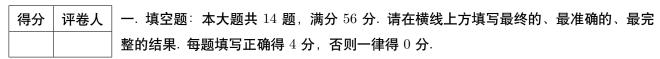
## 2011 **年全国普通高等学校招生统一考试**(上海卷) 数学(理科)

## 注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将姓名、高考准考证号、校验码等填写清楚.
- 2. 本试卷共 24 道试题, 满分 150 分, 考试时间 120 分钟.



- 1. 已知 a = (k, -9)、b = (-1, k), a 与 b 为平行向量, 则  $k = _____$ .
- 2. 若函数  $f(x) = x^{6m^2 5m 4}$   $(m \in \mathbb{Z})$  的图像关于 y 轴对称, 且 f(2) < f(6), 则 f(x) 的解析式为\_\_\_\_\_
- 3. 若  $f(x+1) = x^2 (x \leq 0)$ , 则  $f^{-1}(1) =$ \_\_\_\_\_.
- 4. 在 bg 糖水中含糖 ag(b > a > 0), 若再添加 mg 糖 (m > 0),
- 5. 已知  $f(x) = 1 \mathbf{c}_8^1 x + \mathbf{c}_8^2 x^2 \mathbf{c}_8^3 x^3 + \dots + \mathbf{c}_8^8 x^8$ , 则  $f(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}\mathbf{i})$  的值是\_\_\_\_\_\_.
- 6. 自然数 1,2,3,..., 10 的方差记为  $\sigma^2$ , 其中的偶数 2,4,6,8,10 的方差记为  $\sigma_1^2$ , 则  $\sigma^2$  与  $\sigma_1^2$  的大小关系 为  $\sigma^2$  \_\_\_\_\_\_  $\sigma_1^2$ .
- 7. 若  $\theta$  为三角形的一个内角,且  $\sin\theta+\cos\theta=\frac{2}{3}$ ,则方程  $x^2\csc\theta-y^2\sec\theta=1$  表示的曲线的焦点坐标 是\_\_\_\_\_\_ .
- 8. 高为 h 的棱锥被平行于棱锥底面的截得棱台侧面积是原棱锥的侧面积的  $\frac{5}{9}$ ,则截得的棱台的体积与原棱锥的体积之比是\_\_\_\_\_\_.
- 9. 以椭圆  $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$  的右焦点为圆心,且与双曲线  $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$  的渐近线相切的圆方程是\_\_\_\_\_\_
- 11. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯,为节约用电又不影响照明,可以关掉其中的 3 盏,但又不能同时关掉相邻的两盏,也不能关掉两端的路灯,满足条件的关灯方法有\_\_\_\_\_\_种.
- 12. 以椭圆  $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$  的右焦点为圆心,且与双曲线  $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$  的渐近线相切的圆方程是\_\_\_\_\_\_
- 14. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯,为节约用电又不影响照明,可以关掉其中的 3 盏,但又不能同时关掉相邻的两盏,也不能关掉两端的路灯,满足条件的关灯方法有\_\_\_\_\_\_种.
- 15. 以椭圆  $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$  的右焦点为圆心,且与双曲线  $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$  的渐近线相切的圆方程是\_\_\_\_\_\_

第1页(共6页)

得分 评卷人	] 二. 选择题: 本大题共 4 题,满分 1	6 分. 请选择你认为最正确的答案(每小题有且只有	
	一个)写在括号内. 每题填写正确得	4 分,否则得 0 分.	
16. 已知集合 $A = \{x \mid  x-1  < 3\}$ , 集合 $B = \{y   y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$ , 则 $A \cap \mathcal{C}_U B$ 为			
(A) $[0,4)$		(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$	
(C) $(-2,0)$		(D) $(0,4)$	
17. 若 $a$ 、 $b$ 是直线, $\alpha$ 、 $\beta$ 是平面, 则以下命题中真命题是			
(A) 若 a、	$b$ 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$ , 且 $a \perp b$ , 则 $\alpha \perp$	eta	
(B) 若 a	$b, a \subset \alpha, b \subset \beta,  \emptyset  \alpha \parallel \beta$		
(C) 若 a	$\alpha, b \subset \beta, 则 a, b 异面$		
(D) 若 a ⊥	$b$ , $a \perp \alpha$ , $b \perp \beta$ , 则 $\alpha \perp \beta$		
18. 已知集合 $A = \{x \mid  x-1  < 3\}$ , 集合 $B = \{y y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$ , 则 $A \cap \mathcal{C}_U B$ 为			
(A) $[0,4)$		(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$	
(C) $(-2,0)$		(D) $(0,4)$	
19. 若 a、b 是直	$(3, \alpha, \beta)$ 是平面,则以下命题中真命是	<u> </u>	
(A) 若 $a$ 、 $b$ 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$ , 且 $a \perp b$ , 则 $\alpha \perp \beta$			
(D) ## II			

- - (B) 若  $a \parallel b,\, a \subset \alpha,\, b \subset \beta,\, 则 ~\alpha \parallel \beta$
  - (C) 若  $a \parallel \alpha, b \subset \beta$ , 则 a、b 异面
  - (D) 若  $a \perp b$ ,  $a \perp \alpha, b \perp \beta$ , 则  $\alpha \perp \beta$

得分	评卷人

三. 简答题: 本大题共 5 题, 满分 78 分. 请在题后空处写出必要的推理计算过程.

- 20. 已知复数 z 满足:  $|z| z^* = \frac{10}{1 w\mathbf{i}}$  (其中  $z^*$  是 z 的共轭复数).
  - (1) (7 分) 求复数 z;
  - (2) (7 分) 若复数  $w = \cos \theta + \mathbf{i} \sin \theta \ (\theta \in \mathbb{R})$ , 求 |z 2| 的取值范围.

得分

- 23. 已知复数 z 满足:  $|z| z^* = \frac{10}{1 w\mathbf{i}}$  (其中  $z^*$  是 z 的共轭复数).
  - (1) (8 分) 求复数 z;
  - (2) (8 分) 若复数  $w=\cos\theta+\mathbf{i}\sin\theta\,(\theta\in\mathbb{R}),$  求 |z-2| 的取值范围.