2011 年全国普通高等学校招生统一考试 (上海卷)

数学(理科)

(本试卷满分 150 分, 考试时间 120 分钟)

一. 填空	图: 本大题共 14 题,	满分 56 分.	请在横线上方填写最终的、	最准确的、	最完整
的结果.	每题填写正确得 4 分	,否则一律得	₹0分.		

- 1. 已知 a = (k, -9)、b = (-1, k), a 与 b 为平行向量, 则 $k = _____$.
- 2. 若函数 $f(x) = x^{6m^2 5m 4}$ $(m \in \mathbb{Z})$ 的图像关于 y 轴对称, 且 f(2) < f(6), 则 f(x) 的解析式为 .
- 3. 若 $f(x+1) = x^2 (x \le 0)$, 则 $f^{-1}(1) =$ ______.
- 4. 在 bg 糖水中含糖 ag(b>a>0), 若再添加 mg 糖 (m>0),
- 5. 已知 $f(x) = 1 c_8^1 x + c_8^2 x^2 c_8^3 x^3 + \dots + c_8^8 x^8$,则 $f(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i)$ 的值是______.
- 6. 自然数 1,2,3,...,10 的方差记为 σ^2 , 其中的偶数 2,4,6,8,10 的方差记为 σ_1^2 , 则 σ^2 与 σ_1^2 的 大小关系为 σ^2 ______ σ_1^2 .
- 7. 若 θ 为三角形的一个内角,且 $\sin \theta + \cos \theta = \frac{2}{3}$,则方程 $x^2 \csc \theta y^2 \sec \theta = 1$ 表示的曲 线的焦点坐标是______.
- 8. 高为 h 的棱锥被平行于棱锥底面的截得棱台侧面积是原棱锥的侧面积的 $\frac{5}{9}$, 则截得的 棱台的体积与原棱锥的体积之比是______.
- 9. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心,且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是_______.

- 12. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心,且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是_______.

- 15. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心,且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是________.

	White are the first the second state of the se					
	选择题:本大题共 4 题,满分 16 分.请选持 写在括号内. 每题填写正确得 4 分,否则得					
	已知集合 $A = \{x \mid x-1 < 3\},$ 集合 $B = \{y \mid y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\},$ 则 $A \cap \mathbb{C}_U B$ 为					
	(A) [0,4)	(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$				
	(C) (-2,0)	(D) (0,4)				
17.	若 a 、 b 是直线, $α$ 、 $β$ 是平面, 则以下命题	中真命题是				
	$orall \ lpha \perp eta$					
	(B) 若 $a \parallel b$, $a \subset \alpha$, $b \subset \beta$, 则 $\alpha \parallel \beta$					
	(C) 若 $a \parallel \alpha$, $b \subset \beta$, 则 a 、 b 异面					
	(D) 若 $a \perp b$, $a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$					
18.	已知集合 $A = \{x \mid x-1 < 3\}$, 集合 $B = \{y \mid y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap \mathbb{C}_U B$ 为					
	(A) [0,4)	(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$				
	(C) (-2,0)	(D) (0,4)				
19.	19. 若 $a \setminus b$ 是直线, $\alpha \setminus \beta$ 是平面, 则以下命题中真命题是					
	(A) 若 a 、 b 异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$					
	(B) 若 $a \parallel b$, $a \subset \alpha$, $b \subset \beta$, 则 $\alpha \parallel \beta$					
	(C) 若 $a \parallel \alpha, b \subset \beta$, 则 a, b 异面					
	(D) 若 $a \perp b$, $a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$					

三. 简答题: 本大题共 5 题, 满分 78 分. 请在题后空处写出必要的推理计算过程.

- 20. 已知复数 z 满足: $|z|-z^* = \frac{10}{1-wi}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数).
 - (1) (7 分) 求复数 z;
 - (2) (7 分) 若复数 $w = \cos \theta + i \sin \theta$ ($\theta \in \mathbb{R}$), 求 |z-2| 的取值范围.

21. (14 分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).

22. (16 分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).

- 23. 已知复数 z 满足: $|z|-z^* = \frac{10}{1-wi}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数).
 - (1) (8 分) 求复数 z;
 - (2) (8 分) 若复数 $w = \cos \theta + i \sin \theta$ ($\theta \in \mathbb{R}$), 求 |z-2| 的取值范围.

24. (18 分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1]$, 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).