## ...

## 2011 年全国普通高等学校招生统一考试 (上海卷) 数学 (理科)

得分	评卷人

一. 填空题:本大题共 14 题,满分 56 分. 请在横线上方填写最终的、最准确的、最完整的结果. 每题填写正确得 4 分,否则一律得 0 分.

- 1. 已知 a = (k, -9)、b = (-1, k), a 与 b 为平行向量, 则 k =\_\_\_\_\_\_.
- 2. 若函数  $f(x) = x^{6m^2 5m 4}$   $(m \in \mathbb{Z})$  的图像关于 y 轴对称,且 f(2) < f(6),则 f(x) 的解析式为\_\_\_\_\_\_.
- 4. 在 bg 糖水中含糖 ag(b > a > 0), 若再添加 mg 糖 (m > 0),
- 5. 已知  $f(x) = 1 \mathbf{c}_8^1 x + \mathbf{c}_8^2 x^2 \mathbf{c}_8^3 x^3 + \dots + \mathbf{c}_8^8 x^8$ ,则  $f(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}\mathbf{i})$  的值是\_\_\_\_\_\_\_.
- 7. 若  $\theta$  为三角形的一个内角,且  $\sin \theta + \cos \theta = \frac{2}{3}$ ,则方程  $x^2 \csc \theta y^2 \sec \theta = 1$  表示的曲线的焦点坐标是\_\_\_\_\_\_.
- 8. 高为 h 的棱锥被平行于棱锥底面的截得棱台侧面积是原棱锥的侧面积的  $\frac{5}{9}$ , 则截得的棱台的体积与原棱锥的体积之比是\_\_\_\_\_\_.
- 9. 以椭圆  $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$  的右焦点为圆心,且与双曲线  $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$  的渐近线相切的圆方程是\_\_\_\_\_\_
- 11. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯, 为节约用电又不影响照明, 可以关掉其中的 3 盏, 但又不能同时关掉相邻的两盏, 也不能关掉两端的路灯, 满足条件的关灯方法有\_\_\_\_\_\_\_种.
- 12. 以椭圆  $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$  的右焦点为圆心,且与双曲线  $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$  的渐近线相切的圆方程是\_\_\_\_\_\_
- 14. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯, 为节约用电又不影响照明, 可以关掉其中的 3 盏, 但又不能同时关掉相邻的两盏, 也不能关掉两端的路灯, 满足条件的关灯方法有\_\_\_\_\_\_\_种.
- 15. 以椭圆  $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$  的右焦点为圆心,且与双曲线  $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$  的渐近线相切的圆方程是\_\_\_\_\_\_

得分	评卷人	二. 选择题:本大题共 $4$ 题,满分 $16$ 分. 请选择你认为最正确的答案(每小题有	
		且只有一个)写在括号内. 每题填写正确得 4 分,否则得 0 分.	

16. 已知集合 $A = \{x \mid  x - x \}$	$ -1  < 3$ , 集合 $B = \{y y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$ , 则 $A \cap \mathcal{C}_U B$ 为
(A) [0,4)	(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$
(C) $(-2,0)$	(D) $(0,4)$

- 17. 若 a、b 是直线,  $\alpha$ 、 $\beta$  是平面, 则以下命题中真命题是\_\_\_\_\_.
  - (A) 若 a、b 异面,  $a \subset \alpha, b \subset \beta$ , 且  $a \perp b$ , 则  $\alpha \perp \beta$
  - (B) 若  $a \parallel b$ ,  $a \subset \alpha$ ,  $b \subset \beta$ , 则  $\alpha \parallel \beta$
  - (C) 若  $a \parallel \alpha, b \subset \beta$ , 则 a、b 异面
  - (D) 若  $a \perp b$ ,  $a \perp \alpha, b \perp \beta$ , 则  $\alpha \perp \beta$
- 18. 已知集合  $A = \{x \mid |x-1| < 3\}$ , 集合  $B = \{y | y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$ , 则  $A \cap \mathcal{C}_U B$  为\_\_\_\_\_\_.
  - (A) [0,4)

(B)  $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$ 

(C) (-2,0)

- (D) (0,4)
- 19. 若 a、b 是直线,  $\alpha$ 、 $\beta$  是平面, 则以下命题中真命题是\_\_\_\_\_.
  - (A) 若 a、b 异面,  $a \subset \alpha, b \subset \beta$ , 且  $a \perp b$ , 则  $\alpha \perp \beta$
  - (B) 若  $a \parallel b$ ,  $a \subset \alpha$ ,  $b \subset \beta$ , 则  $\alpha \parallel \beta$
  - (C) 若  $a \parallel \alpha, b \subset \beta$ , 则 a, b 异面
  - (D) 若  $a \perp b$ ,  $a \perp \alpha, b \perp \beta$ , 则  $\alpha \perp \beta$

得分	评卷人

三. 简答题: 本大题共 5 题, 满分 78 分. 请在题后空处写出必要的推理计算过程.

- 20. 已知复数 z 满足:  $|z| z^* = \frac{10}{1 w\mathbf{i}}$  (其中  $z^*$  是 z 的共轭复数).
- (1) (7 分) 求复数 z;
- (2) (7 分) 若复数  $w = \cos \theta + \mathbf{i} \sin \theta \ (\theta \in \mathbb{R})$ , 求 |z 2| 的取值范围.

得分

- 23. 已知复数 z 满足:  $|z| z^* = \frac{10}{1 w\mathbf{i}}$  (其中  $z^*$  是 z 的共轭复数).
- (1) (8 分) 求复数 z;
- (2) (8 分) 若复数  $w=\cos\theta+\mathbf{i}\sin\theta\,(\theta\in\mathbb{R}),$  求 |z-2| 的取值范围.