

# Контрольная работа #2 Вариант 1

#### Задача 1



На отрезке AB найти такую точку C, чтобы AC относилось к BC, как 6 к 5. Известны координаты точек  $A\left(-1,4,3\right)$  и  $B\left(2,-1,2\right)$ .

Пример ввода: [1.11, 2, 3]

Ваш ответ: [0.63, 1.27, 2.45]

## Задача 2



Найти вектор  $\vec{n}$  перпендикулярный к прямой L:

$$\begin{cases} x = 8 + 3t \\ y = -9 - 7t \end{cases}$$

Пример ввода: [1, 2]

Ваш ответ: [7, 3]

## Задача 3



Найти векторное уравнение прямой, проходящей через точку  $A\left(1,-5\right)$  перпендикулярно прямой L:

$$-12x - 8y = -11.$$

В ответ записать координаты точки  $M_0$  и вектора  $ec{s}$  на разных строках.

Пример ввода:

[3, 4]

Ваш ответ: [1, -5] [-12, -8]

#### Задача 4

Даны три точки  $M1\left( {9, - 3, - 3} \right), M2\left( { - 1,7,8} \right), M3\left( {2,7,0} \right).$ 

Построить уравнение плоскости P.

Ответу 2.43x + 3.00y - 1.56z + 3.00 = 0 соответствует

Пример ввода: [2.43, 3.00, -1.56, 3.00]

Ваш ответ: [-80, -47, -30, 489]

# Задача 5



Найти направляющий вектор перпендикуляра, опущенного из точки M на прямую L, если

$$L:rac{x+1}{2}=rac{y+2}{1}=rac{z-2}{4},\ \ M(2,3,3)$$

Пример ввода: [1.11, 2.22, 3.33]

Ответ: [3, -9, 34]

# Задача 6



Решить систему методом Гаусса:

$$\begin{cases} \xi_1 - \xi_2 = 1 \\ -2\xi_1 + 3\xi_2 + \xi_3 = -3 \\ 4\xi_1 - 6\xi_2 - \xi_3 = 6 \end{cases}$$

Решение должно быть на прикрепленном файле.В поле ответа введите решение в формате [1.35, 2, 3]

#### Задача 7

Вычислить скалярное произведение векторов  $ec{a}\,(4,1)$  и  $ec{b}\,(-2,4)$ , заданных в базисе  $ec{e}_1$  и  $ec{e}_2$ , если  $|ec{e}_1|=4$ ,  $|ec{e}_2|=3$  и  $\angle(ec{e}_1,ec{e}_2)=\frac{\pi}{4}$ .

Пример ввода: 1.11

Ответ: -0.23

## Задача 8



Найти координаты вектора x в базисе векторов

$$ilde{e}_0 = egin{pmatrix} 6 \ -1 \ 4 \end{pmatrix} & ilde{e}_1 = egin{pmatrix} 15 \ -2 \ 9 \end{pmatrix} & ilde{e}_2 = egin{pmatrix} 8 \ -1 \ 5 \end{pmatrix}$$

если вектор  $\boldsymbol{x}$  имеет координаты

$$x = egin{pmatrix} -3 \ 1 \ 0 \end{pmatrix}$$

в базисе векторов

$$e_0 = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$$
  $e_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$   $e_2 = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ 

Ответу 
$$x=egin{pmatrix} -1 \ 2 \ 0 \end{pmatrix}$$
 соответствует

Пример ввода: [-1, 2, 0]

Ответ: [-3, -11, 23]

## Задача 9



Кривая задана общим уравнением. Найти угол поворота канонической системы координат в градусах.

$$x^2 - 2\sqrt{3}xy - y^2 = 0$$

Пример ввода: 30

# Задача 10



Доказать, что все треугольники, образованные асимптотами гиперболы и произвольной касательной к ней, имеют одну и ту же площадь. Вычислите эту площадь, если гипербола задана уравнением

$$\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{8} = 1$$

Пример ввода: 1.2

Ответ: 9.79

На главную