距	表示初位置	表示初速度
特殊点	拐点表示从一种运动变为另一种运动, 交点表示相遇	拐点表示从一种运动变为另一种运动, 交点表示速度相等

[例 1](2018·陕西汉中期末) 在平直的公路上行驶的 a 车和 b 车, 其位移—时间图象分别为图中直线 a 和曲线 b , 已知 b 车的加速度恒定且 $ab = -2\text{m/s}^2$, 当 $t=3\text{ s}$ 时, 直线 a 和曲线 b 刚好相切, 求 $t=0\text{ s}$ 时 a 车和 b 车的距离 x_0 .



解: 9 m

■ 误区防范 ■

运动图象中的易错点

(1) 对 $x-t$ 图象, 图线在纵轴上的截距表示 $t=0$ 时物体的位置, 对 $v-t$ 或 $a-t$ 图象, 图线在纵轴上的截距并不表示 $t=0$ 时物体的位置.

(2) 在 $v-t$ 图象中, 两条图线的交点不表示两物体相遇, 而是表示两者速度相同.

(3) 两条图线在 v 轴上的截距不同, 不少同学误认为两物体的初始位置不同, 位置是否相同应根据题中条件确定.

考法二 追及、相遇问题

讨论追及、相遇的问题,其实质就是分析讨论两物体在同一时刻能否到达相同的空间位置问题.

1. 抓住一个条件,两个关系

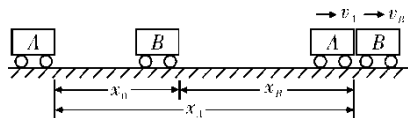
(1) 一个条件:即两者速度相等,它往往是物体间能否追上、追不上或(两者)距离最大、最小的临界条件,也是分析判断的切入点.

(2) 两个关系:即时间关系和位移关系,这两个关系可通过画运动示意图得到.

2. 能否追上的判断方法

常见情形:物体 A 追物体 B,开始二者相距 x_0 ,则

(1) A 追上 B 时,必有 $x_A - x_B = x_0$,且 $v_A \geq v_B$.



(2) 要使两物体恰好不相撞,必有 $x_A - x_B = x_0$, $v_A = v_B$.

[例 2](2018 · 江苏镇江模拟) 甲、乙两车在同一直线轨道上同向行驶,甲车在前,速度为 $v_1 = 8\text{ m/s}$,乙车在后,速度为 $v_2 = 16\text{ m/s}$,当两车相距 $x_0 = 8\text{ m}$ 时,甲车因故开始刹车,加速度大小为 $a_1 = 2\text{ m/s}^2$,为避免相撞,乙车立即开始刹车,则乙车的加速度至少为多大?

解: 6 m/s^2

■ 归纳总结

追及和相遇问题的求解方法

(1) 解题思路

分析物体运动过程 → 画运动示意图 → 找两物体位移,时间,速度关系 → 列位移和速度,时间方程

(2) 解题技巧

① 紧抓“一图三式”,即:过程示意图,时间关系式、速度关系式和位移关系式.

② 审题应抓住题目中的关键字眼,充分挖掘题目中的隐含条件.如“刚好”“恰好”“最多”“至少”等.往往对应一个临界状态,满足相应的临界条件.

③ 若被追赶的物体做匀减速运动,一定要注意追上前该物体是否已经停止运动,另外还要注意最后对解的讨论分析.

第二章 相互作用

第1讲 重力 弹力 摩擦力

1. 重力

- (1) 产生：由于 地球 的吸引而使物体受到的力.
- (2) 大小：与物体的质量成 正比，即 $G = mg$. 可用 弹簧测力计 测量重力.
- (3) 方向：总是 竖直向下 的.
- (4) 重心：其位置与物体的 质量 分布和 形状 有关.

2. 弹力

- (1) 定义：发生 弹性形变 的物体由于要恢复原状而对与它接触的物体产生的作用力.
- (2) 产生的条件
 - ①物体间直接 接触；
 - ②接触处发生 弹性形变.
- (3) 方向：总是与物体形变的方向 相反.

3. 胡克定律

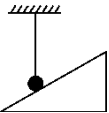
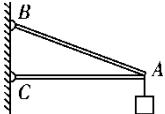
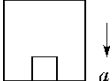
- (1) 内容：在 弹性限度 内，弹力的大小跟弹簧伸长 (或缩短) 的长度 x 成 正比.
- (2) 表达式： $F = kx$. k 是弹簧的 劲度系数，由弹簧自身的性质决定，单位是 牛顿每米，用符号 N/m 表示. x 是弹簧长度的 变化量，不是弹簧形变以后的长度.

4. 滑动摩擦力和静摩擦力的对比

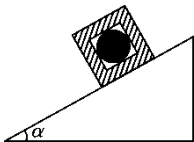
名称项目	静摩擦力	滑动摩擦力
定义	两相对静止的物体间的摩擦力	两相对运动的物体间的摩擦力
产生条件	①接触面粗糙 ②接触处有压力 ③两物体间有相对运动趋势	①接触面粗糙 ②接触处有压力 ③两物体间有相对运动
大小、方向	大小： $0 < F_f \leq F_{fmax}$ 方向：与受力物体相对运动趋势的方向相反	大小： $F_f = \mu F_N$ 方向：与受力物体相对运动的方向相反
作用效果	总是阻碍物体间的相对运动趋势	总是阻碍物体间的相对运动

滑动摩擦力大小的计算公式 $F_f = \mu F_N$ 中 μ 为比例常数，称为动摩擦因数，其大小与两个物体的材料和接触面的粗糙程度有关.

考法一 弹力有无的判断

方法	概念	图示	说明
假设法	假设将与研究对象接触的物体解除接触, 判断研究对象的运动状态是否发生改变, 若运动状态不变, 则此处不存在弹力, 若运动状态改变, 则此处一定存在弹力		图中细线竖直、斜面光滑, 因去掉斜面体, 小球的状态不变, 故小球只受细线的拉力, 不受斜面的支持力
替换法	用细绳替换装置中的杆件, 看能不能维持原来的力学状态, 如果能维持, 则说明这个杆提供的是拉力; 否则, 提供的是支持力		图中轻杆 AB、AC, 用绳替换 AB, 原装置状态不变, 说明 AB 对 A 施加的是拉力; 用绳替换 AC, 原状态不能维持, 说明 AC 对 A 施加的是支持力
状态法	由运动状态分析弹力, 即物体的受力必须与物体的运动状态相符合, 依据物体的运动状态, 由二力平衡 (或牛顿第二定律) 列方程, 求解物体间的弹力		升降机以 $a=g$ 加速下降时物体不受底板的弹力作用

[例 1](2017 · 陕西西安调研) 如图所示, 在一个正方体的盒子中放有一个质量分布均匀的小球, 小球的直径恰好和盒子内表面正方体的棱长相等, 盒子沿倾角为 α 的固定斜面滑动, 不计一切摩擦, 下列说法中正确的是 (A)



- A. 无论盒子沿斜面上滑还是下滑, 球都仅对盒子的下底面有压力
- B. 盒子沿斜面下滑时, 球对盒子的下底面和右侧面有压力
- C. 盒子沿斜面下滑时, 球对盒子的下底面和左侧面有压力
- D. 盒子沿斜面上滑时, 球对盒子的下底面和左侧面有压力

[思维导引] 采用假设法, 可假设小球仅对盒子的下底有压力, 判断两者运动是否相同.

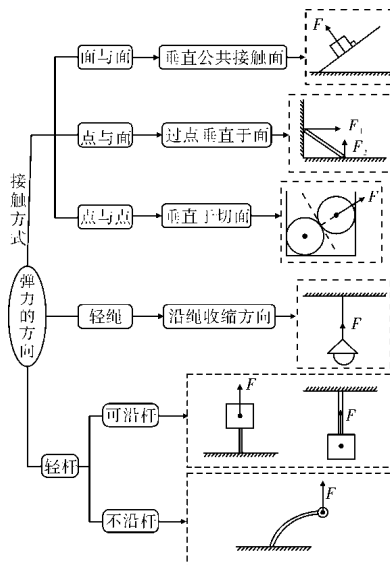
解: 先以盒子和小球组成的系统为研究对象, 无论上滑还是下滑, 用牛顿第二定律均可求得系统的加速度大小为 $a=g\sin\alpha$, 方向沿斜面向下, 由于盒子和小球始终保持相对静止, 所以小球的加速度大小也是 $a=g\sin\alpha$, 方向沿斜面向下, 小球沿斜面向下的重力分力大小恰好等于所需的合外力, 因此不需要盒子的左、右侧面提供弹力. 故选项 A 正确.

规律总结

对于形变明显的物体, 由形变情况直接判断弹力情况, 对于形变不明显的物体通常用“假设法”和“替换法”, 有时要根据物体的运动状态判定弹力情况.

考法二 弹力方向的确定和大小计算

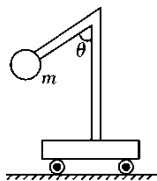
1. 弹力方向的确定



2. 计算弹力大小的三种方法

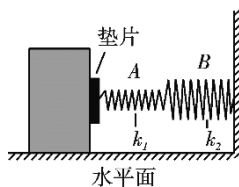
(1) 根据胡克定律进行求解. (2) 根据力的平衡条件进行求解. (3) 根据牛顿第二定律进行求解.

[例 2] 如图所示, 固定在小车支架上的斜杆与竖直杆的夹角为 θ , 在斜杆下端固定一个质量为 m 的小球, 下列关于杆对球的作用力 F 的判断中正确的是 (D)



- A. 小车静止时, $F = mg \cos \theta$, 方向沿杆向上
- B. 小车静止时, $F = mg \cos \theta$, 方向垂直杆向上
- C. 小车向右以加速度 a 运动时, 一定有 $F = \frac{mg}{\sin \theta}$
- D. 小车向左以加速度 a 运动时, $F = \sqrt{(ma)^2 + (mg)^2}$, 方向斜向左上方, 与竖直方向的夹角为 α 满足 $\tan \alpha = \frac{a}{g}$

[例 3] 缓冲装置可抽象成如图所示的简单模型, 图中 A、B 为原长相等、劲度系数分别为 k_1 、 k_2 ($k_1 \neq k_2$) 的两个不同的轻质弹簧. 下列表述正确的是 (D)



- A. 装置的缓冲效果与两弹簧的劲度系数无关
- B. 垫片向右移动稳定后, 两弹簧产生的弹力之比 $F_1 : F_2 = k_1 : k_2$
- C. 垫片向右移动稳定后, 两弹簧的长度之比 $l_1 : l_2 = k_2 : k_1$
- D. 垫片向右移动稳定后, 两弹簧的压缩量之比 $x_1 : x_2 = k_2 : k_1$

[思维导引] ①分析稳定后, 两弹簧之间相互弹力作用的关系. ②利用胡克定律计算两个弹簧的形变量和长度.

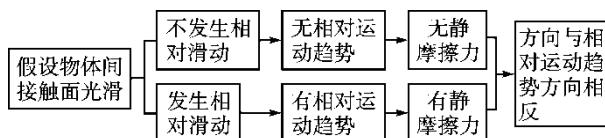
考法三 静摩擦力的大小和方向

1. 静摩擦力有无的判断

(1) 假设法

静摩擦力的方向一定与物体相对运动趋势的方向相反, 利用“假设法”可以判断出物体相对运动趋势的方向.

假设法 (如图所示)



(2) 状态法

此法关键是先判明物体的运动状态 (即加速度的方向), 再利用牛顿第二定律 ($F=ma$) 确定合力, 然后通过受力分析确定静摩擦力的大小及方向.

(3) 牛顿第三定律法

此法的关键是抓住“力是物体间的相互作用”, 先确定受力较少的物体受到的静摩擦力的方向, 再根据“力的相互性”确定另一物体受到的静摩擦力方向.

2. 静摩擦力的计算方法

(1) 最大静摩擦力 F_{fmax} 的计算

最大静摩擦力 F_{fmax} 只在刚好要发生相对滑动这一特定状态下才表现出来. 比滑动摩擦力稍大些, 通常认为二者相等, 即 $F_{fmax} = \mu F_N$.

(2) 一般静摩擦力的计算

一般静摩擦力 F 的大小和方向都与产生相对运动趋势的力密切相关, 跟接触面间相互挤压的弹力 F_N 无直接关系, 因此具有大小、方向的可变性. 对具体问题要结合研究对象的运动状态 (静止、匀速运动或加速运动), 利用平衡条件或牛顿运动定律列方程求解.

■ 误区防范 ■

应用“状态法”解题时应注意的问题

状态法是分析判断静摩擦力有无及方向、大小的常用方法, 在使用状态法处理问题时, 需注意以下两点:

- (1) 明确物体的运动状态, 分析物体的受力情况, 根据平衡方程或牛顿定律求解静摩擦力的大小和方向.
- (2) 静摩擦力的方向与物体的运动方向没有必然关系, 可能相同, 也可能相反, 还可能成一定的夹角.

考法四 滑动摩擦力的大小和方向

1. 产生的条件

- (1) 两物体相互接触且挤压，发生形变，产生弹力.
- (2) 两接触面粗糙.
- (3) 两物体沿接触面发生相对运动.

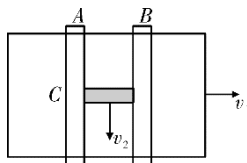
以上三个条件必须同时具备，才会有滑动摩擦力存在.

2. 在计算滑动摩擦力的公式 $F_f = \mu F_N$ 中， μ 为动摩擦因数，其大小与接触面的材料、表面的粗糙程度有关； F_N 为两接触面间的正压力，其大小不一定等于物体的重力.

3. 滑动摩擦力的大小与物体的运动速度无关，与接触面积也无关.

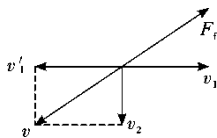
4. 滑动摩擦力的方向总是与物体间相对运动的方向相反，但不一定与物体运动方向相反.

[例 5](2017 · 吉林长春检测) 如图所示，质量为 m 的工件置于水平放置的钢板 C 上，二者间动摩擦因数为 μ ，由于固定的光滑导槽 A 、 B 的控制，工件只能沿水平导槽运动，现使钢板以速度 v_1 向右运动，同时用 F 拉动工件 (F 方向与导槽平行) 使其以速度 v_2 沿导槽运动，则 F 的大小为 (C)



- A. 等于 μmg B. 大于 μmg
C. 小于 μmg D. 不能确定

解： 钢板以速度 v_1 向右运动，则工件以等大速度相对钢板向左移动，设为 v_1' ，同时工件被拉动也具有另一速度 v_2 ，故工件相对于钢板的运动速度应是 v_1' 与 v_2 的合成，即如上图中的速度 v . 滑动摩擦力阻碍二者的相对运动，故工件所受摩擦力 F_f 与 v 方向相反，要使工件沿导槽匀速运动，所施加的拉力只需与 F_f 一个分力平衡，故 $F < F_f = \mu mg$.



考法五 摩擦力突变问题

■ 解题技巧 ■

解决摩擦力突变问题的关键点

物体受到的外力发生变化时,物体受到的摩擦力的种类就有可能发生突变.解决这类问题的关键是:正确对物体受力和运动状态分析,从而找到物体摩擦力的突变“临界点”.

常见类型如下:

(1) 静---静“突变”

当作用在物体上的其他力的合力发生变化时,物体仍保持静止,而所受静摩擦力方向发生 180° “突变”,则“突变”点是静摩擦力为零时.

(2) 动---动“突变”

某物体相对于另一物体滑动的过程中,若相对运动方向变了,则滑动摩擦力方向发生“突变”,“突变”点为两物体相对速度为零时.

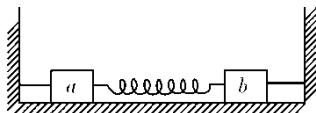
(3) 静---动“突变”

物体在摩擦力和其他力作用下处于静止状态,当其他力变化时,如果物体不能保持静止状态,则物体受到的静摩擦力将“突变”成滑动摩擦力,“突变”点为静摩擦力达到最大值时.

(4) 动---静“突变”

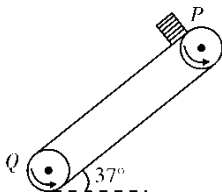
两物体相对减速滑动的过程中,若相对速度变为零,则滑动摩擦力“突变”为静摩擦力,“突变”点为两物体相对速度刚好为零时.

[例 6](多选) 如图所示,将两相同的木块 a、b 置于粗糙的水平地面上,中间用一轻弹簧连接,两侧用细绳系于墙壁.开始时 a、b 均静止,弹簧处于伸长状态,两细绳均有拉力, a 所受摩擦力 $F_{fa} \neq 0$, b 所受摩擦力 $F_{fb} = 0$.现将右侧细绳剪断,则剪断瞬间 (AD)



A. F_{fa} 大小不变 B. F_{fa} 方向改变 C. F_{fb} 仍然为零 D. F_{fb} 方向向右

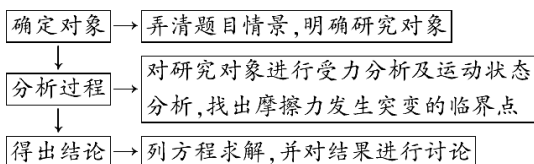
[例 7] 传送带以恒定的速率 $v=10\text{m/s}$ 运动,已知它与水平面成 $\alpha=37^\circ$, 如图所示, $PQ=16\text{m}$, 将一个小物体无初速度地放在 P 点,小物体与传送带间的动摩擦因数为 $\mu=0.5$, 问当传送带逆时针转动时,小物体运动到 Q 点的时间为多少? ($\cos 37^\circ=0.8$, $\sin 37^\circ=0.6$, g 取 10m/s^2)



解: 2 s

■ 答题模板 ■

摩擦力突变问题的分析步骤



第2讲 力的合成与分解

1. 力的合成

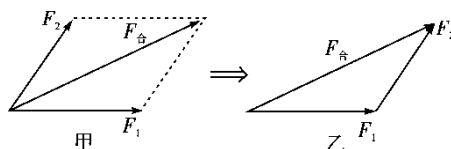
(1) 合力与分力

①定义：如果几个力共同作用产生的效果与一个力的作用效果相同，这一个力就叫做那几个力的 合力，那几个力叫做这一个力的 分力。

②关系：合力与分力是 等效替代 关系。

(2) 共点力

作用在物体的 同一点，或作用线的 延长线 交于一点的几个力。



(3) 力的合成

①定义：求几个力的 合力 的过程。

②运算法则

平行四边形定则：求两个互成角度的 共点力 的合力，可以用表示这两个力的线段为邻边作平行四边形，这两个邻边之间的对角线就表示合力的 大小 和 方向 (图甲)。

三角形定则：把两个矢量的首尾顺次连接起来，第一个矢量的首到第二个矢量的尾的 有向线段 为合矢量 (图乙)。

2. 力的分解

(1) 定义

求一个力的 分力 的过程，力的分解是 力的合成 的逆运算。

(2) 遵循的原则

① 平行四边形 定则。

② 三角形 定则。

(3) 分解方法

①力的作用效果分解法。

②正交分解法。

3. 矢量和标量

(1) 矢量

既有大小又有 方向 的物理量，相加时遵循 平行四边形 定则。如速度、力等。

(2) 标量

只有大小没有 方向 的物理量，求和时按算术法则相加。如路程、动能等。

考法一 共点力的合成

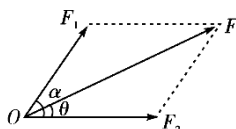
1. 共点力合成的常用方法

(1) 作图法

从力的作用点沿两个分力的作用方向按同一标度作出两个分力 F_1 、 F_2 ，以这两个力为邻边作一个平行四边形，这两个力所夹对角线表示这两个力的合力。通常可分别用刻度尺和量角器直接量出合力的大小和方向。

(2) 解析法

根据力的平行四边形定则作出力的合成的图示，如图所示。



$$F = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos \alpha}.$$

$$\text{它与 } F_2 \text{ 的夹角为 } \theta, \tan \theta = \frac{F_1 \sin \alpha}{F_2 + F_1 \cos \alpha}.$$

2. 几种特殊情况的共点力的合成

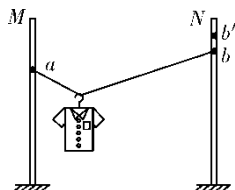
类型	作图	合力的计算
互相垂直		$F = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$ $\tan \theta = \frac{F_1}{F_2}$
两力等大，夹角 θ		$F = 2F_1 \cos \frac{\theta}{2}$ $F \text{ 与 } F_1 \text{ 夹角为 } \frac{\theta}{2}$
两力等大且夹角 120°		合力与分力等大

■ 误区防范 ■

作图法求合力的四点要求

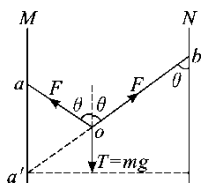
- (1) 分力、合力的作用点相同，切忌弄错表示合力的对角线
- (2) 分力、合力的比例要一致，力的标度要适当
- (3) 虚线、实线要分清，表示分力和合力的两条邻边和对角线画成实线，并加上箭头，平行四边形的另两条边画成虚线
- (4) 求合力时既要求出合力的大小，又要求出合力的方向

[例 1](2017·天津卷)(多选) 如图所示, 轻质不可伸长的晾衣绳两端分别固定在竖直杆 M、N 上的 a、b 两点, 悬挂衣服的衣架挂钩是光滑的, 挂于绳上处于静止状态. 如果只人为改变一个条件, 当衣架静止时, 下列说法正确的是 (AB)



- A. 绳的右端上移到 b' , 绳子拉力不变
- B. 将杆 N 向右移一些, 绳子拉力变大
- C. 绳的两端高度差越小, 绳子拉力越小
- D. 若换挂质量更大的衣服, 则衣架悬挂点右移

解: oa、ob 为一根绳, 两端拉力相等, 设绳 aob 长为 L , M、N 的水平距离为 d , bo 延长线交 M 于 a' , 由几何知识知 $a'o = ao$, $\sin \theta = \frac{d}{L}$, 由平衡条件有 $2F \cos \theta = mg$, 则 $F = \frac{mg}{2 \cos \theta}$, 当 b 上移到 b' 时, d 、 L 不变, θ 不变, 故 F 不变, 选项 A 正确, C 错误. 将杆 N 向右移一些, L 不变, d 变大, θ 变大, $\cos \theta$ 变小, 则 F 变大, 选项 B 正确. 只改变 m , 其他条件不变, 则 $\sin \theta$ 不变, θ 不变, 衣架悬挂点不变, 选项 D 错误.



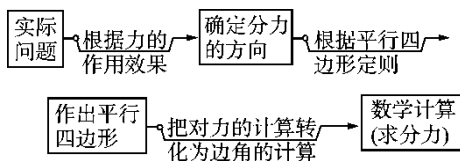
■ 归纳总结 ■

(1) 力合成时, 要正确理解合力与分力的大小关系: 合力与分力的大小关系要视情况而定, 不能形成合力总大于分力的思维定式.

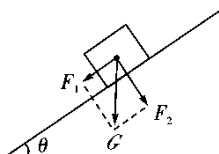
(2) 合力与它的分力是等效替代关系, 在进行有关力的计算时, 如果已计入了合力, 就不能再计入分力; 如果已计入了分力, 就不能再计入合力.

考法二 力的分解

1. 按力的作用效果分解 (思路图)



如图所示, 物体的重力 G 按产生的效果分解为两个分力, F_1 使物体下滑, F_2 使物体压紧斜面.

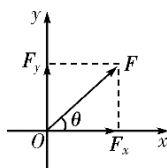


2. 正交分解法

(1) 定义: 将已知力按互相垂直的两个方向进行分解的方法.

(2) 建立坐标轴的原则: 一般选共点力的作用点为原点, 在静力学中, 以少分解力和容易分解力为原则 (使尽量多的力在坐标轴上); 在动力学中, 往往以加速度方向和垂直加速度方向为坐标轴建立坐标系.

(3) 方法: 物体受到多个力 F_1 、 F_2 、 F_3 ……作用, 求合力 F 时, 可把各力向相互垂直的 x 轴、 y 轴分解.



x 轴上的合力:

$$F_x = F_{x1} + F_{x2} + F_{x3} + \dots$$

y 轴上的合力:

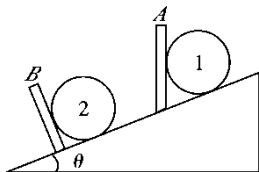
$$F_y = F_{y1} + F_{y2} + F_{y3} + \dots$$

合力大小:

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

合力方向: 与 x 轴夹角为 θ , 则 $\tan \theta = \frac{F_y}{F_x}$.

[例 2] 如图所示, 光滑斜面的倾角为 θ , 有两个相同的小球, 分别用光滑挡板 A、B 挡住, 挡板 A 沿竖直方向, 挡板 B 垂直于斜面, 则两挡板受到小球压力的大小之比为 $1 : \cos \theta$, 斜面受到两个小球压力大小之比为 $1 : \cos^2 \theta$.



[思维导引] 既然求解的是挡板和斜面实际受到的压力, 就应按力的作用效果分解力.

考法三 “绳——杆”模型

1. “死结”与“活结”模型

(1)“死结”可理解为把绳子分成两段，且不可以沿绳子移动的结点，“死结”两侧的绳因结而变成了两根独立的绳。

(2)“活结”可理解为把绳子分成两段，且可以沿绳子移动的结点，“活结”一般是由绳跨过滑轮或者绳上挂一光滑挂钩而形成的。实质还是同一根绳子。

2. “固定杆”与“活动杆”模型

(1)一般情况下，插入墙中的杆属于固定杆(如钉子)。

(2)一端用铰链相连的杆属于活动杆。

■ 解题技巧 I

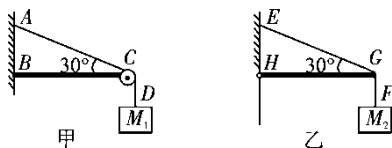
“绳——杆”模型的处理方法

(1)无论“死结”还是“活结”一般均以结点为研究对象进行受力分析。

(2)由“死结”分开的两段绳子上的弹力不一定相等；由“活结”分开的两段绳子上弹力的大小一定相等，两段绳子合力的方向一定沿这两段绳子夹角的平分线。

(3)固定杆的弹力方向不一定沿杆的方向，而活动杆的弹力方向一定沿杆的方向。

[例 3] 如图甲所示，细绳 AD 跨过固定的水平轻杆 BC 右端的定滑轮挂住一个质量为 M_1 的物体， $\angle ACB = 30^\circ$ ；图乙中轻杆 HG 一端用铰链固定在竖直墙上，另一端 G 通过细绳 EG 拉住，EG 与水平方向也成 30° ，轻杆的 G 点用细绳 GF 拉住一个质量为 M_2 的物体。求：



(1) 细绳 AC 段的张力 F_{AC} 与细绳 EG 的张力 F_{EG} 之比；

(2) 轻杆 BC 对 C 端的支持力；

(3) 轻杆 HG 对 G 端的支持力。

[思维导引](1) 判断杆的作用力方向是否沿杆方向。(2) 选取恰当的研究对象。

解：

(1) $\frac{M_1}{2M_2}$

(2) M_1g ，方向与水平方向成 30° 指向右上方

(3) $\sqrt{3}M_2g$ ，方向水平向右

第3讲 受力分析 共点力的平衡

1. 受力分析

(1) 定义

把指定物体(研究对象)在特定的物理环境中受到的所有外力都找出来,并画出受力图,这个过程就是受力分析.

(2) 受力分析的顺序

先找重力,再找接触力(弹力、摩擦力),最后分析电场力、磁场力及其他力.

(3) 受力分析的步骤

①明确研究对象——确定分析受力的物体,研究对象可以是单个物体,也可以是多个物体的组合.

②隔离物体分析——将研究对象从周围物体中 __ 隔离 __ 出来,进而分析物体受的重力、弹力、摩擦力、电磁力等,检查周围有哪些物体对它施加了力的作用.

③画出受力示意图——边分析边将力一一画在受力示意图上,准确标出 __ 方向 __.

④检查画出的每一个力能否找出它的 __ 施力物体 __,检查分析结果能否使研究对象处于题目所给的运动状态,否则,必然发生了漏力、添力或错力现象.

2. 共点力的平衡

(1) 平衡状态:物体处于静止或 __ 匀速直线运动 __ 状态.

(2) 共点力的平衡条件: $F_{\text{合}} = 0$ 或者
$$\begin{cases} F_x = 0 \\ F_y = 0 \end{cases}$$

(3) 平衡条件的推论.

①二力平衡

如果物体在两个共点力的作用下处于平衡状态,这两个力必定大小 __ 相等 __、方向 __ 相反 __,为一对平衡力.

②三力平衡

如果物体在三个共点力的作用下处于平衡状态,其中任意两个力的合力一定与第三个力大小 __ 相等 __、方向 __ 相反 __.

③多力平衡

如果物体受多个力作用处于平衡状态,其中任何一个力与其余力的合力大小 __ 相等 __、方向 __ 相反 __.

[思考感悟](1) 物体在某一时刻速度为零时,物体不一定处于平衡状态. (2) 在多个共点力作用下的物体处于静止状态,如果其中一个力消失其他力保持不变,物体沿消失的力的反方向做初速度为零的匀加速直线运动.

考法一 物体的受力分析

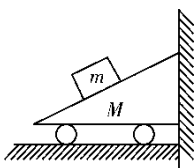
■ 解题技巧 ■

整体法、隔离法在受力分析时的灵活运用.

(1) 当所涉及的物理问题是整体与外界作用时, 应用整体分析法, 可使问题简单明了, 而不必考虑内力的作用.

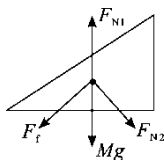
(2) 当涉及的物理问题是物体间的相互作用时, 应用隔离分析法, 这时系统中物体间相互作用的内力就会变为各个独立物体的外力.

[例 1](2018·浙江宁波调研) 如图所示, 斜面小车 M 静止在光滑水平面上, 一边紧贴墙壁. 若再在斜面上加一物体 m , 且 M 、 m 相对静止, 小车后来受力个数为 (B)



- A. 3
- B. 4
- C. 5
- D. 6

解: 对 M 和 m 整体, 它们必受到重力和地面支持力, 因小车静止, 由平衡条件知墙面对小车必无作用力. 以小车为研究对象, 如右图所示, 它受四个力: 重力 Mg , 地面的支持力 F_{N1} , m 对它的压力 F_{N2} 和摩擦力 F_f . 由于 m 静止, 可知 F_f 和 F_{N2} 的合力必竖直向下, 故选项 B 正确.



考法二 解决平衡问题常用的方法

方法	内容
分解法	物体受到几个力的作用, 将某一个力按力的效果进行分解, 则其分力和其他力在所分解的方向上满足平衡条件
合成法	物体受几个力的作用, 通过合成的方法将它们简化成两个力, 这两个力满足二力平衡条件
正交分解法	将处于平衡状态的物体所受的力分解为相互正交的两组, 每一组的力都满足二力平衡条件
力的三角形法	物体受同一平面内三个互不平行的力的作用平衡时, 这三个力的矢量箭头首尾相接, 构成一个矢量三角形; 反之, 若三个力矢量箭头首尾相接恰好构成三角形, 则这三个力的合力必为零. 利用三角形法, 根据正弦定理、余弦定理或相似三角形等数学知识可求得未知力

[例 2](2018 · 湖南常德模拟) 如图所示, 重为 G 的均匀链条, 两端用等长的轻绳连接, 挂在等高的地方, 轻绳与水平方向成 θ 角. 试求:



- (1) 绳子的拉力;
- (2) 链条在最低点的相互拉力的大小.

解: (1) $\frac{G}{2 \sin \theta}$ (2) $\frac{1}{2} G \cot \theta$

■ 归纳总结 ■

应用平衡条件解题步骤

- (1) 选取研究对象: 根据题目要求, 选取一个平衡体 (单个物体或系统, 也可以是结点) 作为研究对象.
- (2) 画受力示意图: 对研究对象进行受力分析, 画出受力示意图.
- (3) 三个力直接合成或正交分解, 四个及四个以上的力正交分解.
- (4) 列方程求解: 根据平衡条件列出平衡方程, 解平衡方程, 对结果进行讨论.

考法三 动态平衡问题

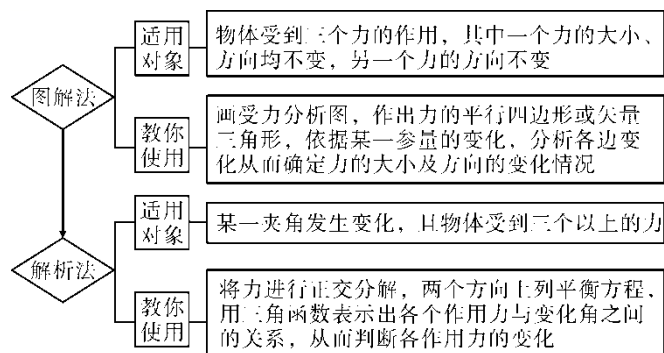
1. 动态平衡

在某一物理过程中, 物体或系统始终处于平衡状态, 而物体或系统受到的力有一部分是变力(力的大小变或方向变或大小和方向均发生变化), 这样的物理过程叫动态平衡.

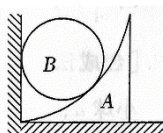
2. 基本思路

化“动”为“静”, “静”中求“动”.

3. “两种”典型方法



[例 3](2017·江苏南京调研)(多选) 如图所示, 在粗糙水平地面上放着一个截面为四分之一圆弧的柱状物体 A, A 的左端紧靠竖直墙, A 与竖直墙之间放一光滑圆球 B, 已知 A 的圆半径为球 B 的半径的 3 倍, 球 B 所受的重力为 G , 整个装置处于静止状态. 设墙壁对 B 的压力为 F_1 , A 对 B 的压力为 F_2 , 则若把 A 向右移动少许后, 它们仍处于静止状态, 则 F_1 、 F_2 的变化情况分别是 (AD)



- A. F_1 减小
- B. F_1 增大
- C. F_2 增大
- D. F_2 减小

考法四 平衡中的临界与极值问题

1. 临界问题

当某物理量变化时, 会引起其他几个物理量的变化, 从而使物体所处的平衡状态“恰好出现”或“恰好不出现”, 在问题的描述中常用“刚好”“刚能”“恰好”等语言叙述.

2. 极值问题

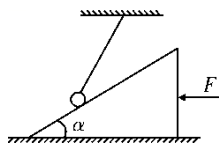
平衡物体的极值, 一般指在力的变化过程中的最大值和最小值问题.

3. 解决平衡中临界与极值问题的常用方法

(1) 图解法: 根据物体的平衡条件, 作出力的矢量图, 通过对物理过程的分析, 利用平行四边形定则进行动态分析, 确定最大值与最小值.

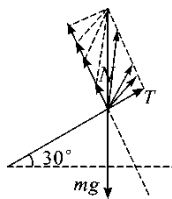
(2) 数学解法: 通过对问题的分析, 依据物体的平衡条件写出物理量之间的函数关系 (或画出函数图象), 用数学方法求极值 (如求二次函数极值、公式极值、三角函数极值).

[例 4](2018 · 云南师大附中质检) 如图所示, 质量为 m 的小球与细线连接且静止于光滑斜面上, 斜面足够长, 倾角 $\alpha = 30^\circ$ 的斜面体置于光滑水平面上, 用水平力 F 推斜面体使斜面体缓慢地向左移动, 小球沿斜面缓慢升高. 当细线拉力最小时, 推力 F 等于 (A)



- A. $\frac{\sqrt{3}}{4}mg$
- B. $\frac{\sqrt{3}}{2}mg$
- C. mg
- D. $\sqrt{3}mg$

解: 小球受力动态平衡如图, 可知当 T 平行于斜面时 $T_{\min} = mg \sin 30^\circ$, 对小球和斜面体组成的系统, $F = T_{\min} \cos 30^\circ = mg$, 选项 A 正确.



第三章 牛顿运动定律

第1讲 牛顿第一、第三定律

1. 牛顿第一定律

(1) 内容

一切物体总保持 __ 匀速直线运动 __ 状态或 __ 静止 __ 状态，直到有外力迫使它改变这种状态为止。

(2) 意义

①指出了一切物体具有 __ 惯性 __，因此牛顿第一定律又称 __ 惯性定律 __。

②指出力不是 __ 维持 __ 物体运动状态的原因，而是 __ 改变 __ 物体运动状态的原因，即力是产生 __ 加速度 __ 的原因。

③当物体不受力时，物体总保持 __ 匀速直线运动 __ 状态或 __ 静止 __ 状态。

(3) 惯性

①定义：物体具有保持原来 __ 匀速直线运动 __ 状态或 __ 静止 __ 状态的性质。

②量度：__ 质量 __ 是物体惯性大小的唯一量度，与物体的运动状态、受力情况、地理位置均无关，__ 质量大 __ 的物体惯性大，__ 质量小 __ 的物体惯性小。

③普遍性：惯性是物体的 __ 固有 __ 属性，一切物体都有惯性。

2. 牛顿第三定律

(1) 作用力和反作用力

两个物体之间的作用总是 __ 相互 __ 的，一个物体对另一个物体施加了力，另一个物体同时对这个物体也施加了力。

(2) 内容

两个物体之间的作用力和反作用力总是大小 __ 相等 __、方向 __ 相反 __、作用在 __ 同一条直线上 __。

(3) 表达式

$$F = -F'$$

(4) 意义

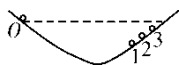
建立了相互作用物体之间的联系及作用力与 __ 反作用力 __ 的相互依赖关系。

考法一 牛顿第一定律的应用技巧

1. 应用牛顿第一定律分析实际问题时,要把生活感受和理论问题联系起来深刻认识力和运动的关系,正确理解力不是维持物体运动状态的原因,克服生活中一些错误的直观印象,建立正确的思维习惯.

2. 如果物体的运动状态发生改变,则物体必然受到不为零的合外力作用.因此,判断物体的运动状态是否改变,以及如何改变,应分析物体的受力情况.

[例 1] 伽利略创造性地把实验、假设和逻辑推理相结合的科学方法,有力地促进了人类科学认识的发展,利用如图所示的装置做如下实验:小球从左侧斜面上的 O 点由静止释放后沿斜面向下运动,并沿右侧斜面上升.斜面上先后铺垫三种粗糙程度逐渐降低的材料时,小球沿右侧斜面上升到的最高位置依次为 1、2、3. 根据三次实验结果的对比,可以得到的最直接的结论是 (A)



- A. 如果斜面光滑,小球将上升到与 O 点等高的位置
- B. 如果小球不受力,它将一直保持匀速运动或静止状态
- C. 如果小球受到力的作用,它的运动状态将发生改变
- D. 小球受到的力一定时,质量越大,它的加速度越小

解: 根据题意,铺垫材料粗糙程度降低时,小球上升的最高位置升高,当斜面绝对光滑时,小球在斜面上没有能量损失,因此可以上升到与 O 点等高的位置,而 B、C、D 三个选项,从题目不能直接得出,所以选项 A 正确.

考法二 对牛顿第三定律的理解及应用

1. 相互作用力的特点:“三同、三异、三无关”.

(1) 三同: 同大小; 同时产生、变化、消失; 同性质

(2) 三异: 反向; 异体, 即作用力、反作用力作用在不同物体上; 不同效果

(3) 三无关: 与物体的种类无关; 与相互作用的两物体的运动状态无关; 与是否和其他物体相互作用无关

2. 一对平衡力与作用力、反作用力的不同点:

	一对平衡力	作用力与反作用力
作用对象	同一个物体	两个相互作用的不同物体
作用时间	不一定同时产生、同时消失	一定同时产生、同时消失
力的性质	不一定相同	一定相同
作用效果	可相互抵消	不可抵消

■ 误区防范 ■

应用牛顿第三定律应注意的三个问题

(1) 定律中的“总是”说明对于任何物体,在任何情况下牛顿第三定律都是成立的.

(2) 作用力与反作用力虽然等大反向,但因所作用的物体不同,所产生的效果(运动效果或形变效果)往往不同.

(3) 作用力与反作用力只能是一对物体间的相互作用力,不能涉及第三个物体.

第2讲 牛顿第二定律 两类动力学问题

1. 牛顿第二定律

(1) 内容：物体加速度的大小跟它受到的作用力成 __ 正比 __，跟它的质量成 __ 反比 __. 加速度的方向与 __ 作用力的方向 __ 相同.

(2) 表达式：__ $F=ma$ __，F 与 a 具有瞬时对应关系.

(3) 适用范围：

① 牛顿第二定律只适用于 __ 惯性参考系 __ (相对地面静止或做匀速直线运动的参考系).

② 牛顿第二定律只适用于 __ 宏观物体 __ (相对于分子、原子)、__ 低速运动 __ (远小于光速) 的情况.

2. 动力学两类基本问题

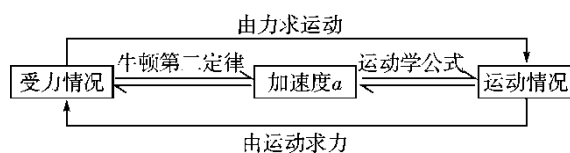
(1) 动力学两类基本问题

① 已知受力情况，求物体的 __ 运动 __ 情况.

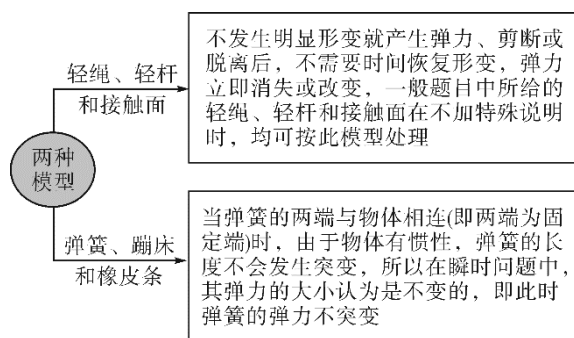
② 已知运动情况，求物体的 __ 受力 __ 情况.

(2) 解决两类基本问题的方法

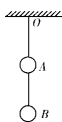
以 __ 加速度 __ 为“桥梁”，由运动学公式和牛顿运动定律列方程求解，具体逻辑关系如图所示.



考法一 牛顿第二定律的瞬时性



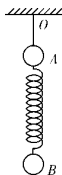
[例 1](2018·广西南宁模拟) 两个质量均为 m 的小球,用两条轻绳连接,处于平衡状态,如图所示. 现突然迅速剪断轻绳 OA, 让小球下落,在剪断轻绳的瞬间,设小球 A、B 的加速度分别用 a_1 和 a_2 表示,则 (A)



- A. $a_1=g$ $a_2=g$
 B. $a_1=0$ $a_2=2g$
 C. $a_1=g$ $a_2=0$
 D. $a_1=2g$ $a_2=0$

【拓展延伸 1】把“轻绳”换成“轻弹簧”

在 [例 1] 中只将 A、B 间的轻绳换成轻质弹簧,其他不变,如图所示,则典例选项中正确的是 (D)



- A. $a_1=g$ $a_2=g$
 B. $a_1=0$ $a_2=2g$
 C. $a_1=g$ $a_2=0$
 D. $a_1=2g$ $a_2=0$

■ 归纳总结

抓住“两关键”、遵循“四步骤”

(1) 分析瞬时加速度的“两个关键”

①明确绳或线类、弹簧或橡皮条类模型的特点.

②分析瞬时前、后的受力情况和运动状态.

(2)“四个步骤”

第一步:分析原来物体的受力情况.

第二步:分析物体在突变时的受力情况.

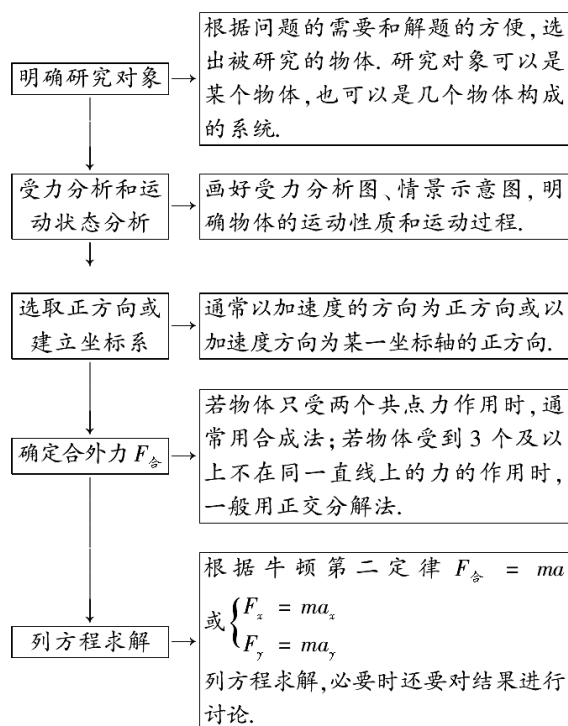
第三步:由牛顿第二定律列方程.

第四步:求出瞬时加速度,并讨论其合理性.

考法二 动力学两类基本问题

■ 答题模板 I

动力学两类基本问题的解题思路



[例 2](2018 · 广东深圳模拟) 如图所示为四旋翼无人机, 它是一种能够垂直起降的小型遥控飞行器, 目前得到越来越广泛的应用.



一架质量 $m=2\text{ kg}$ 的无人机, 其动力系统所能提供的最大升力 $F=36\text{ N}$, 运动过程中所受空气阻力大小恒为 $F_f=4\text{ N}$, g 取 10 m/s^2 .

- (1) 无人机在地面上从静止开始, 以最大升力竖直向上起飞. 求在 $t=5\text{ s}$ 时离地面的高度 h ;
- (2) 无人机悬停在距离地面高度 $H=100\text{ m}$ 处, 由于动力设备故障, 无人机突然失去升力而坠落. 求无人机坠落地面时的速度 v ;
- (3) 在无人机坠落过程中, 在遥控设备的干预下, 动力设备重新启动提供向上最大升力. 为保证安全着地, 求飞行器从开始下落到恢复升力的最长时间 t_1 .

解: (1) 75 m (2) 40 m/s (3) $\frac{5\sqrt{5}}{3}$.

■ 归纳总结 I

解决两类动力学问题的两个关键点

- (1) 把握“两个分析”“一个桥梁”

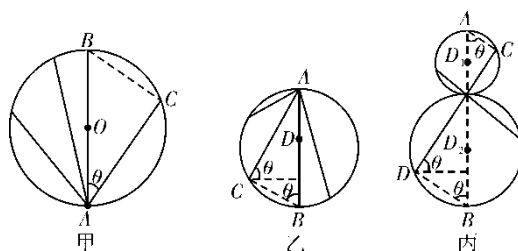
两个分析: 物体的受力情况分析和运动过程分析.

一个桥梁: 加速度是联系物体运动和受力的桥梁.

- (2) 寻找多过程运动问题中各过程间的相互联系. 如第一个过程的末速度就是下一个过程的初速度, 画图找出各过程的位移之间的联系.

考法三 等时圆模型及其应用

1. 模型特征

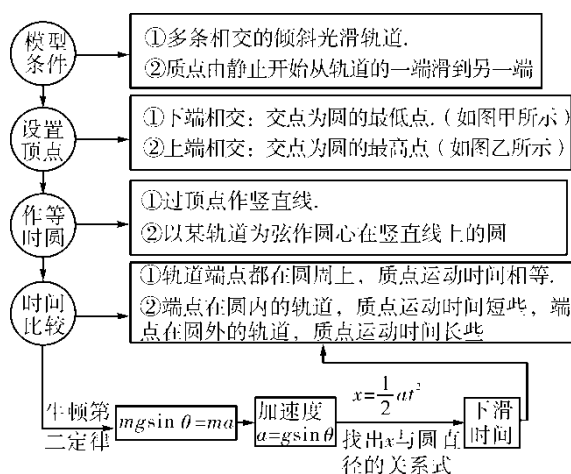


(1) 质点从竖直圆环上沿不同的光滑弦上端由静止开始滑到环的最低点所用时间相等, 如图乙所示;

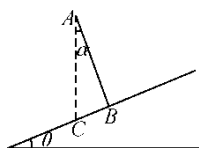
(2) 质点从竖直圆环上最高点沿不同的光滑弦由静止开始滑到下端所用时间相等, 如图乙所示;

(3) 两个竖直圆环相切且两环的竖直直径均过切点, 质点沿不同的光滑弦上端由静止开始滑到下端所用时间相等, 如图丙所示.

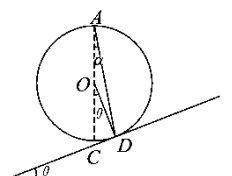
2. 思维模板



[例 3](2017 · 山东济南模拟) 如图所示, 在倾角为 θ 的斜面上方的 A 点处旋转一光滑的木板 AB, B 端刚好在斜面上, 木板与竖直方向 AC 所成角度为 α 一小物块由 A 端沿木板由静止滑下, 要使物块滑到斜面的时间最短, 则 α 与 θ 角的大小关系 (B)



- A. $\alpha = \theta$ B. $\alpha = \frac{\theta}{2}$
C. $\alpha = 2\theta$ D. $\alpha = \frac{\theta}{3}$



第3讲 牛顿运动定律的综合应用

1. 超重和失重

(1) 实重与视重

①实重：物体实际所受的重力，与物体的运动状态 __ 无关 __.

②视重：当物体挂在弹簧测力计下或放在水平台秤上时，弹簧测力计或台秤的 __ 示数 __ 称为视重；视重大小等于弹簧测力计所受物体的 __ 拉力 __ 或台秤所受物体的 __ 压力 __.

(2) 超重、失重和完全失重的比较

	超重现象	失重现象	完全失重现象
概念	物体对支持物的压力 (或对悬挂物的拉力) 大于物体所受重力的现象	物体对支持物的压力 (或对悬挂物的拉力) 小于物体所受重力的现象	物体对支持物的压力 (或对悬挂物的拉力) 等于零的现象
产生条件	物体的加速度方向竖直向上	物体的加速度方向竖直向下	物体的加速度方向竖直向下，大小 $a=g$
原理方程	$F-mg=ma$ $F=m(g+a)$	$mg-F=ma$ $F=m(g-a)$	$mg-F=ma$ $F=0$
运动状态	加速上升或减速下降	加速下降或减速上升	以 $a=g$ 加速下降或减速上升

2. 连接体问题

(1) 整体法和隔离法

①整体法

当连接体内 (即系统内) 各物体的 __ 加速度 __ 相同时，可以把系统内的所有物体看成一个 __ 整体 __，分析其受力和运动情况，运用牛顿第二定律对 __ 整体 __ 列方程求解的方法.

②隔离法

当求系统内物体间相互作用的 __ 内力 __ 时，常把某个物体从系统中 __ 隔离 __ 出来，分析其受力和运动情况，再用牛顿第二定律对 __ 隔离 __ 出来的物体列方程求解的方法.

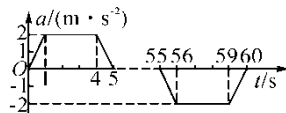
(2) 动力学图象

①三种图象： $v-t$ 图象、 $a-t$ 图象、 $F-t$ 图象.

②图象间的联系：加速度是联系 $v-t$ 图象与 $F-t$ 图象的桥梁.

考法一 对超重和失重的理解

[例 1] 广州塔, 昵称小蛮腰, 总高度达 600 米, 游客乘坐观光电梯大约一分钟就可以到达观光平台. 若电梯简化成只受重力与绳索拉力, 已知电梯在 $t=0$ 时由静止开始上升, $a-t$ 图象如图所示, 则下列相关说法正确的是 (D)



- A. $t=4.5$ s 时, 电梯处于失重状态
- B. 5~55 s 时间内, 绳索拉力最小
- C. $t=59.5$ s 时, 电梯处于超重状态
- D. $t=60$ s 时, 电梯速度恰好为零

解: 利用 $a-t$ 图象可判断 $t=4.5$ s 时, 电梯有向上的加速度, 电梯处于超重状态, 则选项 A 错误; 0~5 s 时间内, 电梯处于超重状态, 拉力 $>$ 重力, 5~55 s 时间内, 电梯处于匀速上升过程, 拉力 $=$ 重力, 55~60 s 时间内, 电梯处于失重状态, 拉力 $<$ 重力, 综上所述, 选项 B、C 错误; 因 $a-t$ 图线与 t 轴所围的“面积”代表速度改变量, 而图中横轴上方的“面积”与横轴下方的“面积”相等, 则电梯的速度在 $t=60$ s 时为零, 选项 D 正确.

■ 解题技巧 I

判断超重和失重现象的三个角度

(1) 从受力的角度判断

当物体受向上的拉力 (或支持力) 大于重力时, 物体处于超重状态; 小于重力时处于失重状态, 等于零时处于完全失重状态.

(2) 从加速度的角度判断

当物体具有向上的加速度时处于超重状态, 具有向下的加速度时处于失重状态, 向下的加速度为重力加速度时处于完全失重状态.

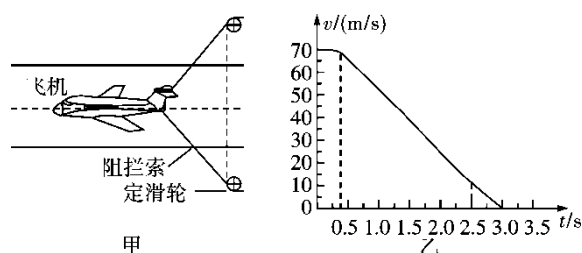
(3) 从速度变化角度判断

- ① 物体向上加速或向下减速时, 超重;
- ② 物体向下加速或向上减速时, 失重.

考法二 动力学中的图象问题

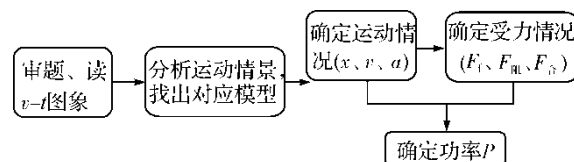
图象类型	图象的意义
v-t 图象	根据图象的斜率判断加速度的大小和方向进而根据牛顿第二定律求解合外力
F-a 图象	首先要根据具体的物理情景,对物体进行受力分析,然后根据牛顿第二定律推导出两个量间的函数关系式,根据函数关系式结合图象,明确图象的斜率、截距或面积的意义,从而由图象给出的信息求出未知量
a-t 图象	要注意加速度的正负,正确分析每一段的运动情况,然后结合物体受力情况根据牛顿第二定律列方程
F-t 图象	要结物体受到的力,根据牛顿第二定律求出加速度,分析每一时间段的运动性质

[例 2](多选)2012 年 11 月,“歼 15”舰载机在“辽宁号”航空母舰上着舰成功,图甲为利用阻拦系统让舰载机在飞行甲板上快速停止的原理示意图.飞机着舰并成功钩住阻拦索后,飞机的动力系统立即关闭,阻拦系统通过阻拦索对飞机施加一作用力,使飞机在甲板上短距离滑行后停止.某次降落,以飞机着舰为计时零点,飞机在 $t=0.4\text{ s}$ 时恰好钩住阻拦索中间位置,其着舰到停止的速度—时间图线如图乙所示.假如无阻拦索,飞机从着舰到停止需要的滑行距离约为 $1\ 000\text{ m}$.已知航母始终静止,重力加速度的大小为 g ,则(AC)



- A. 从着舰到停止,飞机在甲板上滑行的距离约为无阻拦索时的 $\frac{1}{10}$
 B. 在 $0.4\sim 2.5\text{ s}$ 时间内,阻拦索的张力几乎不随时间变化
 C. 在滑行过程中,飞行员所承受的加速度大小会超过 $2.5g$
 D. 在 $0.4\sim 2.5\text{ s}$ 时间内,阻拦系统对飞机做功的功率几乎不变

[思维导引] 能正确识图,并从图象中提取所需的信息,是解答此类问题的关键,本题的分析思路具有一定的代表性,逻辑流程如下:



考法三 连接体问题

■ 归纳总结 ■

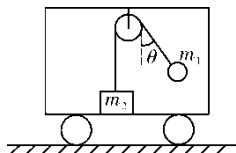
涉及整体法和隔离法的具体类型

(1) 通过滑轮和绳的连接体问题: 若要求绳的拉力, 一般都必须采用隔离法. 绳跨过定滑轮, 连接的两物体虽然加速度大小相同但方向不同, 故采用隔离法.

(2) 水平面上的连接体问题: 这类问题一般多是连接体(系统)中各物体保持相对静止, 即具有相同的加速度. 解题时, 一般整体法、隔离法交替应用.

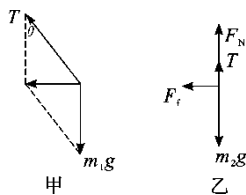
(3) 斜面体与上面物体组成的系统的问题: 当物体具有沿斜面方向的加速度, 而斜面体相对于地面静止时, 解题时一般采用隔离法分析.

[例3](多选) 如图所示, 质量为 m_2 的物体, 放在沿平直轨道向左行驶的车厢底板上, 并用竖直细绳通过光滑的定滑轮连接质量为 m_1 的物体. 当车向左匀加速运动时, 与物体 m_1 相连接的绳与竖直方向成 θ 角, m_2 与车厢相对静止. 则 (BD)



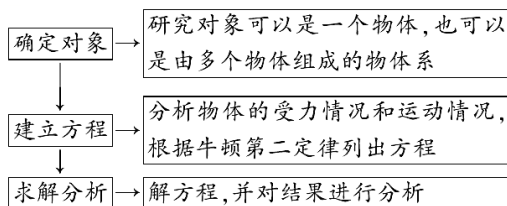
- A. 车厢的加速度为 $g \sin \theta$
- B. 绳对物体 m_1 的拉力 T 为 $\frac{m_1 g}{\cos \theta}$
- C. 地板对物体 m_2 的支持力 $F_N = (m_2 - m_1)g$
- D. 物体 m_2 所受底板的摩擦力 $F_f = m_2 g \tan \theta$

解: 以物体 m_1 为研究对象, 分析受力情况如图甲所示, 根据牛顿第二定律得 $m_1 g \tan \theta = m_1 a$, 得 $a = g \tan \theta$, 则车厢的加速度也为 $g \tan \theta$. 绳对物体 m_1 的拉力 $T = \frac{m_1 g}{\cos \theta}$, 故选项 A 错误, B 正确; 以物体 m_2 为研究对象, 分析其受力情况如图乙所示, 根据牛顿第二定律有 $F_N = m_2 g - T = m_2 g - \frac{m_1 g}{\cos \theta}$, $F_f = m_2 a = m_2 g \tan \theta$. 故选项 C 错误, D 正确.



■ 答题模板 ■

分析连接体问题的思路



考法四 传送带模型

传送带模型问题包括水平传送带问题和倾斜传送带问题.

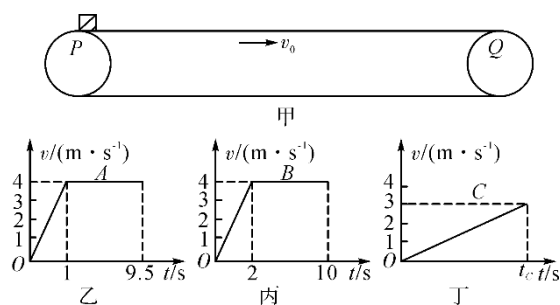
1. 水平传送带问题

求解的关键在于对物体所受的摩擦力进行正确的分析判断. 物体的速度与传送带速度相等的时刻就是物体所受摩擦力发生突变的时刻.

2. 倾斜传送带问题

求解的关键在于分析清楚物体与传送带的相对运动情况, 从而确定其是否受到滑动摩擦力作用. 当物体速度与传送带速度相等时, 物体所受的摩擦力有可能发生突变.

[例 4](2018·山东济南重点中学联考) 如图甲所示, 水平传送带沿顺时针方向匀速运转. 从传送带左端 P 先后由静止轻轻放上三个物体 A、B、C, 物体 A 经 $t_A = 9.5\text{s}$ 到达传送带另一端 Q, 物体 B 经 $t_B = 10\text{s}$ 到达传送带另一端 Q, 若释放物体时刻作为 $t=0$ 时刻, 分别作出三物体的 v - t 图象如图乙、丙、丁所示. 求:



- (1) 传送带的速度大小 v_0 ;
- (2) PQ 的长度 L ;
- (3) 物体 A、B、C 与传送带间的动摩擦因数;
- (4) 物体 C 从传送带左端 P 到右端 Q 所用的时间 t_C .

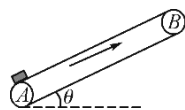
解: (1) 4 m/s (2) 36 m (3) 0.4 0.2 0.012 5 (4) 24 s

■ 归纳总结

滑块在水平传送带上运动常见的三个情景

项目	图示	滑块可能的运动情景
情景 1		(1) 可能一直加速 (2) 可能先加速后匀速
情景 2		(1) $v_0 > v$ 时, 可能一直减速, 也可能先减速再匀速
情景 3		(1) 传送带较短时, 滑块一直减速达到左端 (2) 传送带较长时, 滑块还要被传送带传回右端. 其中 $v_0 > v$ 返回时速度为 v , 当 $v_0 < v$ 返回时速度为 v_0

[例 5] 如图所示, 倾角为 $\theta = 30^\circ$ 的皮带运输机的皮带始终绷紧, 且以恒定速度 $v=2.5 \text{ m/s}$ 运动, 两轮相距 $L_{AB} = 5\text{m}$, 将质量 $m=1 \text{ kg}$ 的物体无初速度地轻轻放在 A 处, 若物体与皮带间的动摩擦因数 μ (取 $g=10 \text{ m/s}^2$), 物体从 A 运动到 B 共需多长时间?



解: 2.5 s

第一阶段, 物块向上匀加速运动, 由牛顿第二定律有

$$\mu mg \cos \theta - mg \sin \theta = ma_1,$$

代入数据求得 $a_1 = 2.5 \text{ m/s}^2$.

根据匀变速直线运动规律得 $v = a_1 t_1$, $x_1 = \frac{1}{2} a_1 t_1^2$,

代入数据求得 $t_1 = 1 \text{ s}$, $x_1 = 1.25 \text{ m}$.

第二阶段, 由于 $\mu > \tan \theta$, 故物体向上匀速运动.

$$L_{AB} - x_1 = vt_2,$$

$$t_2 = 1.5 \text{ s}.$$

$$\text{总时间 } t = t_1 + t_2 = 2.5 \text{ s}.$$

■ 归纳总结

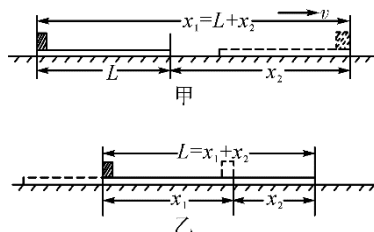
滑块在倾斜传送带上运动常见的四个情景

项目	图示	滑块可能的运动情景
情景 1		(1) 可能一直加速 (2) 可能先加速后匀速
情景 2		(1) 可能一直加速 (2) 可能先加速后减速 (3) 可能先以 a_1 加速后以 a_2 加速
情景 3		(1) 可能一直加速 (2) 可能先加速后匀速 (3) 可能一直减速 (4) 可能先以 a_1 加速后以 a_2 加速
情景 4		(1) 可能一直加速 (2) 可能一直减速 (3) 可能先减速后反向加速 (4) 可能一直减速

考法五 滑块——木板模型

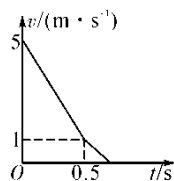
1. 模型特点: 滑块 (视为质点) 置于木板上, 滑块和木板均相对地面运动, 且滑块和木板在摩擦力的相互作用下发生相对滑动.

2. 位移关系: 滑块由木板一端运动到另一端的过程中, 滑块和木板同向运动时, 位移之差 $\Delta x = x_1 - x_2 = L$ (板长); 滑块和木板反向运动时, 位移之和 $\Delta x = x_2 + x_1 = L$.



[例 6] 一长木板在水平地面上运动, 在 $t=0$ 时刻将一相对于地面静止的物块轻放到木板上, 以后木板运动的速度—时间图象如图所示. 已知物块与木板的质量相等, 物块与木板间及木板与地面间均有摩擦. 物块与木板间的最大静摩擦力等于滑动摩擦力, 且物块始终在木板上, 取重力加速度的大小 $g = 10 \text{ m/s}^2$. 求:

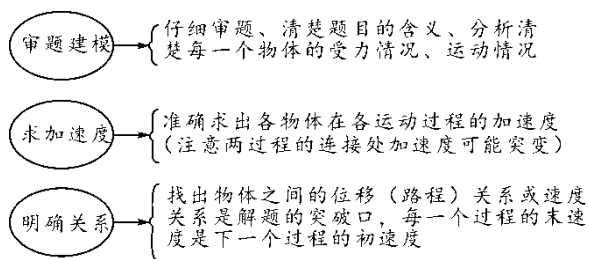
- (1) 物块与木板间、木板与地面间的动摩擦因数;
- (2) 从 $t=0$ 时刻到物块与木板均停止运动时, 物块相对于木板的位移的大小.



解: (1) 0.20 0.30 (2) 1.125 m

■ 答题模板 ■

“滑块——滑板”模型问题的分析思路



第三章 章末总结

1. 反向 ma

多个物体受力分析中，整体法的优越性不言而喻，但是应用此方法的条件较为苛刻：加速度相同。当两个物体加速度不同时，我们通常隔离后分析受力情况，此时分析过程冗长且耗时。反向 ma 则可以解决这一矛盾，下面以例 3.1 演示该方法的优越性。

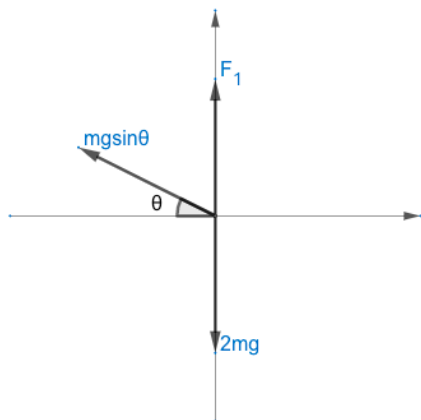
例 3.1 (2018 · 四川高考模拟) 质量为 m 的滑块沿放在水平地面上质量也为 m 的倾角为 θ 的固定光滑斜面下滑时，斜面对地面的压力大小为 F_1 ；当滑块和固定斜面接触面间有摩擦且滑块沿斜面匀速下滑时，斜面对地面的压力大小为 F_2 。则 $F_1 : F_2$ 等于

- A. $(1 + \cos^2 \theta) : 2$
- B. $(1 + \sin^2 \theta) : 2$
- C. $1 : 1$
- D. $(1 + \sin^2 \theta) : 2$

解：A

斜面不固定时：

如图建立直角坐标系，给滑块施加沿 x 轴反方向向上 θ 的力，大小为 $mg \sin \theta$ 。



此时有 $a_{\text{滑块}} = a_{\text{斜面}}$ ，整体受力分析得

$$F_1 = 2mg - mg \sin \theta \quad (3.1)$$

斜面固定时：

$$F_2 = 2mg \quad (3.2)$$

联立公式 (3.1)(3.2) 得

$$F_1 : F_2 = (1 + \cos^2 \theta) : 2 \quad (3.3)$$

2. 质量分配

• 简单模型

结论 外力 F 作用在物体 M 上, M 可任意分成 2 部分 m_A, m_B 。 m_A 与 m_B 无相对位移。若二者之间的力 T 与外力 F 共线且 F 作用在 m_B 上, 则 $T = \frac{m_A}{M} F = \frac{m_A}{m_A + m_B} F$

证明

整体受力分析

$$F = (m_A + m_B)a \quad (3.4)$$

隔离 m_A 受力分析

$$T = m_A a \quad (3.5)$$

联立公式 (3.4)(3.5) 得

$$T = \frac{m_A}{m_A + m_B} F \quad (3.6)$$

• 质量分配 + 伽利略变换 (★★★)

高中适用该方法的题目的受力情况一般相对复杂, 这种情况下可以将上述条件拓展:

结论 m_A, m_B 分别受到外力 F_A, F_B 的作用且满足条件 (3.7)

$$\frac{F_A}{m_A} = \frac{F_B}{m_B} \quad (3.7)$$

T 满足公式 (3.6)

证明 整体受力分析

$$F + F_A + F_B = (m_A + m_B)a \quad (3.8)$$

隔离 m_A 受力分析

$$T + F_A = m_A a \quad (3.9)$$

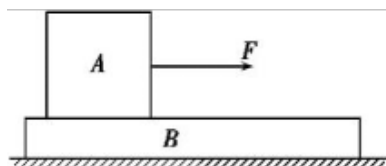
联立公式 (3.8)(3.9) 得

$$T = \frac{m_A}{m_A + m_B} F \quad (3.10)$$

更具艺术性的证明是直接应用公式 (3.7) 中的加速度, 通过伽利略变换即可将该模型转化为简单模型

3. 板块模型

本小节将会应用质量分配公式对板块模型进行简单的分析



如图所示, 已知: m_A , m_B , F , AB 间摩擦系数为 μ_1 , B 与地面摩擦系数为 μ_2

定义: a_c 为共同加速度

- $\mu_2 = 0$

- $0 < F < F_{\max}$

$$F = (m_A + m_B) a_c$$

$$f = \frac{m_B}{m_A + m_B} F = \mu_1 m_A g \Rightarrow F_{\max} = \frac{\mu_1 m_A g (m_A + m_B)}{m_B}$$

- $F_{\max} < F < \infty$

$$\begin{cases} F - \mu_1 m_A g = m_A a_A \\ \mu_1 m_A g = m_B a_B \end{cases}$$

- $\mu_2 \neq 0$ 且 $\mu_1 m_A g < \mu_2 (m_A + m_B) g$

- $0 < F < \mu_1 m_A g$

$$v_A = v_B = 0$$

- $\mu_1 m_A g < F < \infty$

$$\begin{cases} F - \mu_1 m_A g = m_A a_A \\ a_B = 0 \end{cases}$$

- $\mu_2 \neq 0$ 且 $\mu_1 m_A g > \mu_2 (m_A + m_B) g$

- $0 < F < \mu_2 (m_A + m_B) g$

$$v_A = v_B = 0$$

- $\mu_2 (m_A + m_B) g < F < F_{\max}$

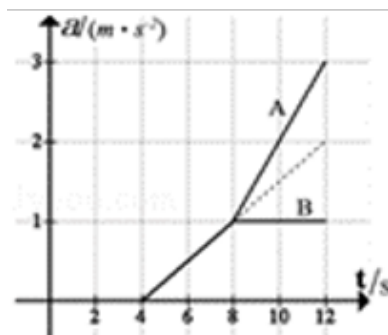
$$F - \mu_2 (m_A + m_B) g = (m_A + m_B) a_c$$

$$f = \frac{m_B F + m_A [\mu_2 (m_A + m_B) g]}{m_A + m_B} = \mu_1 m_A g \Rightarrow F_{\max} = \frac{(\mu_1 - \mu_2) m_A g (m_A + m_B)}{m_B}$$

- $F_{\max} < F < \infty$

$$\begin{cases} F - \mu_1 m_A g = m_A a_A \\ \mu_1 m_A g - \mu_2 (m_A + m_B) g = m_B a_B \end{cases}$$

例 3.2 若满足最后一种情况, 且 F 随时间 t 均匀增大: $F = kt$



$$F - \mu_2 (m_A + m_B) g = (m_A + m_B) a_c \Rightarrow a_c = \frac{F}{(m_A + m_B)} - \mu_2 g$$

$$F - \mu_1 m_A g = m_A a_A \Rightarrow a_A = \frac{F}{m_A} - \mu_1 g$$

$$\mu_1 m_A g - \mu_2 (m_A + m_B) g = m_B a_B \Rightarrow a_B = \frac{(\mu_1 - \mu_2) m_A g}{m_B} - \mu_2 g$$

4. 传送带模型

太多了，懒得迁移

第四章 曲线运动 万有引力与航天

第1讲 曲线运动 运动的合成与分解

1. 曲线运动

(1) 速度的方向

质点在某一点的速度方向，沿曲线在这一点的 __ 切线方向 __.

(2) 运动的性质

做曲线运动的物体，速度的 __ 方向 __ 时刻在改变，所以曲线运动是 __ 变速 __ 运动.

(3) 曲线运动的条件

物体所受合外力的方向跟它的速度方向 __ 不在同一条直线上 __ 或它的加速度方向与速度方向不在同一条直线上.

(4) 合力方向与轨迹的关系

物体做曲线运动的轨迹一定夹在合力方向和速度方向之间，速度方向与轨迹相切，合力方向 __ 指向曲线的“凹”侧 __.

(5) 运动类型的判断

①判断物体是否做匀变速运动，要分析合外力是否为恒力.

②判断物体是否做曲线运动，要分析合外力是否与速度成一定夹角.

③匀变速曲线运动的条件： $F_{\text{合}} \neq 0$ ，为恒力且与速度不共线.

④非匀变速曲线运动的条件： $F_{\text{合}} \neq 0$ ，为变力且与速度不共线.

2. 运动的合成与分解

(1) 基本概念

分运动 $\xrightarrow{\text{运动的合成}}$ 合运动.
运动的分解

(2) 分解原则

根据运动的 __ 实际效果 __ 分解，也可采用正交分解.

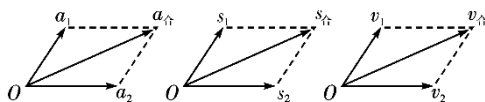
(3) 遵循的规律

位移、速度、加速度都是矢量，故它们的合成与分解都遵循 __ 平行四边形定则 __.

①如果各分运动在同一直线上，需选取正方向，与正方向同向的量取“+”号，与正方向反向的量取“-”号，从而将矢量运算简化为 __ 代数运算 __.

②两分运动不在同一直线上时，按照平行四边形定则进行合成，如图所示.

③两个分运动垂直时的合成，(其大小)满足：



$$a_{\text{合}} = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} \quad s_{\text{合}} = \sqrt{x^2 + y^2} \quad v_{\text{合}} = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

考法一 曲线运动的条件及特点

[例 1](多选) 质量为 m 的物体, 在 F_1 、 F_2 、 F_3 三个共点力的作用下做匀速直线运动, 保持 F_1 、 F_2 不变, 仅将 F_3 的方向改变 90° (大小不变) 后, 物体可能做 (BC)

- A. 加速度大小为 $\frac{F_3}{m}$ 的匀变速直线运动
 B. 加速度大小为 $\frac{\sqrt{2}F_3}{m}$ 的匀变速直线运动
 C. 加速度大小为 $\frac{\sqrt{2}F_3}{m}$ 的匀变速曲线运动
 D. 匀速直线运动

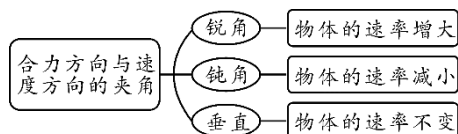
解: 物体在 F_1 、 F_2 、 F_3 三个共点力作用下做匀速直线运动, 必有 F_3 与 F_1 、 F_2 的合力等大反向, 当 F_3 大小不变, 方向改变 90° 时, F_1 、 F_2 的合力大小仍为 F_3 , 方向与改变方向后的 F_3 夹角为 90° , 故 $F_{\text{合}}=F_3$, 加速度 $a = \frac{F_{\text{合}}}{m} = \frac{\sqrt{2}F_3}{m}$. 若初速度方向与 $F_{\text{合}}$ 方向共线, 则物体做匀变速直线运动; 若初速度方向与 $F_{\text{合}}$ 方向不共线, 则物体做匀变速曲线运动, 综上所述选项 B、C 正确.

■ 归纳总结

(1) 判断物体是做曲线运动还是做直线运动, 关键要看 a 和 v 的方向, 两者方向在同一直线上则做直线运动, 否则做曲线运动.

(2) 曲线上某点处合外力的方向在曲线上该点的切线的哪一侧, 曲线就向哪一侧弯曲; 曲线轨迹必定夹在 a 、 v 方向之间.

(3) 合力方向与速率变化的关系

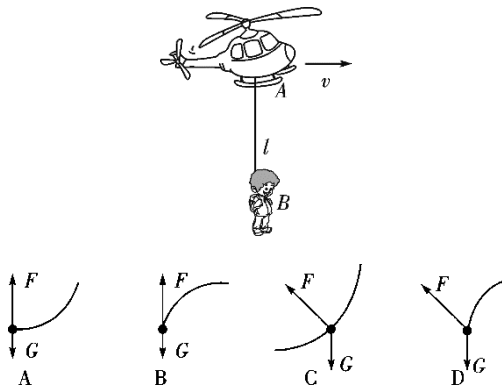


考法二 运动的合成与分解

1. 运动的合成与分解的运算法则：平行四边形定则.
2. 两个直线运动的合运动性质的判断标准：看合初速度方向与合加速度方向是否共线

两个互成角度的分运动	合运动的性质
两个匀速直线运动	匀速直线运动
一个匀速直线运动、一个匀变速直线运动	匀变速曲线运动
两个初速度为零的匀加速直线运动	匀加速直线运动
两个初速度不为零的匀变速直线运动	如果 $v_{\text{合}}$ 与 $a_{\text{合}}$ 共线，为匀变速直线运动 如果 $v_{\text{合}}$ 与 $a_{\text{合}}$ 不共线，为匀变速曲线运动

[例 2] 如图所示，在一次抗洪救灾工作中，一架离水面高为 h ，沿水平直线飞行的直升机 A，用悬索(重力可忽略不计)救护困在湖水中的伤员 B，在直升机 A 和伤员 B 以相同的水平速率匀速运动的同时，悬索将伤员吊起. 设经 t 时间后，A、B 之间的距离为 l ，且 $l = h - 2t^2$. 在这段时间内关于伤员 B 的受力情况和运动轨迹正确的是图中的 (A)



[思维导引] ①确定伤员 B 在水平方向和竖直方向的运动性质. ②判断伤员的运动轨迹是直线还是曲线及轨迹弯曲方向.

解：由 $l = h - 2t^2$ 可知 B 在竖直方向为匀加速直线运动，悬索拉力大于重力，在水平方向为匀速直线运动，故运动轨迹为曲线，且向上弯曲，选项 A 正确.

■ 归纳总结

合运动和分运动的关系

- (1) 等时性：各个分运动与合运动总是同时开始，同时结束，经历时间相等(不同时的运动不能合成).
- (2) 独立性：一个物体同时参与几个分运动时，各分运动独立进行，互不影响.
- (3) 等效性：各分运动叠加起来与合运动有完全相同的效果.
- (4) 同一性：各分运动与合运动是指同一物体参与的分运动和实际发生的运动，不能是几个不同物体发生的不同运动.

考法三 小船渡河模型

1. 船的实际运动：是水流的运动和船相对静水的运动的合运动。
2. 三种速度：船在静水中的速度 $v_{\text{船}}$ 、水的流速 $v_{\text{水}}$ 、船的实际速度 v 。
3. 三种情况

情况	图示	说明
渡河时间最短		当船头垂直河岸时，渡河时间最短，最短时间 $t_{\min} = \frac{d}{v_{\text{船}}}$
渡河位移最短		当 $v_{\text{水}} < v_{\text{船}}$ 时，如果满足 $v_{\text{水}} = v_{\text{船}} \cos \theta$ ，渡河位移最短， $x_{\min} = d$ ，此时渡河时间 $t = \frac{d}{v_{\text{合}}} = \frac{d}{v_{\text{船}}}$
		当 $v_{\text{水}} > v_{\text{船}}$ 时，如果船头方向（即 $v_{\text{船}}$ 方向）与合速度方向垂直，渡河位移最短，最短渡河位移为 $x_{\min} = \frac{dv_{\text{水}}}{v_{\text{船}}}$

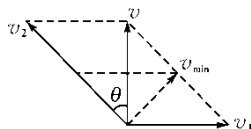
[例 4](2018 · 湖北宜昌检测) 如图所示，一艘轮船正在以 4m/s 的速度沿垂直于河岸方向匀速渡河，河中各处水流速度都相同，其大小为 $v_1 = 3\text{m/s}$ ，行驶中，轮船发动机的牵引力与船头朝向的方向相同。某时刻发动机突然熄火，轮船牵引力随之消失，轮船相对于水的速度逐渐减小，但船头方向始终未发生变化。求：



- (1) 发动机未熄灭时，轮船相对于静水行驶的速度大小；
- (2) 发动机熄火后，轮船相对于河岸速度的最小值。

解：(1) 5m/s (2) 2.4m/s

(1) 发动机未熄火时，轮船运动速度 v 与水流速度 v_1 方向垂直，如图所示，故此时船相对于静水的速度 v_2 的大小 $v_2 = \sqrt{v^2 + v_1^2} = \sqrt{4^2 + 3^2}\text{m/s} = 5\text{m/s}$ ，设 v 与 v_2 的夹角为 θ ，则 $\cos \theta = \frac{v}{v_2} = 0.8$ 。



(2) 熄火前，船的牵引力沿 v_2 的方向，水的阻力与 v_2 的方向相反，熄火后，牵引力消失，在阻力作用下， v_2 逐渐减小，但其方向不变，当 v_2 与 v_1 的矢量和与 v_2 垂直时，轮船的合速度最小，则 $v_{\min} = v_1 \cos \theta = 3 \times 0.8\text{m/s} = 2.4\text{m/s}$ 。

考法四 关联速度问题

1. 模型特点

绳(杆)拉物体或物体拉绳(杆), 以及两物体通过绳(杆)相连, 物体运动方向与绳(杆)不在一条直线上, 求解运动过程中它们的速度关系, 都属于该模型.

2. 模型分析

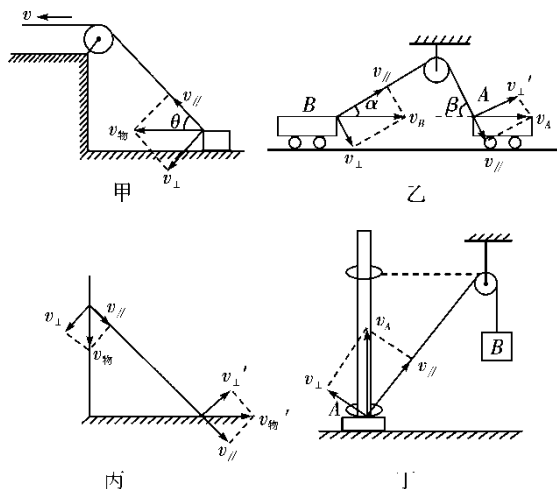
(1) 合速度 \rightarrow 物体的实际运动速度 v ;

(2) 分速度其一: 沿绳或杆的速度 v_1 ; 其二: 与绳或杆垂直的分速度 v_2 .

3. 解题方法

把物体的实际速度分解为垂直于绳(杆)和平行于绳(杆)两个分量, 根据沿绳(杆)方向的分速度大小相等求解.

4. 常见模型示例



■ 解题技巧 ■

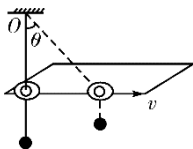
绳(杆)端速度分解的技巧

(1) 明确分解谁——分解不沿绳(杆)方向运动物体的速度;

(2) 知道如何分解——沿绳(杆)方向和垂直绳(杆)方向分解;

(3) 求解依据——因为绳(杆)不能伸长, 所以沿绳(杆)方向的速度分量大小相等.

[例 5](2018 · 河南中原名校联考) 如图所示, 细线一端固定在天花板上的 O 点, 另一端穿过一张 CD 光盘的中央小孔后拴着一个橡胶球, 橡胶球静止时, 竖直悬线刚好挨着水平桌面的边沿. 现将 CD 光盘按在桌面上, 并沿桌面边缘以速度 v 匀速移动, 移动过程中, CD 光盘中央小孔始终紧挨桌面边线, 当悬线与竖直方向的夹角为 θ 时, 小球上升的速度大小为 (A)



A. $v \sin \theta$

B. $v \cos \theta$

C. $v \tan \theta$

D. $v \cot \theta$

[思维导图引] 光盘向右的速度是合速度.

第 2 讲 抛体运动的规律及应用

1. 平抛运动

(1) 定义：将物体以一定的初速度沿 __ 水平方向 __ 抛出，物体只在 __ 重力 __ 作用下的运动。

(2) 性质：平抛运动是加速度为 g 的 __ 匀变速曲线 __ 运动，运动轨迹是 __ 抛物线 __。

(3) 研究方法：运动的合成与分解。

①水平方向：__ 匀速直线 __ 运动；②竖直方向：__ 自由落体 __ 运动。

2. 斜抛运动

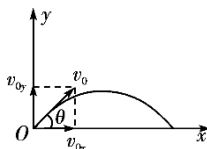
(1) 定义：将物体以初速度 v_0 __ 斜向上方 __ 或 __ 斜向下方 __ 抛出，物体只在 __ 重力 __ 作用下的运动。

(2) 性质：斜抛运动是加速度为 g 的 __ 匀变速曲线 __ 运动，运动轨迹是 __ 抛物线 __。

(3) 研究方法：运动的合成与分解。

①水平方向：__ 匀速直线 __ 运动；②竖直方向：__ 匀变速直线 __ 运动。

(4) 基本规律 (以斜上抛运动为例，如图所示)

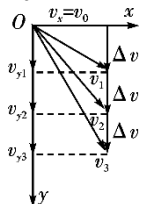


①水平方向： $v_{0x} = v_0 \cos \theta$, $F_{\text{合}x} = 0$;

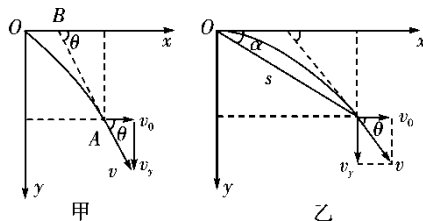
②竖直方向： $v_{0y} = v_0 \sin \theta$, $F_{\text{合}y} = mg$.

考法一 平抛运动的基本规律

1. 关于平抛运动必须掌握的四个物理量

物理量	相关分析
飞行时间 (t)	$t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$, 飞行时间取决于下落高度 h , 与初速度 v_0 无关
水平射程 (x)	$x = v_0 t = v_0 \frac{2h}{g}$, 即水平射程由初速度 v_0 和下落高度 h 共同决定, 与其他因素无关
落地速度 (v)	$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$, 以 θ 表示落地时速度与 x 轴正方向间的夹角, 有 $\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{\sqrt{2gh}}{v_0}$, 所以落地速度也只与初速度 v_0 和下落高度 h 有关
速度的改变量 (Δv)	 <p>因为平抛运动的加速度为恒定的重力加速度 g, 所以做平抛运动的物体在任意相等时间间隔 Δt 内的速度改变量 $\Delta v = g\Delta t$ 相同, 方向恒为竖直向下, 如图所示</p>

2. 平抛运动的两个重要推论



(1) 做平抛运动的物体任一时刻的瞬时速度的反向延长线一定通过此时水平位移的中点, 如图甲中 A 点和 B 点所示. 其推导过程为 $\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{gt}{v_0} = \frac{y}{\frac{x}{2}}$.

(2) 做平抛运动的物体在任一时刻任一位置处, 设其速度方向与水平方向的夹角为 θ , 位移与水平方向的夹角为 α , 则 $\tan \theta = 2 \tan \alpha$. 如图乙所示. 其推导过程为 $\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{gt \cdot t}{v_0 \cdot t} = \frac{2y}{x} = 2 \tan \alpha$.

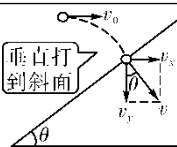
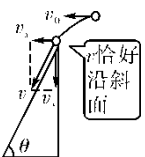
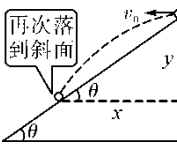
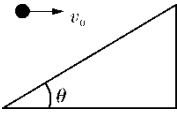
■ 解题技巧 I

“化曲为直”思想在平抛运动中的应用

根据运动效果的等效性, 利用运动分解的方法, 将其转化为我们所熟悉的两个方向上的直线运动:

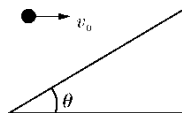
- (1) 水平方向的匀速直线运动;
- (2) 竖直方向的自由落体运动.

考法二 与斜面关联的平抛运动

方法	运动情景	定量关系	总结
分解速度		$v_x = v_0$ $v_y = gt$ $\tan \theta = \frac{v_x}{v_y} = \frac{v_0}{gt}$	速度方向与 θ 有关, 分解速度, 构建速度三角形
		$v_x = v_0$ $v_y = gt$ $\tan \theta = \frac{v_x}{v_y} = \frac{gt}{v_0}$	
分解位移		$x = v_0 t$ $y = \frac{1}{2} gt^2$ $\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{gt}{2v_0}$	位移方向与 θ 有关, 分解位移, 构建位移三角形
		$x = v_0 t$ $y = \frac{1}{2} gt^2$ $\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{2v_0}{gt}$	

[例 2](2018 · 湖北黄冈调研) 如图所示, 小球以 $v_0 = 10\text{m/s}$ 的速度水平抛出, 斜面的夹角 $\theta = 37^\circ$, 取 $g = 10\text{m/s}^2$, $\sin 37^\circ = 0.6$, $\cos 37^\circ = 0.8$, 不计空气阻力.

- (1) 若小球垂直打到斜面上, 求飞行时间 t_1 ;
- (2) 若小球到达斜面的位移最小, 求飞行时间 t_2 .



解: (1) $\frac{4}{3}\text{s}$ (2) $\frac{8}{3}\text{s}$

考法三 平抛运动中的临界问题

■ 解题技巧 I

(1) 处理平抛运动中的临界问题应抓住两点

①找出临界状态对应的临界条件；

②要用分解速度或者分解位移的思想分析平抛运动的临界问题.

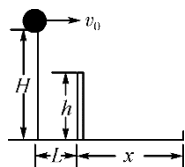
(2) 平抛运动临界问题的分析方法

①确定运动性质；

②确定临界状态；

③确定临界状态的运动轨迹，并画出轨迹示意图.

[例 3](2018·陕西西安调研) 如图所示，水平屋顶高 $H=5\text{ m}$ ，围墙高 $h=3.2\text{ m}$ ，围墙到房子的水平距离 $L=3\text{ m}$ ，围墙外空地宽 $x=10\text{ m}$ ，为使小球从屋顶水平飞出落在围墙外的空地上， g 取 10 m/s^2 . 求：



(1) 小球离开屋顶时的速度 v_0 的大小范围；

(2) 小球落在空地上的最小速度的大小.

[思维导引] (1) 求出小球恰好落到空地边缘时水平初速度 v_{01} 和小球恰好越过墙的边缘的水平初速度 v_{02} . (2) 明确小球落在空地上的最小速度对应的水平初速度.

解： (1) $5\text{ m/s} \leq v_0 \leq 13\text{ m/s}$ (2) 5 m/s

(1) 设小球恰好落到空地的右侧边缘时的水平初速度为 v_{01} ，则小球的水平位移 $L+x=v_{01}t_1$ ，小球的竖直位移 $H=\frac{1}{2}gt_1^2$ ，

解以上两式得 $v_{01}=(L+x)\sqrt{\frac{g}{2H}}=13\text{ m/s}$.

设小球恰好越过围墙的边缘时的水平初速度为 v_{02} ，则此过程中小球的水平位移 $L=v_{02}t_2$ ，

小球的竖直位移 $H-h=\frac{1}{2}gt_2^2$ ，

解以上两式得 $v_{02}=5\text{ m/s}$ ，

小球抛出时的速度大小的范围为 $5\text{ m/s} \leq v_0 \leq 13\text{ m/s}$.

(2) 小球落在空地上，下落高度一定，落地时的竖直分速度一定，当小球恰好越过围墙的边缘落在空地上时，落地速度最小.

竖直方向 $v_y^2=2gH$ ，

又有 $v_{\min}=\sqrt{v_{02}^2+v_y^2}$ ，

解得 $v_{\min}=5\sqrt{5}\text{ m/s}$.

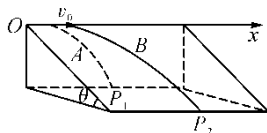
考法四 类平抛运动

■ 解题技巧 ■

(1) 类平抛运动与平抛运动的处理方法相同，但要搞清楚其加速度的大小和方向。

(2) 需注意的是，类平抛运动的初速度的方向不一定是水平方向，合力的方向不一定是竖直方向，一般情况下加速度 $a \neq g$ ，但恒有 $a \perp v_0$ 。

[例 4] 如图所示，A、B 两质点从同一点 O 分别以相同的水平速度 v_0 沿 x 轴正方向抛出，A 在竖直平面内运动，落地点为 P_1 ；B 沿光滑斜面运动，落地点为 P_2 ， P_1 和 P_2 在同一水平面上，不计阻力，则下列说法正确的是 (D)



- A. A、B 的运动时间相同
- B. A、B 沿 x 轴方向的位移相同
- C. A、B 运动过程中的加速度大小相同
- D. A、B 落地时速度大小相同

解： 设 O 点与水平面的高度差为 h ，由 $h = \frac{1}{2}gt^2$ ， $\frac{h}{\sin \theta} = \frac{1}{2}g \sin \theta \cdot t_2^2$ 可得 $t_1 = \sqrt{\frac{2h}{g}}$ ， $t_2 = \sqrt{\frac{2h}{g \sin^2 \theta}}$ ，故 $t_1 < t_2$ ，选项 A 错误；由 $x_1 = v_0 t_1$ ， $x_2 = v_0 t_2$ ，可知 $x_1 < x_2$ ，选项 B 错误；由 $a_1 = g$ ， $a_2 = g \sin \theta$ 可知，选项 C 错误；A 落地的速度大小为 $v_A = \sqrt{v_0^2 + (gt_1)^2} = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$ ，B 落地的速度大小 $v_B = \sqrt{v_0^2 + (a_2 t_2)^2} = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$ ，所以 $v_A = v_B$ ，故选项 D 正确。

第 3 讲 圆周运动的规律及应用

1. 描述圆周运动的物理量

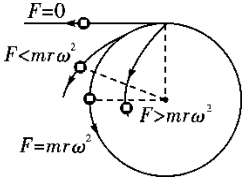
	定义、意义	公式、单位
线速度	(1) 描述做圆周运动的物体运动快慢的物理量 (v) (2) 是矢量，方向和半径垂直，和圆周相切	(1) $v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2\pi r}{T}$ (2) 单位: m/s
角速度	(1) 描述物体绕圆心转动快慢的物理量 (ω) (2) 中学不研究其方向	(1) $\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T}$ (2) 单位: rad/s
周期和转速	(1) 周期是物体沿圆周运动一圈的时间 (T) (2) 转速是物体在单位时间内转过的圈数 (n)，也叫频率 (f)	(1) $T = \frac{2\pi r}{v}$; 单位: s (2) n 的单位: r/s、r/min (3) f 的单位: Hz, $f = \frac{1}{T}$
向心加速度	(1) 描述速度方向变化快慢的物理量 (a_n) (2) 方向指向圆心	(1) $a_n = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$ (2) 单位: m/s^2
向心力	(1) 作用效果是产生向心加速度，只改变线速度的方向，不改变线速度的大小 (2) 方向指向圆心	(1) $F_n = m\omega^2 r = m \frac{v^2}{r} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r$ (2) 单位: N
相互关系	(1) $v = r\omega = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi r f$ (2) $a_n = \frac{v^2}{r} = r\omega^2 = \omega v = \frac{4\pi^2 r}{T^2} = 4\pi^2 f r$ (3) $F_n = m \frac{v^2}{r} = mr\omega^2 = m \frac{4\pi^2 r}{T^2} = m\omega v = m4\pi^2 R r$	

2. 匀速圆周运动的向心力

- (1) 作用效果：产生向心加速度，只改变线速度的方向，不改变线速度的大小。
 (2) 大小： $F_n = m \frac{v^2}{r} = mr\omega^2 = \frac{4\pi^2 r}{T^2} = m\omega v = m \cdot 4\pi^2 f^2 r$.
 (3) 方向：始终沿半径指向 __ 圆心 __.
 (4) 来源：向心力可以由一个力提供，也可以由几个力的 __ 合力 __ 提供，还可以由一个力的 __ 分力 __ 提供.

3. 离心运动

- (1) 定义：做 __ 圆周 __ 运动的物体，在所受合力突然消失或不足以提供圆周运动所需 __ 向心力 __ 的情况下，所做的逐渐远离圆心的运动。
 (2) 本质：做圆周运动的物体，由于本身的惯性，总有沿着圆周切线方向飞出去的倾向。



(3) 受力特点

- ① 当 $F = m^2 r$ 时，物体做 __ 匀速圆周 __ 运动；
 ② 当 $F=0$ 时，物体沿 __ 切线 __ 方向飞出；

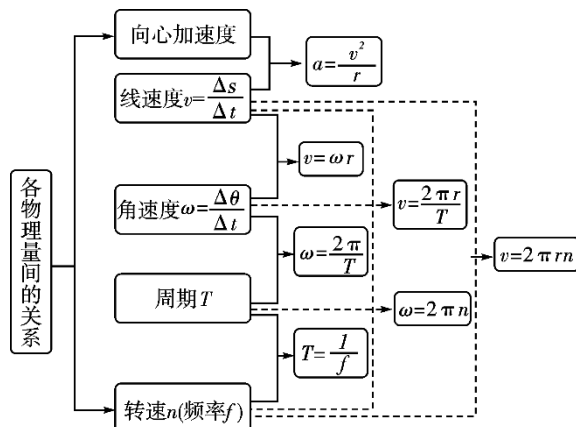
③当 $F < m^2r$ 时, 物体逐渐 __ 远离 __ 圆心, 做离心运动.

4. 近心运动

当提供向心力的合力大于做圆周运动所需向心力, 即 $F > m^2r$ 时, 物体将逐渐 __ 靠近 __ 圆心, 做近心运动.

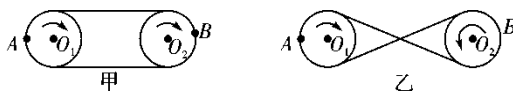
考法一 圆周运动中的运动学分析

1. 圆周运动各物理量间的关系

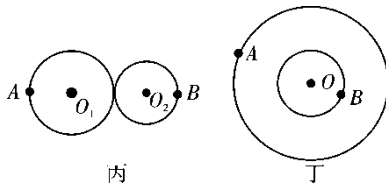


2. 常见的三种传动方式及特点

(1) 皮带传动：如图甲、乙所示，皮带与两轮之间无相对滑动时，两轮边缘线速度大小相等，即 $v_A = v_B$ 。



(2) 摩擦传动：如图丙所示，两轮边缘接触，接触点无打滑现象时，两轮边缘线速度大小相等，即 $v_A = v_B$ 。



(3) 同轴传动：如图丁所示，两轮固定在一起绕同一转轴转动，两轮转动的角速度大小相等，即 $\omega_A = \omega_B$ 。

■ 解题技巧 ■

解答传动装置类问题的方法

(1) 确定所研究问题属于哪类传动方式，抓住传动装置的特点。

①同轴传动：固定在一起共轴转动的物体上各点角速度相同；②皮带传动、齿轮传动和摩擦传动：皮带(或齿轮)传动和不打滑的摩擦传动的两轮边缘上各点线速度大小相等。

(2) 结合公式 $v = \omega r$ ， v 一定时 ω 与 r 成反比， ω 一定时 v 与 r 成正比，判定各点 v 、 ω 的比例关系，若判定向心加速度 a 的比例，巧用 $a = \omega v$ 这一规律。

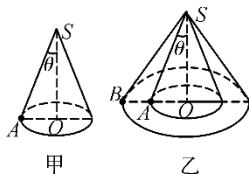
考法二 圆周运动中的动力学分析

■ 归纳总结

解答圆周运动中的动力学问题的分析思路

- (1) 几何关系的分析, 目的是确定圆周运动的圆心、半径等.
 (2) 运动分析, 目的是表示出物体做圆周运动所需要的向心力.
 (3) 受力分析, 目的是利用力的合成与分解知识, 表示出物体做圆周运动时, 外界所提供的向心力.

[例 2](2018 · 湖北武汉模拟)(多选) 如图甲所示, 一根细线上端固定在 S 点, 下端连一小铁球 A, 让小铁球在水平面内做匀速圆周运动, 此装置构成一圆锥摆 (不计空气阻力). 下列说法中正确的是 (AC)



- A. 小球做匀速圆周运动时的角速度一定大于 $\sqrt{\frac{g}{l}}$ (l 为摆长)
 B. 小球做匀速圆周运动时, 受到重力、细线的拉力和向心力作用
 C. 另有一个圆锥摆, 摆长更大一点, 两者悬点相同, 如图乙所示, 如果改变两小球的角速度, 使两者恰好在同一水平面内做匀速圆周运动, 则 B 球的角速度等于 A 球的角速度
 D. 如果两个小球的质量相等, 则在图乙中两根细线受到的拉力相等

解: 小球受力如图所示, 由圆周运动规律可得 $F_n = mr\omega^2$, 又 $F_n = mg \tan \theta$, 解得 $\omega = \sqrt{\frac{g \tan \theta}{r}}$, $r = l \sin \theta$, 可得 $\omega = \sqrt{\frac{g}{l \cos \theta}}$ ($0^\circ < \theta < 90^\circ$), 可知小球做匀速圆周运动时的角速度一定大于 $\sqrt{\frac{g}{l}}$, 故选项 A 正确; 向心力是效果力, 匀速圆周运动的向心力是由合力提供的, 小球做匀速圆周运动时, 重力和细线的拉力的合力充当向心力, 故选项 B 错误; 由 $\omega = \sqrt{\frac{g}{l \cos \theta}}$, $l \cos \theta = h$, 所以 $\omega = \sqrt{\frac{g}{h}}$, 由于高度相同, B 球的角速度等于 A 球的角速度, 故选项 C 正确; 由图可知 $T = \frac{mg}{\cos \theta}$, 由于 $\theta_B > \theta_A$, 如果两个小球的质量相等, 则 $T_B > T_A$, 故选项 D 错误.

■ 答题模板

圆周运动中的动力学分析思路

确定研究对象 → 对其受力分析 → 确定轨迹平面 → 找出向心力 → 由牛顿第二定律确定各量关系

考法三 水平转盘中圆周运动物体的临界问题

1. 判断临界状态: 有些题目中有“刚好”“恰好”“正好”等字眼, 明显表明题述的过程存在着临界点; 若题目中有“取值范围”“多长时间”“多大距离”等词语, 表明题述的过程存在着“起止点”, 而这些起止点往往就是临界状态; 若题目中有“最大”“最小”“至多”“至少”等字眼, 表明题述的过程存在着极值, 这个极值点也往往是临界状态。

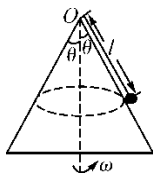
2. 确定临界条件: 判断题述的过程存在临界状态之后, 要通过分析弄清临界状态出现的条件, 并以数学形式表达出来。

3. 选择物理规律: 当确定了物体运动的临界状态和临界条件后, 对于不同的运动过程或现象, 要分别选择相对应的物理规律, 然后再列方程求解。

[例 3](2018 · 江苏苏州调研) 如图所示, 用一根长为 $l=1\text{m}$ 的细线, 一端系一质量为 $m=1\text{kg}$ 的小球 (可视为质点), 另一端固定在一光滑锥体顶端, 锥面与竖直方向的夹角 $\theta = 37^\circ$, 当小球在水平面内绕锥体的轴做匀速圆周运动的角速度为 ω 时, 细线的张力为 F_T . 求: ($\sin = 0.6$, $\cos 37^\circ = 0.8$, g 取 10m/s^2 , 结果可用根式表示)

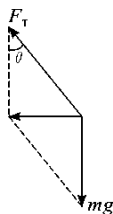
(1) 若要小球刚好离开锥面, 则小球的角速度 ω_0 至少为多大?

(2) 若细线与竖直方向的夹角为 60° , 则小球的角速度 ω' 为多大?



解: (1) $\frac{5}{2}\sqrt{2}\text{rad/s}$ (2) $2\sqrt{5}\text{rad/s}$

(1) 若要小球刚好离开锥面, 则小球只受到重力和细线的拉力, 受力分析如图所示. 小球做匀速圆周运动的轨迹圆在水平面上, 故向心力水平, 在水平方向运动用牛顿第二定律及向心力公式得



$$mg \tan \theta = m\omega_0^2 l \sin \theta$$

$$\text{解得 } \omega_0^2 = \frac{g}{l \cos \theta}$$

$$\text{即 } \omega_0 = \sqrt{\frac{g}{l \cos \theta}} = \frac{5}{2}\sqrt{2}\text{rad/s}$$

(2) 同理, 当细线与竖直方向成 60° 角时, 由牛顿第二定律及向心力公式得

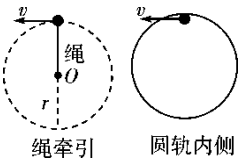
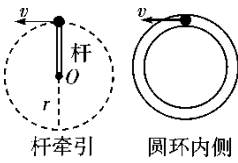
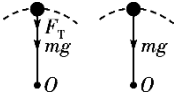
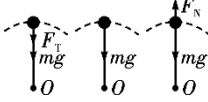
$$mg \tan \alpha = m\omega'^2 l \sin \alpha$$

$$\text{解得 } \omega'^2 = \frac{g}{l \cos \alpha}, \text{ 即}$$

$$\omega' = \sqrt{\frac{g}{l \cos \alpha}} = 2\sqrt{5}\text{rad/s}$$

考法四 竖直面内圆周运动物体的临界问题

在竖直平面内做圆周运动的物体，按运动到轨道最高点时的受力情况可分为两类：一是无支撑(如球与绳连接、沿内轨道运动的过山车等)，称为“绳(环)约束模型”，二是有支撑(如球与杆连接、在弯管内的运动等)，称为“杆(管)约束模型”。下面对绳、杆模型涉及的临界问题进行比较，分析如下：

	轻绳牵球	轻杆牵球
图例		
实例	绳连接、水流星、沿内轨道过山车等	球杆连接、过拱桥等(注意过拱桥与球杆连接的区别)
受力示意图		
最高点临界条件	根据 $mg = \frac{mv_{\text{临界}}^2}{r}$ ，则 $v_{\text{临界}} = \sqrt{gr}$	由于杆的支撑作用， $v_{\text{临界}} = 0$
最高点受力与运动情况讨论分析	①能过最高点的条件 $v \geq v_{\text{临界}} = \sqrt{gr}$ $F_T + mg = m\frac{v^2}{r}$ ，绳、轨道对球产生弹力 $F_T \geq 0$ ，方向指向圆心； ②不能过最高点的条件 $v < v_{\text{临界}} = \sqrt{gr}$ ，在到达最高点前小球已经脱离了圆周轨道	①当 $v=0$ 时，杆对小球有竖直向上的支持力 F_N ，且 $F_N = mg$ ； ②当 $0 < v < \sqrt{gr}$ 时，杆对小球有竖直向上的支持力 F_N ，其大小随速度的增大而减小，且 $0 < F_N < mg$ ； ③当 $v = \sqrt{gr}$ 时，杆对小球没有作用力，即 $F_T = 0$ ； ④当 $v > \sqrt{gr}$ 时，杆对小球有竖直向下的拉力 F_N ，其大小随速度的增大而增大

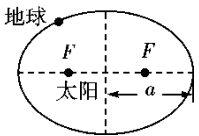
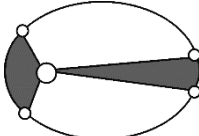
■ 归纳总结

竖直面内圆周运动类问题的解题技巧

- (1) 定模型：首先判断是轻绳模型还是轻杆模型，两种模型过最高点的临界条件不同。
- (2) 确定临界点：抓住绳模型中最高点 $v \geq \sqrt{gr}$ 及杆模型中 $v \geq 0$ 这两个临界条件。
- (3) 研究状态：通常情况下竖直平面内的圆周运动只涉及最高点和最低点的运动情况。
- (4) 受力分析：对物体在最高点或最低点时进行受力分析，根据牛顿第二定律列出方程， $F_{\text{合}} = F_{\text{向}}$ 。
- (5) 过程分析：应用动能定理或机械能守恒定律将初、末两个状态联系起来列方程。

第 4 讲 万有引力与航天

1. 开普勒三定律的内容、公式

定律	内容	图示或公式
开普勒第一定律 (轨道定律)	所有行星绕太阳运动的轨道都是椭圆，太阳处在椭圆的一个焦点上	
开普勒第二定律 (面积定律)	对任意一个行星来说，它与太阳的连线在相等的时间内扫过的面积相等	
开普勒第三定律 (周期定律)	所有行星的轨道的半长轴的三次方跟它的公转周期的二次方的比值都相等	$\frac{a^3}{T^2} = k, k$ 是一个与行星无关的常量

2. 万有引力定律

(1) 内容：自然界中任何两个物体都是相互吸引的，引力的大小与 两物体的质量的乘积 成正比，与 两物体间的距离的二次方 成反比。

(2) 公式： $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ ，其中 G 为万有引力常量， $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{Nm}^2/\text{kg}^2$ ，其值由卡文迪许通过扭秤实验测得。

(3) 使用条件：适用于两个 质点 或均匀球体；r 为两质点或均匀球体球心间的距离。

3. 宇宙速度

(1) 第一宇宙速度

①第一宇宙速度又叫 环绕 速度，其数值为 7.9 km/s。

②第一宇宙速度是人造卫星在 地面 附近环绕地球做匀速圆周运动时具有的速度。

③第一宇宙速度是人造卫星的最小 发射 速度，也是人造卫星的最大 环绕 速度。

④第一宇宙速度的计算方法。

由 $G \frac{Mm}{R^2} = m \frac{v^2}{R}$ 得 $v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$ ；

由 $mg = m'g_R$ 得 $v = \sqrt{gR}$ 。

(2) 第二宇宙速度

使物体挣脱 地球 引力束缚的最小发射速度，其数值为 11.2 km/s。

(3) 第三宇宙速度

使物体挣脱 太阳 引力束缚的最小发射速度，其数值为 16.7 km/s。

考法一 万有引力定律的理解与应用

1. 地球表面的重力与万有引力

地面上的物体所受地球的吸引力产生两个效果, 其中一个分力提供了物体绕地轴做圆周运动的向心力, 另一个分力等于重力.

(1) 在两极, 向心力等于零, 重力等于万有引力;

(2) 除两极外, 物体的重力都比万有引力小;

(3) 在赤道处, 物体的万有引力分解为两个分力 $F_{\text{向}}$ 和 mg 刚好在一条直线上, 则有 $F = F_{\text{向}} + mg$, 所以 $mg = F - F_{\text{向}} = \frac{GMm}{R^2} - mR\omega_{\text{自}}^2$.

2. 地球表面附近 (脱离地面) 的重力与万有引力

物体在地球表面附近 (脱离地面) 时, 物体所受的重力等于地球表面处的万有引力, 即 $mg = \frac{GMm}{R^2}$, R 为地球半径, g 为地球表面附近的重力加速度, 此处也有 $GM = gR^2$.

3. 距地面一定高度处的重力与万有引力

物体在距地面一定高度 h 处时, $mg' = \frac{GMm}{(R+h)^2}$, R 为地球半径, g' 为该高度处的重力加速度.

考法二 天体的质量和密度的计算

1. “g、R” 计算法

利用天体表面的重力加速度 g 和天体半径 R

(1) 由 $G\frac{Mm}{R^2} = mg$ 得天体质量 $M = \frac{gR^2}{G}$.

(2) 天体密度 $\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{3g}{4\pi GR}$.

2. “T、r” 计算法

测出卫星绕天体做匀速圆周运动的半径 r 和周期 T

(1) 由 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{4\pi^2 r}{T^2}$ 得天体的质量 $M = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$.

(2) 若已知天体的半径 R , 则天体的密度 $\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{3\pi r^3}{GT^2 R^3}$.

(3) 若卫星绕天体表面运行时, 可认为轨道半径 r 等于天体半径 R , 则天体密度 $\rho = \frac{3\pi}{GT^2}$, 可见, 只要测出卫星环绕天体表面运动的周期 T , 就可估算出中心天体的密度.

■ 误区防范 ■

估算天体质量和密度时应注意的问题

(1) 利用万有引力提供天体做圆周运动的向心力估算天体质量时, 估算的只是中心天体的质量, 并非环绕天体的质量.

(2) 区别天体半径 R 和卫星轨道半径 r , 只有在天体表面附近的卫星才有 $r \approx R$; 计算天体密度时, $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ 中的 R 只能是中心天体的半径.

考法三 人造卫星的运行规律

1. 卫星的各物理量随轨道半径变化的规律

高轨低速大周期

■ 规律总结 ■

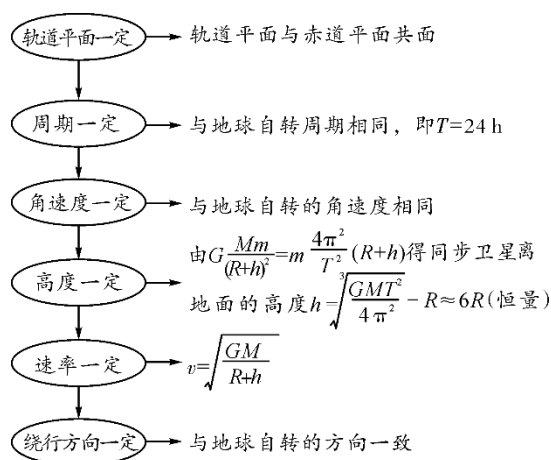
(1) 解决力与运动关系的思想还是动力学思想，解决力与运动的关系的桥梁还是牛顿第二定律.

(2) 卫星的 a_n 、 v 、 ω 、 T 是相互联系的，其中一个量发生变化，其他各量也随之发生变化.

(3) a_n 、 v 、 ω 、 T 均与卫星的质量无关，只由轨道半径 r 和中心天体质量共同决定.

■ 误区防范 ■

同步卫星的六个“一定”



考法四 卫星(航天器)的变轨问题及对接问题

■ 解题技巧 I

(1) 航天器变轨问题的三点注意

① 航天器变轨后稳定在新轨道上的运行速度由 $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$ 判断.

② 航天器在不同轨道上运行时机械能不同, 轨道半径越大, 机械能越大.

③ 航天器经过不同轨道相交的同一点时加速度相等, 外轨道的速度大于内轨道的速度.

(2) 变轨的两种情况
 较低圆轨道 $\xrightarrow[\text{近地点向前喷气}]{\text{近地点向后喷气}}$ 椭圆轨道 $\xrightarrow[\text{远地点向前喷气}]{\text{远地点向后喷气}}$ 较高圆轨道

考法五 天体运动中的“多星”系统

在天体运动中, 离其他星体较远的几颗星, 在它们相互间万有引力的作用下绕同一中心位置运转, 这样的几颗星组成的系统称为宇宙多星模型.

1. “双星”系统

(1) 两颗恒星做匀速圆周运动所需的向心力是由它们之间的万有引力提供的, 故两恒星做匀速圆周运动的向心力大小相等.

(2) 两颗恒星均绕它们连线上的一点做匀速圆周运动, 因此它们的运行周期和角速度是相等的.

(3) 两颗恒星做匀速圆周运动的半径 r_1 和 r_2 与两行星间距 L 的大小关系 $r_1 + r_2 = L$.

2. “多星”系统

(1) 多颗行星在同一轨道绕同一点做匀速圆周运动, 每颗行星做匀速圆周运动所需的向心力由其他各个行星对该行星的万有引力的合力提供.

(2) 每颗行星转动的方向相同, 运行周期、角速度和线速度大小相等.

■ 归纳总结 I

天体运动中的“多星”系统特点

(1) 不论是双星还是三星系统模型, 每个星体都做匀速圆周运动(中心星体除外), 且周期、角速度相等.

(2) 注意应用数学知识, 由星体距离求轨道半径.

(3) 只有当系统中星体质量相等时, 它们的轨道半径才相等.

第四章 章末总结

1. 引力势能

- 定义：物体 (特别指天体) 在引力场中具有势能叫做引力势能，引力势能是标量，单位为焦 (J)。重力势能是引力势能在特殊情况下的表达形式。

- 公式： $E_p = -\frac{GMm}{r}$

- 数学推导质量为 m 的物体轨道半径为 r ，则引力势能应该等于物体移动到零势能面引力做的功

$$\begin{aligned}
 E_p &= W_{\text{引}} \\
 &= F_{\text{万}} x \\
 &= -\int_r^{\infty} G \frac{Mm}{x^2} dx \\
 &= -GMm[-x]_r^{+\infty} \\
 &= -GMm \times 0 + GMm \times r^{-1} \\
 &= -\frac{GMm}{r}
 \end{aligned}$$

第五章 机械能及其守恒定律

第 1 讲 功和功率

1. 功

(1) 做功的两个要素

- ①作用在物体上的 力 .
- ②物体在力的方向上发生的 位移 .

(2) 公式 $W = Fl \cos \alpha$

- ① α 是力与 位移 方向之间的夹角, l 是物体对地的位移.
- ②该公式只适用于 恒力 做功.

(3) 功的正负

- ①当 $0 \leq \alpha < \frac{\pi}{2}$ 时, $W > 0$, 力对物体做 正功 , 是动力.
- ②当 $\frac{\pi}{2} < \alpha \leq \pi$ 时, $W < 0$, 力对物体做 负功 , 或者说物体 克服 这个力做了功, 是阻力.
- ③当 $\alpha = \frac{\pi}{2}$ 时, $W = 0$, 力对物体 不做功 .

2. 功率

类别	定义	计算公式	单位
平均功率	力在一段时间内做功的平均快慢程度, 大小等于功跟完成这些功所用时间的比值	(1) $\bar{P} = \frac{W}{t}$ (2) $\bar{P} = F\bar{v}$, 适用条件: F 为恒力, 且 F 与平均速度共线	瓦特
瞬时功率	力在某一时刻做功的快慢程度	(1) $P = Fv$, 适用条件: F 与瞬时速度 v 共线 (2) $t \rightarrow 0$, $P = \frac{W}{t}$ 为瞬时功率 (不求)	(W)
额定功率	动力机械在正常条件下长时间工作的最大功率		
实际功率	动力机械工作时实际消耗的功率一般小于或等于额定功率		

考法一 恒力做功的计算

1. 恒力做的功

直接用 $W = Fl \cos \alpha$ 计算. 不论物体做直线运动还是曲线运动, 上式均适用.

2. 合外力做的功

法一: 先求合外力 $F_{\text{合}}$, 再用 $W_{\text{合}} = F_{\text{合}} l \cos \alpha$ 求功. 适用于 $F_{\text{合}}$ 为恒力的过程.

法二: 先求各个力做的功 W_1 、 W_2 、 W_3 ... , 再应用 $W_{\text{合}} = W_1 + W_2 + W_3 + \dots$ 求合外力做的功.

[例 1] 一物体静止在粗糙水平地面上. 现用一大小为 F_1 的水平拉力拉动物体, 经过一段时间后其速度变为 v . 若将水平拉力的大小改为 F_2 , 物体从静止开始经过同样的时间后速度变为 $2v$. 对于上述两个过程, 用 W_{f1} 、 W_{f2} 分别表示拉力 F_1 、 F_2 所做的功, W_{f1} 、 W_{f2} 分别表示前后两次克服摩擦力所做的功, 则 (C)

A. $W_{f2} > 4W_{f1}$, $W_{f2} > 2W_{f1}$ B. $W_{f2} > 4W_{f1}$, $W_{f2} = 2W_{f1}$

C. $W_{f2} < 4W_{f1}$, $W_{f2} = 2W_{f1}$ D. $W_{f2} < 4W_{f1}$, $W_{f2} < 2W_{f1}$

解: 物体两次的加速度之比 $a_2 : a_1 = \frac{2v}{t} : \frac{v}{t} = 2 : 1$, 位移之比 $l_2 : l_1 = \frac{2v}{2}t : \frac{v}{2}t = 2 : 1$, 摩擦力之比 $F_{f2} : F_{f1} = 1 : 1$, 由牛顿第二定律得 $F - F_f = ma$, 则拉力之比 $F_2 : F_1 = (ma_2 + F_f) : (ma_1 + F_f) < 2$, 拉力做功之比 $W_{f2} : W_{f1} = F_2 l_2 : F_1 l_1 < 4$, 克服摩擦力做功之比 $W_{f2} : W_{f1} = (-F_{f2} l_2) : (-F_{f1} l_1) = 2 : 1$, 故选项 C 正确.

■ 误区防范 ■

计算功时应注意的两个问题

(1) 计算恒力功的公式 $W = Fl \cos \alpha$ 中位移“ l ”的意义

①“ l ”应取作用点的位移;

②“ l ”的取值一般以大地为参考系.

(2) 力的独立性原理

求某个力做的功仅与该力及物体沿该力方向的位移有关, 而与其他力是否存在、是否做功无关.

考法二 功率的计算

1. 公式 $P = \frac{W}{t}$ 和 $P = Fv$ 的区别

$P = \frac{W}{t}$ 是功率的定义式, $P = Fv$ 是功率的计算式.

2. 平均功率的计算方法

(1) 利用 $\bar{P} = \frac{W}{t}$.

(2) 利用 $\bar{P} = F\bar{v} \cos \alpha$, 其中 \bar{v} 为物体运动的平均速度.

3. 瞬时功率的计算方法

(1) 利用公式 $P = Fv \cos \alpha$, 其中 v 为 t 时刻的瞬时速度.

(2) $P = Fv_F$, 其中 v_F 为物体的速度 v 在力 F 方向上的分速度.

(3) $P = F_v v$, 其中 F_v 为物体受到的外力 F 在速度 v 方向上的分力.

■ 误区防范 ■

求功率时应注意的问题

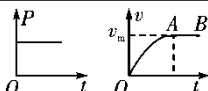
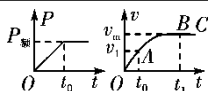
(1) 首先要明确所求功率是平均功率还是瞬时功率, 对应于某一过程的功率为平均功率, 对应于某一时刻的功率为瞬时功率.

(2) 求功率大小时要注意 F 与 v 方向间的夹角 α 对结果的影响.

(3) 用 $P = F \cdot \bar{v} \cos \alpha$ 求平均功率时, \bar{v} 应容易求得, 如求匀变速直线运动中某力的平均功率.

考法三 机车启动问题

1. 两种启动方式的比较

两种方式	以恒定功率启动	以恒定加速度启动
P-t 图和 v-t 图		
OA 段	过程分析 $v \uparrow \Rightarrow F = \frac{P(\text{不变})}{v} \downarrow \Rightarrow a = \frac{F - F_{\text{阻}}}{m} \downarrow$	$a = \frac{F - F_{\text{阻}}}{m}$ 不变 $\Rightarrow F$ 不变 $v \uparrow \Rightarrow P = Fv \uparrow$ 直到 $P_{\text{额}} = Fv_1$
	运动性质 加速度减小的加速直线运动	匀加速直线运动, 维持时间 $t_0 = \frac{v_1}{a}$
AB 段	过程分析 $F = F_{\text{阻}} \Rightarrow a = 0 \Rightarrow F_{\text{阻}} = \frac{P}{v_m}$	$v \uparrow \Rightarrow F = \frac{P_{\text{额}}}{v} \downarrow \Rightarrow a = \frac{F - F_{\text{阻}}}{m}$
	运动性质 以 v_m 匀速直线运动	加速度减小的加速运动
BC 段	无	$F = F_{\text{阻}} \Rightarrow a = 0 \Rightarrow$ 以 $v_m = \frac{P_{\text{额}}}{F_{\text{阻}}}$ 匀速运动

2. 三个重要关系式

(1) 无论哪种启动过程, 机车的最大速度都等于其匀速运动时的速度, 即 $v_m = \frac{P}{F_{\min}} = \frac{P}{F_{\text{阻}}}$. (式中 F_{\min} 为最小牵引力, 其值等于阻力 $F_{\text{阻}}$)

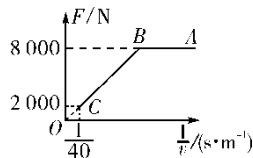
(2) 机车以恒定加速度启动的运动过程中, 匀加速过程结束时, 功率最大, 速度不是最大, 即 $v = \frac{P}{F} < v_m = \frac{P}{F_{\text{阻}}}$.

(3) 机车以恒定功率运行时, 牵引力做的功 $W = Pt$. 由动能定理 $Pt - F_{\text{阻}}x = \Delta E_k$. 此式经常用于求解机车以恒定功率启动过程的位移大小.

[例 3] 在检测某种汽车性能的实验中, 质量为 $3 \times 10^3 \text{ kg}$ 的汽车由静止开始沿平直公路行驶, 达到的最大速度为 40 m/s , 利用传感器测得此过程中不同时刻该汽车的牵引力 F 与对应速度 v , 并描绘出如图所示的 $F - \frac{1}{v}$ 图象 (图线 ABC 为汽车由静止达到最大速度的全过程, AB、BO 均为直线). 假设该汽车行驶中所受的阻力恒定, 根据图线 ABC 求:

(1) 该汽车的额定功率;

(2) 该汽车由静止开始运动, 经过 35 s 达到最大速度 40 m/s , 其在 BC 段的位移.



解: (1) $8 \times 10^4 \text{ W}$ (2) 75 m

■ 误区防范 ■

分析机车启动时的注意事项

(1) 在用公式 $P = Fv$ 计算机车的功率时, F 是指机车的牵引力而不是机车所受到的合力.

(2) 恒定功率下的加速过程一定不是匀加速运动, 这种加速过程发动机做的功可用 $W = Pt$ 计算, 不能用 $W = Fl$ 计算 (因为 F 是变力).

(3) 以恒定牵引力加速运动时的功率一定不恒定, 这种加速运动过程发动机做的功常用 $W = Fl$ 计算, 不能用 $W = Pt$ 计算 (因为功率 P 是变化的).

考法四 变力做功的求解方法

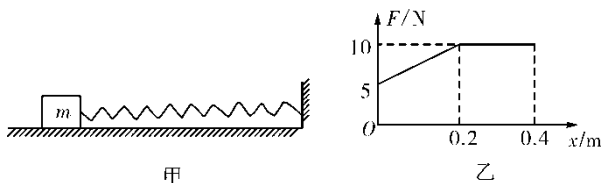
1. 平均力法

若物体受到的力的方向不变, 而大小随位移是成线性变化的, 即力均匀变化时, 则可以认为物体受到一大小为 $\bar{F} = \frac{F_1 + F_2}{2}$ 的恒力作用, F_1 、 F_2 分别为物体初、末态所受到的力, 然后用公式 $\bar{F} = \frac{F_1 + F_2}{2}$ 求此力所做的功.

2. F-x 图象法

在 F - x 图象中, 图线与 x 轴所围“面积”的代数和就表示力 F 在这段位移上所做的功, 且位于 x 轴上方的“面积”为正, 位于 x 轴下方的“面积”为负, 但此方法只适用于便于求图线所围面积的情况.

[例 5](2018 · 重庆模拟) 轻质弹簧右端固定在墙上, 左端与一质量 $m=0.5 \text{ kg}$ 的物块相连, 如图甲所示, 弹簧处于原长状态, 物块静止且与水平面间的动摩擦因数 $\mu=0.2$. 以物块所在处为原点, 水平向右为正方向建立 x 轴, 现对物块施加水平向右的外力 F , F 随 x 轴坐标变化的情况如图乙所示, 物块运动至 $x=0.4 \text{ m}$ 处时速度为零, 则此时弹簧的弹性势能为 ($g=10 \text{ m/s}^2$) (A)



A. 3.1 J B. 3.5 J

C. 1.8 J D. 2.0 J

3. 等效转换法

若某一变力做的功和某一恒力做的功相等, 即效果相同, 则可以通过计算该恒力做的功, 求出该变力做的功, 从而使问题变得简单, 也就是说通过关联点, 将变力做功转化为恒力做功, 这种方法称为等效转换法.

4. 动能定理法

动能定理既适用于直线运动, 也适用于曲线运动, 既适用于求恒力做功也适用于求变力做功. 因使用动能定理可由动能的变化来求功, 所以动能定理是求变力做功的首选.

5. 微元法

当物体在变力的作用下做曲线运动时, 若力的方向与物体运动的切线方向之间的夹角不变, 可将曲线分成无限个小元段, 每一小元段可认为恒力做功, 总功即为各个小元段做功的代数和. 通过微元法不难得到, 在往返的运动中, 摩擦力、空气阻力做的功, 其大小等于力和路程的乘积.

■ 归纳总结 I

变力做功的求解方法

(1) 平均力法: 力的方向恒定, 大小随位移线性变化, 可用平均力法求变力做的功.

(2) F - x 图象法: 已知 F - x 图象, 可以根据“面积”求变力做的功.

(3) 等效转换法：变力功与恒力功相等，即等效，可以用“化变为恒”的等效转换法求变力做的功.

(4) 动能定理法：无论直线运动还是曲线运动，只要知道了初末状态动能的变化，就可以用动能定理法求变力做的功.

(5) 变力作用下的曲线运动过程，其元过程可以看成恒力作用过程，可以用微元法求变力做的功.

第2讲 动能定理及其应用

1. 动能

- (1) 定义：物体由于 __ 运动 __ 而具有的能.
- (2) 公式： $E_k = \frac{1}{2}mv^2$.
- (3) 单位： __ 焦耳 __, $1J = 1N \cdot m = 1kg \cdot m^2/s^2$.
- (4) 标矢性：动能是 __ 标量 __，只有正值，动能与速度方向 __ 无关 __.
- (5) 动能的变化：物体 __ 末动能 __ 与 __ 初动能 __ 之差，即 $\Delta E_k = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$.

2. 动能定理

- (1) 内容：在一个过程中合力对物体所做的功，等于物体在这个过程中 __ 动能的变化 __.
- (2) 表达式： $W = \Delta E_k = E_{k2} - E_{k1} = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$.
- (3) 物理意义： __ 合力 __ 的功是物体动能变化的量度.
- (4) 适用条件
 - ①动能定理既适用于直线运动，也适用于 __ 曲线运动 __.
 - ②既适用于恒力做功，也适用于 __ 变力 __ 做功.
 - ③力可以是各种性质的力，既可以同时作用，也可以 __ 分阶段 __ 作用.

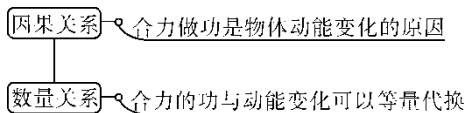
考法一 对动能定理的理解

1. 对“外力”的两点理解

(1)“外力”指的是合力，重力、弹力、摩擦力、电场力、磁场力或其他力，他们可以同时作用，也可以不同时作用。

(2)既可以是恒力，也可以是变力。

2. “=”体现的两个关系



[例 1](2018·湖北宜昌模拟) 一辆汽车在平直公路上行驶，在汽车的速度从 0 增大到 v 的过程中，发动机做的功为 W_1 ；在汽车的速度从 v 增大到 $2v$ 的过程中，发动机做的功为 W_2 。设汽车在行驶过程中所受阻力和发动机的牵引力都不变，则有 (B)

A. $W_2 = 2W_1$ B. $W_2 = 3W_1$

C. $W_2 = 4W_1$ D. $W_2 = W_1$

解： 设汽车发动机的牵引力为 F ，汽车所受的阻力为 F_f ，两个过程中汽车的位移分别为 l_1 、 l_2 ，则由动能定理得 $(F - F_f)l_1 = \frac{1}{2}mv^2 - 0$ ， $(F - F_f)l_2 = \frac{1}{2}m(2v)^2 - \frac{1}{2}mv^2$ ，解得 $l_2 = 3l_1$ ，又 $W_1 = Fl_1$ ， $W_2 = Fl_2$ ，可得 $W_2 = 3W_1$ ，选项 B 正确。

■ 归纳总结

应用动能定理解题应抓好“两状态一过程”

“两状态”，即明确研究对象的始、末状态的速度或动能情况；“一过程”，即明确研究过程，确定这一过程研究对象的受力情况和位置变化或位移信息。高中阶段动能定理中的位移和速度应以地面或相对地面静止的物体为参考系。

考法二 动能定理的应用

[例 2](2018·河南郑州模拟)2014 年全国多地雾霾频发，且有愈演愈烈的趋势，空气质量问题备受关注。在雾霾天气下，能见度下降，机动车行驶速度降低，道路通行效率下降，对城市快速路、桥梁和高速公路的影响很大，已知汽车保持匀速正常行驶时受到的阻力为 $F_{f1} = 0.2mg$ ，刹车时受到的阻力为 $F_{f2} = 0.5mg$ ，重力加速度为 $g = 10\text{m/s}^2$ 。

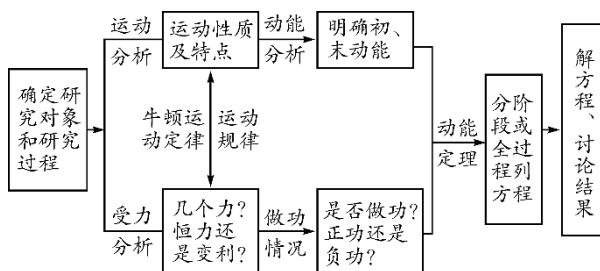
(1) 若汽车在雾霾天行驶的速度为 $v_1 = 36\text{km/h}$ ，则刹车后经过多长时间才会停下来？

(2) 若前车因故障停在车道上，当质量为 $m=1\ 200\text{kg}$ 的后车距离已经停止的前车为 $x=22.5\text{m}$ 处紧急刹车，刚好不与前车相撞，则后车正常行驶时的功率为多大？

解： (1) 2s (2) $3.6 \times 10^4\text{W}$

■ 答题模板

应用动能定理解题步骤

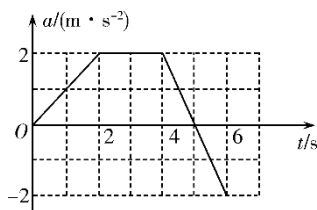


考法三 动能定理与图象结合问题

解决物理图象问题的基本步骤

- (1) 观察题目给出的图象, 弄清纵坐标、横坐标所对应的物理量及图线所表示的物理意义.
- (2) 根据物理规律推导出纵坐标与横坐标所对应的物理量间的函数关系式.
- (3) 将推导出的物理规律与数学上与之相对应的标准函数关系式相对比, 找出图线的斜率、截距、图线的交点, 以及图线下的面积所对应的物理意义, 分析解答问题. 或者利用函数图线上的特定值代入函数关系式求物理量.

[例 3](2017 · 湖北黄石调研) 用传感器研究质量为 2 kg 的物体由静止开始做直线运动的规律时, 在计算机上得到 $0\sim 6\text{ s}$ 内物体的加速度随时间变化的关系如图所示. 下列说法正确的是 (D)



- A. $0\sim 6\text{ s}$ 内物体先向正方向运动, 后向负方向运动
- B. $0\sim 6\text{ s}$ 内物体在 4 s 时的速度最大
- C. 物体在 $2\sim 4\text{ s}$ 内速度不变
- D. $0\sim 4\text{ s}$ 内合力对物体做的功等于 $0\sim 6\text{ s}$ 内合力做的功

■ 归纳总结

图象所围“面积”的意义

- (1) v - t 图: 由公式 $x=vt$ 可知, v - t 图线与坐标轴围成的面积表示物体的位移.
- (2) a - t 图: 由公式 $\Delta v=at$ 可知, a - t 图线与坐标轴围成的面积表示物体速度的变化量.
- (3) F - x 图: 由公式 $W=Fx$ 可知, F - x 图线与坐标轴围成的面积表示力所做的功.
- (4) P - t 图: 由公式 $W=Pt$ 可知, P - t 图线与坐标轴围成的面积表示力所做的功.

考法四 动能定理与圆周运动结合

1. 圆周运动属于曲线运动, 若只涉及位移和速度而不涉及时间, 应优先考虑用动能定理列式求解.

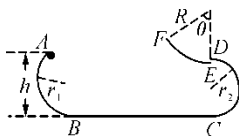
2. 用动能定理解题, 关键是对研究对象进行准确的受力分析及运动过程分析, 并画出物体运动过程的草图, 让草图帮助我们理解物理过程和各量关系.

[例 4](2018 · 湖北武汉模拟) 如图所示, 半径 $r_1 = \frac{2}{5}\sqrt{2}\text{ m}$ 的圆弧轨道 AB 与水平轨道 BC 相切于 B 点, CD 为 $r_2 = 0.40\text{ m}$ 的半圆轨道, 另一半径 $R=1.00\text{ m}$ 的圆弧轨道 EF 与 CD 靠近, E 点略低于 D 点. 一质量 $m=1\text{ kg}$ 的小物块 (可视为质点) 从 A 点以初速度 $v_0 = 2\text{ m/s}$ 沿轨道下滑, 在 AB 段运动过程中始终受到竖直向上的 $F=10\text{ N}$ 的力作用, 进入 BC 段后撤去. 已知 AB 高度为 h , BC 长 $L=1.00\text{ m}$, 小物块与 BC 间动摩擦因数 $\mu=0.2$, 其余光滑, EF 轨道对应的圆心角 $\theta = 60^\circ$, 所有轨道均固定在同一竖直平面内, 不考虑小物块在各轨道相接处的能量损失, 忽略空气阻力, g 取 10 m/s^2 . 求:

- (1) 当小物块沿圆弧轨道 AB 运动到 B 点时, 轨道对小物块的作用力大小;

(2) 若小物块在 B 点的速度为 5 m/s, 且在刚进入 BC 段时撤去力 F, 请通过计算判断小物块能否通过 D 点;

(3) 小物块能进入 EF 轨道, 且不越过 F 点, 小物块在 D 点的速度范围.



解: (1) $5\sqrt{2}\text{N}$ (2) 见解析 (3) $2\text{m/s} \leq v_D \leq \text{m/s}$.

■ 归纳总结

动能定理在圆周运动中的应用

竖直面内圆周运动经常考查最高点和最低点, 最高点的速度和最低点的速度可以通过动能定理联系起来, 所以竖直面内的圆周运动经常和动能定理结合考查.

考法五 用动能定理解决多过程问题

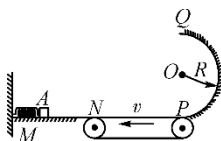
1. 运用动能定理解决问题时, 选择合适的研究过程能使问题得以简化. 当物体的运动过程包含几个运动性质不同的子过程时, 可以选择一个、几个或全部子过程作为研究过程.

2. 当选择全部子过程作为研究过程, 涉及重力、大小恒定的阻力或摩擦力做功时, 要注意运用它们的做功特点:

(1) 重力的功取决于物体的初、末位置, 与路径无关.

(2) 大小恒定的阻力或摩擦力做的功等于力的大小与路程的乘积.

[例 5](2018 · 湖南联考) 如图所示, 光滑的水平轨道 MN 右端 N 处与水平传送带理想连接, 传送带水平长度 $L=1.6\text{ m}$, 皮带以恒定速率 v 逆时针匀速运动, 传送带的右端平滑连接着一个固定在竖直平面内、半径为 $R=0.4\text{ m}$ 的光滑半圆轨道 PQ; 质量为 $m=0.2\text{ kg}$ 且可视为质点的滑块 A 置于水平导轨 MN 上, 开始时滑块 A 与墙壁之间有一压缩的轻弹簧, 系统处于静止状态, 现松开滑块 A, 弹簧伸长, 滑块脱离弹簧后滑上传送带, 从右端滑出并沿半圆轨道运动到最高点 Q 后水平飞出, 又正好落回 N 点. 已知滑块 A 与传送带之间的动摩擦因数 $\mu=0.25$, 取 $g=10\text{ m/s}^2$. 求:



(1) 滑块 A 在半圆轨道 P 处对轨道的压力;

(2) 压缩的轻弹簧的弹性势能 E_p .

解: (1) 18 N (2) 4 J

第3讲 机械能守恒定律及其应用

1. 重力做功与重力势能的关系

(1) 重力做功的特点

①重力做功与 __ 路径 __ 无关，只与始末位置的 __ 高度差 __ 有关.

②重力做功不引起物体 __ 机械能 __ 的变化.

(2) 重力势能

①表达式: $E_p = mgh$.

②重力势能的特点

重力势能是物体和 __ 地球 __ 所共有的，重力势能的大小与参考平面的选取 __ 有关 __，但重力势能的变化与参考平面的选取 __ 无关 __.

(3) 重力做功与重力势能变化的关系

①定性关系：重力对物体做正功，重力势能 __ 减小 __；重力对物体做负功，重力势能 __ 增大 __；

②定量关系：重力对物体做的功等于物体重力势能增量的负值. 即 $W_G = -(E_{p2} - E_{p1}) = -\Delta E_p$.

2. 弹性势能

(1) 定义：发生 __ 弹性形变 __ 的物体之间，由于有弹力的相互作用而具有的势能.

(2) 弹力做功与弹性势能变化的关系：弹力做正功，弹性势能 __ 减小 __；弹力做负功，弹性势能 __ 增加 __. 即 $W = -\Delta E_p$.

3. 机械能守恒定律及其应用

(1) 内容

在只有 __ 重力 __ 或 __ 弹簧弹力 __ 做功的物体系统内，动能与势能可以相互转化，而总的机械能 __ 保持不变 __.

(2) 守恒条件

只有 __ 重力或弹簧弹力 __ 做功.

考法一 机械能守恒的判断方法

1. 机械能守恒的条件：只有重力或系统内的弹力做功。

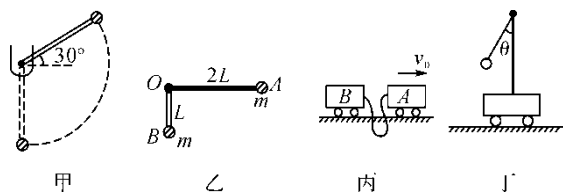
2. 机械能守恒的判断方法：

(1) 从机械能的定义直接判断：若物体动能、势能均不变，机械能不变。若一个物体动能不变，重力势能变化，或重力势能不变，动能变化或动能和重力势能同时增加(或减小)，其机械能一定变化。

(2) 用做功判断：若物体或系统只有重力(或弹簧的弹力)做功，虽受其他外力，但其他外力不做功，则机械能守恒。

(3) 用能量转化来判断：若物体系统中只有动能和势能的相互转化而无机械能与其他形式的能的转化，则物体系统的机械能守恒。

[例 1](2018·广西南宁调研) 在如图所示的物理过程示意图中，甲图为一端固定有小球的轻杆，从右偏上 30° 角释放后绕光滑支点摆动；乙图为末端固定有 A、B 两小球的轻质直角架，释放后绕通过直角顶点的固定轴 O 无摩擦转动；丙图为置于光滑水平面上的 A、B 两小车，B 静止，A 获得一向右的初速度后向右运动，某时刻连接两车的细绳绷紧，然后带动 B 车运动；丁图为置于光滑水平面上的带有竖直支架的小车，把用细绳悬挂的小球从图示位置释放，小球开始摆动。则关于这几个物理过程(空气阻力忽略不计)，下列判断中正确的是 (A)



- A. 甲图中小球机械能守恒
- B. 乙图中小球 A 的机械能守恒
- C. 丙图中两车组成的系统机械能守恒
- D. 丁图中小球的机械能守恒

■ 规律总结 ■

(1) 机械能守恒的条件绝不是合外力的功等于零，更不是合外力为零；“只有重力做功”不等于“只受重力作用”。

(2) 分析机械能是否守恒时，必须明确要研究的系统。

考法二 单个物体机械能守恒定律的应用

■ 解题技巧 ■

机械能守恒定律的应用技巧

(1) 机械能守恒定律是一种“能—能转化”关系，其守恒是有条件的。因此，应用时首先要对研究对象在所研究的过程中机械能是否守恒做出判断。

(2) 如果系统(除地球外)只有一个物体，用守恒观点列方程较方便；对于由两个或两个以上物体组成的系统，用转化或转移的观点列方程较简便。

考法三 多个物体的机械能守恒

1. 对多个物体组成的系统，要注意判断物体运动过程中系统的机械能是否守恒。
判断方法：看是否有其他形式的能与机械能相互转化。
2. 三种守恒表达式的比较

角度	公式	意义	注意事项
守恒观点	$E_{k1} + E_{p1} = E_{k2} + E_{p2}$	系统的初状态机械能的总和与末状态机械能的总和相等	初、末状态必须用同一零势能面计算势能
转化观点	$\Delta E_k = -\Delta E_p$	系统减少(或增加)的重力势能等于系统增加(或减少)的动能	应用时关键在于分清重力势能的增加量和减少量，可不选零势能面而直接计算初、末状态的势能差
转移观点	$\Delta E_{A增} = \Delta E_{B减}$	若系统由 A、B 两物体组成，则 A 物体机械能的增加量与 B 物体机械能的减少量相等	常用于解决两个或多个物体组成的系统的机械能守恒问题

■ 归纳总结 ■

多物体机械能守恒问题

(1) 多物体机械能守恒问题的分析方法

- ①对多个物体组成的系统要注意判断物体运动过程中，系统的机械能是否守恒；
- ②注意寻找用绳或杆相连接的物体间的速度关系和位移关系；
- ③列机械能守恒方程时，一般选用 $\Delta E_k = -\Delta E_p$ 的形式。

(2) 多物体机械能守恒问题的三点注意

- ①正确选取研究对象；
- ②合理选取物理过程；
- ③正确选取机械能守恒定律常用的表达形式列式求解。

考法四 绳索、链条类机械能守恒问题

对绳索、链条之类的问题，由于在考查过程中其常发生形变，其重心位置对物体来说并不是固定不变的，能否正确确定重心的位置，是解决该类问题的关键。一般情况下常分段考虑各部分的势能，并用各部分势能之和作为系统总的重力势能，至于参考平面，可任意选取，但以系统初、末状态重力势能便于表示为宜。

第4讲 功能关系 能量守恒定律

1. 功能关系

- (1) 功是 __ 能量转化 __ 的量度，即做了多少功就有 __ 多少能量 __ 发生了转化。
(2) 做功的过程一定伴随着 __ 能量的转化 __，__ 能量的转化 __ 可以通过做功来实现。

2. 能量守恒定律

(1) 能量守恒定律的内容：能量既不会凭空 __ 产生 __，也不会凭空消失，它只能从一种形式 __ 转化 __ 为另一种形式，或者从一个物体 __ 转移 __ 到别的物体，在转化或转移的过程中，能量的总量 __ 保持不变 __。

(2) 能量守恒定律的表达式： $\Delta E_{\text{减}} = \Delta E_{\text{增}}$ 。

(3) 对定律的理解

- ① 某种形式的能减少，一定存在其他形式的能增加，且减少量和增加量一定相等。
② 某个物体的能量减少，一定存在其他物体的能量增加，且减少量和增加量一定相等。
这也是我们列能量守恒定律方程式的两条基本思路。

考法一 对功能关系的理解

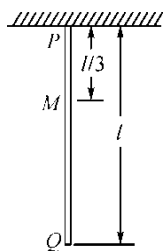
1. 对功能关系的理解

- (1) 做功的过程就是能量转化的过程. 不同形式的能量发生相互转化可以通过做功来实现.
 (2) 功是能量转化的量度. 功和能的关系, 一是体现在不同性质的力做功, 对应不同形式的能转化, 具有一一对应关系, 二是做功的多少与能量转化的多少在数值上相等.

2. 几种常见的功能关系及其表达式

各种力做功	对应能的变化	定量的关系
合力的功	动能变化	合力对物体做功等于物体动能的增量 $W_{\text{合}} = E_{k2} - E_{k1}$
重力的功	重力势能变化	重力做正功, 重力势能减少, 重力做负功, 重力势能增加, 且 $W_G = -\Delta E_p = E_{p1} - E_{p2}$
弹簧弹力的功	弹性势能变化	弹力做正功, 弹性势能减少, 弹力做负功, 弹性势能增加, 且 $W_{\text{弹}} = -\Delta E_p = E_{p1} - E_{p2}$
只有重力、弹簧弹力的功	不引起机械能变化	机械能守恒 $\Delta E = 0$
非重力和弹力的功	机械能变化	除重力和弹力之外的其他力做正功, 物体的机械能增加, 做负功, 机械能减少, 且 $W_{\text{其他}} \neq E$
电场力的功	电势能变化	电场力做正功, 电势能减少, 电场力做负功, 电势能增加, 且 $W_{\text{电}} = -\Delta E_p$
滑动摩擦力的功	内能变化	滑动摩擦力做功引起系统内能增加 $\Delta E_{\text{内}} = F_f l_{\text{相对}}$

[例 1](2017 · 全国卷 III) 如图, 一质量为 m 、长度为 l 的均匀柔软细绳 PQ 竖直悬挂. 用外力将绳的下端 Q 缓慢地竖直向上拉起至 M 点, M 点与绳的上端 P 相距 $\frac{l}{3}$. 重力加速度大小为 g . 在此过程中, 外力做的功为 (A)



- A. $mg l$ B. $mg l$
 C. $mg l$ D. $mg l$

■ 归纳总结

功能关系的选用原则

- (1) 在应用功能关系解决具体问题的过程中, 若只涉及动能的变化用动能定理分析.
 (2) 只涉及重力势能的变化用重力做功与重力势能变化的关系分析.
 (3) 只涉及机械能的变化用除重力和弹力之外的力做功与机械能变化的关系分析.
 (4) 只涉及电势能的变化用电场力做功与电势能变化的关系分析.

考法二 摩擦力做功与能量转化

1. 静摩擦力做功

- (1) 静摩擦力可以做正功, 也可以做负功, 还可以不做功.
- (2) 相互作用的一对静摩擦力做功的代数和总等于零.
- (3) 静摩擦力做功时, 只有机械能的相互转移, 不会转化为内能.

2. 滑动摩擦力做功的特点

- (1) 滑动摩擦力可以做正功, 也可以做负功, 还可以不做功.
- (2) 相互间存在滑动摩擦力的系统内, 一对滑动摩擦力做功将产生两种可能效果:

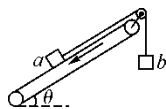
①机械能全部转化为内能;

②有一部分机械能在相互摩擦的物体间转移, 另外一部分转化为内能.

- (3) 摩擦生热的计算: $Q = F_f x_{\text{相对}}$, 其中 $x_{\text{相对}}$ 为相互摩擦的两个物体间的相对路程.

从功的角度看, 一对滑动摩擦力对系统做的功等于系统内能的增加量; 从能量的角度看, 其他形式能量的减少量等于系统内能的增加量.

[例 2](2018·河北保定调研)(多选) 如图所示, 足够长的传送带与水平方向的夹角为 θ , 物块 a 通过平行于传送带的轻绳跨过光滑定滑轮与物块 b 相连, b 的质量为 m , 开始时, a、b 及传送带均静止且 a 不受传送带摩擦力作用, 现让传送带逆时针匀速转动, 则在 b 上升 h 高度 (未与滑轮相碰) 过程中 (BC)



- A. 物块 a 的重力势能减少了 $mgh \sin \theta$
- B. 摩擦力对 a 做的功大于 a 的机械能的增加量
- C. 摩擦力对 a 做的功等于物块 a、b 动能增加量之和
- D. 任意时刻, 重力对 a、b 做功的瞬时功率大小不相等

解: 开始时, a、b 及传送带均静止且 a 不受传送带摩擦力作用, 有 $m_a g \sin \theta = m_b g$, 则 $m_a = \frac{m_b}{\sin \theta} = \frac{m}{\sin \theta}$, b 上升 h , 则 a 下降 $h \sin \theta$, 则 a 重力势能的减少量为 $\Delta E_{pa} = m_a g h \sin \theta = mgh$, 故选项 A 错误; 根据能量守恒得系统机械能增加, 摩擦力对 a 做的功等于 a、b 机械能的增加量, 所以摩擦力对 a 做的功大于 a 机械能的增加量; 由 A 分析可知系统重力势能不变, 所以摩擦力做的功等于系统动能的增加量, 故选项 B、C 正确; 任意时刻, a、b 的速率相等, 对 b, 重力的瞬时功率大小 $P_b = mgv$, 对 a 有 $P_a = m_a g v \sin \theta = mgv$, 所以重力对 a、b 做功的瞬时功率大小相等, 故选项 D 错误.

■ 归纳总结

求解相对滑动过程中能量转化问题的思路

- (1) 正确分析物体的运动过程, 做好受力分析.
- (2) 利用运动学公式, 结合牛顿第二定律分析物体的速度关系及位移关系.
- (3) 公式 $Q = F_f x_{\text{相对}}$ 中 $x_{\text{相对}}$ 为两接触物体间的相对位移, 若物体在传送带上做往返运动时, 则 $x_{\text{相对}}$ 为总的相对路程.

考法三 能量转化规律的应用

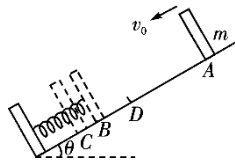
1. 应用能量守恒定律的基本思路

- (1) 某种形式的能减少, 一定存在其他形式的能增加, 且减少量和增加量一定相等;
- (2) 某个物体的能量减少, 一定存在其他物体的能量增加, 且减少量和增加量一定相等.

2. 应用能量守恒定律解题的步骤

- (1) 分清有多少形式的能(动能、势能、内能等)发生变化.
- (2) 明确哪种形式的能量增加, 哪种形式的能量减少, 并且列出减少的能量 $\Delta E_{\text{减}}$ 和增加的能量 $\Delta E_{\text{增}}$ 的表达式.
- (3) 列出能量守恒关系式 $\Delta E_{\text{减}} = \Delta E_{\text{增}}$.

[例 3](2017 · 江苏启东一模) 如图所示, 一物体质量 $m=2 \text{ kg}$, 在倾角 $\theta=37^\circ$ 的斜面上的 A 点以初速度 $v_0=3 \text{ m/s}$ 下滑, A 点距弹簧上端 B 的距离 $AB=4 \text{ m}$. 当物体到达 B 点后将弹簧压缩到 C 点, 最大压缩量 $BC=0.2 \text{ m}$, 然后物体又被弹簧弹上去, 弹到的最高位置为 D 点, D 点距 A 点的距离 $AD=3 \text{ m}$. 挡板及弹簧质量不计, g 取 10 m/s^2 , $\sin 37^\circ = 0.6$. 求:



- (1) 物体与斜面间的动摩擦因数 μ ;
- (2) 弹簧的最大弹性势能 E_{pm} .

解: (1) 0.52 (2) 24.5 J

■ 归纳总结

能量问题的解题方法

(1) 涉及能量转化问题的解题方法

- ① 当涉及滑动摩擦力做功, 机械能不守恒时, 一般应用能的转化和守恒定律.
- ② 解题时, 首先确定初、末状态, 然后分析状态变化过程中哪种形式的能量减少, 哪种形式的能量增加, 求出减少的能量总和 $\Delta E_{\text{减}}$ 和增加的能量总和 $\Delta E_{\text{增}}$, 最后由 $\Delta E_{\text{减}} = \Delta E_{\text{增}}$ 列式求解.

(2) 涉及弹簧类能量问题的解题方法

两个或两个以上的物体与弹簧组成的系统相互作用的过程, 具有以下特点:

- ① 能量变化上, 如果只有重力和系统内弹簧弹力做功, 系统机械能守恒.
- ② 如果系统中每个物体除弹簧弹力外所受合外力为零, 则当弹簧伸长或压缩到最大程度时两物体速度相同.
- ③ 当弹簧为自然状态时系统内某一端的物体具有最大速度.

第六章 动量守恒定律及其应用

第1讲 动量定理 动量守恒定律

1. 动量、动量变化、冲量

(1) 动量

①定义：物体的 质量 与 速度 的乘积.

②表达式： $p = mv$.

③方向：动量的方向与 速度 的方向相同.

(2) 动量的变化

①因为动量是矢量，动量的变化量 Δp 也是 矢量，其方向与速度的改变量 Δv 的方向 相同.

②动量的变化量 Δp 的大小，一般用末动量 p' 减去初动量 p 进行计算，也称为动量的增量.
即 $p = p' - p$.

(3) 冲量

①定义：力 与 力的作用时间 的乘积叫做力的冲量.

②公式： $I = Ft$.

③单位： $N \cdot s$.

④方向：冲量是 矢量，其方向 与力的方向相同.

2. 动量定理

(1) 内容：物体在一个运动过程始末的 动量变化量 等于它在这个过程中所受 合力 的冲量.

(2) 公式： $mv' - mv = F(t' - t)$ 或 $p' - p = I$.

(3) 动量定理的理解

①动量定理反映了力的冲量与动量变化量之间的因果关系，即外力的冲量是原因，物体的动量变化量是结果.

②动量定理中的冲量是合力的冲量，而不是某一个力的冲量，它可以是合力的冲量，可以是各力冲量的矢量和，也可以是外力在不同阶段冲量的矢量和.

③动量定理表达式是矢量式，等号包含了大小相等、方向相同两方面的含义.

3. 动量守恒定律

(1) 定律内容：一个系统 __ 不受外力 __ 或者 __ 所受外力的合力为零 __ 时，这个系统的总动量保持不变。

(2) 公式表达： $m_1v_1 + m_2v_2 = m_1v'_1 + m_2v'_2$ 。

(3) 适用条件和适用范围

系统不受外力或者所受外力的矢量和为 __ 零 __；系统受外力，但外力远小于内力，可以忽略不计；如爆炸、碰撞等过程，可以近似认为系统的动量守恒。系统在某一个方向上所受的合外力为零，则该方向上 __ 动量守恒 __。全过程的某一阶段系统受的合外力为零，则该阶段系统动量守恒。

4. 动量守恒定律的应用

(1) 碰撞

①碰撞现象

两个或两个以上的物体在相遇的 __ 极短 __ 时间内产生 __ 非常大 __ 的相互作用的过程。

②碰撞特征

- a. 作用时间 __ 短 __。
- b. 作用力变化 __ 快 __。
- c. 内力 __ 远大于 __ 外力。
- d. 满足 __ 动量守恒 __。

③碰撞的分类及特点

- a. 弹性碰撞：动量 __ 守恒 __，机械能 __ 守恒 __。
- b. 非弹性碰撞：动量 __ 守恒 __，机械能 __ 不守恒 __。
- c. 完全非弹性碰撞：动量 __ 守恒 __，机械能损失 __ 最多 __。

(2) 爆炸现象

爆炸过程中内力远大于外力，爆炸的各部分组成的系统总动量 __ 守恒 __。

(3) 反冲运动

①物体在内力作用下分裂为两个不同部分并且这两部分向 __ 相反 __ 方向运动的现象。

②反冲运动中，相互作用力一般较大，通常可以用 __ 动量守恒 __ 定律来处理。

考法一 动量、冲量的理解

1. 动量、动能、动量变化量的比较

	动量	动能	动量变化量
定义	物体的质量和速度的乘积	物体由于运动而具有的能量	物体末动量与初动量的差
定义式	$p = mv$	$E_k = \frac{1}{2}mv^2$	$\Delta p = p_2 - p_1$
矢标性	矢量	标量	矢量
特点	状态量	状态量	过程量
关联方程	$E_k = \frac{p^2}{2m}, E_k = \frac{1}{2}pv, p = \sqrt{2mE_k}, p = \frac{2E_k}{v}$		

2. 冲量和功的区别

(1) 冲量和功都是过程量。冲量是表示力对时间的积累作用，功表示力对位移的积累作用。

(2) 冲量是矢量，功是标量。

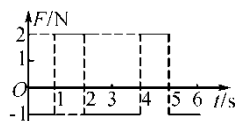
(3) 力作用的冲量不为零时，力做的功可能为零；力做的功不为零时，力作用的冲量一定不为零。

3. 冲量和动量的区别

(1) 冲量是过程量

(2) 动量是状态量

[例 1] 物体受到合力 F 的作用，由静止开始运动，合力 F 随时间变化的图象如图所示，下列说法中正确的是 (BCD)



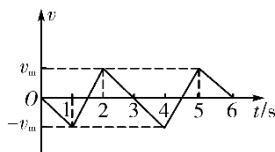
A. 该物体将始终向一个方向运动

B. 3 s 末该物体回到原出发点

C. 0~3 s 内，合力 F 的冲量等于零，功也等于零

D. 2~4 s 内，合力 F 的冲量不等于零，功却等于零

解：图线和横坐标所围的面积等于冲量，0~1 秒内的冲量为负，说明速度沿负方向，而 1~2 秒内冲量为正，且大于 0~1 秒内的冲量，即速度的方向发生变化，所以选项 A 错误；0~3 秒内，合力 F 的冲量为零，即物体 0 秒时的速度和 3 秒时的速度一样，故 0~3 秒内合力 F 的冲量等于零，功也等于零，选项 C 正确；分析运动过程如图所示，可以得到 3 秒末物体回到原出发点，选项 B 正确；2~4 秒内，合力 F 的冲量不等于零，物体 2 秒时和 4 秒时速度大小相等，根据动能定理，2~4 秒内合力 F 做的功为零，故选项 D 正确。



考法二 动量定理及其应用

■ 解题技巧 I

动量定理的两个重要应用

(1) 应用 $I \neq \Delta p$ 求变力的冲量

如果物体受到大小或方向改变的力的作用, 则不能直接用 $I=Ft$ 求变力的冲量, 可以求出该力作用下物体动量的变化 Δp , 等效代换变力的冲量 I .

(2) 应用 $\Delta p=F\Delta t$ 求动量的变化

例如, 在曲线运动中, 速度方向时刻在变化, 求动量变化 ($\Delta p = p_2 - p_1$) 需要应用矢量运算方法, 计算比较复杂, 如果作用力是恒力, 可以求恒力的冲量, 等效代换动量的变化.

[例 2](2017 · 吉林长春质检) 有一个质量为 0.5 kg 的篮球从 $h=0.8\text{m}$ 的高度落到水平地板上, 每弹跳一次上升的高度总等于前一次的 0.64 倍, 且每次球与地面接触时间相等, 空气阻力不计, 与地面碰撞时, 篮球重力可忽略. (重力加速度 g 取 10m/s^2)

(1) 第一次球与地板碰撞, 地板对球的冲量为多少?

(2) 相邻两次球与地板碰撞的平均冲力大小之比是多少?

解: (1) $3.6 \text{ N} \cdot \text{s}$ (2) $5:4$

(1) 篮球原高度为 h , 与地面第一次碰前瞬时速度为 $v_0 = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 10 \times 0.8} \text{ m/s} = 4 \text{ m/s}$, 由 $v^2 = 2gh$ 可知碰后的速度为 $v_0 = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 10 \times 0.8} \text{ m/s} = 4 \text{ m/s}$.

选向上为正方向, 由动量定理有

$$I = mv_1 - (-mv_0) = 1.8mv_0 = 1.8 \times 0.5 \times 4 \text{ N} \cdot \text{s} = 3.6 \text{ N} \cdot \text{s}.$$

(2) 第二次碰前瞬时速度和第二次碰后瞬时速度关系为 $v_2 = 0.8v_1 = 0.8^2v_0 = 0.64v_0$.

设两次碰撞中地板对球的平均冲力分别为 F_1 、 F_2 , 选向上为正方向, 由动量定理有

$$v_2 = 0.8v_1 = 0.8^2v_0 = 0.64v_0,$$

$$F_2t = mv_2 - (-mv_1) = 1.8mv_1 = 1.44mv_0,$$

$$F_1:F_2=5:4.$$

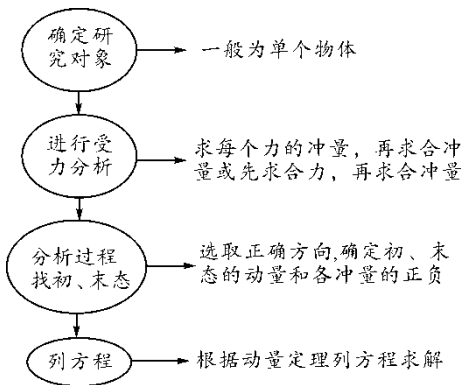
容易知道, 任意相邻两次球与地板碰撞的平均冲力大小之比均为 $5:4$.

[例 3](2018 · 湖北黄冈模拟) 一股水流以 10m/s 的速度从喷嘴竖直向上喷出, 喷嘴截面积为 0.5cm^2 , 有一质量为 0.32kg 的球, 因受水对其下侧的冲击而停在空中, 若水冲击球后速度变为 0 , 则小球停在离喷嘴多高处? (g 取 10m/s^2)

解: 1.8 m

■ 答题模板 I

应用动量定理解题的基本思路



考法三 动量守恒定律及其应用

1. 动量守恒定律的“五性”

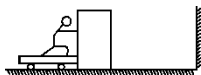
条件性	首先判断系统是否满足守恒条件(合力为零)
相对性	公式中 v_1, v_2, v'_1, v'_2 必须相对于同一个惯性系
同时性	公式中 v_1, v_2 是在相互作用前同一时刻的速度, v'_1, v'_2 是相互作用后同一时刻的速度
矢量性	应先选取正方向, 凡是与选取的正方向一致的动量为正值, 相反为负值
普适性	不仅适用于低速宏观系统, 也适用于高速微观系统

2. 应用动量守恒定律时的注意事项

(1) 动量守恒定律的研究对象都是相互作用的物体组成的系统. 系统的动量是否守恒, 与选择哪几个物体作为系统和分析哪一段运动过程有直接关系.

(2) 分析系统内物体受力时, 要弄清哪些力是系统的内力, 哪些力是系统外的物体对系统的作用力.

[例 4](2017 · 广西南宁模拟) 如图所示, 质量均为 m 的小车和木箱紧挨着静止在光滑的水平冰面上, 质量为 $2m$ 的小孩站在小车上用力向右迅速推出木箱, 木箱相对于冰面运动的速度为 v , 木箱运动到右侧墙壁时与竖直墙壁发生弹性碰撞, 反弹后能被小孩接住. 求:



(1) 小孩接住箱子后共同速度的大小;

(2) 若小孩接住箱子后再次以相对于冰面的速度 v 将木箱向右推出, 木箱仍与竖直墙壁发生弹性碰撞, 判断小孩能否再次接住木箱.

解: (1) $\frac{v}{2}$ (2) 见解析

(1) 取向左为正方向, 木箱与墙发生弹性碰撞, 速度反向. 根据动量守恒定律, 推出木箱的过程中 $0 = (m + 2m)v_1 - mv$, 接住木箱的过程中 $mv + (m + 2m)v_1 = (m + m + 2m)v_2$, $v_2 = \frac{v}{2}$.

(2) 若小孩第二次将木箱推出, 设小孩和小车向左的速度为 v_3 , 根据动量守恒定律 $4mv_2 = 3mv_3 - mv$, $v_3 = v$, 故无法再次接住木箱.

■ 答题模板 I

动量守恒定律解题的基本步骤

- (1) 明确研究对象, 确定系统的组成; (系统包括哪几个物体及研究的过程)
- (2) 进行受力分析, 判断系统动量是否守恒; (或某一方向上动量是否守恒)
- (3) 规定正方向, 确定初、末状态动量;
- (4) 由动量守恒定律列出方程;
- (5) 代入数据, 求出结果, 必要时讨论说明.

考法四 碰撞问题

碰撞遵守的规律

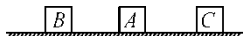
(1) 动量守恒, 即 $p_1 + p_2 = p'_1 + p'_2$.(2) 动能不增加, 即 $E_{k1} + E_{k2} \geq E'_{k1} + E'_{k2}$ 或 $\frac{p_1^2}{2m_1} + \frac{p_2^2}{2m_2} \geq \frac{p'^2_1}{2m_1} + \frac{p'^2_2}{2m_2}$.

(3) 速度要合理

① 碰前两物体同向, 则 $v_{后} > v_{前}$; 碰后, 原来在前的物体速度一定增大, 且 $v'_{前} > v'_{后}$.

② 两物体相向运动, 碰后两物体的运动方向不可能都不改变.

[例 5] 如图, 在足够长的光滑水平面上, 物体 A、B、C 位于同一直线上, A 位于 B、C 之间. A 的质量为 m , B、C 的质量都为 M , 三者均处于静止状态. 现使 A 以某一速度向右运动, 求 m 和 M 之间应满足什么条件, 才能使 A 只与 B、C 各发生一次碰撞. 设物体间的碰撞都是弹性碰撞.

解: $(\sqrt{5} - 2)M \leq m < M$ 设 A 运动的初速度为 v_0 , A 向右运动与 C 发生碰撞, 由动量守恒定律得 $mv_0 = mv_1 + Mv_2$,由机械能守恒得 $\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}Mv_2^2$,可得 $v_1 = \frac{m-M}{m+M}v_0$, $v_2 = \frac{2m}{m+M}v_0$.要使得 A 与 B 能发生碰撞, 需要满足 $v_1 < 0$, 即 $m < M$,A 反向向左运动与 B 发生碰撞过程, 有 $mv_1 = mv_3 + Mv_4$, $\frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}mv_3^2 + \frac{1}{2}Mv_4^2$,整理可得 $v_3 = \frac{m-M}{m+M}v_1 = \left(\frac{m-M}{m+M}\right)^2 v_0$, $v_4 = \frac{2m}{m+M}v_1$.由于 $m < M$, 所以 A 还会向右运动, 根据要求不发生第二次碰撞, 需要满足 $v_3 \leq v_2$,即 $\frac{2m}{m+M}v_0 \geq \left(\frac{m-M}{m+M}\right)^2 v_0$,整理可得 $m^2 + 4Mm \geq M^2$,解方程可得 $m \geq (\sqrt{5} - 2)M$,

所以使 A 只与 B、C 各发生一次碰撞, 需满足

 $(\sqrt{5} - 2)M \leq m < M$.

■ 归纳总结

碰撞问题解题策略

(1) 抓住碰撞的特点和不同种类碰撞满足的条件, 列出相应方程求解.

(2) 可熟记一些公式, 例如“一动一静”模型中, 两物体发生弹性正碰后的速度满足 $v_1 = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2}v_0$, $v_2 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2}v_0$.(3) 熟记弹性正碰的一些结论, 例如, 当两球质量相等时, 两球碰撞后交换速度; 当 $m_1 \gg m_2$, 且 $v_{20} = 0$ 时, 碰后质量大的速率不变, 质量小的速率为 $2v_0$; 当 $m_1 \ll m_2$, 且 $v_{20} = 0$ 时, 碰后质量小的球原速率反弹.

考法五 爆炸、反冲和“人船模型”

1. 爆炸的特点

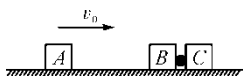
(1) 动量守恒: 由于爆炸是在极短的时间内完成的, 发生爆炸时物体间的相互作用力远远大于受到的外力, 所以在爆炸过程中, 系统的总动量守恒.

(2) 动能增加: 在爆炸过程中, 由于有其他形式的能量 (如化学能) 转化为动能, 所以爆炸前后系统的总动能增加.

(3) 位置不变: 爆炸的时间极短, 因而在作用过程中, 物体产生的位移很小, 一般可忽略不计, 可以认为爆炸后仍然从爆炸前的位置以新的动量开始运动.

[例 6] (2018 · 河南六市一联) 如图所示, 光滑水平面上有三个滑块 A、B、C, 质量关系是 $m_A = m_C = m, m_B = \frac{m}{2}$. 开始时滑块 B、C 紧贴在一起, 中间夹有少量炸药, 处于静止状态, 滑块 A 以速度 v_0 正对 B 向右运动, 在 A 未与 B 碰撞之前, 引爆了 B、C 间的炸药, 炸药爆炸后 B 与 A 迎面碰撞, 最终 A 与 B 黏在一起, 以速率 v_0 向左运动. 求:

- (1) 炸药爆炸过程中炸药对 C 的冲量;
(2) 炸药的化学能有多少转化为机械能?



解: (1) $\frac{5}{2}mv_0$, 水平向右 (2) $\frac{75}{8}mv_0^2$

2. 反冲

(1) 现象: 物体的不同部分在内力的作用下向相反方向运动的现象.

(2) 特点: 一般情况下, 物体间的相互作用力 (内力) 较大, 因此系统动量可能是动量守恒、动量近似守恒或某一方向上动量守恒. 反冲运动中机械能往往不守恒.

(3) 实例: 喷气式飞机、火箭等都是利用反冲运动的实例.

[例 7] 一质量为 M 的航天器, 正以速度 v_0 在太空中飞行, 某一时刻航天器接到加速的指令后, 发动机瞬间向后喷出一定质量的气体, 气体喷出时速度大小为 v_1 , 加速后航天器的速度大小为 v_2 , 则喷出气体的质量 m 为 (C)

- A. $m = \frac{v_2 - v_0}{v_1} M$
B. $m = \frac{v_1}{v_2 + v_1} M$
C. $\frac{v_2 - v_0}{v_2 + v_1} M$
D. $\frac{v_2 - v_0}{v_2 - v_1} M$

3. “人船模型”

若系统在全过程中动量守恒, 则这一系统在全过程中平均动量也守恒. 如果系统由两个物体组成, 且相互作用前均静止, 相互作用中均发生运动, 则由 $m_1\bar{v}_1 - m_2\bar{v}_2 = 0$, 得 $m_1x_1 = m_2x_2$.

■ 归纳总结

利用“人船模型”解题需注意两点

(1) 条件

- ①系统的总动量守恒或某一方向上的动量守恒.
②构成系统的两物体原来静止, 因相互作用而反向运动.
③ x_1 、 x_2 均为沿动量方向相对于同一参考系的位移.

(2) 解题关键是画出初、末位置, 确定各物体位移关系.

第六章 章末总结

1. 基础概念

- 质点系：包含两个或两个以上互相有联系的质点组成的力学系统叫做质点系（或质点组）。
- 质心：质量中心简称质心，指物质系统上被认为质量集中于此的一个假想点。
- 质心系：质心坐标系是将直角坐标系的坐标原点始终选取在质点组的质心上，坐标轴的方向始终与某个固定参考系（惯性系）的坐标轴保持平行的平动坐标系。对于不受外力作用的质点组（孤立体系）或所受外力的矢量和为零的质点组，其质心系是惯性系。对于受外力作用的质点组，其质心系是非惯性系。
- 动量中心系：动量中心系（Center-of-momentum frame）是人为选取的一个惯性系，在此参考系中，系统的总动量为零。动量中心系又叫做零动量系（zero-momentum frame）。动量中心系的特例是质心参考系，即原点固定在体系质心的动量中心系。

2. 柯尼希定理，质用能

- 柯尼希定理：质点系在某参考系中的动能等于质心系中的动能与质点系随质心整体平动的质心动能之和。

- 高中两体碰撞问题的简化模型

设两质点质量为 m_1, m_2 , 速度为 v_1, v_2 , 则质心速度

$$v_c = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2} \quad (6.1)$$

m_1 相对于质心的速度为

$$v_{1c} = v_1 - v_c = v_1 - \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2} = \frac{m_2 (v_1 - v_2)}{m_1 + m_2} \quad (6.2)$$

m_2 相对于质心的速度为

$$v_{2c} = v_2 - v_c = v_2 - \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2} = \frac{m_1 (v_2 - v_1)}{m_1 + m_2} \quad (6.3)$$

由柯尼希定理得

$$E_k = \frac{1}{2} M v_c^2 + \frac{1}{2} m_1 v_{1c}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2c}^2 = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v_c^2 + \frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_1 - v_2)^2 \quad (6.4)$$

公式 (6.4) 的动能由质心系中的动能 (6.5) 以及质点系随质心整体平动的质心动能 (6.6) 两部分组成

$$E_k = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v_c^2 \quad (6.5)$$

$$E_k = \frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_1 - v_2)^2 \quad (6.6)$$

第七章 静电场

第1讲 电场力的性质

1. 电荷、电荷守恒定律和库仑定律

(1) 元电荷、点电荷

①元电荷： $e = 1.60 \times 10^{-19} C$ ，所有带电体的电荷量都是元电荷的 __ 整数 __ 倍；

②点电荷：代表带电体的有一定电荷量的点，忽略带电体的大小和形状的理想化模型。

(2) 电荷守恒定律

①内容：电荷既不会创生，也不会消灭，它只能从一个物体转移到另一个物体，或者从物体的一部分转移到另一部分，在转移过程中，电荷的总量 __ 保持不变 __；

②三种起电方式：__ 摩擦 __ 起电、__ 感应 __ 起电、__ 接触 __ 起电；

③带电实质：物体 __ 得失电子 __；

④电荷的分配原则：两个形状、大小相同且带同种电荷的导体，接触后再分开，二者带 __ 相同 __ 电荷，若两导体原来带异种电荷，则电荷先 __ 中和 __，余下的电荷再 __ 平分 __。

(3) 库仑定律

①内容：__ 真空 __ 中两个静止 __ 点电荷 __ 之间的相互作用力，与它们的电荷量的乘积成 __ 正比 __，与它们的距离的二次方成 __ 反比 __，作用力的方向在它们的连线上；

②表达式： $F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$ ，式中 $k = 9.0 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2$ ，叫做静电力常量；

③适用条件：__ 真空 __ 中的 __ 点电荷 __。

a. 在空气中，两个点电荷的作用力近似等于真空中的情况，可以直接应用公式，

b. 当两个带电体的间距远大于本身的大小时，可以把带电体看成点电荷。

④库仑力的方向：由相互作用的两个带电体决定，即同种电荷相互 __ 排斥 __，异种电荷相互 __ 吸引 __。

2. 电场、电场强度

(1) 电场

①定义：存在于电荷周围，能传递电荷间相互作用的一种特殊物质；

②基本性质：对放入其中的电荷有 __ 力的作用 __。

(2) 电场强度

①定义：放入电场中某点的电荷受到的电场力 F 与它的电荷量 q 的比值；

②定义式： $E = \frac{F}{q}$ ；单位：N/C 或 __ V/m __；

③矢量性：规定 __ 正电荷 __ 在电场中某点所受电场力的方向为该点电场强度的方向。

3. 电场线

(1) 定义

为了形象地描述电场中各点场强的强弱及 __ 方向 __，在电场中画出一些曲线，曲线上每一点的 __ 切线 __ 方向都跟该点的场强方向一致，曲线的疏密表示电场的 __ 强弱 __。

(2) 电场线的特点

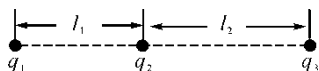
①电场线从 __ 正电荷 __ 或 __ 无限远 __ 处出发，终止于 __ 负电荷 __ 或 __ 无限远 __ 处；

②电场线在电场中不相交，也不相切；

③在同一幅图中，电场强度较大的地方电场线 __ 较密集 __，电场强度较小的地方电场线 __ 较稀疏 __。

考法一 三个自由点电荷的平衡问题

[例 1] 如图所示, q_1 、 q_2 、 q_3 分别表示在一条直线上的三个点电荷, 已知 q_1 与 q_2 之间的距离为 l_1 , q_2 与 q_3 之间的距离为 l_2 , 且三个点电荷都处于平衡状态.



(1) 若 q_2 为负电荷, 则 q_1 为 __ 正电 __ 电荷, q_3 为 __ 正电 __ 电荷;

(2) q_1 、 q_2 、 q_3 的电荷量大小之比是 __ 2:1:2 __.

解析 (1) 假设 q_1 、 q_3 均带负电, 则虽然 q_2 可以平衡, 但 q_1 (或 q_3) 所受的两个库仑力均为斥力, 故而方向相同, 不能平衡. 假设 q_1 、 q_3 均带正电, 则每个点电荷所受的两个库仑力均方向相反, 可能平衡. 因此, q_1 、 q_3 均带正电. 也就是说, 在这种情况下, q_1 、 q_3 必须是同种电荷且跟 q_2 是异种电荷.

(2) q_1 受 q_2 水平向右的库仑引力作用和 q_3 水平向左的库仑斥力作用.

由库仑定律和力的平衡条件有 $k\frac{q_1q_2}{l_1^2} = k\frac{q_1q_3}{(l_1+l_2)^2}$,

同理, 对 q_2 有 $k\frac{q_1q_2}{l_1^2} = k\frac{q_2q_3}{l_2^2}$,

对 q_3 有 $k\frac{q_2q_3}{l_2^2} = k\frac{q_1q_3}{(l_1+l_2)^2}$,

由以上三式得 $q_1:q_2:q_3 = (\frac{l_1+l_2}{l_2})^2 : 1 : (\frac{l_1+l_2}{l_1})^2$.

■ 归纳总结 ■

三个自由点电荷的平衡问题

(1) 条件

两个点电荷在第三个点电荷处的合电场强度为零, 或每个点电荷受到的两个库仑力必须大小相等, 方向相反.

(2) 规律

①“三点共线”——三个点电荷分布在同一条直线上;

②“两同夹异”——正负电荷相互间隔;

③“两大夹小”——中间电荷的电荷量最小;

④“近小远大”——中间电荷靠近电荷量较小的电荷.

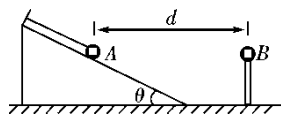
考法二 库仑力作用下的共点力平衡问题

■ 解题技巧 ■

解决库仑力作用下平衡问题的方法

库仑力作用下平衡问题的分析与纯力学平衡问题的分析方法是相同的,只是在原来受力的基础上多了电场力.

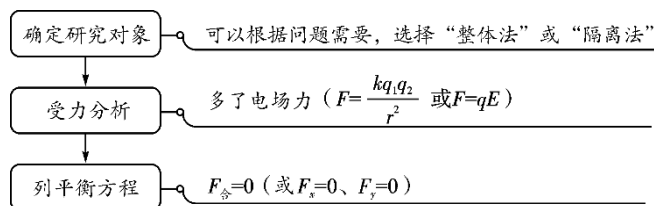
[例 2](多选) 如图所示,水平地面上固定一个光滑绝缘斜面,斜面与水平面的夹角为 θ . 一根轻质绝缘细线的一端固定在斜面顶端,另一端系有一个带电小球 A,细线与斜面平行,小球 A 的质量为 m 、电荷量为 q . 小球 A 的右侧固定放置带等量同种电荷的小球 B,两球心的高度相同、间距为 d . 静电力常量为 k ,重力加速度为 g ,两带电小球可视为点电荷. 小球 A 静止在斜面上,则 (AC)



- A. 小球 A 与 B 之间库仑力的大小为 $\frac{kq^2}{d^2}$
- B. 当 $\frac{q}{d} = \sqrt{\frac{mg \sin \theta}{k}}$ 时,细线上的拉力为 0
- C. 当 $\frac{q}{d} = \sqrt{\frac{mg \tan \theta}{k}}$ 时,细线上的拉力为 0
- D. 当 $\frac{q}{d} = \sqrt{\frac{mg}{k \tan \theta}}$ 时,斜面对小球 A 的支持力为 0

解析 根据库仑定律可得两小球之间的库仑力大小为 $F = \frac{kq^2}{d^2}$,选项 A 正确;当细线上的拉力为零时,小球 A 受到库仑力、斜面支持力、重力,由平衡条件得 $\frac{kq^2}{d^2} = mg \tan \theta$,解得 $\frac{q}{d} = \sqrt{\frac{mg \tan \theta}{k}}$,选项 B 错误, C 正确;由受力分析可知,斜面对小球的支持力不可能为零,选项 D 错误.

■ 答题模板 ■



考法三 电场强度的理解和应用

1. 电场强度三个表达式的比较

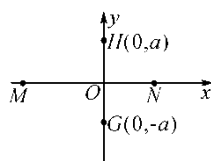
表达式比较	$E = \frac{F}{q}$	$E = k \frac{Q}{r^2}$	$E = \frac{U}{d}$
公式意义	电场强度定义式	真空中点电荷的电场强度决定式	匀强电场中 E 与 U 的关系式
适用条件	一切电场	真空中点电荷的电场	匀强电场
决定因素	由电场本身决定, 与检验电荷 q 无关, q 充当测量工具	由场源电荷 Q 和场源电荷到该点的距离 r 共同决定	由电场本身决定, d 为两点沿电场方向的距离

2. 电场的叠加

(1) 叠加原理: 多个电荷在空间某处产生的电场为各电荷在该处所产生的电场强度的矢量和.

(2) 运算法则: 平行四边形定则.

[例 3] 如图所示, 直角坐标系 xOy 中, M 、 N 两点位于 x 轴上, G 、 H 两点坐标如图所示. M 、 N 两点各固定一负点电荷, 一电荷量为 Q 的正点电荷置于 O 点时, G 点处的电场强度恰好为零. 静电力常量用 k 表示. 若将该正点电荷移到 G 点, 则 H 点处场强的大小和方向分别为 (B)



- A. $\frac{3kQ}{4a^2}$ 沿 y 轴正向 B. $\frac{3kQ}{4a^2}$ 沿 y 轴负向
 C. $\frac{5kQ}{4a^2}$ 沿 y 轴正向 D. $\frac{5kQ}{4a^2}$ 沿 y 轴负向

■ 归纳总结

分析电场叠加问题的一般步骤

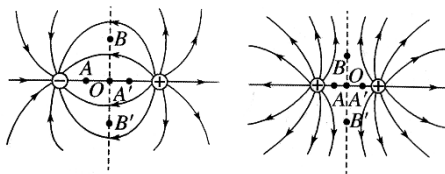
电场强度是矢量, 叠加时应遵从平行四边形定则.

分析电场的叠加问题的一般步骤:

- (1) 确定分析计算的空间位置;
- (2) 分析该处有几个分电场, 先计算出各个分电场在该点的电场强度的大小和方向;
- (3) 依次利用平行四边形定则求出矢量和.

考法四 电场线的理解和应用

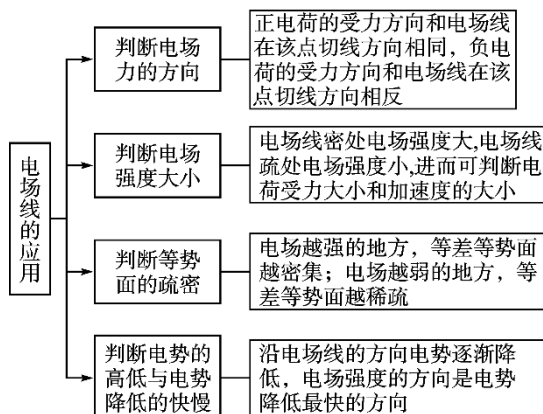
1. 电场线的对称性



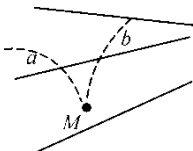
(1) 两等量同种点电荷连线及中垂线上关于 O 点对称的点的电场强度等大反向.

(2) 两等量异种点电荷连线及中垂线上关于 O 点对称的点的电场强度等大同向.

2. 电场线的应用



[例 4] 如图所示, 实线为不知方向的三条电场线, 从电场中 M 点以相同速度垂直于电场线方向飞出 a 、 b 两个带电粒子, 运动轨迹如图中虚线所示. 则 (C)



- A. a 一定带正电, b 一定带负电
 B. a 的速度将减小, b 的速度将增加
 C. a 的加速度将减小, b 的加速度将增加
 D. 两个粒子的动能, 一个增加一个减小

■ 归纳总结 ■

- (1) 由粒子运动轨迹判断粒子运动情况
 (2) 由粒子受力方向指向曲线的内侧, 且与电场线相切. 从而判断电场的方向.
 (3) 由电场线的疏密判断加速度大小.
 (4) 由电场力做功的正负判断粒子动能的变化情况.

考法五 对称法在电场叠加中的应用

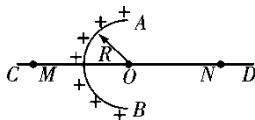
对称现象普遍存在于各种物理现象和物理规律中, 应用对称性不仅能帮助我们认识和探索某些基本规律, 而且也能帮助我们去求解某些具体的物理问题. 利用对称法分析解决物理问题, 可以避免复杂的数学演算和推导, 直接抓住问题的特点, 出奇制胜, 快速简便地求解问题.

■ 解题技巧 ■

对称法在电场叠加中的应用技巧

- (1) 有些物理题不具有对称性，直接求解比较困难，但采取割补法却使问题迎刃而解。
 (2) 该法的核心思想就是变不对称为对称。

[例 5](2017 · 湖北黄冈诊断) 均匀带电的球壳在球外空间产生的电场等效于电荷集中于球心处产生的电场。如图所示，在半球面 AB 上均匀分布正电荷，总电荷量为 q ，球面半径为 R ，CD 为通过半球面顶点与球心 O 的轴线，在轴线上有 M 、 N 两点， $OM=ON=2R$ 。已知 M 点的场强大小为 E ，则 N 点的场强大小为 (A)



- A. $\frac{kq}{2R^2} - E$
 B. $\frac{kq}{4R^2}$
 C. $\frac{kq}{4R^2} - E$
 D. $\frac{kq}{4R^2} + E$

解析 左半球面 AB 上的正电荷产生的电场等效为带正电荷为 $2q$ 的整个球面的电场和带电荷 $-q$ 的右半球面的电场的合电场，则 $E = \frac{2kq}{(2R)^2} - E'$ ， E' 为带电荷 $-q$ 的右半球面在 M 点产生场强大小。带电荷 $-q$ 的右半球面在 M 点的场强大小与带正电荷为 q 的左半球面 AB 在 N 点的场强大小相等，则 $E_N = E' = \frac{2kq}{(2R)^2} - E = \frac{kq}{2R^2} - E$ ，则选项 A 正确。

第2讲 电场能的性质

1. 电势能和电势 等势面

(1) 静电力做功

①特点：静电力做功与路径无关，只与 __ 初末位置 __ 有关.

②计算方法

a. $W = qEd$ ，只适用于 __ 匀强 __ 电场，其中 d 为沿 __ 电场方向 __ 的距离.

b. $W_{AB} = qU_{AB}$ ，适用于 __ 任何 __ 电场.

(2) 电势能

①定义：电荷在电场中某点具有的势能，等于将电荷从该点移到 __ 零势点 __ 位置时电场力所做的功.

②电场力做功与电势能变化的关系：电场力做的功等于 __ 电势能增量的负值 __，即 $W_{AB} = E_{pA} - E_{pB} = -\Delta E_p$.

(3) 电势

①定义：电荷在电场中某点具有的 __ 电势能 __ 与它的 __ 电荷量 __ 的比值.

②定义式： $\varphi = \frac{E_p}{q}$.

③矢标性：电势是标量，有正负之分，其正(负)表示该点电势比零势点高(低).

④相对性，电势具有 __ 相对性 __，同一点的电势因选取 __ 零势点 __ 的不同而不同，通常取无限远或地球的电势为零.

(4) 等势面的特点

①同一等势面上的任意两点间移动电荷电场力 __ 不做功 __.

②等势面一定跟电场线 __ 垂直 __，即跟场强的方向 __ 垂直 __.

③电场线总是从电势较 __ 高 __ 的等势面指向电势较 __ 低 __ 的等势面.

④等差等势面越密的地方场强越大，反之越 __ 小 __.

2. 电势差 匀强电场中电势差与场强的关系

(1) 电势差

①定义：电荷在电场中，由一点 A 移到另一点 B 时，__ 电场力 F 做的功 __ 与移动的电荷的 __ 电荷量 __ 的比值.

②定义式： $U_{AB} = \frac{W_{AB}}{q}$.

③电势差与电势的关系， $U_{AB} = \varphi_A - \varphi_B, U_{AB} = -U_{BA}$.

④影响因素：电势差 U_{AB} 由电场本身的性质决定，与移动的电荷 q 及电场力做的功 W_{AB} __ 无关 __，与零电势点的选取 __ 无关 __.

(2) 匀强电场中电势差与电场强度的关系

①电势差与电场强度的关系式， $U_{AB} = Ed$ ，其中 d 为 A 、 B 两点 __ 沿电场方向 __ 的距离.

②在匀强电场中，电场强度在数值上等于沿 __ 电场强度 __ 方向每单位距离上降低的电势；

注意：电场中，沿电场强度方向电势降落得最快.

考法一 电势高低与电势能大小的判断

1. 电势高低的判断

判断角度	判断方法
依据电场线方向	沿电场线方向电势逐渐降低
依据场源电荷的正负	取无穷远处电势为零, 正电荷周围电势为正值, 负电荷周围电势为负值, 靠近正电荷处电势高, 靠近负电荷处电势低
依据电场力做功	根据 $U_{AB} = \frac{W_{AB}}{q}$, 将 W_{AB} 、 q 的正负号代入, 由 U_{AB} 的正负判断 φ_A 、 φ_B 的高低
依据电势能的高低	正电荷在电势较高处电势能大, 负电荷在电势较低处电势能大

2. 电势能大小的判断

判断角度	判断方法
做功判断法	电场力做正功, 电势能减小; 电场力做负功, 电势能增加
电荷电势法	正电荷在电势高的地方电势能大; 负电荷在电势低的地方电势能大
公式法	将电荷量、电势连同正负号一起代入公式 $E_p = q\varphi$, 正 E_p 的绝对值越大, 电势能越大; 负 E_p 的绝对值越大, 电势能越小
能量守恒法	在电场中, 若只有电场力做功时, 电荷的动能和电势能相互转化, 动能增加, 电势能减小, 反之, 动能减小, 电势能增加

■ 解题技巧 I

静电场中几个物理概念之间的关系

(1) 电场线与电场强度的关系: 电场线越密的地方表示电场强度越大, 电场线上某点的切线方向表示该点的电场强度方向.

(2) 电场线与等势面的关系: 电场线与等势面垂直, 并从电势较高的等势面指向电势较低的等势面.

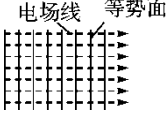

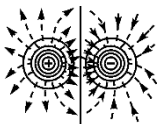
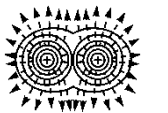
(3) 电势能与电势的关系: 正电荷在电势高的地方电势能大; 负电荷在电势低的地方电势能大.

■ 归纳总结 I

电场中各点的电势与试探电荷无关; 电荷在电场中某点的电势能与试探电荷有关; 在电场中移动电荷, 电场力做功和电势能的变化都与电荷有关.

考法二 等势面与粒子运动轨迹的分析

1. 几种常见的典型电场的等势面比较

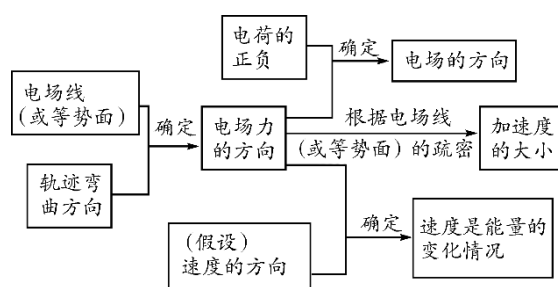
电场	等势面 (实线) 图样	重要描述
匀强电场		垂直于电场线的一簇平面
点电荷的电场		以点电荷为球心的一簇球面
等量异种点电荷的电场		连线的中垂线上的电势为零
等量同种正点电荷的电场		连线上, 中点电势最低, 而在中垂线上, 中点电势最高

2. 带电粒子在电场中运动轨迹问题的分析方法

- (1) 从轨迹的弯曲方向判断受力方向 (轨迹向合外力方向弯曲), 从而分析电场方向或电荷的正负;
- (2) 结合轨迹、速度方向与静电力的方向, 确定静电力做功的正负, 从而确定电势能、电势和电势差的变化等;
- (3) 根据动能定理或能量守恒定律判断动能的变化情况.

■ 答题模板 I

带电粒子在电场中运动轨迹的分析思路



考法三 电势差与电场强度的关系

1. 匀强电场中电势差与电场强度的关系

(1) $U_{AB} = Ed$, d 为 A、B 两点沿电场方向的距离.

(2) 沿电场强度方向电势降落得最快.

2. $E = \frac{U}{d}$ 在非匀强电场中的几点妙用

(1) 解释等差等势面的疏密与电场强度大小的关系, 当电势差 U 一定时, 电场强度 E 越大, 则沿电场强度方向的距离 d 越小, 即电场强度越大, 等差等势面越密.

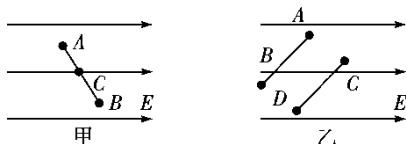
(2) 定性判断非匀强电场电势差的大小关系, 如距离相等的两点间的电势差, E 越大, U 越大; E 越小, U 越小.

■ 解题技巧 I

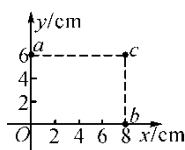
匀强电场中的两点推论

(1) 如图甲, C 点为线段 AB 的中点, 则有 $\varphi_C = \frac{\varphi_A + \varphi_B}{2}$.

(2) 如图乙, $AB \parallel CD$, 且 $AB = CD$, 则 $U_{AB} = U_{CD}$.



[例 3](2017 · 全国卷 III)(多选) 一匀强电场的方向平行于 xOy 平面, 平面内 a、b、c 三点的位置如图所示, 三点的电势分别为 10 V、17 V、26 V. 下列说法正确的是 (ABD)



A. 电场强度的大小为 2.5 V/cm

B. 坐标原点处的电势为 1 V

C. 电子在 a 点的电势能比在 b 点的低 7 eV

D. 电子从 b 点运动到 c 点, 电场力做功为 9 eV

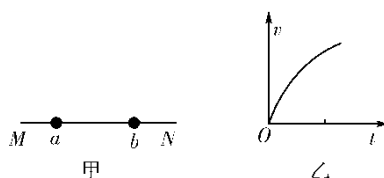
解析 ac 垂直于 bc , 沿 ca 和 cb 两方向的场强分量大小分别为 $E_x = \frac{U_{ca}}{ac} = 2 \text{ V/cm}$, $E_y = \frac{U_{cb}}{bc} = 1.5 \text{ V/cm}$, 根据矢量合成可知 $E = 2.5 \text{ V/cm}$. 选项 A 正确; 根据在匀强电场中平行线上等距同向的两点间电势差相等, 有 $\varphi_0 - \varphi_a = \varphi_b - \varphi_c$, 得 $\varphi_0 = 1 \text{ V}$, 选项 B 正确; 由于在 a、b、c 三点的电势能分别为 -10 eV、-17 eV 和 -26 eV, 故电子在 a 点的电势能比在 b 点的高 7 eV, 选项 C 错误; 电子从 b 点运动到 c 点, 电场力做功 $W = (-17 \text{ eV}) - (-26 \text{ eV}) = 9 \text{ eV}$, 选项 D 正确.

考法四 图象在电场中的应用

1. v-t 图象

根据 v-t 图象的速度变化、斜率变化 (即加速度大小的变化), 确定电荷所受电场力的方向与电场力的大小变化情况, 进而确定电场强度的方向、电势的高低及电势能的变化.

[例 4](2018 · 四川宜宾模拟)(多选) 如图甲所示, 直线 MN 表示某电场中一条电场线, a、b 是线上的两点, 将一带负电荷的粒子从 a 点处由静止释放后, 粒子仅在电场力的作用下从 a 运动到 b 过程中的 v-t 图线如图乙所示. 设 a、b 两点的电势分别为 φ_a 、 φ_b , 电场强度的大小分别为 E_a 、 E_b , 粒子在 a、b 两点的电势能分别为 W_a 、 W_b , 不计重力, 则有 (BD)



A. $\varphi_a > \varphi_b$

B. $E_a > E_b$

C. $E_a < E_b$

D. $W_a > W_b$

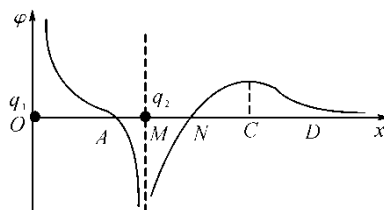
2. $\varphi - x$ 图象

(1) 电场强度的大小等于 $\varphi - x$ 图线的斜率大小，电场强度为零处， $\varphi - x$ 图线存在极值，其切线的斜率为零。

(2) 在 $\varphi - x$ 图象中可以直接判断各点电势的大小，并可根据电势大小关系确定电场强度的方向。

(3) 在 $\varphi - x$ 图象中分析电荷移动时电势能的变化，可用 $W_{AB} = qU_{AB}$ ，进而分析 W_{AB} 的正负，然后作出判断。

[例 5](2018 · 重庆模拟) 两电荷量分别为 q_1 和 q_2 的点电荷放在 x 轴上的 O、M 两点，两电荷连线上各点电势 φ 随 x 变化的关系如图所示，其中 A、N 两点的电势均为零，ND 段中的 C 点电势最高，则 (D)



A. N 点的电场强度大小为零

B. A 点的电场强度大小为零

C. NC 间电场强度方向指向 x 轴正方向

D. 将一负点电荷从 N 点移到 D 点，电场力先做正功后做负功

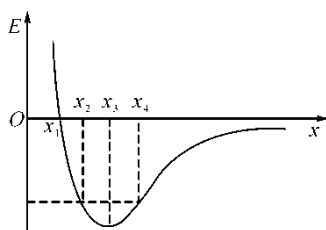
3. E - x 图象

(1) 反映了电场强度随位移变化的规律.

(2) $E > 0$ 表示场强沿 x 轴正方向; $E < 0$ 表示场强沿 x 轴负方向.

(3) 图线与 x 轴围成的“面积”表示电势差,“面积”大小表示电势差大小,两点的电势高低根据电场方向判定.

[例 6](2018 · 河南开封模拟)(多选) 空间存在一静电场,其在 x 轴上的电场强度 E 随 x 的变化关系如图所示, x 轴正方向为场强正方向,带正电的点电荷沿 x 轴水平向右运动,则点电荷 (BC)



- A. 在 x_2 和 x_4 处电势能相等
- B. 由 x_1 运动到 x_3 的过程中电势能增大
- C. 从 x_1 运动到 x_4 的过程中电场力先增大后减小
- D. 从 x_1 运动到 x_4 的过程中电场力先减小后增大

第3讲 电容器 带电粒子在电场中的运动

1. 电容器及电容

(1) 电容器

①组成：由两个彼此 __ 绝缘 __ 又相互靠近的导体组成；

②带电荷量：一个极板所带电荷量的 __ 绝对值 __；

③电容器的充、放电

a. 充电：使电容器带电的过程，充电后电容器两极板带上等量的 __ 异种电荷 __，电容器中储存电场能；

b. 放电：使充电后的电容器失去电荷的过程，放电过程中 __ 电能 __ 转化为其他形式的能.

(2) 电容

①定义：电容器所带的 __ 电荷量 __ 与两个极板间的 __ 电势差 __ 的比值；

②定义式： $C = \frac{Q}{U}$ ；

③单位：法拉 (F)、微法 (μF)、皮法 (pF)， $1F = 10^6 \mu F = 10^{12} pF$ ；

④意义：表示电容器 __ 容纳电荷 __ 本领的高低；

决定因素：由电容器本身物理条件 (大小、形状、相对位置及电介质) 决定，与电容器是否 __ 带电 __ 及 __ 电压 __ 无关.

(3) 平行板电容器的电容

①决定因素：正对面积，介电常数，两板间的距离，

②决定式： $C = \frac{\epsilon_r S}{4\pi k d}$ 。

2. 带电粒子在电场中的运动

(1) 加速问题

①在匀强电场中： $W = qEd = qU = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$ ；

②在非匀强电场中： $W = qU = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$ 。

(2) 偏转问题

①条件分析：不计重力的带电粒子以速度 v_0 垂直于电场线方向飞入匀强电场；

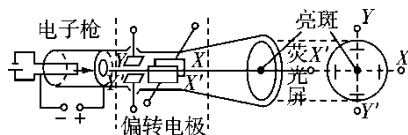
②运动性质： __ 匀变速曲线 __ 运动；

③处理方法：利用运动的合成与分解.

a. 沿初速度方向：做 __ 匀速 __ 运动；

b. 沿电场方向：做初速度为零的 __ 匀加速 __ 运动. 3. 示波管

(1) 装置：示波管由 __ 电子枪 __、 __ 偏转电极 __ 和 __ 荧光屏 __ 组成，管内抽成真空，如图



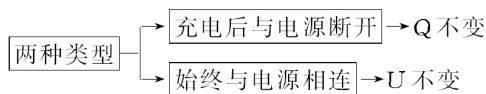
(2) 原理

①如果在偏转电极 XX' 和 YY' 之间都没有加电压，则电子枪射出的电子沿直线传播，打在荧光屏 __ 中心 __，在那里产生一个亮斑；

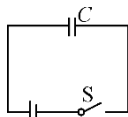
② YY' 上加的是待显示的 __ 信号电压 __， XX' 上是机器自身产生的锯齿形电压，叫做扫描电压. 若所加扫描电压和信号电压的周期相同，就可以在荧光屏上得到待测信号在一个周期内变化的图象.

考法一 平行板电容器的动态分析

1. 常见类型



[例 1](2018 · 安徽安庆质检) 如图所示, 先接通开关 S 使电容器充电, 然后断开开关 S. 当增大两极板间距离时, 电容器所带电荷量 Q 、电容 C 、两极板间电势差 U 、电容器两极板间场强 E 的变化情况是 (C)



- A. Q 变小, C 不变, U 不变, E 变小
- B. Q 变小, C 变小, U 不变, E 不变
- C. Q 不变, C 变小, U 变大, E 不变
- D. Q 不变, C 变小, U 变小, E 变小

解: 电容器充电后再断开开关 S, 其所带的电荷量不变. 由 $C \propto \frac{\epsilon_r S}{d}$ 可知, d 增大时, C 变小, 又因为 $U = \frac{Q}{C}$, 所以 U 变大, 对于场强 E , 由于 $E = \frac{U}{d}$, $U = \frac{Q}{C} = \frac{Q}{\frac{\epsilon_r S}{4\pi k d}}$, 所以 $E = \frac{U}{d} = \frac{4\pi k d Q}{\epsilon_r S d} = \frac{4\pi k Q}{\epsilon_r S}$. 由以上分析可知, 间距 d 增大, E 不变. 因此选项 C 正确.

■ 归纳总结

解决电容器问题的两个常用技巧

- (1) 在电荷量保持不变的情况下, 由 $E = \frac{U}{d} = \frac{Q}{Cd} = \frac{4\pi k Q}{\epsilon_r S}$ 知, 电场强度与板间距离无关.
- (2) 对平行板电容器的有关物理量 Q 、 E 、 U 、 C 进行讨论时, 关键在于弄清哪些是变量, 哪些是不变量, 在变量中哪些是自变量, 哪些是因变量, 抓住 $C = \frac{\epsilon_r S}{4\pi k d} Q = CU$ 和 $E = \frac{U}{d}$ 进行判定即可.

考法二 带电粒子在电场中的直线运动

1. 带电粒子在电场中运动时是否考虑重力的处理方法

(1) 基本粒子：如电子、质子、 α 粒子、离子等，除有说明或明确的暗示以外，一般都不考虑重力 (但并不忽略质量)。

(2) 带电颗粒：如液滴、油滴、尘埃、小球等，除有说明或有明确的暗示以外，一般都要考虑重力。

2. 解决带电粒子在电场中的直线运动问题的两种思路

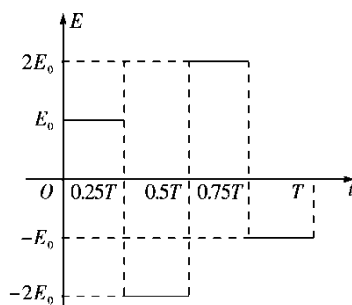
(1) 运动状态的分析：带电粒子沿与电场线平行的方向进入匀强电场，受到的电场力与运动方向在同一条直线上，做加 (减) 速直线运动。

(2) 用功与能的观点分析：电场力对带电粒子做的功等于带电粒子动能的变化量，即 $qU = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$ 。

[例 2] 一电荷量为 $q(q>0)$ 、质量为 m 的带电粒子在匀强电场的作用下，在 $t=0$ 时由静止开始运动，电场强度随时间变化的规律如图所示，不计重力，求在 $t=0$ 到 $t=T$ 的时间间隔内

(1) 粒子位移的大小和方向；

(2) 粒子沿初始电场反方向运动的时间。

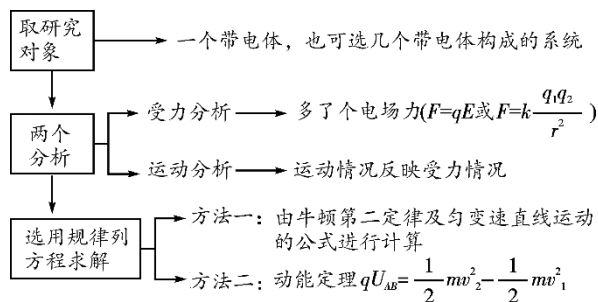


解：(1)

(2)

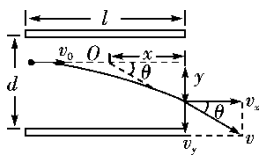
■ 答题模板 I

带电体在匀强电场中做直线运动的分析思路



考法三 带电粒子在电场中的偏转

1. 基本规律: 设粒子带电荷量为 q , 质量为 m , 两平行金属板间的电压为 U , 板长为 l , 板间距离为 d (忽略重力影响), 则有



(1) 加速度: $a = \frac{F}{m} = \frac{qE}{m} = \frac{qU}{md}$.

(2) 在电场中的运动时间: $t = \frac{l}{v_0}$.

(3) 位移 $\begin{cases} l = v_x t = v_0 t \\ y = \frac{1}{2} at^2 \end{cases}$

$$y = \frac{1}{2} at^2 = \frac{qUl^2}{2mv_0^2 d}$$

(4) 速度 $\begin{cases} v_x = v_0, \\ v_y = at, \end{cases}$

$$v_y = \frac{qUt}{md}, \quad v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}, \quad \tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{qUl}{mv_0^2 d}.$$

2. 两个结论

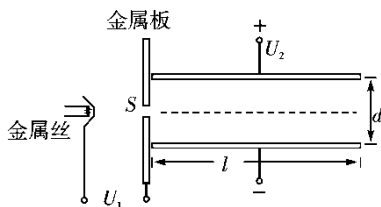
(1) 不同的带电粒子从静止开始经过同一电场加速后再从同一偏转电场射出时的偏转角度总是相同的, 偏转位移也总是相同的. 证明: 由 $qU_0 = \frac{1}{2}mv_0^2$ 及 $\tan \theta = \frac{qUl}{mv_0^2 d}$ 得 $\tan \theta = \frac{Ul}{2U_0 d}$; 同理可得 $y = \frac{UL^2}{4v_0 d}$

(2) 粒子经电场偏转后, 合速度的反向延长线与初速度延长线的交点 O 为粒子水平位移的中点, 即 O 到电场边缘的距离为 $\frac{l}{2}$.

3. 带电粒子在匀强电场中偏转的功能关系

当讨论带电粒子的末速度 v 时, 也可以从能量的角度进行求解: $qU_y = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$, 其中 $U_y = \frac{U}{d}y$, 指初、末位置间的电势差.

[例 3] 如图所示的装置放置在真空中, 炽热的金属丝可以发射电子, 金属丝和竖直金属板之间加一电压 $U_1=2500\text{V}$, 发射出的电子被加速后, 从金属板上的小孔 S 射出. 装置右侧有两个相同的平行金属极板水平正对放置, 板长 $l=6.0\text{cm}$, 相距 $d=2\text{cm}$, 两极板间加以电压 $U_2=200\text{V}$ 的偏转电场. 从小孔 S 射出的电子恰能沿平行于板面的方向由极板左端中间位置射入偏转电场. 已知电子的电荷量 $e = 1.6 \times 10^{-19}\text{C}$, 电子的质量 $m = 0.9 \times 10^{-30}\text{kg}$, 设电子离开金属丝时的速度为零, 忽略金属极板边缘对电场的影响, 不计电子受到的重力. 求:



(1) 电子射入偏转电场时的动能 E_k ;

(2) 电子射出偏转电场时在竖直方向上的侧移量 y ;

(3) 电子在偏转电场运动的过程中电场力对它所做的功 W .

解: (1) $4.0 \times 10^{-16}\text{J}$ (2) 0.36cm (3) $5.76 \times 10^{-18}\text{J}$

考法四 带电粒子在交变电场中的运动

带电粒子在交变电场中运动的分析方法

(1) 注重全面分析

分析受力特点和运动规律, 抓住粒子的运动具有周期性和空间上具有对称性的特征, 求解粒子运动过程中的速度、位移等, 并确定与物理过程相关的边界条件.

(2) 分析时从两条思路出发

一是力和运动的关系, 根据牛顿第二定律及运动学规律分析; 二是功能关系, 根据动能定理及能量守恒定律分析.

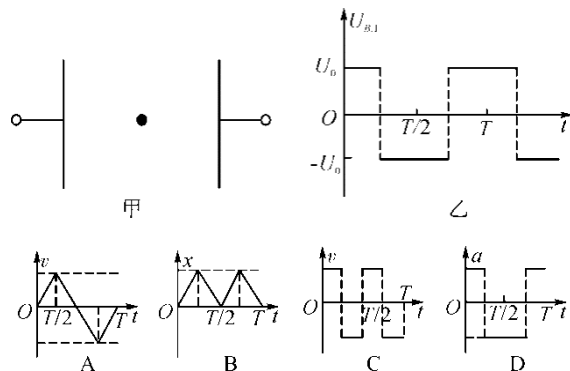
(3) 此类题型一般有三种情况

①粒子做单向直线运动 (一般用牛顿运动定律求解);

②粒子做往返运动 (一般分段研究);

③粒子做偏转运动 (一般根据交变电场特点分段研究).

[例 4](多选) 如图甲所示, 平行金属板中央有一个静止的电子 (不计重力), 两板间距离足够大. 当两板间加上如图乙所示的交变电压后, 在下图中, 反映电子速度 v 、位移 x 和加速度 a 三个物理量随时间 t 的变化规律可能正确的是 (AD)



解: 在平行金属板之间加上如题图乙所示的交变电压时, 因为电子在平行金属板间所受的电场力 $F = \frac{U_0 e}{d}$, 所以电子所受的电场力大小不变. 由牛顿第二定律 $F=ma$ 可知, 电子在第一个 $\frac{T}{4}$ 内向 B 板做匀加速直线运动, 在第二个 $\frac{T}{4}$ 内向 B 板做匀减速直线运动, 在第三个 $\frac{T}{4}$ 内反向做匀加速直线运动, 在第四个 $\frac{T}{4}$ 内向 A 板做匀减速直线运动, 所以 $a-t$ 图象如图 D 所示, $v-t$ 图象如图 A 所示; 又因匀变速直线运动位移 $x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$, 所以 $x-t$ 图象应是曲线. 故选项 A、D 正确, B、C 错误.

归纳总结

(1) 利用图象

带电粒子在交变电场中运动时, 受电场力作用, 其加速度、速度等均做周期性变化, 借助图象描述它在电场中的运动情况, 可直观展示其物理过程, 从而快捷地分析求解.

画图象时应注意在 $v-t$ 图中, 加速度相同的运动一定是平行的直线, 图象与 $v-t$ 轴所夹面积表示位移, 图象与 t 轴的交点表示此时速度反向.

(2) 利用运动的独立性

对一个复杂的合运动, 可以看成是几个分运动合成的. 某一方向的分运动不会因其他分运动的存在而受到影响. 应用这一原理可以分析带电粒子在交变电场中的运动. 根据各分运动的情况, 再按运动的合成与分解规律分析合运动情况.

第七章 章末总结

1. 概念

- 电场线越密的地方表示电场强度越大
- 等势线越密的地方表示电场强度越大；(等差等势线)
- 电场线越密(电场强度越大)，电势变化越快；
- 在匀强电场中，平行线段长度之比等于电势差之比；
- 电场方向为电场线方向或电场线切线方向；
- 电场线与等势面垂直，并从电势较高的等势面指向电势较低的等势面；
- 电势沿电场线方向减小；
- 正电荷沿电场线方向移动，做正功，电势减小，电势能减小；
- 负电荷沿电场线方向移动，做负功，电势减小，电势能增加。

2. 力场与电场对比

- 重力场 匀强电场

物理量	重力场	匀强电场
力	$F = ma$	$F = qE$
场强	$a = \frac{F}{m} = g = 10\text{m/s}^2$	$E = \frac{F}{q}$
势能	$E_p = mgh$	$E_p = qEd = q\phi$
势	$gh = \frac{E_p}{m}$	$\phi = \frac{E_p}{q}$

- 引力场 点电荷电场

物理量	引力场	点电荷电场
力	$F = G \frac{Mm}{r^2}$	$F = k \frac{Qq}{r^2}$
场强	$a = \frac{F}{m} = G \frac{M}{r^2}$	$E = \frac{F}{q} = k \frac{Q}{r^2}$
势能	$E_p = -G \frac{Mm}{r}$	$E_p = k \frac{Qq}{r}$
势	$= \frac{E_p}{m} = -G \frac{M}{r}$	$\phi = \frac{E_p}{q} = k \frac{Q}{r}$

第八章 恒定电流

第1讲 电流 电阻 电功及电功率

1. 电流

- (1) 形成的条件：导体中有 __ 自由电荷 __；导体两端存在 __ 电压 __。
(2) 标矢性：电流是标量，__ 正电荷 __ 定向移动的方向规定为电流的方向。
(3) 两个表达式：①定义式 $I = \frac{q}{t}$ ；②决定式 $I = \frac{U}{R}$ 。

2. 电阻、电阻定律

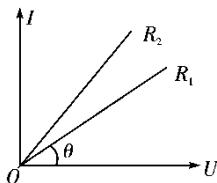
- (1) 电阻：反映了 __ 导体对电流阻碍作用 __ 的大小，表达式为 $R = \frac{U}{I}$ 。
(2) 电阻定律：同种材料的导体，其电阻跟它的 __ 长度 __ 成正比，与它的 __ 横截面积 __ 成反比，导体的电阻还与构成它的材料有关。表达式为 $R = \rho \frac{L}{S}$ 。

(3) 电阻率：

- ①物理意义：反映导体的 __ 导电性能 __，是导体材料本身的属性；
②电阻率与温度的关系：金属的电阻率随温度升高而 __ 增大 __；半导体的电阻率随温度升高而 __ 减小 __。

3. 部分电路欧姆定律及其应用

- (1) 内容：导体中的电流跟导体两端的 __ 电压 __ 成正比，跟导体的 __ 电阻 __ 成反比。
(2) 表达式： $I = \frac{U}{R}$ 。
(3) 适用范围：金属导电和电解液导电，不适用于气体导电或半导体元件。
(4) 导体的伏安特性曲线 (I-U) 图线



①比较电阻的大小：图线的斜率 $k = \tan \theta = \frac{I}{U} = \frac{1}{R}$ ，图中 $R_1 > R_2$ (选填“>”“<”或“=”)；

②线性元件：伏安特性曲线是过原点的直线的电学元件，适用于欧姆定律；

③非线性元件：伏安特性曲线不是过原点的直线的电学元件，不适用于欧姆定律。

4. 电功率、焦耳定律

- (1) 电功：电路中 __ 电场力 __ 移动电荷做的功。表达式为 $W = qU = UIt$ 。
(2) 电功率：单位时间内电流做的功。表示电流做功的 __ 快慢 __。表达式为 $P = \frac{W}{t} = UI$ 。

①纯电阻用电器：电功率 $P = IU = I^2 R = \frac{U^2}{R}$ 。

②非纯电阻用电器：电功率只能是 $P = UI$ 。

(3) 焦耳定律：电流通过导体产生的 __ 热量 __ 跟电流的二次方成正比，跟导体的电阻及通电时间成正比。表达式为 $Q = I^2 Rt$ 。

①纯电阻用电器：电热 $Q = IUt = I^2 Rt = \frac{U^2}{R} t$ 。

②非纯电阻用电器：电热只能是 $Q = I^2 Rt$ 。

考法一 对电流表达式的理解

	公式及适用范围	字母含义
定义式	$I = \frac{q}{t}$ 一切电路	q 为时间 t 内通过导体横截面的电荷量
微观式	$I = nqSv$ 一切电路	n: 导体单位体积内的自由电荷数 q: 每个自由电荷的电荷量 S: 导体横截面积 v: 电荷定向移动速率
决定式	$I = \frac{U}{R}$ 金属、电解液	U: 导体两端的电压 R: 导体本身的电阻

■ 解题技巧 I

电流微观表达式的相关说明

- (1) 判断某个量与其他量的变化关系, 可以根据公式推导出该物理量的表达式, 就能看出该物理量与其他量是否有关, 以及随其他量的变化规律.
- (2) 电流的微观表达式在金属导体、静电除尘、电视机显像管等问题中都有应用.

考法二 电阻定律的理解及应用

两个公式的对比

公式	$R = \rho \frac{L}{S}$	$I = \frac{U}{R}$
区别	电阻的决定式 说明了电阻的决定因素 只适用于粗细均匀的金属导体和浓度均匀的电解液	电阻的定义式 提供了一种测定电阻的方法, 并不说明电阻与 U 和 I 有关 适用于任何纯电阻导体
相同点	都不能反映电阻的实质 (要用微观理论解释)	

■ 解题技巧 I

导体形变后电阻的分析方法

某一导体的形状改变后, 讨论其电阻变化应抓住以下三点:

- (1) 导体的电阻率不变, 因其由导体材料本身决定.
- (2) 导体的体积不变, 由 $V=IS$ 可知 l 与 S 成反比.
- (3) 在 ρ 、l、S 都确定之后, 应用电阻定律 $R = \rho \frac{L}{S}$ 求解.

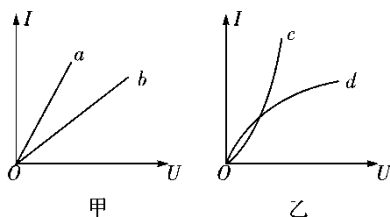
考法三 欧姆定律与伏安特性曲线的理解及应用

1. 图线的意义

- (1) 由于导体的导电性能不同, 所以不同的导体有不同的伏安特性曲线.
 (2) 伏安特性曲线上每一点的电压坐标与电流坐标的比值, 对应这一状态下的电阻.

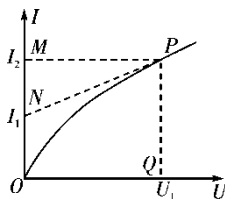
2. 图线的区别

- (1) 图甲中图线 a、b 表示线性元件, 图乙中图线 c、d 表示非线性元件.
 (2) 在伏安特性曲线中, 线性元件图线的斜率表示电阻的倒数, 斜率越大, 电阻越小, 故 $R_a < R_b$ (如图甲所示).
 (3) 图线 c 的斜率增大, 电阻减小; 图线 d 的斜率减小, 电阻增大 (如图乙所示).



- (4) c、d 图线上某点切线的斜率不是电阻的倒数.

[例 3] (2017 · 四川成都诊断) 小灯泡通电后其电流 I 随所加电压 U 变化的图线如图所示, P 为图线上一点, PN 为图线在 P 点的切线, PQ 为 U 轴的垂线, PM 为 I 轴的垂线, 则下列说法中正确的是 (D)



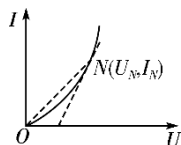
- A. 随着所加电压的增大, 小灯泡的电阻减小
 B. 对应 P 点, 小灯泡的电阻为 $R = \frac{U_1}{I_1}$
 C. 对应 P 点, 小灯泡的电阻为 $R = \frac{U_1}{I_2 - I_1}$
 D. 对应 P 点, 小灯泡的功率为图中矩形 $PQOM$ 所围面积

■ 误区防范 ■

运用伏安特性曲线求电阻应注意的问题

- (1) 如图所示, 非线性元件的 I - U 图线是曲线, 导体电阻 $R_N = \frac{U_N}{I_N}$, 即电阻等于图线上点 (U_N, I_N) 与坐标原点连线的斜率的倒数, 而不等于该点切线斜率的倒数, 即 $R \neq \frac{\Delta U}{\Delta I}$.

- (2) I - U 图线中的斜率 $k = \frac{1}{R}$, 斜率 k 不能理解为 $k = \tan \alpha$ (α 为图线与 U 轴的夹角), 因坐标轴的单位可根据需要人为规定, 同一电阻在坐标轴单位不同时倾角 α 是不同的.

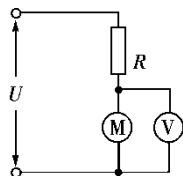


考法四 电功和电热 电功率和热功率

纯电阻电路与非纯电阻电路的比较

用电器纯电阻 $W = Q = UIt = P^2Rt = \frac{U^2}{R}t$ 如电阻、电炉、白炽灯等非纯电阻 $W > Q = UIt = P^2Rt = \frac{U^2}{R}t$ 其他如电风扇、电动机、电解槽等

[例 4] 如图所示是一提升重物用的直流电动机工作时的电路图. 电动机内电阻 $r=0.8\ \Omega$, 电路中另一电阻 $R=10\ \Omega$, 直流电压 $U=160\ \text{V}$, 电压表示数 $U_V=110\ \text{V}$. 试求:



- (1) 通过电动机的电流;
- (2) 输入电动机的电功率;
- (3) 若电动机以 $v=1\ \text{m/s}$ 匀速竖直向上提升重物, 求该物的质量. (g 取 $10\ \text{m/s}^2$)

解: (1) $5\ \text{A}$ (2) $550\ \text{W}$ (3) $53\ \text{kg}$

(1) 由电路中的电压关系可得电阻 R 的分压 $U_R = U - U_V = (160 - 110)\text{V} = 50\text{V}$, 流过电阻 R 的电流 $I_R = \frac{U_R}{R} = \frac{50}{10}\text{A} = 5\text{A}$, 即通过电动机的电流 $I_M = I_R = 5\text{A}$.

(2) 电动机的分压 $U_M = U_V = 110\text{V}$, 输入电动机的功率 $P_{\text{电}} = I_M U_M = 550\text{W}$.

(3) 电动机的发热功率 $P_{\text{热}} = I_M^2 r = 20\text{W}$, 电动机输出的机械功率 $P_{\text{出}} = P_{\text{电}} - P_{\text{热}} = 530\text{W}$, 又因 $P_{\text{出}} = mgv$, 所以 $m = \frac{P_{\text{出}}}{gv} = 53\text{kg}$.

■ 误区防范 ■

非纯电阻问题的“四大注意”

- (1) 无论是纯电阻还是非纯电阻, 电功均为 $W = UIt$, 电热均为 $Q = I^2Rt$.
- (2) 处理非纯电阻的计算问题时, 要善于从能量转化的角度出发, 紧紧围绕能量守恒, 利用“电功 = 电热 + 其他能量”寻找等量关系求解.
- (3) 非纯电阻在一定条件下可当作纯电阻处理, 如电动机卡住不转时即为纯电阻.
- (4) 若电路中, 为电动机与纯电阻串联. 在求电动机电压和电流时, 不能对电动机应用欧姆定律, 应对其他纯电阻元件分析, 间接得到电动机电压和电流.

第2讲 电路 闭合电路的欧姆定律

1. 串、并联电路的特点

(1) 特点对比

	串联	并联
电流	$I = I_1 = I_2 = \dots = I_n$	$I = I_1 + I_2 + \dots + I_n$
电压	$U = U_1 + U_2 + \dots + U_n$	$U = U_1 = U_2 = \dots = U_n$
电阻	$R = R_1 + R_2 + \dots + R_n$	$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}$

(2) 几个常用的推论

- ①串联电路的总电阻 __ 大于 __ 其中任一部分电路的总电阻.
- ②并联电路的总电阻 __ 小于 __ 其中任一支路的总电阻, 且小于其中最小的电阻.
- ③无论电阻怎样连接, 每一段电路的总的消耗电功率 P 总是等于各个电阻消耗电功率之和.
- ④无论电路是串联还是并联, 电路中任意一个电阻变大时, 电路的总电阻变大.

2. 电源的电动势和内阻

(1) 电动势

- ①电动势的计算: 非静电力搬运电荷所做的功与搬运的电荷量的比值, $E = \frac{W}{q}$;

②电动势的物理含义: 电动势表示电源 __ 把其他形式的能转化成电势能 __ 本领的大小, 在数值上等于电源没有接入电路时两极间的电压.

(2) 内阻: 电源内部导体的电阻.

3. 闭合电路的欧姆定律

(1) 闭合电路欧姆定律

- ①内容: 闭合电路里的电流跟电源的电动势成 __ 正比 __, 跟内、外电阻之和成 __ 反比 __;
- ②公式: $I = \frac{E}{R+r}$ (只适用于纯电阻电路);
- ③其他表达形式

a. 电势降落表达式: $E = U_{\text{外}} + U_{\text{内}}$ 或 $E = U_{\text{外}} + Ir$;

b. 能量表达式: $EI = UI + I^2r$.

(2) 路端电压与外电阻的关系

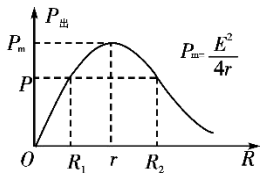
- ①一般情况: $U = IR = \frac{E}{R+r}R = \frac{E}{1 + \frac{r}{R}}$, 当 R 增大时, U __ 增大 __;

②特殊情况:

a. 当外电路断路时, $I=0$, $U=E$;

b. 当外电路短路时, $I_{\text{短}} = \frac{E}{r}$, $U=0$.

考法一 闭合电路的功率及效率问题

电源总功率	任意电路 $P_{\text{总}} = EI = P_{\text{出}} + P$ 纯电阻电路 $P_{\text{总}} = I^2(R + r) = \frac{E^2}{R + r}$
电源内部消耗的功率	$P_{\text{内}} = P^2 r = P_{\text{总}} - P_{\text{出}}$
电源的输出功率	任意电路 $P_{\text{出}} = UI = P_{\text{总}} - P$ 纯电阻电路 $P_{\text{出}} = P^2 R = \frac{E^2 R}{(R + r)^2}$
$P_{\text{出}}$ 与外电阻 R 的关系	
电源的效率	$\eta = \frac{P_{\text{出}}}{P_{\text{总}}} \times 100\% = \frac{U}{E} \times 100\%$ 纯电阻电路 $\eta = \frac{R}{R + r} \times 100\%$

由 $P_{\text{出}}$ 与外电阻 R 的关系图象可知

- ①当 $R=r$ 时, 电源的输出功率最大为 $P_m = \frac{E^2}{4r}$;
- ②当 $R>r$ 时, 随着 R 的增大输出功率越来越小;
- ③当 $R<r$ 时, 随着 R 的增大输出功率越来越大;
- ④当 $P_{\text{出}} < P_m$ 时, 每个输出功率对应两个外电阻 R_1 和 R_2 , 且 $R_1 R_2 = r^2$.

■ 归纳总结

闭合电路欧姆定律中功率的最值问题

(1) 定值电阻的功率 $P_{\text{定}} = I^2 R$

R 为定值电阻, $P_{\text{定}}$ 只与电流有关系, 当 $R_{\text{外}}$ 最大时, I 最小 $P_{\text{定}}$ 最小, 当 $R_{\text{外}}$ 最小时, I 最大 $P_{\text{定}}$ 最大.

(2) 电源的输出功率 $P_{\text{出}} = \frac{E^2 R_{\text{外}}}{(r + R_{\text{外}})^2} = \frac{E^2}{\frac{(R_{\text{外}} - r)^2}{R_{\text{外}}} + 4r}$

当 $R_{\text{外}} = r$ 时, $P_{\text{出}}$ 功率最大.

(3) 变化电阻的功率的最大值

利用等效思想, 把除变化电阻之外的其他的定值电阻等效成电源的内阻 r' , 则变化电阻的功率即为等效以后的电源的输出功率, 即当 $R_{\text{变}} = r'$ 时, $P_{\text{变}}$ 有最大值.

考法二 电路的动态分析

1. 动态分析特点

断开或闭合开关、滑动变阻器的滑片移动、电阻增大或减小导致电路电压、电流、功率等的变化.

2. 电路动态分析的方法

(1) 程序法

电路结构的变化 $\rightarrow R$ 的变化 $\rightarrow R_{\text{总}}$ 的变化 $\rightarrow I_{\text{总}}$ 的变化 $\rightarrow U$ 端的变化 \rightarrow 固定支路的变化 \rightarrow 变化支路 I 、 U 、 P 的变化.

(2) “串反并同” 结论法

①所谓“串反”，即某一电阻增大时，与它串联或间接串联的电阻中的电流、两端电压、电功率都将减小，反之则增大.

②所谓“并同”，即某一电阻增大时，与它并联或间接并联的电阻中的电流、两端电压、电功率都将增大，反之则减小.

$$\text{即: } \left. \begin{array}{l} U_{\text{串}} \downarrow \\ I_{\text{串}} \downarrow \\ P_{\text{串}} \downarrow \end{array} \right\} \leftarrow R \uparrow \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} U_{\text{并}} \uparrow \\ I_{\text{并}} \uparrow \\ P_{\text{并}} \uparrow \end{array} \right.$$

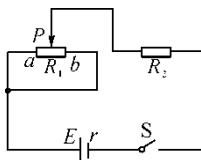
(3) 极限法

对于因滑动变阻器的滑片滑动引起电路变化的问题，可将滑动变阻器的滑片分别滑至两个极端去讨论. 此时要注意是否出现极值情况，即变化是否是单调变化.

(4) 特殊值法

对于某些电路问题，可以代入特殊值进行判定，从而得出结论.

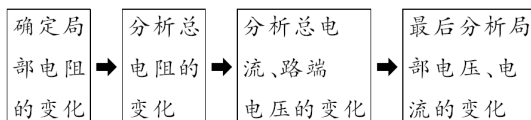
[例 2](2018 · 东北育才模拟) 如图所示电路中，电源电动势为 E ，电源内阻为 r ，串联的固定电阻为 R_2 ，滑动变阻器的总电阻为 R_1 ，电阻大小关系为 $R_1 = R_2 = r$ ，则在滑动触头 P 从 a 端移动到 b 端的过程中，下列描述中正确的是 (B)



- A. 电路中的总电流先增大后减小
- B. 电路的路端电压先增大后减小
- C. 电源的输出功率先增大后减小
- D. 滑动变阻器 R_1 上消耗的功率先减小后增大

■ 答题模板 I

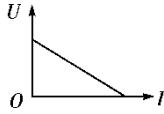
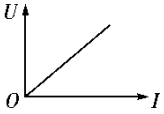
电路动态分析思路



考法三 含电容器电路的分析

1. 电容器的简化处理：简化电路时可以把电容器所处电路作为断路，简化电路时可以去掉，求电荷量时在相应位置再补上。
2. 电阻的简化处理：电路稳定后，与电容器同支路的电阻是一个等势体，相当于导线。
3. 电荷变化量的计算：电路中电流、电压的变化可能会引起电容器的充、放电。若电容器两端电压升高，电容器将充电，若电压降低，电容器将通过与它连接的电路放电。可由 $\Delta Q = C\Delta U$ 计算电容器上电荷量的变化。

考法四 两种 U-I 图线的比较及应用

	电源 U-I 图象	电阻 U-I 图象
图形		
物理意义	路端电压随电流的变化规律	电阻两端电压随电流的变化规律
截距	与纵轴交点表示电源电动势 E ， 与横轴交点表示短路电流 $\frac{E}{r}$	过坐标轴原点，表示没有电压时 电流为零
坐标的乘积 UI	表示电源的输出功率	表示电阻消耗的功率
坐标的 U 、 I 比值	表示外电阻的大小，不同点对应 的外电阻大小不同	每一点对应的比值均等大，表示 此电阻的大小不变
斜率的绝对值	内电阻 r	电阻大小

■ 归纳总结

分析 U-I 图象的一般思路

- (1) 明确纵、横坐标的物理意义。
- (2) 明确图象的截距、斜率及交点的意义。
- (3) 找出图线上对应状态的参量或关系式。
- (4) 结合相关概念或规律进行分析、计算。

考法五 电路故障的分析与判断

1. 故障特点

- ①断路特点：表现为路端电压不为零而电流为零；
- ②短路特点：用电器或电阻发生短路，表现为有电流通过电路但用电器或电阻两端电压为零。

2. 检查方法

- ①电压表检测：如果电压表示数为零，则说明可能在并联路段之外有断路，或并联路段短路；
- ②电流表检测：当电路中接有电源时，可用电流表测量各部分电路上的电流，通过对电流值的分析，可以确定故障的位置。在运用电流表检测时，一定要注意电流表的极性和量程；
- ③欧姆表检测：当测量值很大时，表示该处断路，当测量值很小或为零时，表示该处短路。在运用欧姆表检测时，电路一定要切断电源；
- ④假设法：将整个电路划分为若干部分，然后逐一假设某部分电路发生某种故障，运用闭合电路或部分电路的欧姆定律进行推理。

第九章 磁 场

第1讲 磁场 安培力

1. 磁场、磁感应强度

(1) 磁场的基本性质

磁场对处于其中的磁体、电流和运动电荷有 __ 磁力 __ 的作用.

(2) 磁感应强度

①物理意义: 描述磁场的 __ 强弱和方向 __.

②定义式: $B = \frac{F}{IL}$ (通电导线垂直于磁场).

③方向: 小磁针静止时 __ N 极的指向 __.

④单位: __ 特斯拉 __, 符号 T.

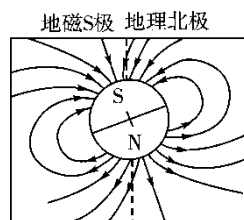
(3) 匀强磁场

①定义: 磁感应强度的大小 __ 处处相等 __、方向 __ 处处相同 __ 的磁场称为匀强磁场.

②特点: 疏密程度相同、方向相同的平行直线.

(4) 地磁场

①地磁的 N 极在地理 __ 南极 __ 附近, S 极在地理 __ 北极 __ 附近, 磁感线分布如图所示.



②在赤道平面上, 距离地球表面高度相等的各点, 磁感应强度 __ 大小相等 __, 且方向水平 __ 向北 __.

2. 磁感线和电流周围的磁场

(1) 磁感线的特点

①磁感线上某点的 __ 切线方向 __ 就是该点的磁场方向.

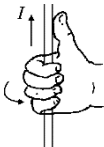
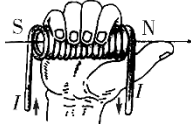
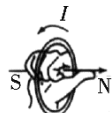
②磁感线的疏密程度定性地表示磁场的 __ 强弱 __, 在磁感线较密的地方磁场 __ 较强 __; 在磁感线较疏的地方磁场 __ 较弱 __.

③磁感线是闭合曲线, 没有起点和终点. 在磁体外部, 从 __ N 极 __ 指向 __ S 极 __, 在磁体内部, 由 __ S 极 __ 指向 __ N 极 __.

④同一磁场的磁感线不 __ 中断 __、不 __ 相交 __、不相切.

磁感线是假想的曲线, 客观上不存在.

(2) 电流周围的磁场 (安培定则)

	直线电流的磁场	通电螺线管的磁场	环形电流的磁场
特点	无磁极、非匀强磁场 且距导线越远处磁场越弱	与条形磁铁的磁场相似, 管内为匀强磁场且磁场最强, 管外为非匀强磁场	环形电流的两侧是 N 极和 S 极且离圆环中心越远, 磁场越弱
安培定则			

3. 安培力的大小和方向

(1) 大小

若 $I \parallel B$ 时, $F=0$; 若 $I \perp B$ 时, $F = BIl$.

(2) 方向

总垂直于 B 、 I 所决定的平面, 即一定垂直于 B 和 I , 但 B 与 I 不一定垂直. 可以用左手定则来判定: 伸开左手, 使大拇指跟其余四个手指 __ 垂直 __, 并且都跟手掌在 __ 同一平面内 __, 把手放入磁场中, 让磁感线 __ 垂直穿入手心 __, 使伸开的四指指向 __ 电流 __ 的方向, 那么, __ 拇指 __ 所指的方向就是通电导线在磁场中的受力方向.

(3) 两平行通电导线间的作用

同向电流相互 __ 吸引 __, 反向电流相互 __ 排斥 __.

考法一 安培定则的应用和磁场的叠加

1. 安培定则的应用

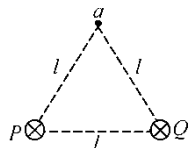
在运用安培定则判定直线电流和环形电流的磁场时应分清“因”和“果”.

	原因 (电流方向)	结果 (磁场方向)
直线电流的磁场	大拇指	四指
环形电流的磁场	四指	大拇指

2. 磁场的叠加

磁感应强度为矢量, 合成与分解遵循平行四边形定则.

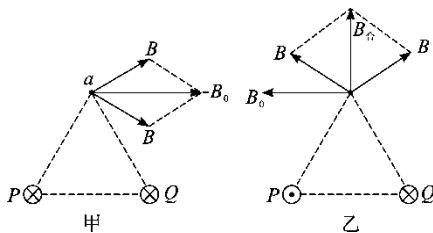
[例 1](2017 · 全国卷 III) 如图, 在磁感应强度大小为 B_0 的匀强磁场中, 两长直导线 P 和 Q 垂直于纸面固定放置, 两者之间的距离为 l . 在两导线中均通有方向垂直于纸面向里的电流 I 时, 纸面内与两导线距离均为 l 的 a 点处的磁感应强度为零. 如果让 P 中的电流反向、其他条件不变, 则 a 点处磁感应强度的大小为 (C)



- A. 0
 B. $\frac{\sqrt{3}}{3}B_0$
 C. $\frac{2\sqrt{3}}{3}B_0$
 D. $2B_0$

解: C

两导线中通电流 I 时, 两电流在 a 点处的磁感应强度与匀强磁场的磁感应强度的矢量合为 0, 则两电流磁感应强度的矢量和为 $-B_0$, 如图甲得 $B = \frac{\sqrt{3}}{3}B_0$. P 中电流反向后, 如图乙, $B_{\text{合}} = B = \frac{\sqrt{3}}{3}B_0$, $B_{\text{合}}$ 与 B_0 的矢量和为 $B_{\text{总}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}B_0$, 故选项 C 正确.



■ 归纳总结 ■

分析磁场的叠加的思路

- (1) 根据安培定则确定通电导线周围磁场的方向.
- (2) 磁场中每一点磁感应强度的方向为该点磁感线的切线方向.
- (3) 磁感应强度是矢量, 多个通电导体产生的磁场叠加时, 合磁场的磁感应强度等于各场源单独存在时在该点磁感应强度的矢量和.

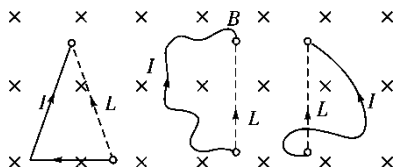
考法二 安培力的分析和计算

1. 计算安培力公式 $F=BIL$, 应用时要注意

- (1) B 与 L 垂直;
(2) L 是有效长度

①公式 $F=ILB$ 中 L 指的是“有效长度”. 当 B 与 I 垂直时, F 最大, $F=ILB$; 当 B 与 I 平行时, $F=0$.

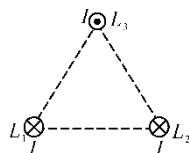
②弯曲导线的有效长度 L , 等于连接两端点线段的长度 (如图所示), 相应的电流沿 L 由始端流向末端.



③闭合线圈通电后, 在匀强磁场中受到的安培力的矢量和为零.

2. 方向: 根据左手定则判断.

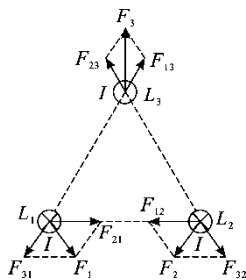
[例 2](2017·全国卷)(多选) 如图, 三根相互平行的固定长直导线 L_1 、 L_2 和 L_3 两两等距, 均通有电流 I , L_1 中电流方向与 L_2 中的相同, 与 L_3 中的相反. 下列说法正确的是 (BC)



- A. L_1 所受磁场作用力的方向与 L_2 、 L_3 所在平面垂直
B. L_3 所受磁场作用力的方向与 L_1 、 L_2 所在平面垂直
C. L_1 、 L_2 和 L_3 单位长度所受的磁场作用力大小之比为 1:1:
D. L_1 、 L_2 和 L_3 单位长度所受的磁场作用力大小之比为::1

解: BC

因三根导线中电流相等、两两等距, 则由对称性可知两两之间的作用力大小均相等. 因平行电流间同向吸引、反向排斥, 各导线受力如图所示, 由图中几何关系可知, L_1 所受磁场作用力 F_1 的方向与 L_2 、 L_3 所在平面平行, L_3 所受磁场作用力 F_3 的方向与 L_1 、 L_2 所在平面垂直, 选项 A 错误, B 正确. 设单位长度的导线两两之间作用力的大小为 F , 则由几何关系可得 L_1 、 L_2 单位长度所受的磁场作用力大小为 $2F \cos 60^\circ = F$, L_3 单位长度所受的磁场作用力大小为 $2F \cos 30^\circ = F$, 故选项 C 正确, D 错误.



考法三 对安培力作用下导体运动问题的探究

1. 导体的平衡问题

通电导体在磁场中受到安培力的作用而处于平衡状态, 此类问题要归结为力学问题, 通过受力分析, 列平衡方程求解. 受力分析时, 仍然遵循确定研究对象、按一定顺序分析受力的原则. 需要注意的是, 安培力方向的确定、安培力大小的计算要和左手定则、欧姆定律等知识相联系.

2. 导线或线圈在非匀强磁场中的变速运动

此类问题中, 关于安培力方向的判断是一个难点, 常用的方法有:

(1) 电流元法: 即把整段电流等效为很多段直线电流元, 先用左手定则判断出每小段电流元所受安培力的方向, 从而判断出整段电流所受合力方向, 最后确定运动方向.

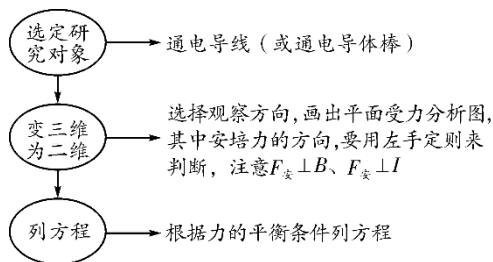
(2) 特殊值分析法: 把电流或磁铁转到一个便于分析的特殊位置后再判断所受安培力方向, 从而确定运动方向.

(3) 等效法: 环形电流可以等效成小磁针, 通电螺线管可等效为很多环形电流.

(4) 利用已知的一些相关结论法: ①两电流相互平行时无转动趋势, 方向相同时相互吸引, 方向相反时相互排斥. ②两电流不平时有转动到平行方向相同的趋势.

■ 答题模板 ■

求解安培力作用下导体棒平衡问题的基本思路



求解关键

- ①电磁问题力学化.
- ②立体图形平面化.
- ③求解极值数学化.

第 2 讲 磁场对运动电荷的作用

1. 洛伦兹力的大小和方向

(1) 定义：磁场对 __ 运动电荷 __ 的作用力.

(2) 大小

① $v \parallel B$ 时, $F=0$;

② $v \perp B$ 时, $F=qvB$;

③ v 与 B 夹角为 θ 时, $F = qvB \sin \theta$.

(3) 方向

① 判定方法：应用左手定则，注意四指应指向正电荷运动方向或负电荷运动的反方向；

② 方向特点： $F \perp B$, $F \perp v$. 即 F 垂直于 B 、 v 决定的平面. (注意 B 和 v 可以有任意夹角)

2. 带电粒子在匀强磁场中的运动

(1) 若 $v \parallel B$, 带电粒子以入射速度 v 做 __ 匀速直线 __ 运动.

(2) 若 $v \perp B$, 带电粒子在垂直于磁感线的平面内, 以入射速度 v 做 __ 匀速圆周 __ 运动.

(3) 基本公式

① 向心力公式: $qvB = m \frac{v^2}{r}$;

② 轨道半径公式: $r = \frac{mv}{Bq}$;

③ 周期公式: $T = \frac{2\pi m}{qB}$.

考法一 对洛伦兹力的理解

1. 洛伦兹力的特点

- (1) 利用左手定则判断洛伦兹力的方向，注意区分正、负电荷.
- (2) 当电荷运动方向发生变化时，洛伦兹力的方向也随之变化.
- (3) 运动电荷在磁场中不一定受洛伦兹力作用.
- (4) 洛伦兹力一定不做功.

2. 洛伦兹力与电场力的比较

	洛伦兹力	电场力
产生条件	$v \neq 0$ 且 v 不与 B 平行	电荷处在电场中
大小	$F=qvB(v \perp B)$	$F=qE$
力方向与场方向的关系	$F \perp B$, $F \perp v$	$F \parallel E$
做功情况	任何情况下都不做功	可能做功，也可能不做功

■ 归纳总结 I

洛伦兹力与安培力的联系及区别

- (1) 安培力是洛伦兹力的宏观表现，二者是相同性质的力，都是磁场力.
- (2) 安培力可以做功，而洛伦兹力对运动电荷不做功.

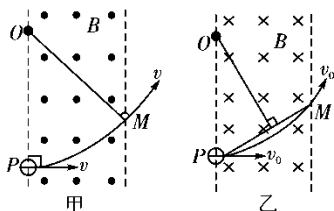
考法二 带电粒子在匀强磁场中的运动

1. 圆心的确定

(1) 基本思路: 与速度方向垂直的直线和图中弦的中垂线一定过圆心.

(2) 两种常见情形

①已知入射方向和出射方向时, 可通过入射点和出射点分别作垂直于入射方向和出射方向的直线, 两条直线的交点就是圆弧轨道的圆心 (如图甲所示, 图中 P 为入射点, M 为出射点)

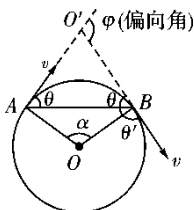


②已知入射点和出射点的位置时, 可以先通过入射点作入射方向的垂线, 再连接入射点和出射点, 作其中垂线, 这两条垂线的交点就是圆弧轨道的圆心. (如图乙所示, 图中 P 为入射点, M 为出射点)

2. 半径的确定和计算

利用平面几何关系, 求出该圆的可能半径 (或圆心角), 并注意以下两个重要的几何特点:

(1) 粒子速度的偏向角 φ 等于圆心角 α , 并等于 AB 弦与切线的夹角 (弦切角 θ) 的 2 倍 (如图所示), 即 $\varphi = \alpha = 2\theta = \omega t$.



(2) 相对的弦切角 θ 相等, 与相邻的弦切角 θ' 互补, 即两角之和 $\theta + \theta' = 180^\circ$.

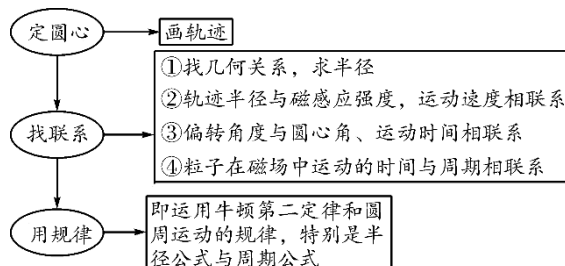
3. 运动时间的确定

粒子在磁场中运动一周的时间为 T, 当粒子运动的圆弧所对应的圆心角为 α 时, 其运动时间由下式表示:

$$t = \frac{\alpha}{360^\circ} T \quad \left(\text{或} t = \frac{\alpha}{2\pi} T \right).$$

■ 答题模板 I

带电粒子在磁场中做匀速圆周运动的解题步骤



考法三 带电粒子在磁场中运动的多解问题

■ 归纳总结

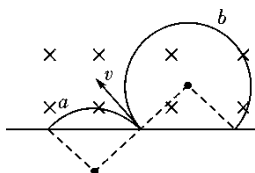
求解带电粒子在磁场中运动多解问题的技巧

- (1) 分析题目特点，确定题目多解的形成原因.
- (2) 作出粒子的运动轨迹示意图 (全面考虑多种可能性).
- (3) 若为周期性重复的多解问题，寻找通项式，若是出现几种解的可能性，注意每种解出现的条件.

1. 带电粒子电性不确定形成多解

受洛伦兹力作用的带电粒子，可能带正电，也可能带负电，在相同的初速度的条件下，正、负粒子在磁场中运动轨迹不同，形成多解.

如图，带电粒子以速率 v 垂直进入匀强磁场，如带正电，其轨迹为 a ，如带负电，其轨迹为 b .

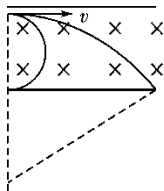


2. 磁场方向不确定形成多解

有些题目只告诉了磁感应强度的大小，而未具体指出磁感应强度方向，此时必须要考虑磁感应强度方向不确定而形成的多解.

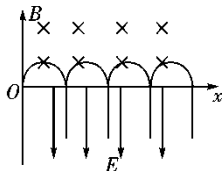
3. 临界状态不唯一形成多解

带电粒子在洛伦兹力作用下飞越有界磁场时，由于粒子运动轨迹是圆弧状，因此，它可能穿过去了，也可能转过 180° 从入射界面这边反向飞出，于是形成了多解，如图所示.



4. 运动的周期性形成多解

带电粒子在部分是电场，部分是磁场的空间运动时，运动往往具有往复性，从而形成多解，如图所示.



第3讲 带电粒子在复合场中的运动

1. 带电粒子在复合场中的运动

(1) 复合场与组合场

①复合场：电场、磁场、重力场共存，或其中某两场共存。

②组合场：电场与磁场各位于一定的区域内，并不重叠，或在同一区域，电场、磁场分时间段或分区域交替出现。

(2) 三种场的比较

	力的特点	功和能的特点
重力场	大小： $G=mg$ 方向：竖直向下	重力做功与路径无关 重力做功改变物体的重力势能
静电场	大小： $F=qE$ 方向：a. 正电荷受力方向与场强方向相同 b. 负电荷受力方向与场强方向相反	电场力做功与路径无关 $W=qU$ 电场力做功改变电势能
磁场	洛伦兹力 $F=qvB$ 方向符合左手定则	洛伦兹力不做功，不改变带电粒子的动能

(3) 带电粒子在复合场中的运动分类

①静止或匀速直线运动

当带电粒子在复合场中所受合外力为零时，将处于静止状态或做 __ 匀速直线运动 __。

②匀速圆周运动

当带电粒子所受的重力与电场力大小 __ 相等 __，方向 __ 相反 __ 时，带电粒子在洛伦兹力的作用下，在垂直于匀强磁场的平面内做 __ 匀速圆周 __ 运动。

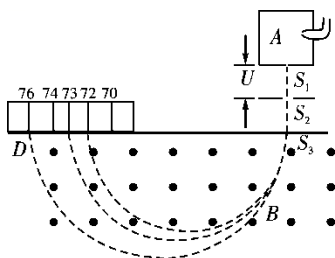
③较复杂的曲线运动

当带电粒子所受合外力的大小和方向均变化，且与初速度方向不在同一条直线上时，粒子做 __ 非匀 __ 变速曲线运动，这时粒子运动轨迹既不是圆弧，也不是抛物线。

④分阶段运动

带电粒子可能依次通过几个情况不同的复合场区域，其运动情况随区域发生变化，其运动过程由几种不同的运动阶段组成。

2. 电场、磁场分区域应用实例



甲

(1) 质谱仪

①构造：如图甲所示，由粒子源、加速电场、偏转磁场和照相底片等构成.

②原理：粒子由静止被加速电场加速，根据动能定理可得关系式 $qU = \frac{1}{2}mv^2$.

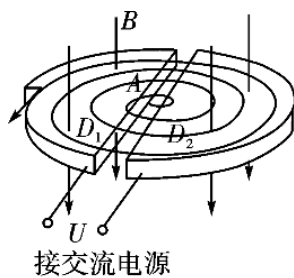
粒子在磁场中受洛伦兹力作用而偏转，做匀速圆周运动，

根据牛顿第二定律得关系式 $qvB = m\frac{v^2}{r}$.

由两式可得出需要研究的物理量，如粒子轨道半径、粒子质量、比荷.

$$r = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2mU}{q}} - m = \frac{qr^2B^2}{2U} - \frac{q}{m} = -\frac{2U}{B^2r^2}.$$

(2) 回旋加速器



乙

①构造：如图乙所示， D_1 、 D_2 是半圆形金属盒，D 形盒的缝隙处接交流电源，D 形盒处于匀强磁场中.

②原理：交流电的周期和粒子做圆周运动的周期相等，粒子在圆周运动的过程中一次又一次地经过 D 形盒缝隙，两盒间的电势差一次又一次地反向，粒子就会被一次又一次地加速. 由 $qvB = m\frac{v^2}{r}$ ，得 $E_{\text{km}} = \frac{q^2B^2r^2}{2m}$ ，可见粒子获得的最大动能由磁感应强度 B 和 D 形盒半径 r 决定，与加速电压无关.

3. 电场、磁场同区域并存的实例

装置	原理图	规 律
速度选择器		若 $qv_0B = qE$, 即 $v_0 = \frac{E}{B}$, 粒子做匀速直线运动
磁流体发电机		等离子体射入, 受洛伦兹力偏转, 使两极板带电, 当 $q\frac{U}{d} = qv_0B$ 时, 两极板间能达到最大电势差 $U = Bv_0d$
电磁流量计		当 $q\frac{U}{d} = qvB$ 时, 有 $v = \frac{U}{Bd}$, 流量 $Q = Sv = \frac{\pi dU}{4B}$
霍尔效应		在匀强磁场中放置一个矩形截面的载流导体, 当磁场方向与电流方向垂直时, 导体在与磁场、电流方向都垂直的方向上出现了电势差, 这种现象称为霍尔效应

考法一 带电粒子在组合场中的运动问题

带电粒子在组合场中的运动问题为高考热点,考查学生对带电粒子在先后出现(或交替出现)的电磁场中的运动分析、性质判断及综合计算能力.

1. 是否考虑粒子重力的三种情况

(1) 对于微观粒子,如电子、质子、离子等,因为其重力一般情况下与电场力或磁场力相比太小,可以忽略,而对于一些宏观物体,如带电小球、液滴、金属块等一般应当考虑其重力.

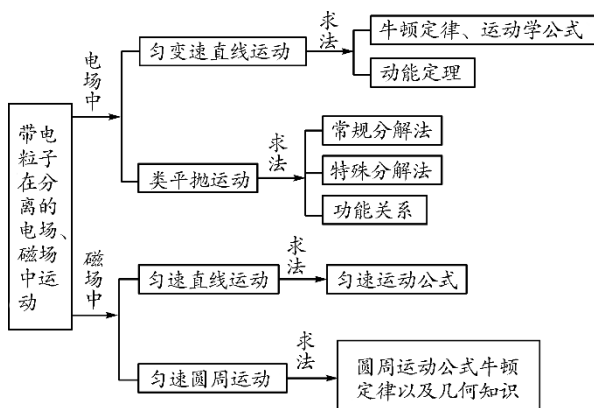
(2) 在题目中有明确说明是否要考虑重力的,这种情况比较正规,也比较简单.

(3) 不能直接判断是否要考虑重力的,在进行受力分析与运动分析时,要由分析结果确定是否要考虑重力.

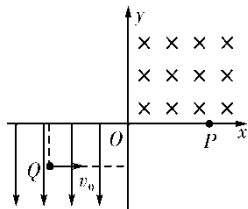
2. 带电粒子在组合场中运动,要分段处理,对匀强电场中的匀变速直线运动或类平抛运动,可由牛顿定律及运动学公式求解,对匀强磁场中的匀速圆周运动,要结合几何知识,确定圆心及半径,从而确定磁感应强度和圆心角或时间,确定从电场进入磁场的速度的大小、方向及两场交界处轨迹的几何关系,是解决问题的关键.

■ 答题模板 I

解决带电粒子在组合场中运动问题的思路方法



[例 1](2017·天津卷) 平面直角坐标系 xOy 中, 第 I 象限存在垂直于平面向里的匀强磁场, 第 III 象限存在沿 y 轴负方向的匀强电场, 如图所示. 一带负电的粒子从电场中的 Q 点以速度 v_0 沿 x 轴正方向开始运动, Q 点到 y 轴的距离为到 x 轴距离的 2 倍. 粒子从坐标原点 O 离开电场进入磁场, 最终从 x 轴上的 P 点射出磁场, P 点到 y 轴距离与 Q 点到 y 轴距离相等. 不计粒子重力, 问:



(1) 粒子到达 O 点时速度的大小和方向;

(2) 电场强度和磁感应强度的大小之比.

解: (1) $\sqrt{2}v_0$ 速度方向与 x 轴正方向成 45° 角斜向上

(2) $\frac{v_0}{2}$

考法二 带电粒子在复合场中的运动问题

带电粒子在复合场中的运动问题是历年高考命题的热点,覆盖面大,综合性强,难度大,能力要求高,以计算题呈现,有时也有选择题.

1. 带电粒子在复合场中无约束情况下的运动主要是以下几种形式

复合场组成	可能的运动形式
磁场、重力场并存	①若重力和洛伦兹力平衡,则带电体做匀速直线运动 ②若重力和洛伦兹力不平衡,则带电体将做复杂的曲线运动,因 $F_{洛}$ 不做功,故机械能守恒,由此可求解问题
电场、磁场并存 (不计微观粒子的重力)	①若电场力和洛伦兹力平衡,则带电体做匀速直线运动 ②若电场力和洛伦兹力不平衡,则带电体做复杂的曲线运动,因 $F_{洛}$ 不做功,可用动能定理求解问题
电场、磁场、重力场并存	①若三力平衡,带电体一定做匀速直线运动 ②若重力与电场力平衡,带电体一定做匀速圆周运动 ③若合力不为零且与速度方向不垂直,带电体将做复杂的曲线运动,因 $F_{洛}$ 不做功,可用能量守恒定律或动能定理求解问题

2. 分阶段运动

带电粒子可能依次通过几个情况不同的复合场区域,其受力情况随区域发生变化,则其运动过程由几种不同的运动阶段组成.

附录 A 希腊字母常用指代意义及其中文读音

序号	大写	小写	英语音标注音	英文	汉语名称	常用指代意义
1	A	α	/ˈælf/	alpha	阿尔法	角度、系数、角加速度、电离度、转化率
2	B	β	/ˈbi:t/ 或 /ˈbet/	beta	贝塔	磁通系数、角度、系数
3	Γ	γ	/ˈgæm/	gamma	伽玛	电导系数、角度、比热容比
4	Δ	δ	/ˈdelt/	delta	得尔塔	变化量、焓变、熵变、屈光度、一元二次方程中的判别式、化学位移
5	E	ϵ	/ˈepsln/	epsilon	艾普西隆	对数之基数、介电常数、电容率、应变
6	Z	ζ	/ˈzi:t/	zeta	泽塔	系数、方位角、阻抗、相对黏度
7	H	η	/ˈi:t/	eta	伊塔	迟滞系数、机械效率
8	Θ	θ	/ˈθi:t/	theta	西塔	温度、角度
9	I	ι	/aˈt/	iota	约 (yo) 塔	微小、一点
10	K	κ	/ˈkæp/	kappa	卡帕	介质常数、绝热指数
11	Λ	λ	/ˈlæmd/	lambda	拉姆达	波长、体积、导热系数普朗克常数
12	M	μ	/mju:/	mu	缪	磁导率、微、动摩擦系（因）数、流体动力黏度、货币单位、莫比乌斯函数
13	N	ν	/nju:/	nu	纽	磁阻系数、流体运动粘度、光波频率、化学计量数
14	Ξ	ξ	希腊 /ksi/ 英美 /za/ 或 /sa/	xi	克西	随机变量、（小）区间内的一个未知特定值
15	O	o	/umaikrn/或 /mkrn/	omicron	奥米克戎	高阶无穷小函数
16	Π	π	/pa/	pi	派	圆周率、(n) 表示不大于 n 的质数个数、连乘
17	P	ρ	/r/	rho	柔	电阻率、柱坐标和极坐标中的极径、密度、曲率半径
18	Σ	σ	/ˈsm/	sigma	西格马	总和、表面密度、跨导、应力、电导率
19	T	τ	/t:/ 或 /ta/	tau	陶	时间常数、切应力、 2π （两倍圆周率）
20	Υ	υ	/ipsln/ 或 /p-sln/	upsilon	阿普西龙	位移
21	Φ	φ	/fa/	phi	斐	磁通量、电通量、角、透镜焦度、热流量、电势、直径、欧拉函数
22	X	χ	/ka/	chi	希	统计学中有卡方 (χ^2) 分布
23	Ψ	ψ	/ps/	psi	普西	角速、介质电通量、函数、磁链
24	Ω	ω	/ˈm/ 或 /oˈme/	omega	奥米伽 欧米伽	欧姆、角速度、角频率、交流电的电角度、化学中的质量分数、不饱和度

附录 B 高中物理公式

必修 1/2

模块	概念/规律	公式	备注
匀变速直线运动	匀变速 直线运动	$v_t = v_0 + at$	$\bar{v} = \frac{x}{t}$ 适用于 任何形式 的运动
		$\Delta x = aT^2$	
		$\bar{v} = v_{\frac{t}{2}} = \frac{v_0 + v_t}{2} = \frac{x}{t}$	
		$x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$	
	自由落体运动	$2ax = v_t^2 - v_0^2$	$v_0 = 0$ $a = g$
		$v = gt$	
		$h = \frac{1}{2} gt^2$	
	竖直抛体运动	$v^2 = 2gh$	上抛取-号 下抛取+号
相互作用	重力	$v_t = v_0 \pm gt$	
	胡克定律	$F = kx$	
	滑动摩擦力	$f = \mu F_N$	μ 为动摩擦因数
牛顿运动定律	牛顿第二定律	$F = ma$	F为合外力, a与F方向一致
曲线运动	平抛运动	$v_x = v_0$	沿x方向做 匀速直线运动; 沿y方向做 自由落体运动
		$v_y = gt$	
	匀速圆周运动	$x = v_0 t$	$v = \frac{2\pi r}{T}$ $\omega = \frac{2\pi}{T}$ $v = \omega r$
		$y = \frac{1}{2} gt^2$	
		$v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$	
万有引力定律	万有引力定律	$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$	万有引力常量 $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{N} \cdot \text{m}^2 / \text{kg}^2$
		$a = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r = \omega v$	
		$F = ma = m \frac{v^2}{r} = m \omega^2 r$	
功	功	$F_{\text{万}} = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$	
	功率	$W = Fl \cos \alpha$	α 是F与l的夹角
	机械功率	平均功率 $P = \frac{W}{t}$ 瞬时功率 $P = Fv \cos \alpha$	α 是F与v的夹角
能	动能	$\eta = \frac{W_{\text{有用}}}{W_{\text{总}}} \times 100\% = \frac{P_{\text{有用}}}{P_{\text{总}}} \times 100\%$	$\eta < 1$
	重力势能	$E_k = \frac{1}{2} mv^2$	标量, 具有对称性
	动能定理	$E_p = mgh$	与0势能面的选择有关
	机械能守恒定律	$W = \frac{1}{2} mv_2^2 - \frac{1}{2} mv_1^2$ $E_1 = E_2$ $E_{k1} + E_{p1} = E_{k2} + E_{p2}$	守恒条件: 只有重力或弹力做功的物体系统内