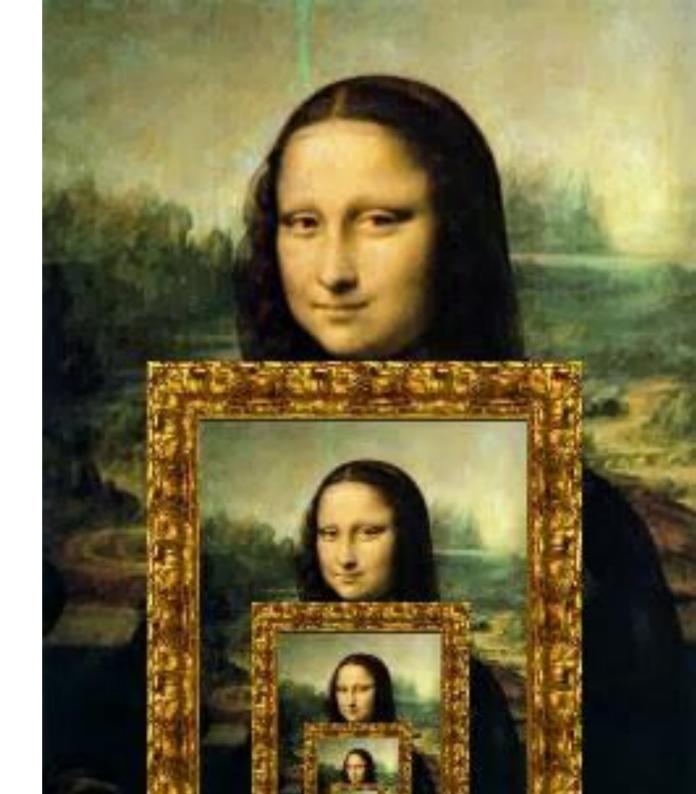
# RECURSIVIDA DE



#### Estória

Era uma vez dois gatinhos: o grapete e o repete. O grapete morreu, quem ficou?

# Introdução

- · Definição: uma função é dito recursivo quando ele faz chamada a si próprio
- uma função recursivo normalmente apresenta duas características básicas:
  - ·Chamada recursiva
  - ·Condição de parada
- · Qual é a condição de parada da nossa estória?

· Identifique as chamadas recursivas e condições de parada

```
int fat (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = n * fat (n - 1);
    }
    return resp;
}
```

```
int fib (int n){
    int resp;
    if (n == 0 | | n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = fib (n - 1) + fib(n - 2);
    }
    return resp;
}
```

· Identifique as chamadas recursivas e condições de parada

```
int fat (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = n * fat (n - 1);
    }
    return resp;
}
```

#### Chamadas recursivas

```
int fib (int n){
    int resp;
    if (n == 0 | | n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = fib (n - 1) - fib(n - 2);
    }
    return resp;
}
```

· Identifique as chamadas recursivas e condições de parada

```
int fat (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
        resp = 1;
    } else {
        resp = n * fat (n - 1);
    }
    return resp;
}
```

A cada chamada recursiva, o n se aproxima do último valor

# Condições de parada

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```



```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela

1
2
3
4
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
1
2
3
4
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

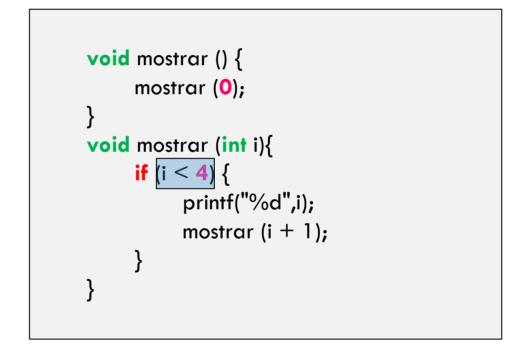
void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

i O

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true



```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
2
3
4
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

```
i 0
```

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
2
3
4
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
               printf("%d",i);
               mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

```
i | 1
```

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
2
3
4
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){

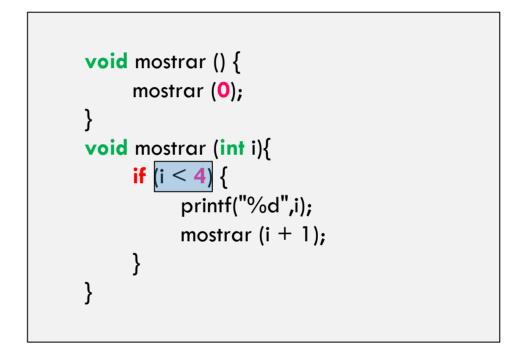
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

```
i 1
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true



U

Tela

i | 1

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
               printf("%d",i);

               mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

i | 2

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){

    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Tela 0 1

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
```

```
void mostrar () {
         mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
            printf("%d",i);

            mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){

    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

true

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

i | 3

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
3
```

```
void mostrar () {
          mostrar (0);
}
void mostrar (int i){
          if (i < 4) {
                printf("%d",i);
                mostrar (i + 1);
          }
}</pre>
```

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
3
```

```
void mostrar () {
         mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
        if (i < 4) {
            printf("%d",i);
            mostrar (i + 1);
        }
}</pre>
```

```
i 4
```

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

```
Tela
0
1
2
3
```

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){

    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

```
i 4
```

Procedimentos ITERATIVO e RECURSIVO para mostrar os números 0 à 3

```
void mostrar (){
    for (int i = 0; i < 4; i = i + 1) {
        printf("%d",i);
    }
}</pre>
```

false

```
void mostrar () {
    mostrar (0);
}

void mostrar (int i){
    if (i < 4) {
        printf("%d",i);
        mostrar (i + 1);
    }
}</pre>
```

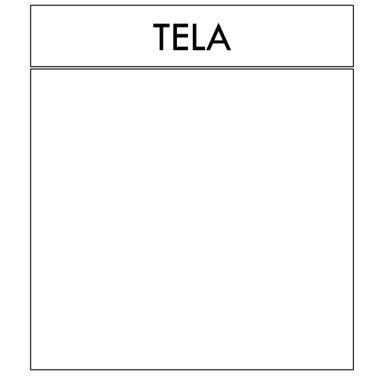
i | 4

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - inicio");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - inicio e fim");
void main (){
     printf("main - inicio");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```



O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("2o - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

1° – início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("10 - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

1° – início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

1° – início

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

1° – início

2° – início e fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("10 - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

#### **TELA**

main — início

1° – início

2° - início e fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("1o - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

# TELA main — início 1° — início 2° — início e fim 1° — fim

O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

## TELA main — início 1° — início 2° — início e fim 1° — fim

• O que o programa iterativo abaixo mostra na tela?

```
void primeiro(){
     printf("lo - início");
     segundo();
     printf("lo - fim");
void segundo(){
     printf("20 - início e fim");
void main (){
     printf("main - início");
     primeiro();
     printf("main - fim");
```

## TELA main — início 1° — início 2° — início e fim 1° — fim main — fim

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
    printf("%d",i);
```

#### Exercício

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
    printf("%d",i);
```

Temos como se cada chamada recursiva fosse uma função diferente!!!

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ //i(2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2);
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4)         printf("%d",i);
(5)         if (i > 0){
               printRecursivo(i - 1);
               }
               printf("%d",i);
              }
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2);
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4)         printf("%d",i);
(5)         if (i > 0){
               printRecursivo(i - 1);
               }
               printf("%d",i);
              }
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2);
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4)     printf("%d",i);
(5)     if (i > 0){
          printRecursivo(i - 1); (18)
          } (19)
          printf("%d",i); (20)
     }
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2); (21)
    }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4) printf("%d",i);
(5) if (i > 0){
(6) printRecursivo(i - 1); (18)
(19) printf("%d",i); (20)
```

```
(1) void printRecursivo(){
(2)     printRecursivo(2); (21)
     }
```

```
(3) void printRecursivo(int i){ // i (2)
(4) printf("%d",i);
(5) if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1); (18)
    } (19)
    printf("%d",i); (20)
    }
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
    }

printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(2);

printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Vamos para o print do um, contudo, depois, voltaremos para (a)

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);

if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
    true
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

Vamos para o print do zero, contudo, depois, voltaremos para (b)

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (0)
    printf("%d",i);

if (i > 0){
    printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
          printRecursivo(2);
     void printRecursivo(int i){ // i (2)
          printf("%d",i);
          if (i > 0){
               printRecursivo(i - 1);
                                          (a)
          printf("%d",i);
Voltando para (b)
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
     printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
     printf("%d",i);
void printRecursivo(inti){ // i (0)
     printf("%d",i);
     if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
     printf("%d",i);
```

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
     printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){ // i (2)
     printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
                                     (a)
     printf("%d",i);
```

Voltando para (b)

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
     printf("%d",i);
    if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
                                     (b)
     printf("%d",i);
```

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(int i){ // i (1)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
```

Voltando para (a)

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
     printRecursivo(2);
void printRecursivo(int i){ // i (2)
     printf("%d",i);
     if (i > 0){
         printRecursivo(i - 1);
                                     (a)
    printf("%d",i);
```

Voltando para (a)

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }

    printf("%d",i);
}
```

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }

    printf("%d",i);
}
```

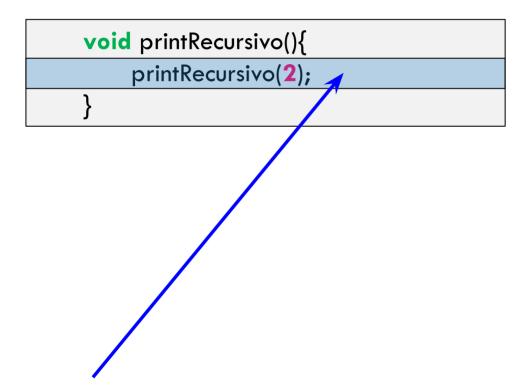
Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(2);

printRecursivo(2);

void printRecursivo(int i){ // i (2)
    printf("%d",i);
    if (i > 0){
        printRecursivo(i - 1);
    }
    printf("%d",i);
}
```

Voltando para (primeiro)



#### Exercício - Reavaliando

• Por que o código abaixo imprime 2, 1, 0, 0, 1 e 2?

```
void printRecursivo(){
    printRecursivo(2);
}
```

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Fat(4) = 4 \* Fat(3)

$$Fat(3) = 3 * Fat(2)$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Fat(3) = 3 \* Fat(2)

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2 * Fat(1)$$

• Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Fat(4) = 4 \* Fat(3)

$$Fat(3) = 3 * (Fat(2))$$

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2 * Fat(1)$$

$$Fat(1) = 1$$

Fat(4) = 4 \* Fat(3)

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

Fat(3) = 3 \* Fat(2)

· Qual é o valor do fatorial de 5?

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2 * 1$$

Fat(1) =

Fat(3) = 3 \* Fat(2)

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$Fat(2) = 2$$

Definição do fatorial é recursiva:

Fat(3) = 3 \* 2

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

$$\mathsf{Fat}(2) = 2$$

Definição do fatorial é recursiva:

Fat(3) = 6

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

Fat(1) = 1
Fat(n) = n \* Fat(n - 1)

Fat(3) 
$$\Rightarrow$$
 6

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * Fat(4)$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$Fat(5) = 5 * 24$$

Definição do fatorial é recursiva:

$$\begin{cases} Fat(1) = 1 \\ Fat(n) = n * Fat(n-1) \end{cases}$$

$$Fat(5) = 120$$

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
                           n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){
                      // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
```

fatorial 
$$(4) = 4 * fatorial (3)$$

fatorial 
$$(3) = 3 * fatorial (2)$$

fatorial (1) = 
$$2 * fatorial (1)$$

fatorial 
$$(1) = 1$$

```
int fatorial (int n){
                            n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){
                      // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){
                     // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){
                      // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){
                     // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else ·
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){
                       // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){
                      // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                            false
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
      else ·
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
```

```
int fatorial (int n){
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * | fatorial (4) |
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){
                       // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * | fatorial (4) |
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * |fatorial (2)|
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n){ // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
                             true
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * |fatorial (4)|
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (1)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * | fatorial (3) |
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 * fatorial (1)
fatorial (1) = 1
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * | fatorial (4) |
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2 *
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * | fatorial (4) |
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (2)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * fatorial (3)
fatorial (3) = 3 * fatorial (2)
fatorial (2) = 2
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 3 * 2
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 6
```

```
int fatorial (int n) \{ // n (3)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)

fatorial (4) = 4 * fatorial (3)

fatorial (3) = 6
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 4 * 6
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4)
fatorial (4) = 24
```

```
int fatorial (int n){ // n (4)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * fatorial (4) fatorial (4) = 24
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

```
fatorial (5) = 5 * 24
```

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

fatorial (5) = 120

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

fatorial (5) = 120

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

fatorial (5) = 120

```
int fatorial (int n){ // n (5)
    int resp;
    if (n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = n * fatorial(n - 1);
    return resp;
void main(){
    int valor = fatorial(5);
    printf("%d",valor);
```

Definição do fatorial é recursiva:

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

Fibonacci(4)

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

(Fibonacci(2) + Fibonacci(1)) + Fibonacci(2)

$$(Fibonacci(1) + Fibonacci(0))$$
  $(Fibonacci(1) + Fibonacci(0))$ 

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

(Fibonacci(1) + Fibonacci(0)) (Fibonacci(1) + Fibonacci(0))

Definição do fatorial é recursiva:

Definição do fatorial é recursiva:

·Qual é o Fibonacci de 4?

(Fibonacci(2) + Fibonacci(1)) + Fibonacci(2)

Definição do fatorial é recursiva:

•Qual é o Fibonacci de 4?

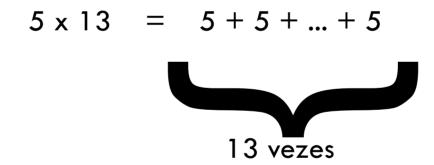
5

```
int fibonacci (int n){
    int resp;
    if (n == 0 | | n == 1){
         resp = 1;
    } else {
         resp = fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2);
    return resp;
void main(){
    int valor = fibonacci(4);
    printf("%d",valor);
```

#### Exercício

· Faça uma função recursivo que receba dois números inteiros e retorne a

multiplicação do primeiro pelo segundo fazendo somas



#### Exercício

 Faça uma função recursivo que receba dois números inteiros e retorne a multiplicação do primeiro pelo segundo fazendo somas

```
int multiplicacao (int a, int b){
    int resp = 0;

if (b > 0){
    resp = a + multiplicacao(a, b - 1);
    }

return resp;
}

void main (...){
    multiplicacao(4, 3);
}
```

#### Exercício

· Faça uma função recursivo que receba dois números inteiros e retorne a

multiplicação do primeiro pelo segundo fazendo somas (outra resposta)

```
int multiplicacao (int a, int b, int i){
  int resp = 0;
  if (i < b)
    resp = a + multiplicacao(a, b, i + 1);
  return resp;
int multiplicacao (int a, int b){
  return multiplicacao(a, b, 0);
```

```
int multiplicacao (int a, int b){
  int resp = 0;

for (int i = 0; i < b; i = i + 1){
    resp += a;
  }

return resp;
}</pre>
```

- · Todo programa iterativo pode ser feito de forma recursiva e vice-versa
  - · Algumas vezes é mais "fácil" fazer um programa de forma recursiva!!!

 O conceito de recursividade é fundamental na computação e na matemática (por exemplo, número naturais, fatorial e outros)

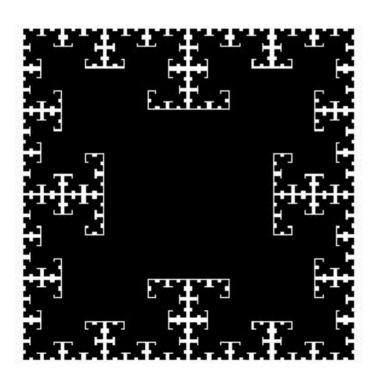
A recursividade pode ser direta ou indireta (A chama B que chama A)

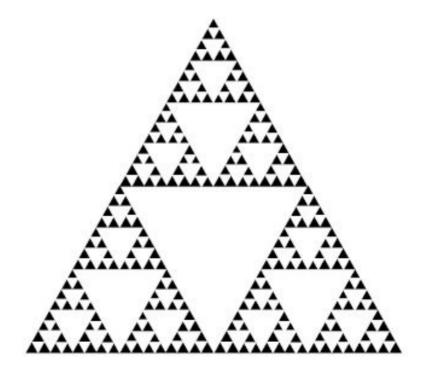
• O SO usa uma pilha para armazenar o estado corrente do programa antes de cada chamada não terminada e quando uma chamada termina, o SO recupera o estado armazenado na pilha

·As variáveis locais são recriadas para cada chamada recursiva

 Por que na prática é importante manter um nível "limitado" de chamadas recursivas?

• Outro exemplo de recursividade são os fractais, pequenos padrões geométricos que ao serem repetidos diversas vezes de forma recursiva criam desenhos mais sofisticadas





• Outro exemplo de recursividade são os fractais, pequenos padrões geométricos que ao serem repetidos diversas vezes de forma recursiva criam desenhos mais sofisticadas

