Выполнила Касьяненко Вера (P3220)

Лабораторная №6

Вариант 5

Условие:

Дано множество из n городов и матрица расстояний между ними. Требуется объехать все города по кратчайшему пути, причем в каждом городе необходимо побывать один раз и вернуться в город, из которого был начат маршрут. Задачу необходимо решить с помощью генетического алгоритма.

Изображение выглядит как текст, снимок экрана, число, линия

Автоматически созданное описание

За целевую функцию следует принять сумму расстояний между городами. Размер популяции N = 4. Оператор мутации представляет собой случайную перестановку двух чисел в геноме, которые выбираются случайно. Вероятность мутации 0.01.

Решение вручную:

Исходная популяция

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| № строки | Код | Значение целевой функции |
| 1 | 31254 | 33 |
| 2 | 32451 | 35 |
| 3 | 45132 | 35 |
| 4 | 12345 | 35 |

Пусть для скрещивания были выбраны следующие пары: (1,2) и (2,3)  
В результате были получены потомки:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| № строки | Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков |
| 1 | |312|54 | |324|15 | 33 |
| 2 | |324|51 | |312|45 | 33 |
| 3 | 32|45|1 | 52|13|4 | 33 |
| 4 | 45|13|2 | 32|45|1 | 35 |

Популяция первого поколения после отсечения худших особей в результате работы оператора редукции:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| № строки | Код | Значение целевой функции | Вероятность участия в процессе размножения |
| 1 | 31254 | 33 | 0.25 |
| 2 | 32415 | 33 | 0.25 |
| 3 | 31245 | 33 | 0.25 |
| 4 | 52134 | 33 | 0.25 |

Пусть для получения второго поколения были выбраны следующие пары строк: (2,3) и (2,4).  
В результате были получены потомки:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| № строки | Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков |
| 1 | 32|415| | 13|245| | 35 |
| 2 | 31|245| | 32|415| | 33 |
| 3 | 32|41|5 | 52|13|4 | 33 |
| 4 | 52|13|4 | 35|41|2 | 32 |

Популяция второго поколения после отсечения худших особей в результате работы оператора редукции:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| № строки | Код | Значение целевой функции |
| 1 | 35412 | 32 |
| 2 | 31254 | 33 |
| 3 | 32415 | 33 |
| 4 | 31245 | 33 |

Пусть для получения третьего поколения были выбраны следующие пары строк: (1,4) и (2,3).  
В результате были получены потомки:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| № строки | Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков |
| 1 | 35|41|2 | 13|24|5 | 35 |
| 2 | 31|24|5 | 53|41|2 | 31 |
| 3 | 312|54| | 432|15| | 35 |
| 4 | 324|15| | 321|54| | 35 |

Популяция второго поколения после отсечении худших особей приняла вид:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| № строки | Код | Значение целевой функции |
| 1 | 53412 | 31 |
| 2 | 35412 | 32 |
| 3 | 31254 | 33 |
| 4 | 32415 | 33 |

Таким образом после 3 поколений значение целевой функции для лучшего решения изменилось c 33 на 31, среднее значение изменилось с 34.5 до 32.25, а общее качество с 138 до 129.

Код:

import itertools  
import random  
from numpy.random import choice  
  
MUT\_PROB = 0.01  
  
def route\_length(route, matrix):  
 l = 0  
 for i in range(len(route) - 1):  
 l += matrix[route[i]][route[i + 1]]  
 l += matrix[route[-1]][route[0]]  
 return l  
  
  
def make\_child(p1, p2, splits):  
 child = [None] \* splits[0] + p2[splits[0]:splits[1]] + [None] \* (c - splits[1])  
 i = 0  
 j = splits[0] + 1  
 stop = False  
 while not stop:  
 if child[i] is not None:  
 i += 1  
 if i >= c:  
 stop = True  
 continue  
 while not stop:  
 if p1[j] in child:  
 j += 1  
 if j >= c:  
 j = 0  
 if j == splits[0] + 1:  
 stop = True  
 continue  
 child[i] = p1[j]  
 break  
 return child  
  
  
def mutate\_child(child, prob=MUT\_PROB):  
 if random.random() < prob:  
 splits = list(choice(range(c), size=2, replace=False))  
 child[splits[0]], child[splits[1]] = child[splits[1]], child[splits[0]]  
 return True  
 return False  
  
  
def make\_children(p1, p2):  
 while True:  
 splits = sorted(list(choice(range(c + 1), size=2, replace=False)))  
 if 2 <= splits[1] - splits[0] < c-1:  
 break  
 c1 = make\_child(p1, p2, splits)  
 c2 = make\_child(p2, p1, splits)  
 par1 = ''.join(map(lambda x: str(x + 1), p1[:splits[0]])) + '|' + ''.join(  
 map(lambda x: str(x + 1), p1[splits[0]:splits[1]])) + '|' + ''.join(map(lambda x: str(x + 1), p1[splits[1]:]))  
 par2 = ''.join(map(lambda x: str(x + 1), p2[:splits[0]])) + '|' + ''.join(  
 map(lambda x: str(x + 1), p2[splits[0]:splits[1]])) + '|' + ''.join(map(lambda x: str(x + 1), p2[splits[1]:]))  
 ch1 = ''.join(map(lambda x: str(x + 1), c1[:splits[0]])) + '|' + ''.join(  
 map(lambda x: str(x + 1), c1[splits[0]:splits[1]])) + '|' + ''.join(map(lambda x: str(x + 1), c1[splits[1]:]))  
 ch2 = ''.join(map(lambda x: str(x + 1), c2[:splits[0]])) + '|' + ''.join(  
 map(lambda x: str(x + 1), c2[splits[0]:splits[1]])) + '|' + ''.join(map(lambda x: str(x + 1), c2[splits[1]:]))  
  
 for i in range(1, 3):  
 print(f"{locals()[f'par{i}']} | {locals()[f'ch{i}']} | {route\_length(locals()[f'c{i}'], matrix)}")  
 if mutate\_child(c1):  
 print("Потомок 1 мутировал: " + ''.join(map(lambda x: str(x + 1), c1)))  
 if mutate\_child(c2):  
 print("Потомок 2 мутировал: " + ''.join(map(lambda x: str(x + 1), c2)))  
 return c1, c2  
  
  
def generation(c, matrix, p, g):  
 global first\_length, first\_average, first\_sum, final\_length, final\_average, final\_sum  
 og\_cities = list(range(c))  
 population = sorted([random.sample(og\_cities, len(og\_cities)) for \_ in range(p)], key=lambda route: route\_length(route, matrix))  
 for i in range(g):  
 print(f"Поколение {i + 1}")  
 lengths = [route\_length(route, matrix) for route in population]  
 if (i == 0):  
 first\_length = lengths[0]  
 first\_sum = sum(lengths)  
 first\_average = first\_sum / len(lengths)  
 probabilities = [1 / length for length in lengths]  
 total\_probability = sum(probabilities)  
 probabilities = [prob / total\_probability for prob in probabilities]  
 if (i != 0 and i < g - 1):  
 print("Код | Значение целевой функции | Вероятность участия в размножении")  
 for i, (code, length, prob) in enumerate(zip(population, lengths, probabilities), 1):  
 print(f"{''.join(map(lambda x: str(x + 1), code))} | {length} | {prob}")  
 else:  
 print("Код | Значение целевой функции")  
 for i, (code, length) in enumerate(zip(population, lengths), 1):  
 print(f"{''.join(map(lambda x: str(x + 1), code))} | {length}")  
 print()  
  
 all\_pairs = list(itertools.combinations(range(p), 2))  
 pairs = random.sample(all\_pairs, p // 2)  
 pairs\_str = ", ".join([f"({pair[0] + 1}, {pair[1] + 1})" for pair in pairs])  
 print(f"Пусть выбраны пары: {pairs\_str}")  
 print("Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков")  
 for j, pair in enumerate(pairs):  
 p1 = population[pair[0]]  
 p2 = population[pair[1]]  
 children = make\_children(p1, p2)  
 unique\_children = []  
 for child in children:  
 if child not in population:  
 unique\_children.append(child)  
  
 population += unique\_children  
 print()  
 population.sort(key=lambda route: route\_length(route, matrix))  
 population = population[:p]  
 print()  
 print(f"Финальное поколение")  
 lengths = [route\_length(route, matrix) for route in population]  
 final\_length = lengths[0]  
 final\_sum = sum(lengths)  
 final\_average = final\_sum / len(lengths)  
 print("Код | Значение целевой функции")  
 for i, (code, length) in enumerate(zip(population, lengths), 1):  
 print(f"{''.join(map(lambda x: str(x + 1), code))} | {length}")  
 print()  
 return population[0], route\_length(population[0], matrix)  
  
  
if \_\_name\_\_ == "\_\_main\_\_":  
 c = 5  
 matrix = [[0, 4, 5, 3, 8], [4, 0, 7, 6, 8], [5, 7, 0, 7, 9], [3, 6, 7, 0, 9], [8, 8, 9, 9, 0]]  
 p = 4  
 g = 3  
 print()  
 result, length = generation(c, matrix, p, g)  
 print(f"Таким образом после {g} итераций значение целевой функции для лучшего решения изменилось c {first\_length} на {final\_length}, среднее значение изменилось с {first\_average} до {final\_average}, а общее качество с {first\_sum} до {final\_sum}.")

Вывод программы:

Поколение 1

Код | Значение целевой функции

31254 | 33

32451 | 35

45132 | 35

12345 | 35

Пусть выбраны пары: (1, 2), (2, 3)

Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков

|312|54| |324|15 | 33

|324|51| |312|45 | 33

32|45|1 | 52|13|4 | 33

45|13|2 | 32|45|1 | 35

Поколение 2

Код | Значение целевой функции | Вероятность участия в размножении

31254 | 33 | 0.25

32415 | 33 | 0.25

31245 | 33 | 0.25

52134 | 33 | 0.25

Пусть выбраны пары: (2, 3), (2, 4)

Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков

32|415| | 13|245| | 35

31|245| | 32|415| | 33

32|41|5 | 52|13|4 | 33

52|13|4 | 35|41|2 | 32

Поколение 3

Код | Значение целевой функции

35412 | 32

31254 | 33

32415 | 33

31245 | 33

Пусть выбраны пары: (1, 4), (2, 3)

Родители | Потомки | Значение целевой функции для потомков

35|41|2 | 13|24|5 | 35

31|24|5 | 53|41|2 | 31

312|54| | 432|15| | 35

324|15| | 321|54| | 35

Финальное поколение

Код | Значение целевой функции

53412 | 31

35412 | 32

31254 | 33

32415 | 33

Таким образом после 3 итераций значение целевой функции для лучшего решения изменилось c 33 на 31, среднее значение изменилось с 34.5 до 32.25, а общее качество с 138 до 129.