SISTEMAS PARALELOS

Clase 3 – Programación en memoria compartida // Pthreads

Prof. Dr Enzo Rucci





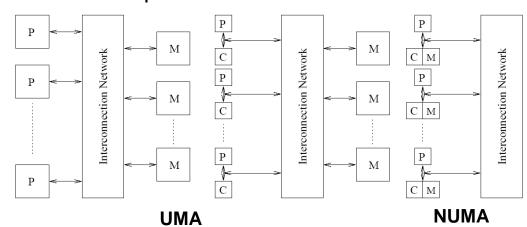
Agenda de esta clase

- Fundamentos de programación en memoria compartida
- Estándar Pthreads

PROGRAMACIÓN EN MEMORIA COMPARTIDA

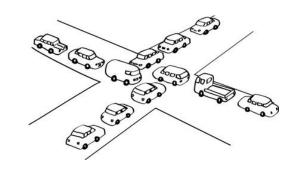
Plataformas de memoria compartida

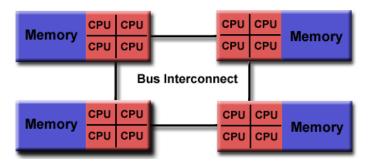
- Los procesadores se comunican leyendo y escribiendo variables en un espacio de datos común (memoria compartida)
- Los módulos de memoria pueden ser locales (exclusivos a un procesador) o globales (comunes a todos los procesadores)
- Sub-clasificación por modo de acceso a memoria
 - Acceso uniforme a memoria (UMA)
 - Acceso no uniforme a memoria (NUMA)
- Se necesita un mecanismo de coherencia de caché
- Modelo de programación asociado: memoria compartida. Pasaje de mensajes también es una posibilidad.



Modelo de memoria compartida

- El problema de la sincronización en memoria compartida (con sus efectos indeseables como los deadlocks) es responsabilidad del programador, utilizando las herramientas que provea el lenguaje.
- Toda sincronización disminuye la eficiencia.
- La localidad de los datos será muy importante en el rendimiento (en particular en arquitecturas NUMA).
- En algunos lenguajes el programador podrá actuar sobre la localidad de los datos, en otros tendrá que re-estructurar el código.





Modelo de memoria compartida

- El programador en general no maneja la distribución de los datos ni lo relacionado a la comunicación de los mismos.
 - Ventaja: Transparencia para el programador. La ubicación de los datos, su replicación y su migración son transparentes.



 Desventaja: A veces es necesario trabajar sobre esos aspectos para mejorar el rendimeinto. Además, resulta difícil la predicción de performance a partir de la lectura del algoritmo.



Modelo de memoria compartida

Los modelos de programación proveen un soporte para expresar la concurrencia y sincronización:

- Los modelos basados en procesos suponen datos locales (privados) de cada proceso.
- Los modelos basados en threads o procesos "livianos" suponen que toda la memoria es global → Pthreads.
- Los modelos basados en directivas extienden el modelo basado en threads para facilitar su manejo (creación, sincronización, etc) → OpenMP.

Fundamentos del modelo de hilos

- Un thread es un único hilo de control en el flujo de un programa.
- Por ejemplo (multiplicación de matrices):

```
for (row = 0; row < n; row++)
     for (col = 0; col < n; col++)
           c[row][column] = dot_product( get_row(a, row), get_col(b, col));</pre>
```

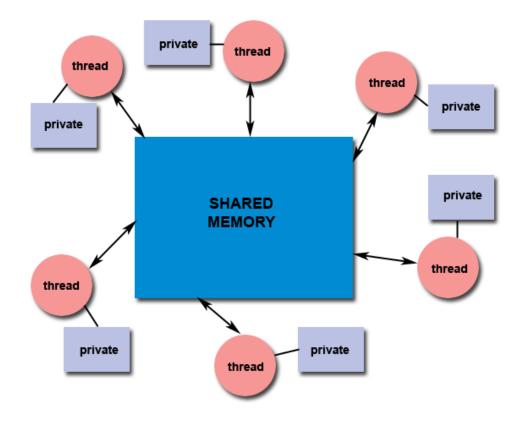
Puede transformarse en:

```
for (row = 0; row < n; row++)
  for (col = 0; col < n; col++)
      c[row][column] = create_thread(dot_product(get_row(a,row),get_col(b,col)));</pre>
```

• En este caso el *Thread* funciona como una instancia de una función que retorna antes que la función se haya terminado de ejecutar.

Fundamentos del modelo de hilos

- Todos los hilos tienen acceso a una memoria compartida global.
- Los hilos a su vez tienen su propio espacio de memoria privada.



Ventajas del modelo de hilos frente al de procesos

- "Liviandad" → Rendimiento: los hilos son más livianos que los procesos; su intercomunicación es más rápida por compartir memoria y su cambio de contexto resulta menos costoso.
- Ocultamiento de latencia → Multi-tasking: múltiples hilos en ejecución contribuyen a reducir la latencia ocasionada por los accesos a memoria, la E/S y la comunicación.
- Planificación y balance de carga: las APIs de hilos suelen permitir la creación de una gran cantidad de tareas concurrentes, que luego pueden ser mapeadas dinámicamente a través de primitivas a nivel de sistema → minimiza el overhead por ociosidad. Al mismo tiempo, facilita la distribución de trabajo ante cargas irregulares.
- Facilidad de programación y uso extendido: más fácil de programar que pasaje de mensajes (no requiere el manejo de la comunicación de datos).
- Portabilidad: permite migrar aplicaciones entre arquitecturas. Útil para desarrollo.

POSIX THREADS

POSIX Threads

- Hasta mediados de los años 90, existían numerosas APIs para el manejo de hilos (incompatibles entre ellas).
- En 1995, IEEE especifica el estándar POSIX Threads (normalmente llamado Pthreads). Básicamente, un conjunto de tipos de datos y funciones para el lenguaje de programación C.
- POSIX se ha establecido como una API estándar para manejo de Threads, provista por la mayoría de los desarrolladores de sistemas operativos.
- Los conceptos que se discutirán son independientes de la API y son mayormente válidos para utilizar hilos en Java, Python, Go, etc.

Pthreads

- Las rutinas más utilizadas de Pthreads se pueden dividir en 3 grupos:
 - Manejo de threads: Creación, terminación, join, asignación y recuperación de atributos, entre otros.
 - Mutexes: mecanismos para exclusión mutua.
 - Variables condición: mecanismos para sincronización por condición.

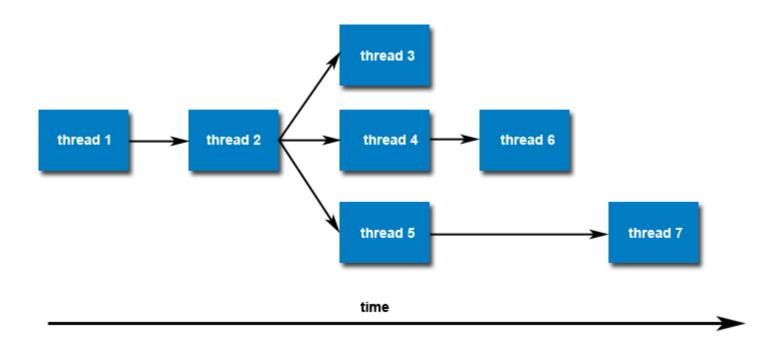
Pthreads – Creación de hilos

- Inicialmente hay un sólo hilo de ejecución (hilo main).
- Todos los demás hilos deben ser creados explícitamente por el programador.
- La función pthread_create crea un hilo y lo pone en ejecución:

- thread_handle es la dirección de un objeto pthread_t, el cual representa al hilo.
- attribute es la dirección de un objeto pthread_attr. NULL para valores por defecto.
- thread_function es la función que contiene el código que ejecutará el hilo creado
- arg es el único argumento que se le puede pasar directamente al hilo creado.
 Debe ser de tipo (void *).

Pthreads – Creación de hilos

- Una vez creados, los hilos son pares y pueden crear otros hilos.
- No hay jerarquías o dependencias predefinidas entre los hilos.



Pthreads – Terminación de hilos

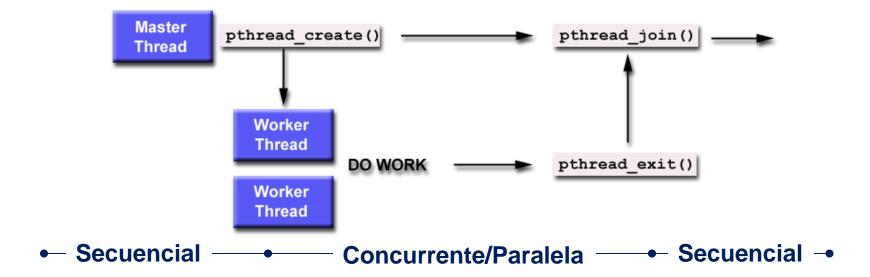
 Para terminar su ejecución los hilos deben invocar a la función pthread_exit:

```
int pthread_exit (void *res);
```

 Esta función finaliza la ejecución del hilo y retorna un valor que puede ser posteriormente leído por otro hilo (en general el hilo que lo creó).

Pthreads – *Join* de hilos

- El hilo que invoca a la función pthread_create continúa con su ejecución luego del llamado → se requiere sincronización para evitar que el programa termine de forma incorrecta.
- Para ello se emplea la función pthread_join. Esta función bloquea al hilo llamador hasta que el hilo especificado como argumento termine su ejecución.



Pthreads – ¡Hola Mundo!

```
1 #include <stdio.h>
 2 #include <pthread.h>
 4 #define NUM THREADS 10
 6 void * hello world (void * ptr);
   int main() {
 9
        int i, ids[NUM THREADS];
10
       pthread attr t attr;
11
        pthread t threads[NUM THREADS];
12
13
       pthread attr init(&attr);
14
15
     /* Crea los hilos */
16
        for (i = 0; i < NUM THREADS; i++) {</pre>
17
            ids[i] = i;
18
            pthread_create(&threads[i], &attr, hello_world, &ids[i]);
19
20
21
       /* Espera a que los hilos terminen */
22
        for (i = 0; i < NUM THREADS; i++)</pre>
23
            pthread join(threads[i], NULL);
24
25
        return 0:
26
```

Pthreads – ¡Hola Mundo!

```
void * hello_world (void * ptr) {
   int * p, id;
   p = (int *) ptr;
   id = *p;

   printf("\n;Hola Mundo! Soy el hilo %d",id);

   pthread_exit(0);
}
enzo@hoja13:~/sp
enzo@hoja13:~/sp
```

```
enzo@hoja13: ~/sp$ ./pth_hello_world
¡Hola Mundo! Soy el hilo 2
¡Hola Mundo! Soy el hilo 0
¡Hola Mundo! Soy el hilo 1
¡Hola Mundo! Soy el hilo 6
¡Hola Mundo! Soy el hilo 3
¡Hola Mundo! Soy el hilo 7
¡Hola Mundo! Soy el hilo 7
¡Hola Mundo! Soy el hilo 5
¡Hola Mundo! Soy el hilo 5
¡Hola Mundo! Soy el hilo 8
¡Hola Mundo! Soy el hilo 8
¡Hola Mundo! Soy el hilo 9
enzo@hoja13:~/sp$
```

Pthreads – Pasaje de parámetros a los hilos

pthread_create permite pasar un único parámetro a cada hilo:

Analicemos el pasaje de argumentos en el ejemplo anterior...

Pthreads – Pasaje de parámetros a los hilos

En el llamado a pthread_create:

```
/* Crea los hilos */
for (i = 0; i < NUM_THREADS; i++) {
   ids[i] = i;
   pthread_create(&threads[i], &attr, hello_world, &ids[i]);
}</pre>
```

• En la función *hello_world* se debe «castear» al tipo adecuado:

```
void * hello_world (void * ptr) {
   int * p, id;
   p = (int *) ptr;
   id = *p;
```

¿Por qué usar un arreglo auxiliar en el llamado a pthread_create?

Pthreads – Pasaje de parámetros a los hilos

- En el caso en que haya que pasar múltiples parámetros a cada hilo, hay al menos 2 posibilidades:
 - Pasarle un struct a cada hilo que contenga todos los argumentos que necesita
 - Mantener uno o más arreglos globales y pasarle el ID a cada hilo para que sepa a qué posición debe acceder

- Comunicación implícita → se pone el esfuerzo en sincronizar tareas concurrentes.
- Cuando múltiples hilos tratan de manejar los mismos datos, el resultado puede ser incoherente si no se sincroniza adecuadamente:

- Si tenemos 2 hilos y el valor inicial de mejor_costo (memoria compartida) es 100, y cada hilo tiene su mi_costo en 50 y 75, el valor a guardar en memoria global podría ser cualquiera de los dos.
- Esto depende del scheduling de los hilos → Condiciones de carrera (Race conditions)

- El código anterior funcionaría correctamente si fuese una sentencia atómica → corresponde a una sección crítica.
- Las secciones críticas se implementan en Pthreads utilizando mutex_locks (bloqueo por exclusión mutua).
- mutex_locks tienen dos estados: locked (bloqueado) y unlocked (desbloqueado). En cualquier instante, sólo un hilo puede bloquear un mutex_lock (lock es una operación atómica).
- Para entrar en la sección crítica un hilo debe lograr tener control del mutex_lock (bloquearlo).
- Cuando un hilo sale de la sección crítica debe desbloquear el mutex_lock.
- Todos los mutex_lock deben inicializarse como desbloqueados.

 Pthreads provee las siguientes funciones para manejar los mutex-locks:

Ahora se puede escribir el código para calcular el mínimo de una lista de números:

```
pthread_mutex_t
                    minimum_value_lock;
   int main(){
      pthread mutex init(&minimum value lock, NULL);
     /* Create y join de threads */
   void *find min(void *list ptr){
       pthread mutex lock(&minimum value lock);
       if (my min < minimum value) minimum value = my min;</pre>
       pthread mutex unlock(&minimum value lock);
```

- Ejemplo: el escenario de productores-consumidores impone las siguientes restricciones:
 - Un hilo productor no debe sobrescribir el buffer compartido cuando el elemento anterior no ha sido consumido por un hilo consumidor.
 - Un hilo consumidor no puede tomar nada de la estructura compartida hasta no estar seguro de que se ha producido algo anteriormente.
 - Los consumidores deben excluirse entre sí.
 - · Los productores deben excluirse entre sí.
 - En este ejemplo el buffer es de tamaño 1.

Main de la solución al problema de productores-consumidores.

```
pthread_mutex_t task_queue_lock;
int task_available;
...
int main() {
   task_available = 0;
   ...
   pthread_mutex_init(&task_queue_lock, NULL);
   /* Create y join de threads productores y consumidores*/
   ...
}
```

Código para los productores

```
void *producer(void *producer thread data){
   /* local data structure declarations */
   int inserted;
   struct task my task;
   while (!done()){
        inserted = 0;
        create_task(&my_task);
        while (inserted == 0) {
                pthread mutex lock(&task queue lock);
                if (task available == 0) {
                         insert into queue(my task);
                         task available = 1;
                         inserted = 1;
                pthread mutex unlock(&task queue lock);
```

Código para los consumidores

```
void *consumer(void *consumer_thread_data) {
   /* local data structure declarations */
   int extracted;
   struct task my task;
   while (!done()){
        extracted = 0;
        while (extracted == 0){
                pthread_mutex_lock(&task_queue_lock);
                if (task available == 1) {
                         extract from queue(&my task);
                         task available = 0;
                         extracted = 1;
                pthread_mutex_unlock(&task_queue_lock);
        process task(my task);
```

Pthreads – Primitivas para exclusión mutua: Tipos de exclusión

- Pthreads soporta tres tipos de locks: Normal, Recursive y Error Check
 - Un mutex con el atributo *Normal* NO permite que un hilo que lo tienen bloqueado vuelva a hacer un lock sobre él (*deadlock*).
 - Un mutex con el atributo Recursive SI permite que un hilo que lo tienen bloqueado vuelva a hacer un lock sobre él (simplemente incrementa una cuenta de control).
 - Un mutex con el atributo *Error Check* responde con un reporte de error al intento de un segundo bloqueo por el mismo hilo.
- El tipo de Mutex puede setearse entre los atributos antes de su inicialización.

Pthreads – Primitivas para exclusión mutua: Overhead por el uso de locks

- Los locks representan puntos de serialización → si dentro de las secciones críticas ponemos segmentos largos de programa tendremos una degradación importante del rendimiento.
- A menudo se puede reducir el overhead por espera ociosa, utilizando la función pthread_mutex_trylock, la cual retorna el control informando si pudo hacer o no el lock:

```
int pthread_mutex_trylock (pthread_mutex_t *mutex_lock)
```

- Evita tiempos ociosos.
- Menos costoso por no tener que manejar las colas de espera.
- ¿Cuándo usarlo?

- Los locks representan un mecanismo útil para sincronizar hilos. Sin embargo, un uso indiscriminado de los mismos puede provocar un overhead inaceptable.
 - Por ejemplo, cuando un hilo debe esperar a que ocurra una determinada condición para continuar con su trabajo → el uso de locks para esta situación implica realizar busy waiting
- Una solución posible a este problema consiste en emplear variables condición.
- Las variables condición permiten que uno o más hilos se autobloqueen hasta que se alcance un estado determinado del programa.
- Cada variable condición estará asociada con un predicado (estado). Cuando el predicado se convierte en verdadero (*True*), la variable condición se utiliza para avisar a el/los hilo/s que están esperando por el cambio de estado de la condición.
- Una única variable condición puede asociarse a varios predicados (aunque dificulta la comprensión y el debugging).

- Una variable condición siempre tiene un lock asociada a ella. Cada hilo bloquea este lock y evalúa el predicado asociado a la variable compartida.
- Si el predicado es falso, el hilo espera en la variable condición (se «duerme» por lo que no usa CPU → se evita busy waiting).
- Al usar variables condición en lugar de locks, estamos reemplazando un mecanismo de sincronización basado en consultas (polling) por uno dirigido por interrupciones.

La API Pthreads provee las siguientes funciones para manejar las variables condición:

- El llamado a esta función bloquea al hilo hasta tanto reciba una señal de otro hilo o sea interrupido por el sistema operativo.
- · Para poder invocarla, el hilo debe tener el control del mutex asociado
- Una vez dormido en la variable condición, el mutex se libera (permitiendo que otros puedan usarlo)
- Cuando el hilo se "despierta" (recibe una señal), espera a que el mutex esté disponible nuevamente para continuar su ejecución.

La API Pthreads provee las siguientes funciones para manejar las variables condición:

```
int pthread_cond_signal (pthread_cond_t *cond)
```

- El llamado a esta función "despierta" a un hilo que esté "dormido" en la variable condición (el hilo a despertar depende de las políticas de planificación)
- · Para poder invocarla, el hilo debe tener el control del mutex asociado
- Usualmente el mutex asociado se libera (permitiendo que otros puedan usarlo)

Pthreads – Primitivas para sincronización por condición

La API Pthreads provee las siguientes funciones para manejar las variables condición:

Pthreads – Primitivas para sincronización por condición: Problema de productores y consumidores

Main de la solución al problema de productores-consumidores.

```
pthread cond_t cond_queue_empty, cond_queue_full;
pthread mutex t task queue cond lock;
int task available;
int main(){
   task available = 0;
   pthread cond init(&cond queue empty, NULL);
   pthread cond init(&cond queue full, NULL);
   pthread mutex init(&task queue cond lock, NULL);
   /* Create y join de threads productores y consumidores*/
```

Pthreads – Primitivas para sincronización por condición: Problema de productores y consumidores

Código para los productores.

```
void *producer(void *producer thread data) {
   int inserted;
   struct task my task;
   while (!done()) {
        my task = create_task ();
        pthread_mutex_lock (&task_queue_cond_lock);
        while (task available == 1)
                pthread cond wait (&cond_queue_empty,
                                    &task queue cond lock);
        insert into queue (my task);
        task available = 1;
        pthread cond signal (&cond queue full);
        pthread mutex unlock (&task queue cond lock);
```

Pthreads – Primitivas para sincronización por condición: Problema de productores y consumidores

Código para los consumidores.

```
void *consumer(void *consumer thread data) {
   struct task my task;
   while (!done()) {
        pthread_mutex_lock (&task_queue_cond_lock);
        while (task available = = 0)
                pthread_cond_wait (&cond_queue_full,
                                    &task queue cond lock);
        my task = extract from queue ();
        task available = 0;
        pthread_cond_signal (&cond_queue_empty);
        pthread mutex unlock (&task queue cond lock);
        process_task (my_task);
}
```

Pthreads – Primitivas para sincronización por condición

La API Pthreads provee variantes para wait y signal:

El hilo se duerme a lo sumo una determinada cantidad de tiempo (abstime).

```
int pthread cond broadcast (pthread cond t *cond)
```

· Se despiertan a todos los hilos que están dormidos en la variable condición.

Pthreads – Barreras

Pthreads provee las siguientes funciones para implementar puntos de sincronización que involucren a múltiples hilos (barreras):

```
int pthread_barrier_wait(pthread_barrier_t *barrier);
```

- El hilo llamador se bloquea hasta tanto el número de hilos implicados en la barrera hayan alcanzado este punto.
- El número de hilos asociados a una barrera se especifica en su inicialización.

int pthread_barrier_destroy(pthread_barrier_t *barrier);

Pthreads – Semáforos

- Un semáforo es una estructura de datos que permite sincronizar hilos (tanto para exclusión mutua como para sincronización por condición).
- POSIX definió una API para el uso de semáforos que se puede emplear con Pthreads, aun cuando no es parte del estándar.
- Los tipos de datos y funciones para usar semáforos se encuentran en semaphore.h
- Para declarar un semáforo, se usa el tipo sem_t

Pthreads – Semáforos

Los semáforos deben inicializarse usando la función sem_init.

```
int sem_init (sem_t *sem, int pshared, unsigned int value);
```

Para decrementar un semáforo (P) se debe usar sem_wait.

```
int sem_wait(sem_t *sem);
```

Para incrementar un semáforo (V) se debe usar sem_post.

```
int sem_post(sem_t *sem);
```

Para destruir un semáforo se debe usar sem_destroy.

```
void sem destroy(sem t *sem);
```

Pthreads – Semáforos: cálculo del mínimo de una lista de números

Ahora se puede escribir el código para calcular el mínimo de una lista de números pero usando semáforos:

```
sem t sem;
int main() {
    sem init(&sem, NULL, 1);
   /* Create y join de threads */
void *find min(void *list ptr){
    sem wait(&sem);
    if (my min < minimum value) minimum value = my min;</pre>
    sem post(&sem);
```

Pthreads – Semáforos: Problema de productores y consumidores

Main de la solución al problema de productores-consumidores.

```
sem_t sem_empty, sem_full;
int main(){
   sem init(&sem empty, 1);
   sem_init(&sem_full, 0);
   /* Create y join de threads productores y consumidores*/
```

Pthreads – Semáforos: Problema de productores y consumidores

Código para los productores.

```
void *producer(void *producer thread data) {
   struct task my task;
   while (!done()) {
        my task = create task ();
        sem_wait(sem_empty);
        insert_into_queue (my_task);
        sem post(sem full);
```

Pthreads – Semáforos: Problema de productores y consumidores

Código para los consumidores.

```
void *consumer(void *consumer thread data) {
struct task my task;
   while (!done()) {
        sem_wait(sem_full);
        my task = extract from queue ();
        sem_post(sem_empty);
        process task (my task);
```

Costo de programación y rendimiento?

Pthreads – Planificación de hilos

- El sistema operativo es responsable de planificar la ejecución de los hilos. Sin embargo, el programador puede influenciarlo usando los atributos de planificación.
- La prioridad de planificación de un hilo determina qué nivel de privilegio tendrá el mismo sobre los demás en la planificación.
- El planificador mantiene una cola separada de hilos por cada prioridad definida.
- Al momento de seleccionar un hilo para ejecutar, se elige alguno que esté listo de la cola que tenga mayor prioridad.
- Si hay varios hilos posibles en la cola seleccionada, se elige uno de ellos de acuerdo a la política de planificación.

Pthreads – Planificación de hilos

 Para asignar y recuperar los atributos de planificación, la API de Pthreads ofrece las siguientes funciones:

 Para asignar y recuperar la prioridad mínima y máxima de una de terminada política de planificación, se pueden usar las siguientes funciones:

```
int sched_get_priority_min (int policy)
int sched_get_priority_max (int policy)
```

Pthreads – Planificación de hilos

- La política de planificación determina cómo se ejecutan y comparten recursos los hilos de una misma prioridad (en especial, el tiempo que cada uno se ejecuta).
- Pthreads soporte tres políticas de planificación diferentes:
 - SCHED_FIFO (first-in, first-out): una vez en ejecución, el hilo se ejecuta hasta que termina, se bloquea o hasta que un hilo de mayor prioridad pueda ejecutarse. Los hilos de la misma prioridad son ejecutados en orden.
 - SCHED_RR (*round-robin*): Similar a SCHED_FIFO pero los hilos se ejecutan a lo sumo una determinada cantidad de tiempo (configurable).
 - SCHED_OTHER: política adicional, no definida en el estándar. Su comportamiento depende completamente de la implementación.

MULTIHILADO EN OTROS LENGUAJES

Multithreading en Python

```
# Crear y lanzar los hilos
import threading
import numpy as np
                                     threads = []
                                     chunk_size = N // num_threads
# Tamaño del vector
                                     for i in range(num_threads):
N = 1000
                                        start = i * chunk size
                                        end = N if i == num threads - 1 else (i + 1) * chunk size
# Crear dos vectores aleatorios
a = np.random.rand(N)
                                        thread = threading.Thread(target=sum_vectors, args=(start, end))
b = np.random.rand(N)
                                        threads.append(thread)
                                        thread.start()
# Vector donde se almacenará la
suma
result = np.zeros(N)
                                     # Esperar a que todos los hilos terminen
                                     for thread in threads:
# Número de hilos a usar
                                        thread.join()
num threads = 4
                                     # Verificar el resultado con numpy
# Función que realiza la suma en
un rango de índices
                                     expected = a + b
def sum_vectors(start, end):
                                     print("Diferencia máxima:", np.max(np.abs(result - expected)))
  for i in range(start, end):
    result[i] = a[i] + b[i]
```

Multithreading en Java

```
import java.util.Random;
class VectorSumThread extends
Thread {
  private double[] a, b, result;
  private int start, end;
  public VectorSumThread(double[]
a, double[] b, double[] result, int
start, int end) {
     this.a = a;
     this.b = b;
     this.result = result;
     this.start = start:
     this.end = end;
  @Override
  public void run() {
     for (int i = start; i < end; i++) {
        result[i] = a[i] + b[i];
```

```
public class SumVectorsMultithreading {
  private static final int N = 1000;
  private static final int NUM THREADS = 4;
  public static void main(String[] args) {
    double[] a = new double[N];
    double[] b = new double[N];
    double[] result = new double[N];
    Random rand = new Random();
    // Inicializar los vectores con valores
aleatorios
    for (int i = 0; i < N; i++) {
       a[i] = rand.nextDouble();
       b[i] = rand.nextDouble();
    VectorSumThread[] threads = new
VectorSumThread[NUM THREADS];
    int chunkSize = N / NUM THREADS;
    // Crear y ejecutar los hilos
    for (int i = 0; i < NUM THREADS; <math>i++) {
       int start = i * chunkSize;
       int end = (i == NUM THREADS - 1)? N:
(i + 1) * chunkSize;
       threads[i] = new VectorSumThread(a, b,
result, start, end);
       threads[i].start();
```

```
// Esperar a que todos los hilos
terminen
     for (VectorSumThread thread:
threads) {
        try {
          thread.join();
        } catch (InterruptedException e) {
          e.printStackTrace();
     // Mostrar algunos valores para
verificar el resultado
     System.out.println("Primeros 10
valores de la suma:");
     for (int i = 0; i < 10; i++) {
        System.out.printf("\%.4f + \%.4f =
%.4f\n", a[i], b[i], result[i]);
```

Bibliografía usada para esta clase

- POSIX Threads tutorial. Blaise Barney, Lawrence Livermore National Laboratory.
 https://computing.llnl.gov/tutorials/pthreads/
- Capítulo 7, An Introduction to Parallel Computing. Design and Analysis of Algorithms (2da Edition). Grama A., Gupta A., Karypis G. & Kumar V. (2003) Inglaterra: Pearson Addison Wesley.
- Capítulo 6, Parallel Programming for Multicore and Cluster Systems. Rauber, T. & Rünger, G. (2010). EEUU: Springer-Verlag Berlin Heidelberg.