2011 年全国普通高等学校招生统一考试 (上海卷) 数学 (理科)

得分评卷人

一. 填空题: 本大题共 14 题,满分 56 分. 请在横线上方填写最终的、最准确的、最完整的结果. 每题填写正确得 4 分,否则一律得 0 分.

- 1. 已知 a = (k, -9)、b = (-1, k), a 与 b 为平行向量, 则 $k = _____$.
- 2. 若函数 $f(x) = x^{6m^2-5m-4}$ $(m \in \mathbb{Z})$ 的图像关于 y 轴对称, 且 f(2) < f(6), 则 f(x) 的解析式为______.
- 3. 若 $f(x+1) = x^2 (x \le 0)$, 则 $f^{-1}(1) =$ _____.
- 4. 在 bg 糖水中含糖 ag(b > a > 0), 若再添加 mg 糖 (m > 0),
- 5. 已知 $f(x) = 1 c_8^1 x + c_8^2 x^2 c_8^3 x^3 + \dots + c_8^8 x^8$,则 $f(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i)$ 的值是______.
- 6. 自然数 1,2,3,...,10 的方差记为 σ^2 , 其中的偶数 2,4,6,8,10 的方差记为 σ_1^2 , 则 σ^2 与 σ_1^2 的大小关系为 σ^2 _____ σ_1^2 .
- 7. 若 θ 为三角形的一个内角,且 $\sin\theta + \cos\theta = \frac{2}{3}$,则方程 $x^2 \csc\theta y^2 \sec\theta = 1$ 表示的曲线的焦点坐标是______.
- 8. 高为 h 的棱锥被平行于棱锥底面的截得棱台侧面积是原棱锥的侧面积的 $\frac{5}{9}$, 则截得的棱台的体积与原棱锥的体积之比是 .
- 9. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是_____
- 11. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯, 为节约用电又不影响照明, 可以关掉其中的 3 盏, 但又不能同时关掉相邻的两盏, 也不能关掉两端的路灯, 满足条件的关灯方法有______种.
- 12. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是_____
- 14. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯,为节约用电又不影响照明,可以关掉其中的 3 盏,但又不能同时关掉相邻的两盏,也不能关掉两端的路灯,满足条件的关灯方法有______种.
- 15. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心,且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是_____

得分	评卷人	二. 选择题: 本大题共 4 题, 满分 16 分. 请选择你认为最正确的答案(每小题有	
		且只有一个) 写在括号内. 每题填写正确得 4 分, 否则得 0 分.	

16. 已知集合 $A = \{x \mid |x-1| < 3\}$, 集合 $B = \{y \mid y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap \mathbb{C}_U B$ 为______.

(C) (-2,0)

17. 若 a、b 是直线, α 、 β 是平面, 则以下命题中真命题是_____.

- (A) 若 a、b 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$
- (B) 若 $a \parallel b$, $a \subset \alpha$, $b \subset \beta$, 则 $\alpha \parallel \beta$
- (C) 若 $a \parallel \alpha, b \subset \beta$, 则 $a \lor b$ 异面
- (D) 若 $a \perp b$, $a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$

18. 已知集合 $A = \{x \mid |x-1| < 3\}$, 集合 $B = \{y \mid y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap \mathbb{C}_U B$ 为______.

(C) (-2,0)

- 19. 若 a、b 是直线, α 、 β 是平面, 则以下命题中真命题是_____.
 - (A) 若 a、b 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$
 - (B) 若 $a \parallel b$, $a \subset \alpha$, $b \subset \beta$, 则 $\alpha \parallel \beta$
 - (C) 若 $a \parallel \alpha, b \subset \beta$, 则 $a \cdot b$ 异面
 - (D) \overline{A} $a \perp b$, $a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$

得分	评卷人	

三. 简答题: 本大题共 5 题, 满分 78 分. 请在题后空处写出必要的推理计算过程.

- 20. 已知复数 z 满足: $|z|-z^*=\frac{10}{1-w\mathrm{i}}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数) .
- (1) (7 分) 求复数 z;
- (2) (7 分) 若复数 $w = \cos\theta + \mathrm{i}\sin\theta \, (\theta \in \mathbb{R}), \, \bar{x} \, |z-2|$ 的取值范围.

得分

21. (14 分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).

22. (16 分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).

- 23. 已知复数 z 满足: $|z|-z^*=\frac{10}{1-w\mathrm{i}}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数) .
- (1) (8 分) 求复数 z;
- (2) (8 分) 若复数 $w = \cos\theta + i\sin\theta$ ($\theta \in \mathbb{R}$), 求 |z-2| 的取值范围.