Unidade V: Ordenação Interna - Algoritmo de Inserção



Instituto de Ciências Exatas e Informática Departamento de Ciência da Computação

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C#

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Agenda

Funcionamento básico

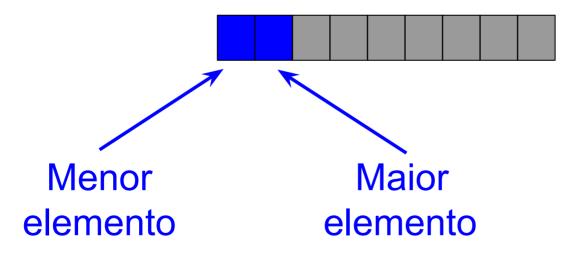


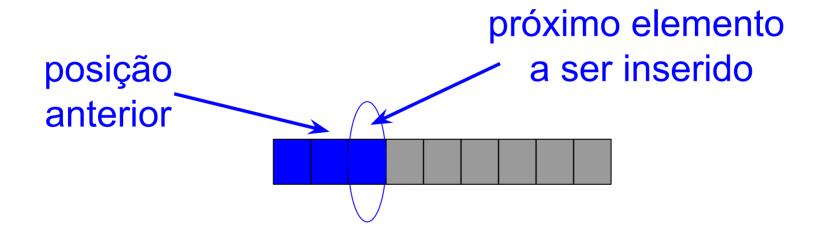
· Algoritmo em C#

Análise dos número de comparações e movimentações

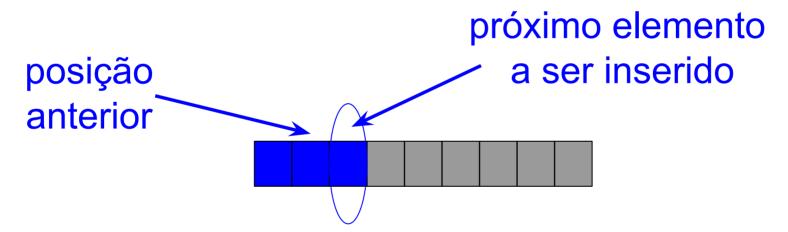
Conclusão





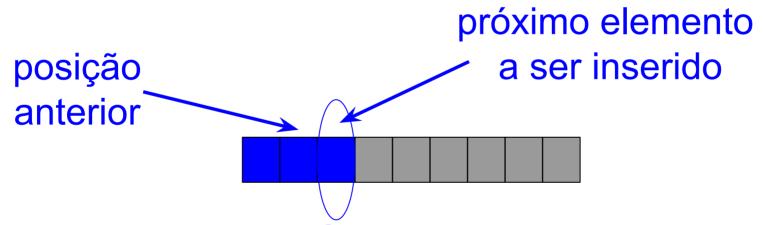


 Temos duas sequências (a ordenada e a ordenar) e, em cada passo, aumentamos a ordenada com um elemento que deve ser inserido em sua posição correta (ordenada)



Se ele for maior ou igual ao da posição anterior, os três estão nas posições atuais corretas

 Temos duas sequências (a ordenada e a ordenar) e, em cada passo, aumentamos a ordenada com um elemento que deve ser inserido em sua posição correta (ordenada)



Senão, copiamos o novo elemento para uma área temporária e subimos em uma posição todos os demais que forem maiores que o novo

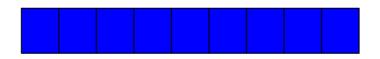












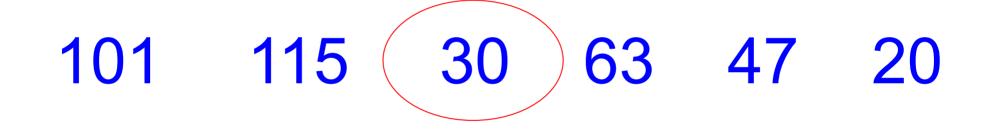
101 115 30 63 47 20



Inicialmente, temos um elemento, logo, ele está na posição correta



Comparamos o 101 e 115 e, como o novo elemento é o maior, os dois estão em ordem



Comparamos o 115 e 30 e, como o novo elemento é o menor, vamos procurar sua posição na lista ordenada



101 115 <u>30</u> 63 47 20



101 115 63 47 20



101 115

63

47

20



Encontramos a posição do 30

30 101 115 63 47 20

Encontramos a posição do 30



Comparamos o 115 e 63 e, como o novo elemento é o menor, vamos procurar sua posição na lista ordenada



30 101 115 47 20



30 101 115 47 20



30 101 115 47 20



Encontramos a posição do 63

30 63 101 115 47 20

Encontramos a posição do 63



Comparamos o 115 e 47 e, como o novo elemento é o menor, vamos procurar sua posição na lista ordenada



30 63 101 115 20



30 63 101 115 2C



30 63 101 115 2C



30 63 101 115 20



Encontramos a posição do 47

30 47 63 101 115 20

Encontramos a posição do 47

30 47 63 101 115 20

Comparamos o 115 e 20 e, como o novo elemento é o menor, vamos procurar sua posição na lista ordenada



30 47 63 101 115



30 47 63 101 115

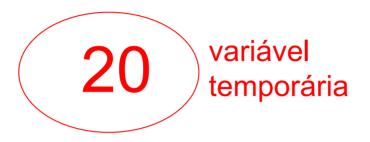


30 47 63

101 115



30 47 63 101 115



30 47 63 101 115

20 variável temporária

30 47

63

101 115



Encontramos a posição do 20

20 30 47 63 101 115

Encontramos a posição do 20

Agenda

· Funcionamento básico

Algoritmo em C#



· Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Exercício Resolvido (1)

 Uma dúvida básica sobre o operador AND pode prejudicar a compreensão do nosso algoritmo. Assim, o que será escrito na tela pelo programa abaixo?

```
class ExercicioDuvidaAND {
    public static boolean m1(){
        System.out.println("m1");
        return false.
    public static boolean m2(){
        System.out.println("m2");
        return true
     public static void main (String[] args) {
        System.out.println("inicio");
        boolean and = m1() && m2();
        System.out.println("fim: " + and);
```

Exercício Resolvido (1)

 Uma dúvida básica sobre o operador AND pode prejudicar a compreensão do nosso algoritmo. Assim, o que será escrito na tela pelo programa

abaixo?

```
class ExercicioDuvidaAND {
    public static boolean m1(){
        System.out.println("m1");
        return false.
    public static boolean m2(){
        System.out.println("m2");
        return true
    public static void main (String[] args) {
        System.out.println("inicio");
        boolean and = m1() && m2();
        System.out.println("fim: " + and);
```



TELA

inicio m1

fim: false

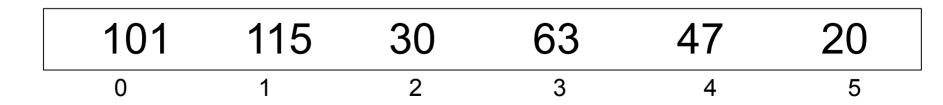
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j]; // Deslocamento
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5



```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

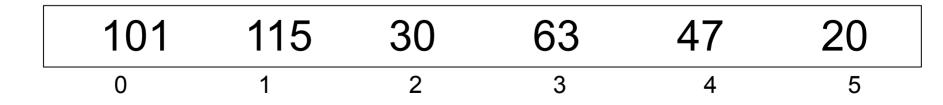
(Obs.1): i começa com 1, pois quando temos um elemento, nosso conjunto está ordenado





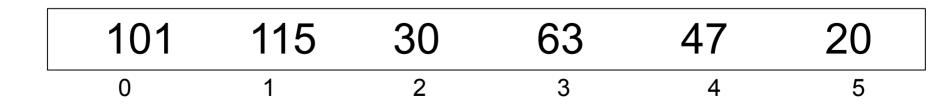
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

(Obs.2): i aponta para o elemento a ser inserido no conjunto ordenado



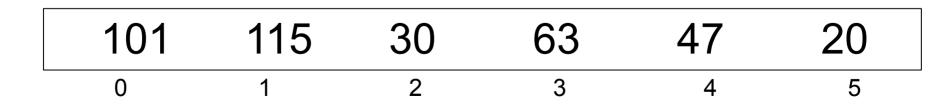
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

(Obs.3): j começa na maior posição do conjunto já ordenado e, no laço interno, ele é decrementado



```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
     }
     array[j + 1] = tmp;
}
```

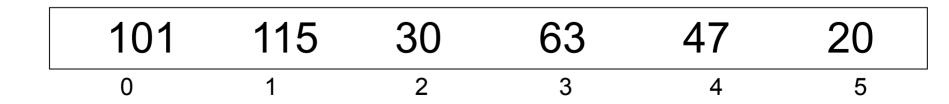
(Obs.4): O laço interno faz duas tarefas: i) procura a posição de inserção do novo elemento; e ii) desloca os elementos maiores que o novo elemento



```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 15

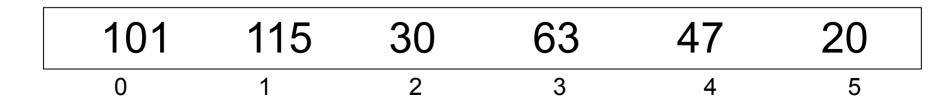
while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

(Obs.5): A primeira cláusula do laço interno serve apenas para não acessarmos posições negativas na segunda cláusula

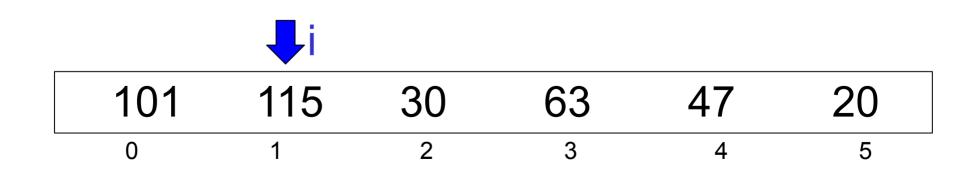


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

(Obs.6): Neste ponto, inserimos o novo elemento na posição correta

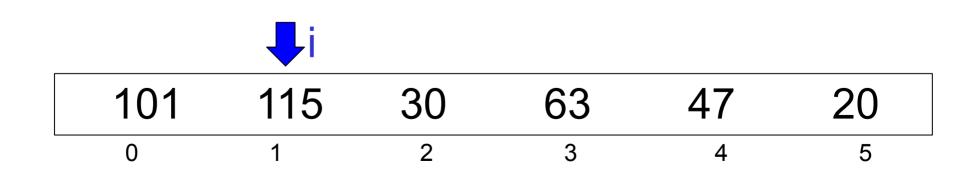


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



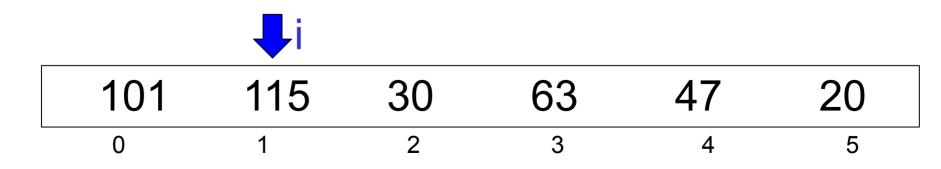
```
for (int i = 1[i < n] i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

true: 1 < 6



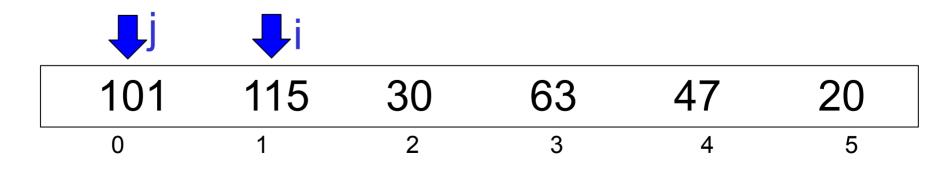
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



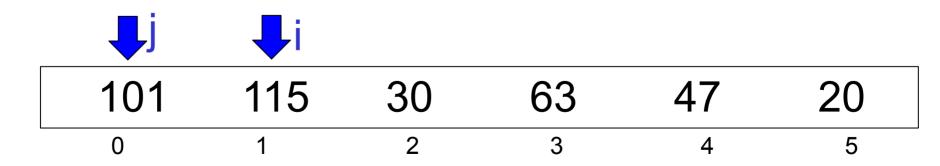


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

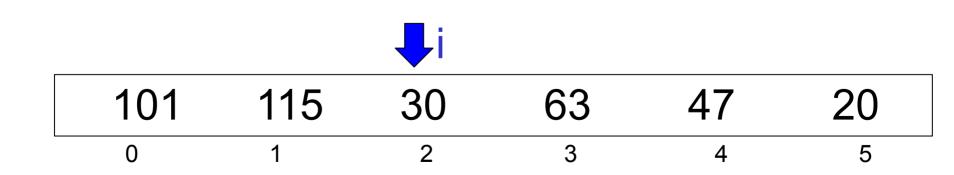
false: $0 \ge 0 \& 101 \ge 115$





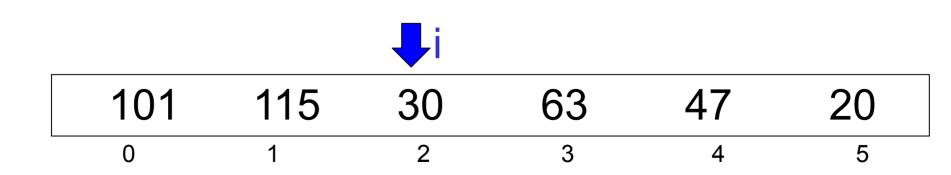
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
                                                                115
                = tmp;
    array[j +
                                                                               tmp
                                        30
            101
                          115
                                                      63
                                                                                  20
                                                        3
             0
                                          2
                                                                                     5
                                                                       4
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



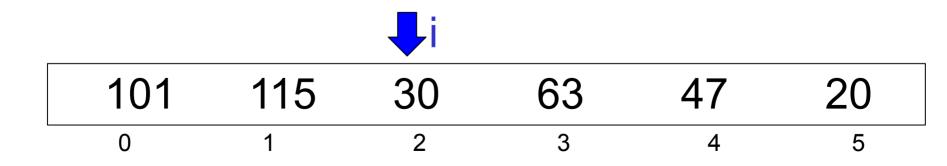
```
for (int i = 1[i < n] i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

true: 2 < 6

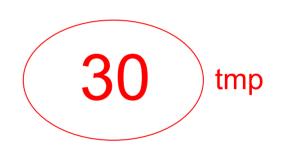


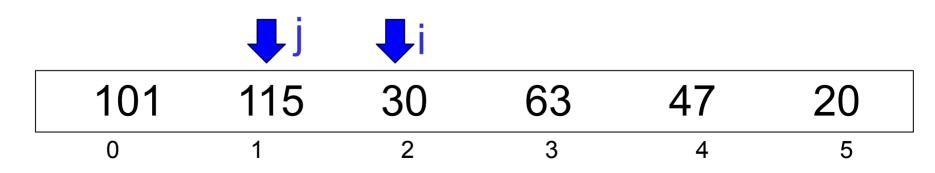
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



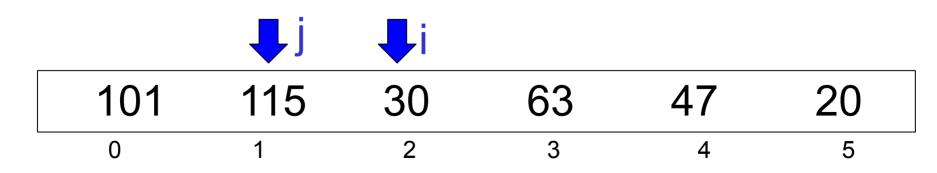


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

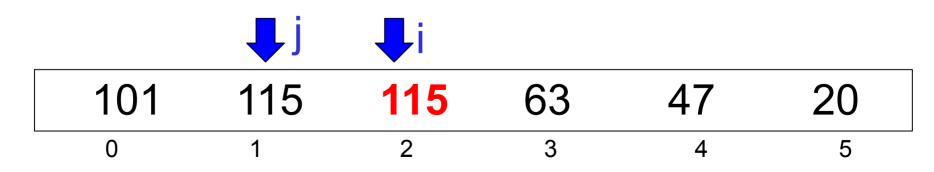
true: 1 >= 0 && 115 > 30





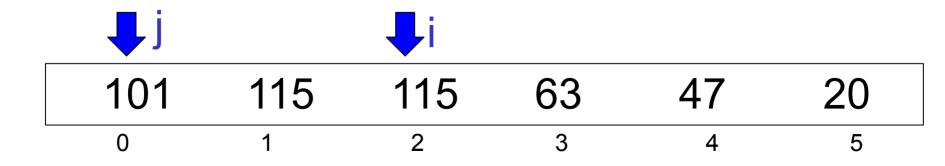
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



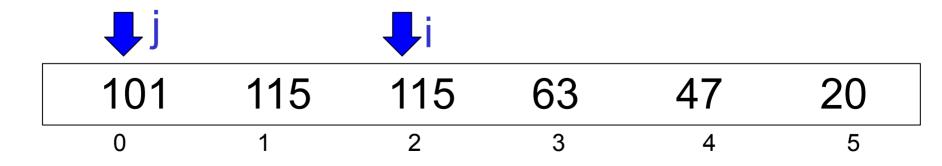


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

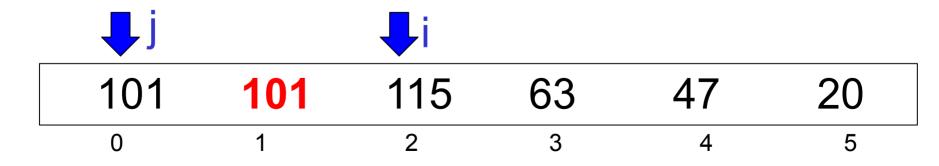
true: $0 \ge 0 \&\& 101 \ge 30$





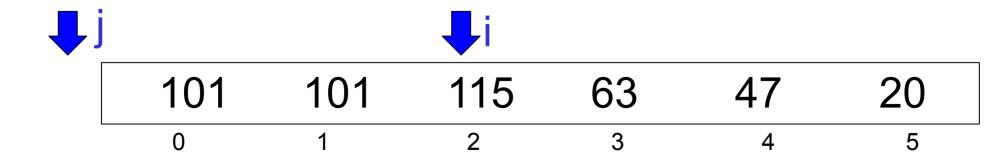
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

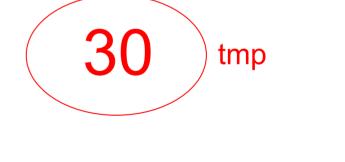


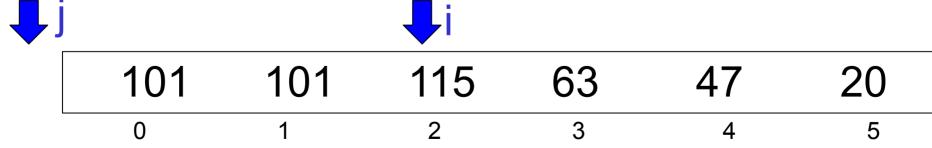


Quando a 1ª cláusula é false, o AND não executa a segunda

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

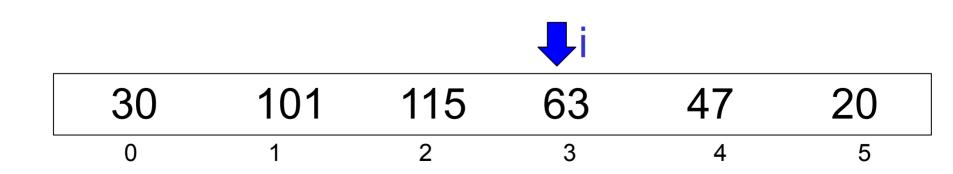
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





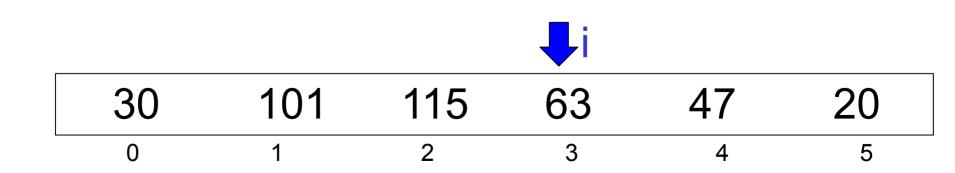
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
     int tmp = array[i];
     int j = i - 1;
     while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
                 = tmp;
     array[j +
                                                                                  tmp
                            101
                                          115
                                                        63
                                                                                      20
                                            2
                                                           3
                                                                                         5
              0
                                                                          4
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

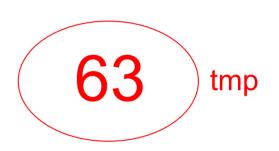


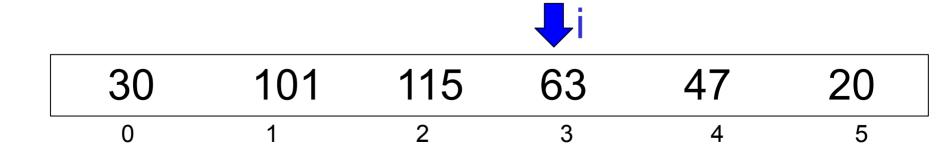
```
for (int i = 1[i < n] i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

true: 3 < 6



```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

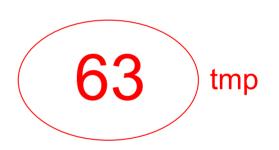


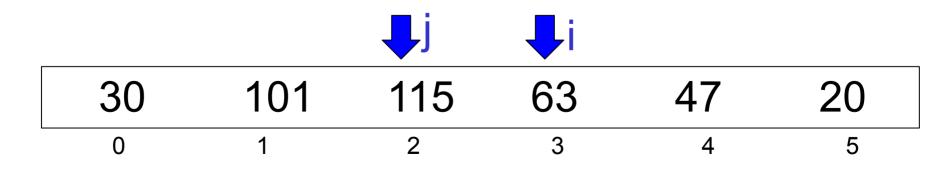


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];

int j = i - 1;

while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



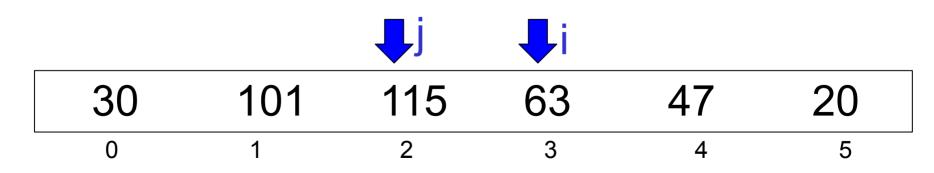


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

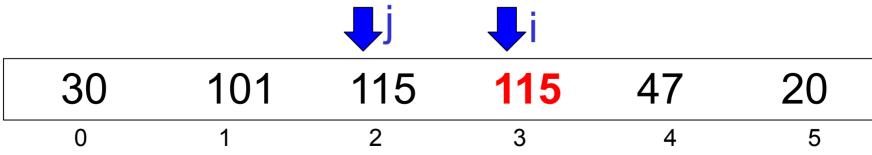
true: 2 >= 0 && 115 > 63



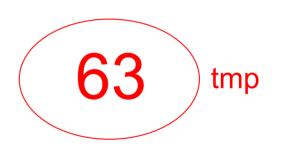


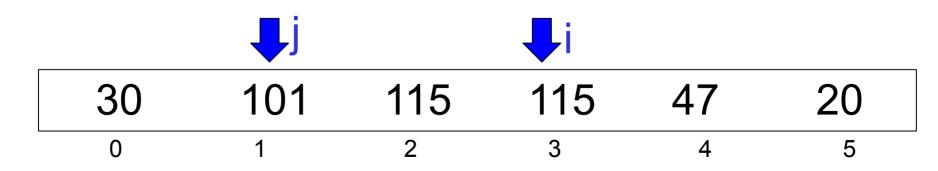
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
     int tmp = array[i];
     int j = i - 1;
     while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
          array[j + 1] = array[j];
          j--;
     array[j + 1] = tmp;
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



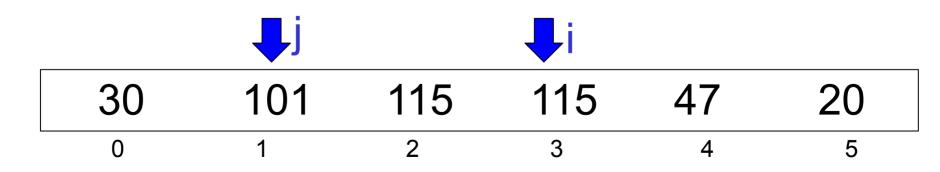


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

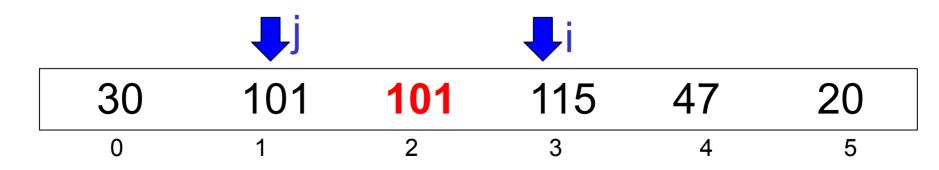
true: 1 >= 0 && 101 > 63





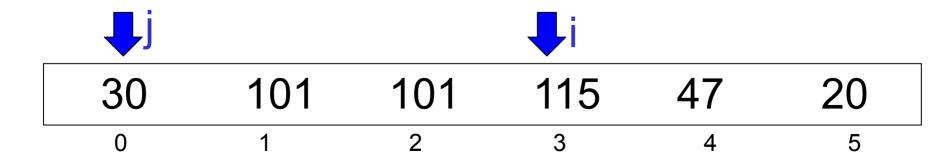
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



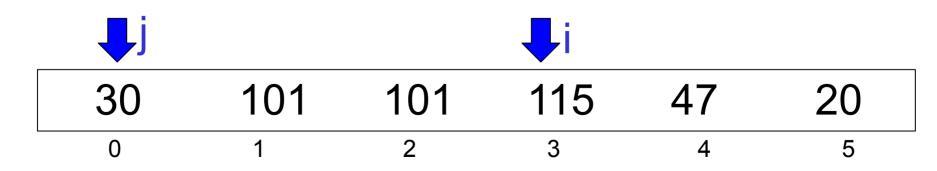


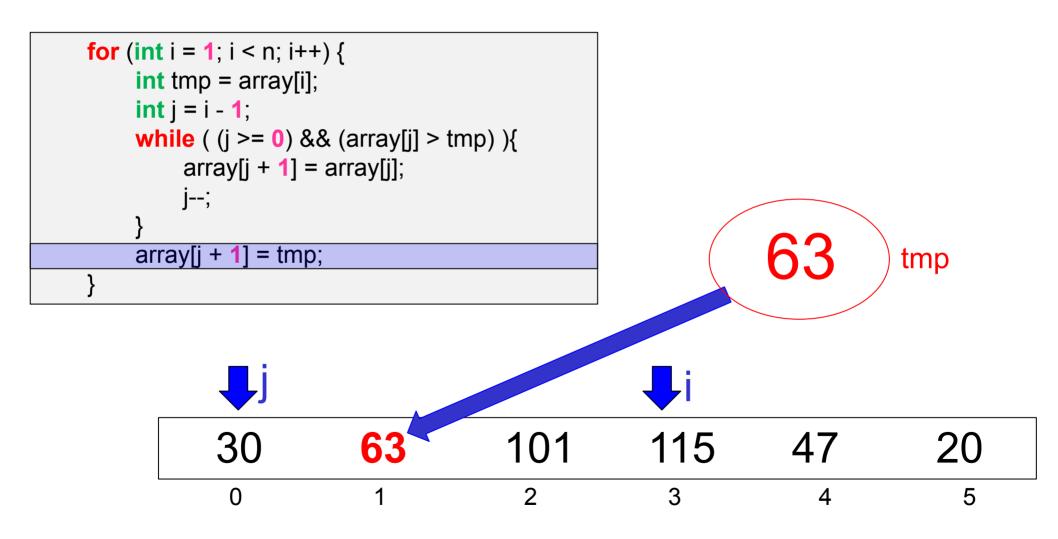
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

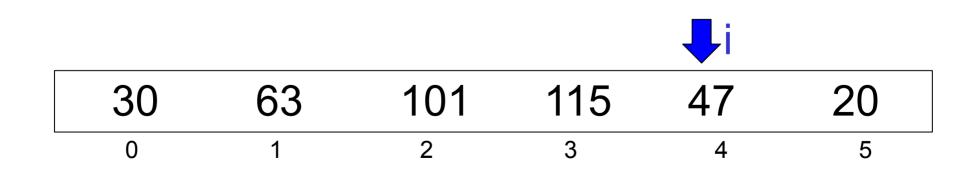
false: $0 \ge 0 & 30 \ge 63$





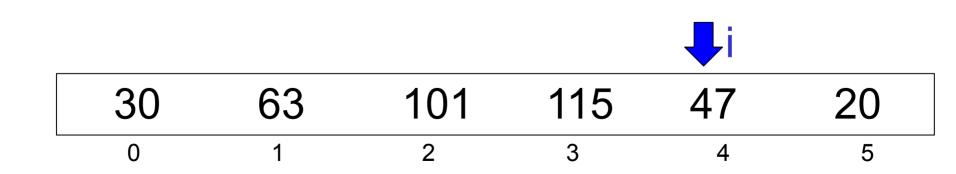


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



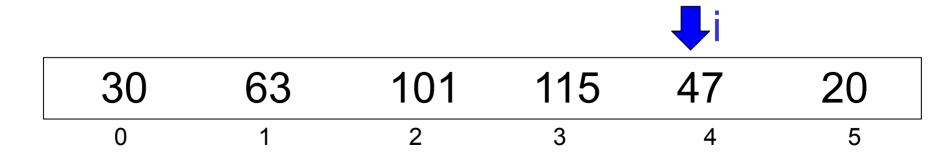
```
for (int i = 1[i < n] i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

true: 4 < 6



```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
     int tmp = array[i];
     int j = i - 1;
     while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                 tmp
             30
                           63
                                          101
                                                        115
                                                                                     20
                                           2
                                                          3
                                                                                        5
              0
                                                                         4
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
                                                 true: 3 \ge 0 \&\& 115 \ge 47
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp))
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
    array[j + 1] = tmp;
                                                                             tmp
            30
                          63
                                                     115
                                       101
                                                                                20
```

2

3

4

5

0

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                tmp
            30
                           63
                                         101
                                                       115
                                                                                   20
                                                                     115
                                                         3
                                           2
              0
                                                                        4
                                                                                      5
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
    array[j + 1] = tmp;
                                                                               tmp
                                                      115
            30
                          63
                                         101
                                                                     115
                                                                                   20
                                          2
                                                         3
              0
                                                                                      5
                                                                       4
```

115

4

20

5

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
                                                    true: 2 \ge 0 \&\& 101 \ge 47
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp))
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                tmp
                                                       115
```

101

2

3

63

30

0

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                tmp
            30
                           63
                                         101
                                                       101
                                                                      115
                                                                                   20
                                           2
                                                         3
              0
                                                                        4
                                                                                      5
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                tmp
            30
                          63
                                         101
                                                       101
                                                                     115
                                                                                   20
                                           2
                                                         3
              0
                                                                        4
                                                                                      5
```

5

4

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
                                                 true: 1 \ge 0 \&\& 63 \ge 47
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp))
         array[j + 1] = array[j];
        j--;
    array[j + 1] = tmp;
                                                                            tmp
            30
                         63
                                       101
                                                     101
                                                                  115
                                                                                20
```

2

3

0

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                tmp
            30
                           63
                                         63
                                                       101
                                                                     115
                                                                                   20
                                           2
                                                         3
              0
                                                                        4
                                                                                      5
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
    array[j + 1] = tmp;
                                                                                tmp
            30
                           63
                                         63
                                                       101
                                                                     115
                                                                                   20
```

2

3

4

5

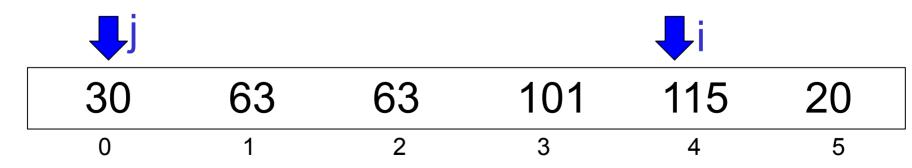
0

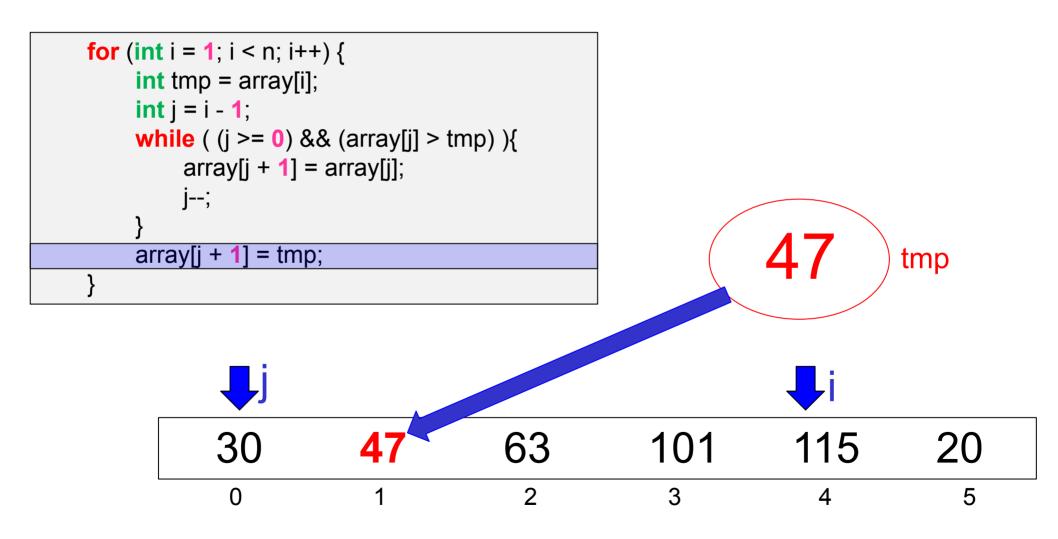
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

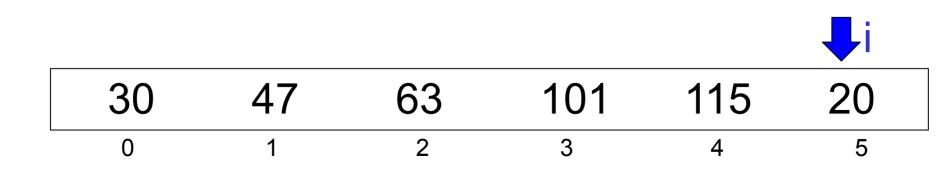
false: $0 \ge 0 \&\& 30 \ge 47$





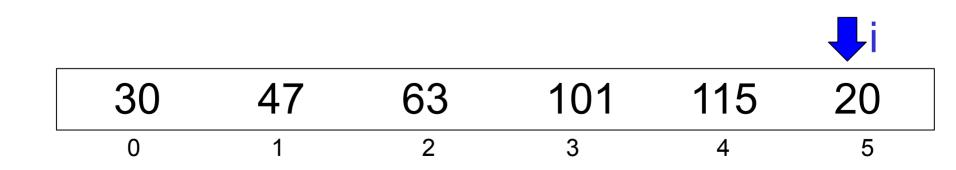


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

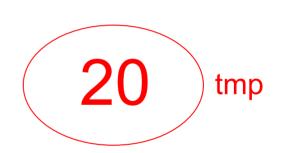


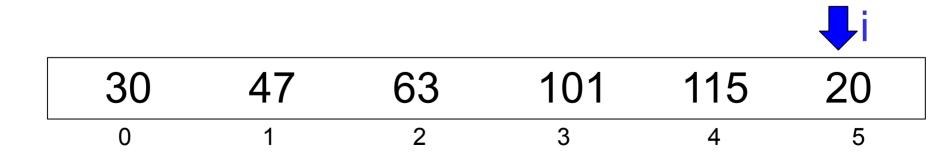
```
for (int i = 1[i < n] i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

true: 5 < 6



```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

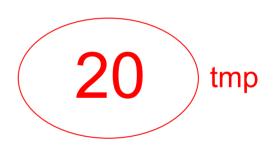


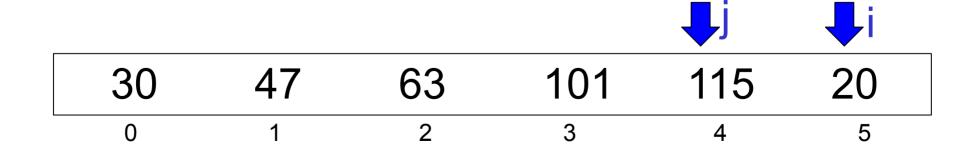


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];

int j = i - 1;

while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



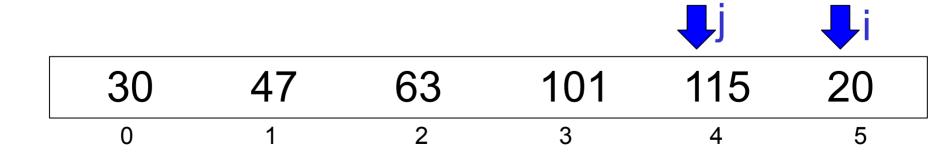


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

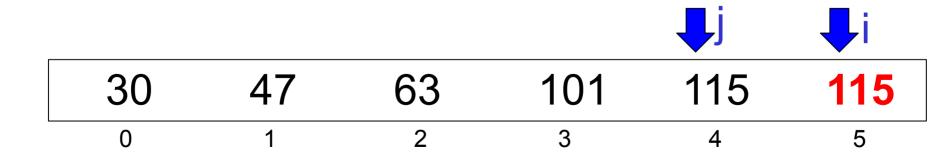
true: 4 >= 0 && 115 > 20





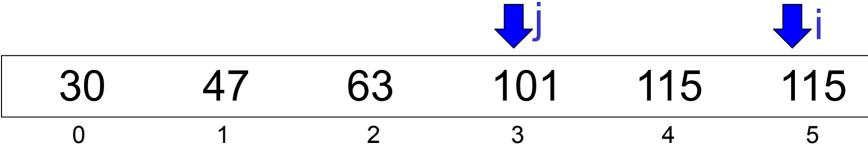
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
     int tmp = array[i];
     int j = i - 1;
     while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
          array[j + 1] = array[j];
     array[j + 1] = tmp;
```



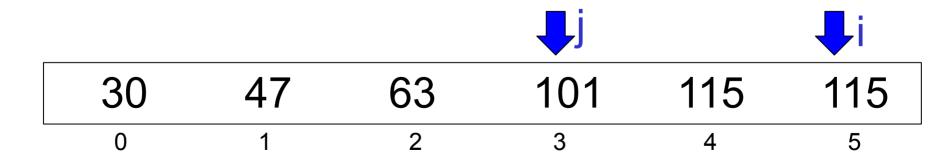


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

true: 3 >= 0 && 101 > 20





tmp

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

tmp

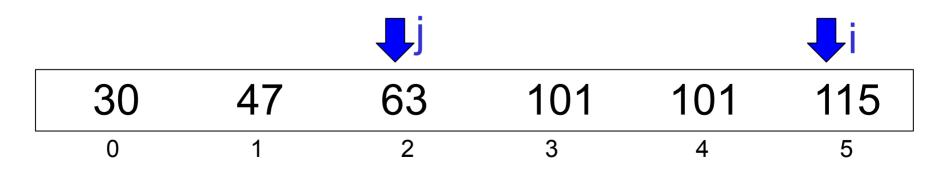
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

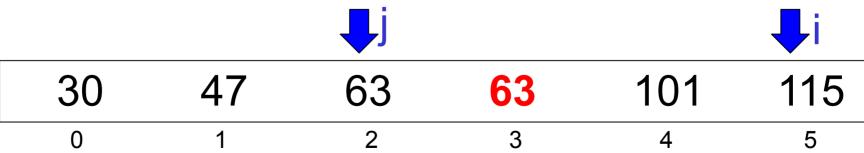
true: 2 >= 0 && 63 > 20





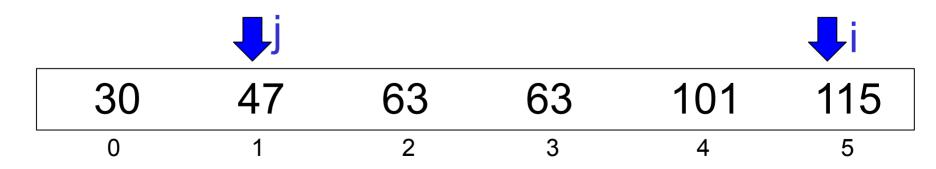
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
     int tmp = array[i];
     int j = i - 1;
     while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
          array[j + 1] = array[j];
          j--;
     array[j + 1] = tmp;
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



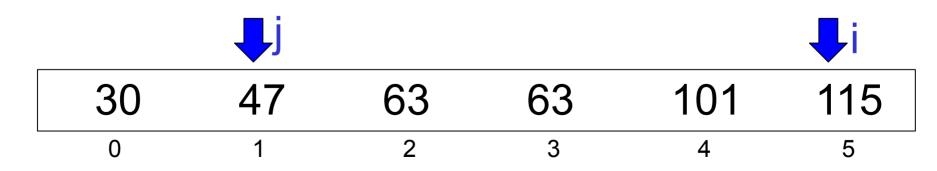


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

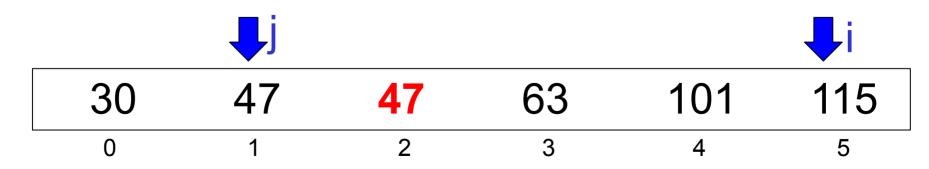
true: 1 >= 0 && 47 > 20





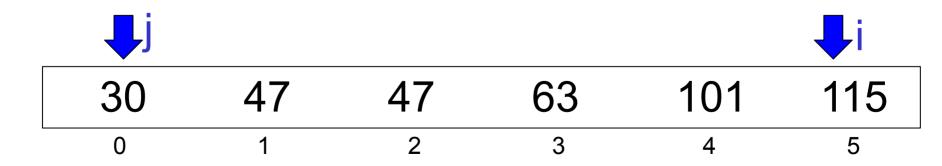
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



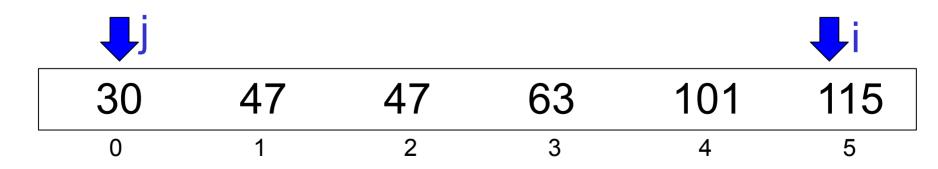


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

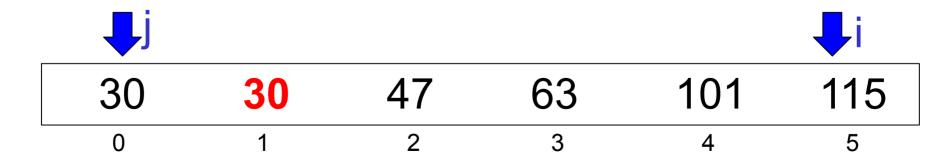
true: $0 \ge 0 \&\& 30 \ge 20$





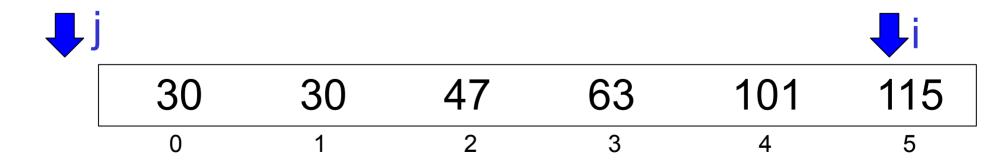
```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



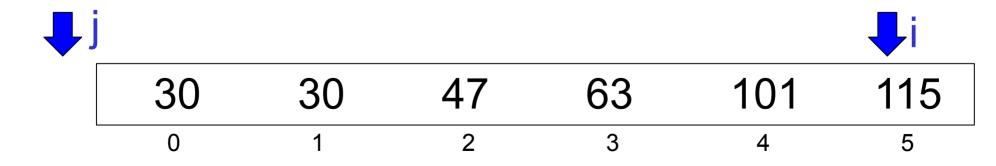


```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;

    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

```
false: -1 >= 0 <u>&&</u> <u>\times</u>
```





```
for (int i = 1; i < n; i++) {
     int tmp = array[i];
     int j = i - 1;
     while ((j \ge 0) \&\& (array[j] \ge tmp)){
         array[j + 1] = array[j];
         j--;
                = tmp;
     array[j +
                                                                                 tmp
                           30
                                                                                     115
                                         47
                                                        63
                                                                       101
                                           2
                                                          3
                                                                                        5
              0
                                                                         4
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```



20	30	47	63	101	115
0	1	2	3	4	5

```
for (int i = 1[i < n] i++) {
    int tmp = array[i];
    int j = i - 1;
    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
        array[j + 1] = array[j];
        j--;
    }
    array[j + 1] = tmp;
}
```

false: 6 < 6





Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C#

· Análise dos número de comparações e movimentações



Conclusão

Exercício Resolvido (1)

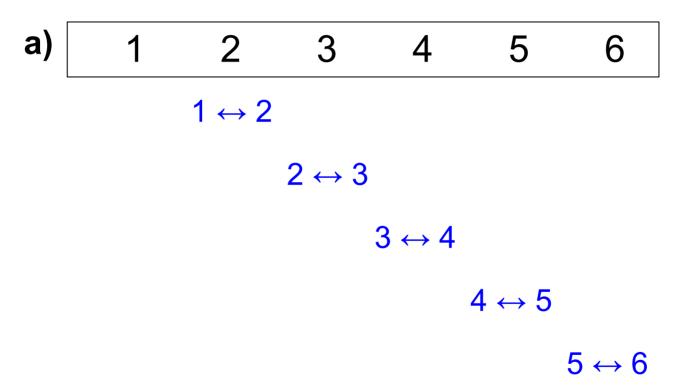
 Mostre todas as comparações entre elementos do array para os arrays abaixo

a) 1 2 3 4 5 6

b) 6 5 4 3 2 1

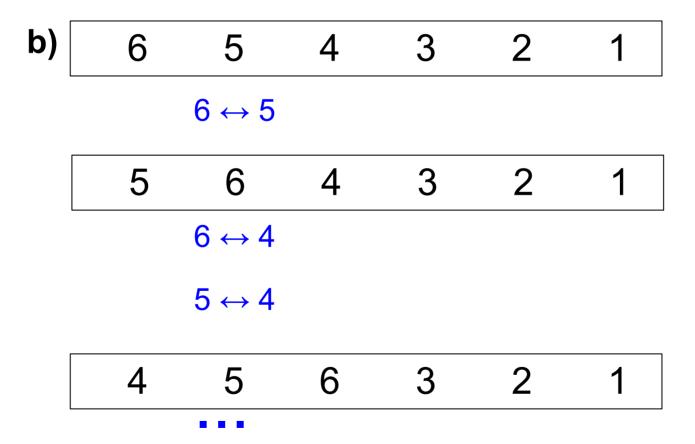
Exercício Resolvido (1)

 Mostre todas as comparações entre elementos do array para os arrays abaixo



Exercício Resolvido (1)

 Mostre todas as comparações entre elementos do array para os arrays abaixo



Análise do Número de Comparações

Melhor caso:

- Efetuamos uma comparação em cada iteração do laço externo
- Repetimos o laço externo (n 1) vezes
- \circ C(n) = (n 1) = Θ (n)

```
1: for (int i = 1; i < n; i++) {
2:    int tmp = array[i];
3:    int j = i - 1;

4:    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
5:        array[j + 1] = array[j];
6:        j--;
7:    }
8:    array[j + 1] = tmp;
9: }
```

Análise do Número de Comparações

Pior caso:

- Efetuamos i comparações em cada iteração do laço interno
- Repetimos o laço externo (n 1) vezes

$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2} = \Theta(n^2)$$

```
1: for (int i = 1; i < n; i++) {
2:    int tmp = array[i];
3:    int j = i - 1;

4:    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
5:        array[j + 1] = array[j];
6:        j--;
7:    }
8:    array[j + 1] = tmp;
9: }
```

- O Inserção movimenta elementos nas linhas 2, 5 e 8
- · Número de movimentações no laço interno é o de comparações menos um

Cada iteração do laço externo tem as movimentações do interno mais duas

$$\cdot M_i(n) = (C_i(n) - 1) + 2 \Rightarrow$$

$$M_i(n) = C_i(n) + 1$$

```
1: for (int i = 1; i < n; i++) {
2:    int tmp = array[i];
3:    int j = i - 1;
4:    while ( (j >= 0) && (array[j] > tmp) ){
5:        array[j + 1] = array[j];
6:        j--;
7:    }
8:        array[j + 1] = tmp;
9: }
```

• Sendo $M_i(n) = C_i(n) + 1$, no melhor caso, temos:

$$M(n) = 2 + 2 + 2 + ... + 2$$
, n-1 vezes = $2(n-1) = \Theta(n)$

$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

$$M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + ((n-1)+1)$$

○
$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

$$M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + (n) \Rightarrow$$

$$M(n) = (1+1) + (2+1) + (3+1) + + ((n-1)+1)$$

$$2 \qquad 3 \qquad 4 \qquad (n)$$

○
$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

○
$$M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + (n-1) \Rightarrow$$

 $M(n) = (1+1) + (2+1) + (3+1) + + ((n-1)+1) \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + (1+1+1+.... + 1)$ (n-1) vezes

o
$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

$$M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + (n-1) \Rightarrow$$

$$M(n) = (1+1) + (2+1) + (3+1) + + ((n-1)+1) \Rightarrow$$

$$M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + 1 + 1 + 1 + + 1 \Rightarrow$$

$$M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + (n-1)$$

o
$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

$$M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + (n-1) \Rightarrow$$

$$M(n) = (1+1) + (2+1) + (3+1) + + ((n-1)+1) \Rightarrow$$

$$M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + 1 + 1 + 1 + + 1 \Rightarrow$$

$$M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + (n-1) \Rightarrow$$

$$M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + n - 1$$

• Sendo $M_{l}(n) = C_{l}(n) + 1$, no pior caso, temos:

 $0 \le i \le n$

○
$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

○ $M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + (n-1) \Rightarrow$
 $M(n) = (1+1) + (2+1) + (3+1) + + ((n-1)+1) \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + 1 + 1 + 1 + + 1 \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + (n-1) \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + n - 1 \Rightarrow$
 $M(n) = -1 + \sum_{i=0}^{n-1} i = \frac{(n-1)*n}{2}$

• Sendo $M_{l}(n) = C_{l}(n) + 1$, no pior caso, temos:

0 < i < n

○
$$C(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) = \sum_{0 \le i \le (n-1)} i = \frac{(n-1)*n}{2}$$

○ $M(n) = 2 + 3 + 4 + ... + (n-1) \Rightarrow$
 $M(n) = (1+1) + (2+1) + (3+1) + + ((n-1)+1) \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + 1 + 1 + 1 + + 1 \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + (n-1) \Rightarrow$
 $M(n) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1) + n - 1 \Rightarrow$
 $M(n) = -1 + \sum_{i = n(n+1) - 2} i = \Theta(n^2)$

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C#

· Análise dos número de comparações e movimentações

· Conclusão

Conclusão

Melhor caso (comparações e movimentações) – array ordenado

· Pior caso (comparações e movimentações) – ordem decrescente

- · Método a ser utilizado quando o array estiver "quase" ordenado
 - Boa opção se desejarmos adicionar alguns itens em um array ordenado porque seu custo será linear

Algoritmo estável

Exercício (1)

 Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
1000			A Tarab		200000	1 taxas	- Total	- ×		1000			,		STATE PARTY	,	- M

Exercício (2)

• Uma forma de melhorar o Algoritmo de Inserção é considerar a pesquisa binária para procurar a posição em que o novo elemento será inserido na lista ordenada. Nesse caso, realizamos Θ(lg m) comparações, onde m é o tamanho da lista ordenada, para encontrar a posição de inserção. Em seguida, em uma estrutura de repetição, movemos em uma unidade todos os elementos já ordenados e cuja posição é maior ou igual a de inserção. Implemente o Algoritmo de Inserção com Pesquisa Binária.

Exercício (3)

Quando os elementos estão ordenados de forma decrescente tanto o

Seleção como o Inserção realizam
$$C(n) = \frac{(n-1)(n)}{2} = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}$$
 comparações.

Nesse caso, qual dos dois algoritmos executará mais rápido? Justifique sua resposta