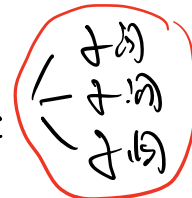


1. 核心思想. Brute force.

DP. 局部暴力搜索,
最优解. — *Dynamic Programming.*

↳ 基于数字归并法

大问题



有多难? 个.

Try everything

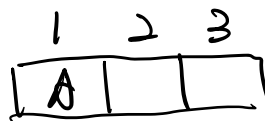
回溯. — find all of them.

排列问题

组合问题

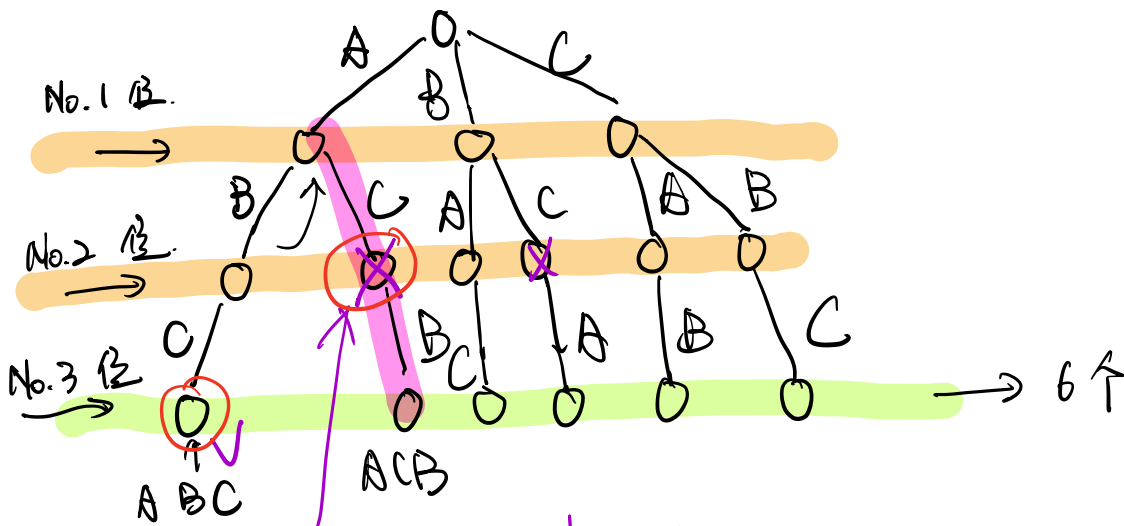
2. Try example.

A. B. **C** — 不在中间



$3! = 6$ 种.

① 树状图.



② 限制条件.

Apply bounding function.

③ 分支限界.

VS. **回溯法.**

BFS.

DFS.

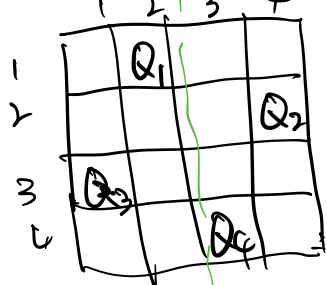
3. N-Queens 问题.

在 $n \times n$ 棋盘上, 放 n 个 Queen, 让它们不能彼此攻击.

问: 有多少种放法?

不可 { 同-行
同-列
同-角线.

解: $k=4, n=4.$



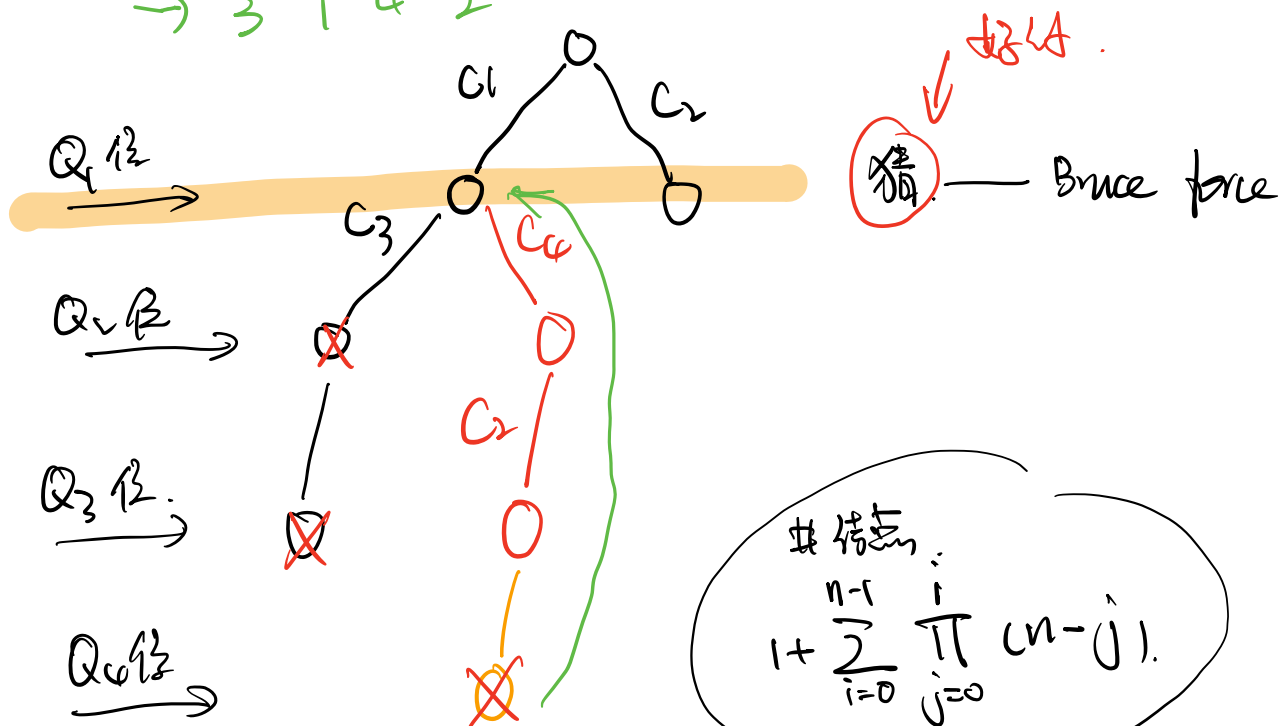
$Q_1 \quad Q_2 \quad Q_3 \quad Q_4$

在哪一列?

$\rightarrow (2, 4, 1, 3)$

$\rightarrow 3 \quad 1 \quad 4 \quad 2$

问: Q_k 放在哪一列?



共情况:

$$1 + \sum_{i=0}^{n-1} \prod_{j=0}^i (n-j)$$

* 递归问题的分类

① base case. (停止节点)

成功

失败

② recursive case.

a. 做选择 \leftarrow 穷举

b. explore \leftarrow 前选择子问题

c. 反选

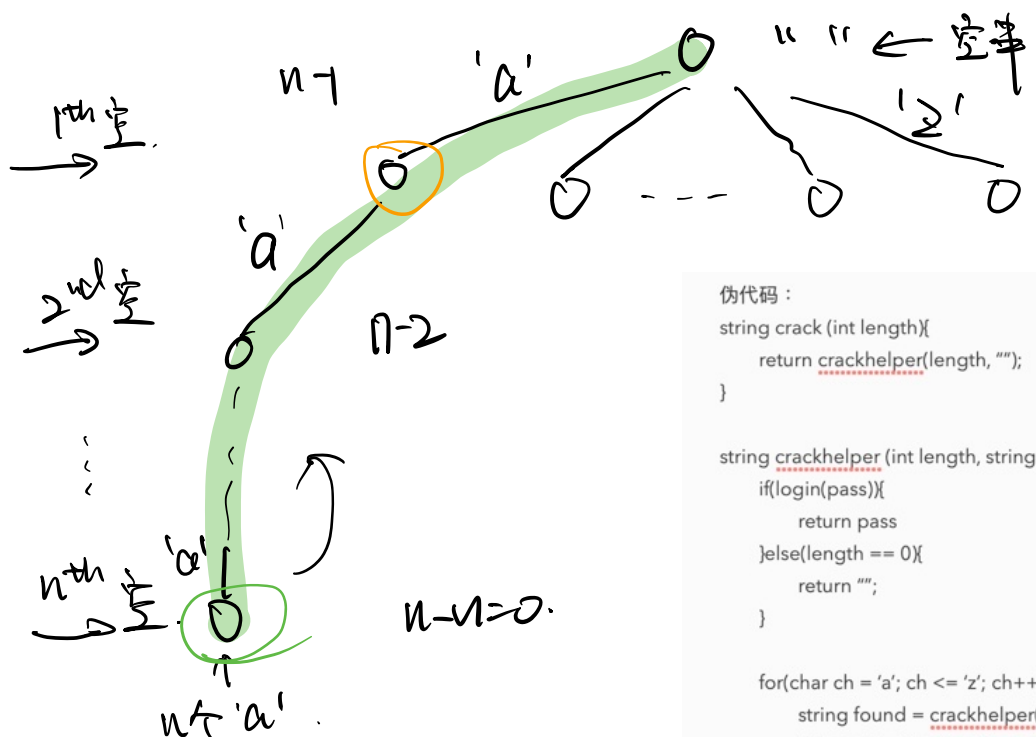
3. Cracker. (排序 + 找到答案就停下来)

• 构造一个什么样子的字符串? \rightarrow login(password) 为真

Assume: ① 不能为空

② 有最大长度 n .

③ 由英文字母



伪代码:

```
string crack(int length){
    return crackhelper(length, "");
}

string crackhelper(int length, string pass){
    if(login(pass)){
        return pass
    }else(length == 0){
        return "";
    }

    for(char ch = 'a'; ch <= 'z'; ch++){
        string found = crackhelper(length - 1, pass + ch);
        if(found != "") return found;
        found = crackhelper(length - 1, pass + CH);
        if(found != "") return found;
    }
    return "";
}
```

分析: 递归停止2处地方.

base case: $\left\{ \begin{array}{l} \text{成功. login (password)} \rightarrow \text{True.} \\ \text{失败. 可用余额为0.} \rightarrow \text{False} \end{array} \right.$

recursive case:

For 所有字母:

步骤 ① add ch 到 老密码 password \rightarrow newpassword.

步骤 ② recursive call cracker (newpassword)

返回 ③ remove ch

4. 24点 - sum up. target value.

例. {1, 2, 5}. 7. \rightarrow true.

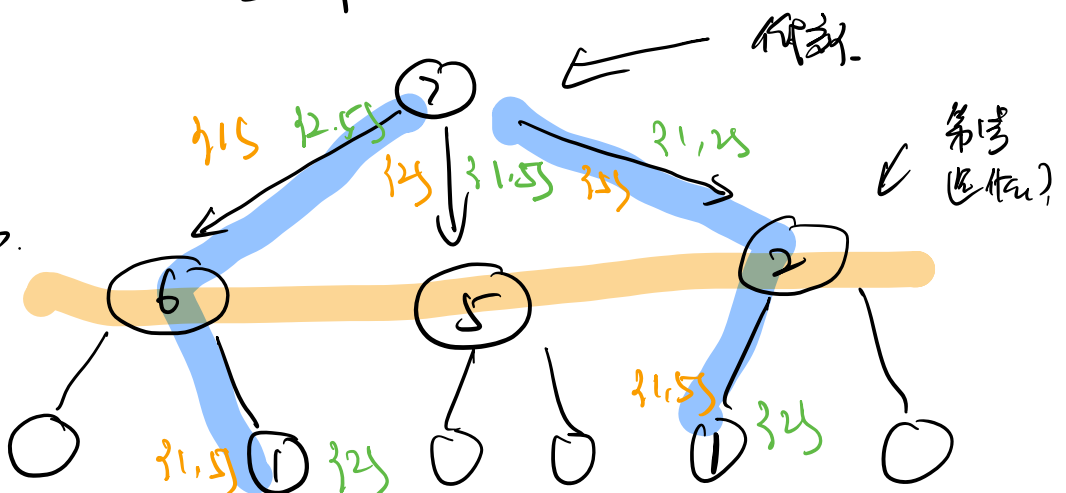
{1, 1, 3}. 6 \rightarrow false.

已选中 { }

可选择 { }

子集
没有重复.

重复.



→ 所有组合
99%

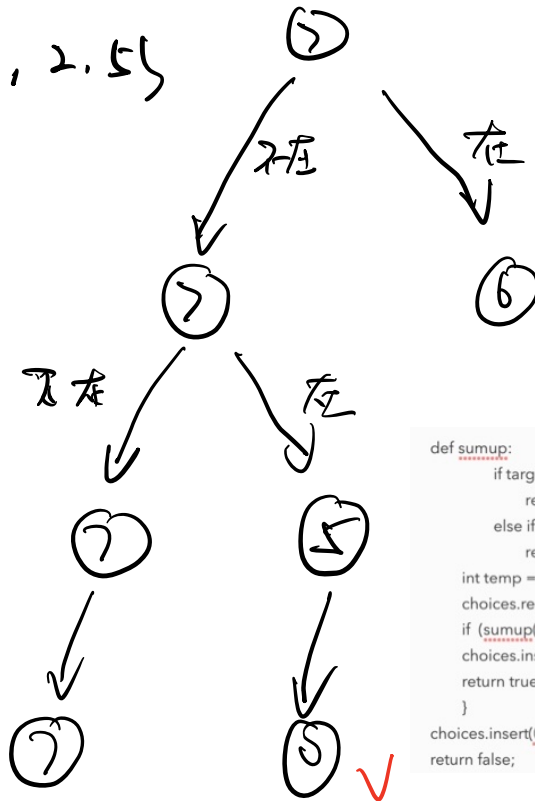
→ 判断元素是否在正确答案里?

{1, 2, 5}

判断1存在?

判断2...?

判断5...?



2 + 4 + 6 + 1
= 13

```
def sumup:
    if target is 0:
        return true;
    else if choices is empty or if target < 0:
        return false;
    int temp = choice[0];
    choices.remove[0];
    if (sumup(target, choices) || sumup(target - temp, choices))
        choices.insert(0, temp);
    return true;
}
choices.insert(0, temp);
return false;
```

分析.

base case: { 成功 节点值为0.
失败. 子集 {} 为 \emptyset . & 节点值 $\neq 0$.

recursive case:



① 选择: 任意子集元素.

② explore: $sumup(target, -val, choices)$

③ 返回: val 加回待选集

6. 分支限界. — 组合优化.

最优解
↑

⌋ 代价函数: 以节点T为根节点的子树所有可行解
的上界 ← 极大值.

判断. ⌋ 性质: 父节点代价 \geq 子节点.

界: 当前找到的最优解

→ 停止依据 { ① 不满足约束条件.
② 代价函数 $<$ 当前界.