

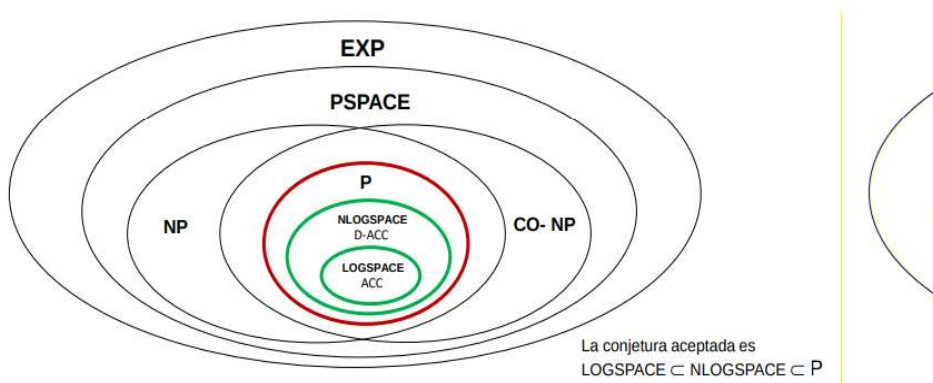
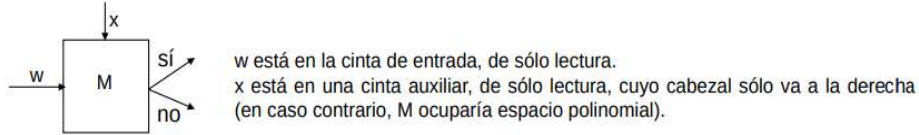
Clase 8- temas avanzados de complejidad computacional

martes, 29 de abril de 2025 19:02

NLOGSPACE

Cuando hay una mt m que para toda cadena w puede verificar en espacio $O(\log |w|)$ si w pertenece a L , con la ayuda de un certificado sucinto x (con $|x|$ menor a $\text{poly} w$)

x está en una cinta auxiliar de solo lectura y el cabezal va solo a la derecha.

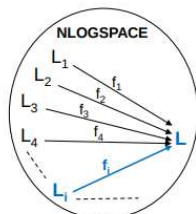


En reducciones dentro de espacio logarítmico necesito reducciones que trabajen en espacio logarítmico porque el tiempo polinomial puede ser mucho mayor que logarítmica.

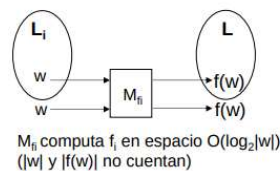
Necesito una mt que labure en espacio logarítmico

DACC(problema de accesibilidad en grafos dirigidos) es nlogspace completo respecto a logspace

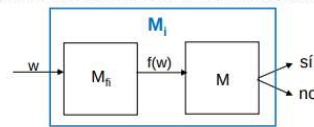
- Si un lenguaje L es NLOGSPACE-completo y está en LOGSPACE, entonces $\text{LOGSPACE} = \text{NLOGSPACE}$



Toda f_i es una reducción log-space



Si M es una MT que decide L en espacio logarítmico la siguiente MT M_i decide L_i en espacio logarítmico



M_i computa f_i en espacio logarítmico
 M decide L en espacio logarítmico
¡Pero $f_i(w)$ puede medir $\text{poly}(|w|)$! (¿por qué?)

Si M_i labura en espacio logarítmico, la cota máxima de la máquina es polinómica. Entonces la salida $f(w)$ puede ser poli y eso no me sirve.

Entonces, en lugar de darle toda la cadena a M la hago de a partes.

M_i no le manda todo sino que le va dando cada vez solo el símbolo que M quiere

Si M se mueve a la derecha en su cinta de entrada, M_i le envía el símbolo siguiente de $f(w)$.

Si M se mueve a la izquierda en su cinta de entrada, M_i se reinicia, obtiene el símbolo de $f(w)$ que M requiere y se lo envía.

Truco clásico del espacio.

Peor caso de un espacio logarítmico es tiempo polinomial.

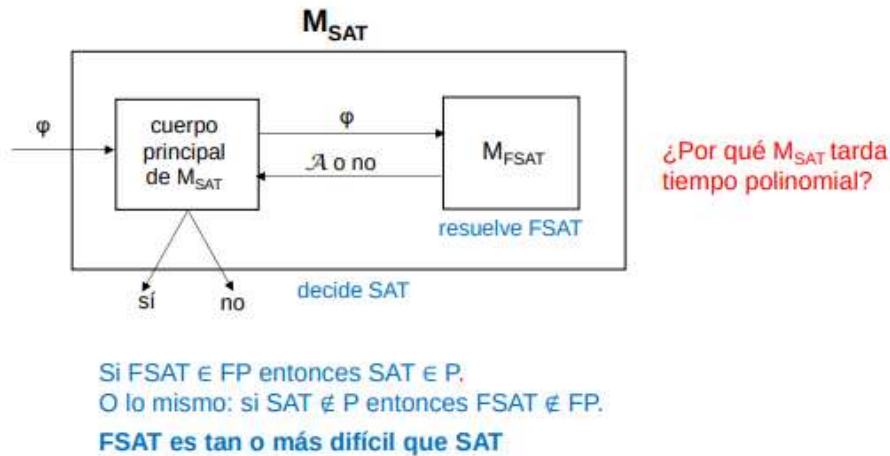
Complejidad temporal en problemas de búsqueda:

Las mt asociadas no solo aceptan sino que devuelven una solución si es que existe

Son de las más generles.

Si fuera eficiente decidir si una solución satisface una fórmula, tb va a ser eficiente encontrar la solución a la fórmula y viceversa.

Fsat es igual o más difícil que sat. Encontrar es más difícil que verificar



Lero lero el recíproco

La mayoría de las reducciones son parcimoniosas: gran mayoría de... no entendí

Levin reducción es un par de funciones: para problemas de búsqueda. Funciones de reducción de a a b y de b a a. creo

Pocos problemas npcompletos distintos

Profundizando en aproximaciones polinomiales:

Buscar mínima cantidad de nodos que cumplan un grafo: ocv

Al ejercicio: teniendo una máquina que encuentra el m'jimo cubrimiento, si longitud que devuelve el camino mínimo es mayor que k digo que no, sino que si. No entiendo por que eso no es polinomial, supngo que la primera máquina no es polinomial.

Formalizando, dada una MT M que computa una aproximación polinomial para un problema OL:

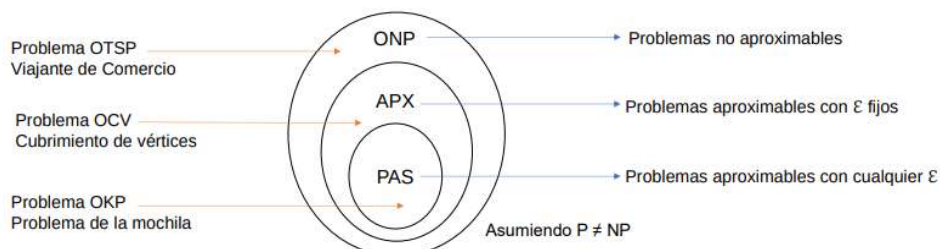
- si $\text{opt}(w)$ es la medida de la solución óptima para la cadena w,
- y $m(M(w))$ es la medida de la solución obtenida por M para w,
- el **error relativo** ϵ_w de M con respecto a w es:

$$\epsilon_w = \frac{|m(M(w)) - \text{opt}(w)|}{\max(m(M(w)), \text{opt}(w))}$$

- ϵ_w siempre varía entre 0 y 1.
- Si ϵ es el máximo de todos los ϵ_w , se dice que M es una **ϵ -aproximación polinomial** (o **tiene umbral ϵ**).
- P.ej., la aproximación polinomial que construimos para OCV es una **1/2-aproximación polinomial**.

La idea es que ϵ sea cercano a 0

$M(w)$ depende del contexto del problema



En apx, siempre hay una cadena que te joroba

Jerarquía polinomial: mete problemas que hast aahora no me entraban

4. La jerarquía polinomial

- Vimos que un lenguaje $L \in \text{NP}$ sii existe una MT M polinomial y un polinomio p tal que para toda cadena w :
 $w \in L$ sii $(\exists x: |x| \leq p(|w|) \text{ tal que } M \text{ acepta } (w, x))$
- Sean por ejemplo los lenguajes:
MAX-IND = $\{(G, K) \mid \text{el grafo } G \text{ tiene un conjunto independiente de } K \text{ vértices (} K \text{ vértices no adyacentes), y no tiene conjuntos independientes de vértices más grandes}\}$
MIN-FORM = $\{(\phi, K) \mid \text{la fórmula booleana } \phi \text{ tiene } K \text{ símbolos, y no existe ninguna fórmula booleana equivalente más chica}\}$
- Dichos lenguajes también se pueden definir con MT polinomiales y certificados sucintos:
MAX-IND: Existe una MT M polinomial y un polinomio p tal que para toda cadena w :
 $w \in \text{MAX-IND}$ sii $(\exists x_1: |x_1| \leq p(|w|), \forall x_2: |x_2| \leq p(|w|) \text{ tal que } M \text{ acepta } (w, x_1, x_2))$, siendo:
 $w = (G, K)$, x_1 es un conjunto de K vértices de G , y x_2 es un conjunto de más de K vértices de G .
MIN-FORM: Existe una MT M polinomial y un polinomio p tal que para toda cadena w :
 $w \in \text{MIN-FORM}$ sii $(\forall x_1: |x_1| \leq p(|w|), \exists x_2: |x_2| \leq p(|w|) \text{ tal que } M \text{ acepta } (w, x_1, x_2))$, siendo:
 $w = (\phi, K)$, x_1 es una fórmula booleana de menos de K símbolos, y x_2 es una asignación de valores de verdad.

De esta manera, MAX-IND y MIN-FORM no estarían en NP