

2019年全国1高考

数学文科试卷

微信关注公众号: 橘子数学

满分 150 分, 120 分钟完成,

允许使用计算器,答案一律写在答题纸上.

2019.6 一、选择题 本大题共12小题,共60.0分 1. 设 $z = \frac{3-i}{1+2i}$,则 $|z| = ______$ () $C.\sqrt{2}$ B. $\sqrt{3}$ A. 2 D. 1 B. {1, 7} $C.\{6,7\}$ A. {1, 6} 3. 己知 $a = \log_2 0.2, b = 2^{0.2}, c = 0.2^{0.3}$,则 ______. () C. c < a < bA. a < b < c B. a < c < b古希腊时期,人们认为最美人体的头顶至肚脐的长度与肚脐至足底的长度之比是 $\frac{\sqrt{5}-1}{2}(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\approx 0.618,$ 称为黄金分割比例), 著名的" 断臂维纳斯" 便是如此. 此外, 最美人体 的头顶至咽喉的长度与咽喉至肚脐的长度之比也是 $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$. 若某人满足上述两个黄金分割比例,且 腿长为 105cm, 头顶至脖子下端的长度为 26cm, 则其身高可能是 ____. ____() A. 165cm B. 175cm C. 185cm B. 见下图 C. 见下图 D. 见下图 A. 见下图

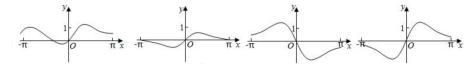


图 2: 第 5 题





图 1: 第 4 题

6. 某学校为了解 100	00 名新生的身体素质,将	这些学生编号为 1,2,… 10	00,从这些新生中用系统持	由样
方法等距抽取 100 名	学生进行体质测试, 若 46	5号学生被抽到,则下面4	名学生中被抽到的是	
			()
A.8号学生	B. 200 号学生	C. 616 号学生	D. 815 号学生	
7. tan 255° =			()
A. $-2 - \sqrt{3}$	B. $-2 + \sqrt{3}$	C. $2 - \sqrt{3}$	D. $2 + \sqrt{3}$	
8. 已知非零向量 \vec{a} , \vec{b}	満足 $ \vec{a} = 2 \vec{b} $, 且 $(\vec{a} - \vec{b})$	$(\vec{b}, \perp \vec{b}, \parallel \vec{a} = \vec{b} $ 的夹角为	·()
A. $\frac{\pi}{6}$	B. $\frac{\pi}{3}$	C. $\frac{2\pi}{3}$	D. $\frac{5\pi}{6}$	



- A. $A = \frac{1}{2+A}$ B. $A = 2 + \frac{1}{A}$ C. $A = \frac{1}{1+2A}$ D. $A = 1 + \frac{1}{2A}$

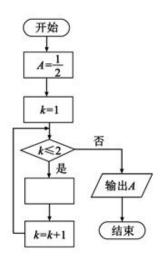


图 3: 第 9 题

- 10. 双曲线 C: $\frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的一条渐近线的倾斜角为 130°, 则 C 的离心率为 _____.
- A. 2 sin 40°
- B. 2 cos 40°
- C. $\frac{1}{\sin 50^\circ}$
- D. $\frac{1}{\cos 50^{\circ}}$
- 11. $\triangle ABC$ 的内角 A,B,C 的对边分别为 a,b,c, 已知 $a\sin A b\sin B = 4c\sin C,\cos A = -\frac{1}{4}$, 则 $\frac{b}{c} = -\frac{1}{4}$
 - A. 6

B. 5

C. 4

- D. 3
- 12. 已知椭圆 C 的焦点为 $F_1(-1,0)$, $F_2(1,0)$, 过 F_2 的直线与 C 交于 A,B 两点 . 若 $|AF_2| = 2|F_2B|$, $|AB| = 2|F_2B|$

- 二、填空题 本大题共 4 小题, 共 20.0 分
- 13. 曲线 $y = 3(x^2 + x)e^x$ 在点 (0,0) 处的切线方程为 _____.
- 14. 记 S_n 为等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 若 $a_1 = 1$, $S_3 = \frac{3}{4}$, 则 $S_4 =$ ____.
- 15. 函数 $f(x) = \sin(2x + \frac{3\pi}{2}) 3\cos x$ 的最小值为 _____.
- 16. 已知 ∠ $ACB = 90^{\circ}$,P 为平面 ABC 外一点,PC = 2, 点 P 到 ∠ACB 两边 AC,BC 的距离均为 $\sqrt{3}$, 那 么 P 到平面 ABC 的距离为 $_{-----}$.



三、解答题 本大题共7小题,共82.0分

17. 某商场为提高服务质量,随机调查了50名男顾客和50名女顾客,每位顾客对该商场的服务给出满意或不满意的评价,得到下面列联表:

	满意	不满意
男顾客	40	10
女顾客	30	20

- (1) 分别估计男、女顾客对该商场服务满意的概率;
- (2)能否有95%的把握认为男、女顾客对该商场服务的评价有差异?

附:
$$K^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$$
.

$P(K^2 \geqslant k)$	0.050	0.010	0.001
k	3.841	6.635	10.828



18. 记 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 已知 $S_9=-a_5$.

- (1) 若 $a_3 = 4$, 求 $\{a_n\}$ 的通项公式;
- (2) 若 $a_1 > 0$, 求使得 $S_n \ge a_n$ 的 n 的取值范围.



- 19. 如图, 直四棱柱 $ABCD A_1B_1C_1D_1$ 的底面是菱形, $AA_1 = 4$,AB = 2, $\angle BAD = 60$ °,E,M,N 分别是 BC, BB_1 , A_1D 的中点.
- (1) 证明: $MN \parallel$ 平面 C_1DE ;
- (2) 求点 C 到平面 C_1DE 的距离.

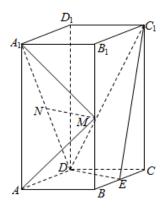


图 4: 第 19 题



- 20. 已知函数 $f(x) = 2 \sin x x \cos x x$, f'(x) 为 f(x) 的导数.
- (1) 证明: f'(x) 在区间 $(0,\pi)$ 存在唯一零点;
- (2) 若 $x \in [0,\pi]$ 时, $f(x) \ge ax$, 求 a 的取值范围.

- 21. 已知点 A,B 关于坐标原点 O 对称, $|AB| = 4, \odot M$ 过点 A,B 且与直线 x + 2 = 0 相切.
- (1) 若 A 在直线 x + y = 0 上, 求 ⊙M 的半径;
- (2) 是否存在定点 P, 使得当 A 运动时,|MA| |MP| 为定值? 并说明理由.



22. 在直角坐标系 xOy 中, 曲线 C 的参数方程为 $\begin{cases} x = \frac{1-t^2}{1+t^2}, \\ y = \frac{4t}{1+t^2} \end{cases}$ (t 为参数). 以坐标原点 O 为极点,x 轴

的正半轴为极轴建立极坐标系, 直线 l 的极坐标方程为 $2\rho\cos\theta+\sqrt{3}\rho\sin\theta+11=0$.

- (1) 求 C 和 l 的直角坐标方程;
- (2) 求 C 上的点到 l 距离的最小值.

23. 已知 *a,b,c* 为正数, 且满足 *abc* = 1. 证明:

(1)
$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \le a^2 + b^2 + c^2$$
;
(2) $(a+b)^3 + (b+c)^3 + (c+a)^3 \ge 24$.

$$(2)(a+b)^3 + (b+c)^3 + (c+a)^3 \ge 24.$$