#### TRAVAUX PRATIQUES: série n°3

Implémenter les types abstraits SET et BAG

# OBJECTIF

L'objectif de ce TP est de fournir une implémentation **prouvée** (par application d'une **Vérification Formelle**) pour les types de structures ensemblistes très utilisées en ingénierie du logiciel à savoir, les **Set** et les **Bag**.

La méthode qui sera appliquée s'appuie sur les spécifications Casl qui sont fournies et présentées en cours.

La démarche doit **obligatoirement** dérouler en suivant les **4** phases du cycle de développement initié lors du TP n°1 sur le type abstrait des polynômes, à savoir :

Phase 1 : Spécification Casl du type abstrait (elle est fournie et doit être éditée sous emacs)

Phase 2 : Validation de la spécification (en ligne avec DOLIATOR.)

Phase 3 : Implémentation des opérations du type

Phase4: Vérification de l'implémentation

Dans la plupart des applications, les objets abstraits de type Set ou Bag sont des objets dynamiques (très variables) Aussi, leur implémentation à l'aide d'objets concrets de type **listes chaînées** est plus efficace que celle plus classique qui utilise des tableaux.

Les étudiants sont invités à choisir d'implémenter soit le type des Set soit celui des Bag

## DEFINITION

Un **set** désigne une collection **finie** d'objets :

- distincts,
- et de **même type**.

Dans une structure ensembliste, l'ordre dans lequel les objets sont considérés peut n'avoir aucune signification.

La seule propriété importante est :

- la présence
- ou l'absence,

d'un certain objet dans cette structure.

Dans un set un certain objet peut figurer **au plus une fois**.Un set où des objets peuvent être avoir **plusieurs occurrences** «dégénère» en **bag**.

#### I-Type abstrait des SET

Sur les **Set**, on se limitera dans ce Tp aux 5 opérations suivantes:

1- créer un set vide :

```
setVide→ Set[Elem]
```

2- ajouter un objet:

```
ajouter: Set[Elem] x Elem→ Set
```

3- enlever un objet:

```
enlever: Set[Elem]x Elem→ Set
```

4- tester si un objet appartient à un set:

```
appartient: Elem x Set[Elem] → Booleen
```

5- tester la vacuité d'un set :

#### 1-Spécification du type abstrait SET

a)Commencer par établir une spécification minimale du type SET

```
%% signature
spec SET0 [sort Elem] =
    generated type Set[Elem] ::= setVide |
                                     ajouter(Set[Elem]; Elem)
pred
                %(utilisation d'un prédicat pour exprimer une propriété)%
    appartient: Elem × Set[Elem]
%% sémantique
   ∀ x, y: Elem; M, N: Set[Elem]
     • ¬ appartient(x, setVide) %( ¬ exprime la négation d'une propriété )%
     • appartient(x, ajouter(M,y)) \Leftrightarrow x = y \vee appartient(x, M)
     • M = N \Leftrightarrow \forall x: Elem • appartient(x,N) \Leftrightarrow appartient(x,N)
end
```

b) établir, ensuite, une spécification plus complète par **extension** de la spécification précédente.

```
spec SET [sort Elem] given NAT=
    SET0 [sort Elem]
    then
    pred
        estVide: Set[Elem];
    op
        enlever : Set[Elem] × Elem → Set[Elem]
∀ x, y: Elem; M: Set[Elem]
    %% le constructeur enlever est défini par induction à partir de setVide et ajouter
    enlever(setVide, y) = setVide
    • enlever(ajouter(M,x), y)) = M when x = y else ajouter(enlever(M,y),x)
end
```

#### 2-Spécification des opérations du type

Pour **implémenter** les constructeurs (étape 3), il est conseillé de s'appuyer sur les propriétés suivantes. Ces mêmes propriétés doivent être utilisées pour **vérifier l'implémentation** (étape 4)

```
setVide() r: Set[Elem]

pré: true

post: ∀ x: Elem

• estVide(r)

• ¬ appartient(x, r)

• enlever(r, x) = r
```

```
ajouter(M:Set[Elem], x: Elem) r: Set[Elem]
pré:
post: ∀y: Elem
•appartient(y,r) ⇔ x = y ∨ appartient(y, M)
```

```
enlever(M:Set[Elem] , x:Elem) r:Set[Elem]
pré: true
post: ∀ y

• M = setVide() ⇒ r = setVide()
• x = y ⇒ enlever(M,y)= r
```

#### II- Type abstrait des BAG

Sur les bag, on se limitera dans ce Tp aux 5 opérations suivantes: créer un bag vide : **bagVide**→ Bag[Elem] ajouter un objet: ajouter: Bag[Elem]x Elem→ Set enlever un objet: enlever: Bag[Elem]x Elem→ Set fréquence d'apparition d'un objet : fréquence : Bag[Elem] x Elem→ Nat tester la vacuité d'un bag :

estVide Bag[Elem]→ Booleen

#### 1-Spécification des opérations du type Bag

a)Commencer par établir la spécification minimale suivante.

b) établir ensuite la spécification plus complète par **extension** de la spécification précédente.

### 2-Spécification des opérations du type

Pour **implémenter** les constructeurs (étape 3), il est conseillé de s'appuyer sur les propriétés suivantes. Ces mêmes propriétés doivent être utilisées pour **vérifier l'implémentation** (étape 4)

bagVide() r: Bag[Elem]

• frequence( $\mathbf{r}$ ,  $\mathbf{y}$ ) = 0

pré: true

post: ∀ y: Elem

```
• estVide(r)

ajouter(M:Bag[Elem], x:Elem) r: Bag[Elem]
pré: true
post: ∀ y: Elem

• ¬estVide(r)
• x = y ⇒ frequence(r, y) = frequence(M,y)+1
• x ≠ y ⇒ frequence(r, y) = frequence(M,y)
```