## COMUNICAZIONI ELETTRICHE I APPELLO D'ESAME DEL 15 Ottobre 2019

Nome:	Cognome:
Matricola:	Firma:

## **Problema** (6 punti per domanda)

Un collegamento numerico su cavo coassiale è caratterizzato da una potenza in trasmissione  $W_T = 0.02~W$ . Il collegamento si estende su una tratta di lunghezza pari a d = 12~km. Si consideri la trasmissione di un segnale binario caratterizzato da una velocità di trasmissione  $f_b = 10~Mb/s$ . Tale segnale attraversa un modulatore multilivello di banda base che genera un segnale numerico a L = 4~livelli, che viene quindi portato a radiofrequenza mediante modulazione di ampiezza a Banda Laterale Unica. Supponendo che il fattore di roll-off del filtro di trasmissione sia unitario, che l'attenuazione nominale del cavo sia pari ad  $A_0 = 2~dB/km~@~1~MHz$ , e che il ricevitore sia caratterizzato da una temperatura di rumore considerata al suo ingresso pari a  $T_i = 5~T_0$ , si chiede:

- 1. di calcolare la **frequenza portante**  $f_p$  caratterizzante il collegamento e la **potenza ricevuta**  $W_R$  (in dBm), sapendo che l'attenuazione complessivamente introdotta dalla tratta vale A = 96 dB;
- 2. di calcolare il fattore di rumore complessivo  $F_{TOT}$  in ricezione (in dB) e il rapporto segnale-rumore dopo demodulazione  $SNR_{DD}$  (in dB);
- 3. di **verificare** che non è possibile ottenere una probabilità di errore  $P_e$  inferiore o uguale a  $10^{-4}$  ( $y^2_{dB}$  = 8,2) dati gli attuali parametri di sistema.
- 4. Lasciando invariati tutti gli altri parametri, indicare il **minimo valore della potenza trasmessa W**<sub>T</sub>' (in mW) che è necessario immettere sul cavo per poter soddisfare la specifica descritta al punto 3, ovvero avere una  $P_e$  inferiore o uguale a  $10^{-4}$ .

Si supponga ora di sostituire il cavo con il mezzo radio, mantenendo la stessa lunghezza di tratta, la stessa architettura del trasmettitore in banda base e la stessa architettura di ricezione. Si consideri una potenza trasmessa pari a 31,6 mW e la trasmissione di un segnale numerico con velocità  $f_b$  = 10 Mb/s, modulato come sopra in banda base mediante modulazione di ampiezza a 4 livelli. La traslazione a radiofrequenze avviene in questo caso mediante modulazione analogica FM con indice di modulazione di frequenza unitario. Supponendo di operare a frequenza portante pari a  $f_p$  = 16 MHz e di utilizzare in ricezione e in trasmissione antenne isotrope, si determinino:

5. il valore dell'**occupazione totale di banda del segnale a radiofrequenze B**<sub>TOT RF</sub> e il **margine di sistema M (in dB)** rispetto alla specifica P<sub>e</sub> inferiore o uguale a 10<sup>-4</sup>.

## COMUNICAZIONI ELETTRICHE I APPELLO OTTOBRE 2019: SVOLGIMENTO E SOLUZIONI

1) 
$$\begin{aligned} f_p &= ? & W_R &= ? \text{ [dBm]} \\ A &= A_0 \ \sqrt{(f_{p \ MHz})} \ d_{km} \\ -> & \mathbf{f_p} = (A_0 \ / \ (A_0 \ d))^2 = (96 \ / \ (2*12))^2 = \mathbf{16} \ \mathbf{MHz} \\ W_T &= 20 \ mW = 13 \ dBm \\ \mathbf{W_R} &= W_T - A = 13 - 96 = - \mathbf{83} \ \mathbf{dBm} \end{aligned}$$

2) 
$$\begin{aligned} F_{TOT} &= ? \text{ [dB]} & SNR_{DD} &= ? \text{ [dB]} \\ F &= 1 + T_i/T_0 = 1 + 5 = 6 = \textbf{7.78 dB} \\ B &= f_b \, / \, (2 \, log_2 L) * \, (1 + \gamma) = 10 \, / \, (2 * 2) * 2 = 5 \text{ MHz} \\ W_N &= -114 + 7.78 + 10 \, log_{10} 5 = -99.22 \text{ dBm} \\ SNR_{DD} &= W_R - W_N = -83 + 99.22 = \textbf{16.22 dB} \end{aligned}$$

3) 
$$y^2_{dB} < 8,2$$
 -> verificare  $y^2_{dB} = 1,76 + SNR_{DD} - 10 \log_{10}(L^2-1) = 17,98 - 10 \log_{10}15 = 6,22 < 8,2$ 

4) 
$$W_T' = ? [mW]$$
  
aumentare di 2 dB  
 $W_T' = 15 dBm = 31,62 mW$ 

5) 
$$\begin{aligned} \mathbf{B}_{TOT\,RF} &= ? & M &= ? \, [dB] \\ \mathbf{B}_{TOT\,RF} &= 4 \, \mathbf{B}_C = 4 \, \mathbf{B} \, (I_F + 1) = \mathbf{40} \, \mathbf{MHz} \\ \mathrm{SNR}_{DD} &= 3 \, I_F^2 \, \mathrm{SNR}_0 \, -> & \mathrm{SNR}_0 = 10^{1.82} \, / \, 3 = 22 = 13.43 \, \, \mathrm{dB} \\ \mathrm{A} &= 32.44 + 20 \, \log_{10} 16 + 20 \, \log_{10} 12 = 78.1 \, \, \mathrm{dB} \\ \mathrm{W}_T &= 31.6 \, \mathrm{mW} = 15 \, \mathrm{dBm} \\ \mathrm{W}_R &= \mathrm{W}_T - \mathrm{A} = 15 - 78.1 = -63.1 \, \, \mathrm{dBm} \\ \mathrm{SNR}_0 &= \mathrm{W}_{R\,\mathrm{MIN}} - \mathrm{W}_N -> & \mathrm{W}_{R\,\mathrm{MIN}} = \mathrm{SNR}_0 + \mathrm{W}_N = 13.43 - 99.22 = -85.79 \, \, \mathrm{dBm} \\ \mathbf{M} &= \mathrm{W}_R - \mathrm{W}_{R\,\mathrm{MIN}} = -63.1 + 85.79 = \mathbf{22.69} \, \, \mathbf{dB} \end{aligned}$$