

Repaso

martes, 10 de junio de 2025 19:01

Computabilidad:

Tesis de church-turing: todo lo computable se puede hacer con una mt

En un paso, mt cambia el símbolo, cambia el estado y se mueve a izq o der

Clase 2:

R siempre paran(decidibles)

RE en los positivos para siempre, en los negativos puede loopear(computables)

L no tienen mt (problemas)

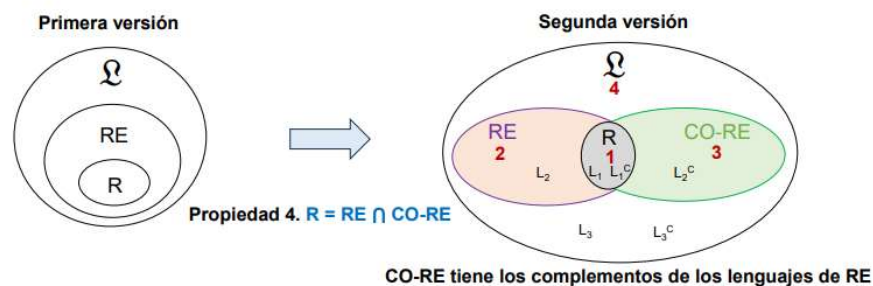
Propiedades:

Si un lenguaje es r o re, también lo será su complemento

Lo mismo con unión e intersección en r, es poner primero una y después la otra

En re es más difícil, tengo que paralelizar.

Versión definitiva de la jerarquía de la computabilidad



Región 1 (los lenguajes más "fáciles").

R es la clase de los lenguajes recursivos.

Si L_1 está en R, entonces también L_1^c está en R.

Región 2.

Clase $RE - R$.

Si L_2 está en RE, entonces L_2^c está en CO-RE.

Región 3.

Clase $CO-RE - R$.

Si L_2 está en CO-RE, entonces L_2^c está en RE.

Región 4 (los lenguajes más "difíciles").

Clase $\Omega - (RE \cup CO-RE)$.

Si L_3 está en la clase, también está L_3^c .

16

Clase 3: diagonalización

Antes probamos pertenencia a un conjunto, construyendo máquinas.

No nos sirve para probar que algo no está

Entra conceptualmente método constructivo y no constructivo, no diagonalizar en si

Codificar cualquier símbolo con enteros. Orden canónico. Truco para no tener que decir hasta máquinas de x cantidad de ítems acepto. No entendi, min 15

Puedo ordenar las mt. Por longitudes y si hay empate por diccionario

No toda cadena es una mt.

HALTING PROBLEM:

M para a partir de w?

De los más difíciles de RE, RE-R.

Puedo decidir si una mt para si me aseguran que se mueve en un espacio acotado.

Del hp hablo bastante.

Clase 4: reducciones

Función computable en forma total:

Reduce u lenguaje si ed adentro va a adentro y afuera va a afuera. útil para probar no pertenencia.
Para probar pertenencia lo más natural es encontrar una mt.

TEOREMA

Caso 1

Si $L_1 \leq L_2$ entonces $(L_2 \in R \rightarrow L_1 \in R)$

O bien:

Si $L_1 \leq L_2$ entonces $(L_1 \notin R \rightarrow L_2 \notin R)$

Caso 2

Si $L_1 \leq L_2$ entonces $(L_2 \in RE \rightarrow L_1 \in RE)$

O bien:

Si $L_1 \leq L_2$ entonces $(L_1 \notin RE \rightarrow L_2 \notin RE)$

Reeduciones en el parcial van a ser elementales, naa muy complicado.
La propiedad más importante es componer, transitividad.
La de los complementos tb importa
NO es simétrica la reducción.

Mt limitadas no creo que entre.

COMPLEJIDAD

CLASE 5:

Complejidad siempre en R: decidibles.

Funciones que varían según el tamaño de la entrada.

Poli, exp lo importante. Poli eficiente, exponencial no eficiente. N

Una máquina tarda $t(n)$ si hace a lo sumo $t(n)$ pasos.

Hablamos de $O(n)$

A clase son los lenguajes cuya única forma de resolución es por fuerza bruta.

Tesis fuerte de Church-Turing (robustez de la clase P)

Si un lenguaje es decidable en tiempo $\text{poly}(n)$ por un modelo computacional razonable (realizable), también es decidable en tiempo $\text{poly}(n)$ por una MT (¿hasta que las máquinas cuánticas sean una realidad?).

Clase np: con un certificado puede decidir si una cadena está en el lenguaje o no.

Todo conceptual en los parciales: puede ser explicar por que no estaría en p/np algo. Por que sat complemento no estaría en np? Por ejemplo

Sat, hamilton hay que saberlos ch tb

CLASE 6

Min 49, no entendí pero es importante sobre np complet.

Propiedades: está en np y que todos los lenguajes de np se reducen a np.

Iso no tiene mt que se resuelve en tiempo eficiente y algo más, dij que era importante min51 aprox.

Reducciones polinomiales: tarda tiempo poli.

Ahora a las reducciones :

Función total computable

Adentro adentro afuera afuera

Ahora se suma computable EFICIENTEMENTE

Lo de la derecha es tan o más difícil. A la izquierda lo más fácil en la reducciones.

Como probar NPC min 56 aprox me medio dormí

Todo par de lenguajes de npc conocidos los puedo reducir de uno al otro,

Clase 7 temporal:

Estaba en otra

Clase 7b espacial:

Todo lo de la clase rara no entra.

Complejidad espacial:

Saco del calculo la cinta de entrada.

Tiempo $t(n)$ implica espacio $s(n)$. Espacio $s(n)$ implica tiempo más grande.

Porque con tiempo $t(n)$ sabes que no te vas a mover más de n pasos.

Se usan punteros (variables que referencian a una posición. Entonces ocupa \log)

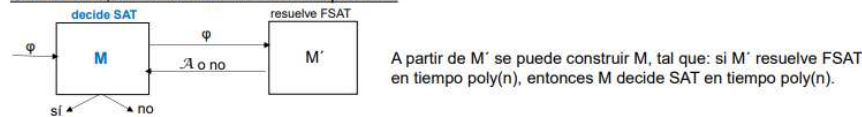
Todo lo que esté en logspace va a ser tratable.

Clases 7 (parte 3), 8 y 9. Misceláneas de complejidad computacional

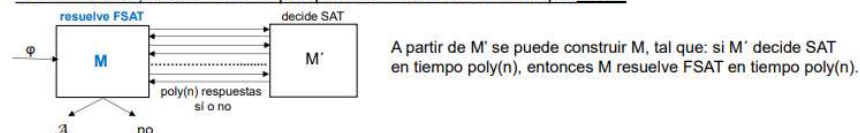
Problemas de búsqueda

- Las clases P y NP correspondientes a los **problemas de búsqueda** se denominan **FP** y **FNP**.
- Ejemplo. Problemas FSAT (búsqueda) y SAT (decisión).**

Claramente, FSAT es tan o más difícil que SAT:



Menos intuitivo, también se cumple que SAT es tan o más difícil que FSAT:



- Esto se cumple **para todos los lenguajes NP-completos**.

64

Esto de la imagen es importante, 1:14

Parte 3: verificación

Clases 10 y 11:

Toda la parte semántica.

Un programa no es correcto solo, es correcto respecto de precondition, postcondición.

Correctitud parcial y total. Parcial: SI TERMINA el programa, termina como quiero

Se prueba por separado verificación parcial y total.

Se prueban axiomáticamente con métodos distintos

3.1. Axiomática para la correctitud parcial (Método H)

- Axioma del skip (SKIP)** $\{p\} \text{ skip } \{p\}$
- Axioma de la asignación (ASI)** $\{p[x|e]\} x := e \{p\}$
 $p[x|e]$ denota la sustitución en el predicado p de toda ocurrencia libre de la variable entera x libre por la expresión entera e
- Regla de la secuencia (SEC)**
$$\frac{\{p\} S_1 \{r\}, \{r\} S_2 \{q\}}{\{p\} S_1 ; S_2 \{q\}}$$
- Regla del condicional (COND)**
$$\frac{\{p \wedge B\} S_1 \{q\}, \{p \wedge \neg B\} S_2 \{q\}}{\{p\} \text{ if } B \text{ then } S_1 \text{ else } S_2 \text{ fi } \{q\}}$$
- Regla de la repetición (REP)**
$$\frac{\{p \wedge B\} S \{p\}}{\{p\} \text{ while } B \text{ do } S \text{ od } \{p \wedge \neg B\}}$$

El predicado p es un predicado invariante del while
- Regla de consecuencia (CONS)**
$$\frac{p \rightarrow p_1, \{p_1\} S \{q_1\}, q_1 \rightarrow q}{\{p\} S \{q\}}$$

La regla formaliza la posibilidad de reemplazar un predicado p , por otro que lo implique, y/o un predicado q , por otro al cual implique

76

Regla REP*:
$$\frac{\langle p \wedge B \rangle S \langle p \rangle, \langle p \wedge B \wedge (t = Z) \rangle S \langle t < Z \rangle, p \rightarrow t \geq 0}{\langle p \rangle \text{ while } B \text{ do } S \text{ od } \langle p \wedge \neg B \rangle}$$

Regla REP*:
$$\frac{\langle p \wedge B \rangle S \langle p \rangle, \langle p \wedge B \wedge (t = Z) \rangle S}{\langle p \rangle \text{ while } B \text{ do } S \text{ od } \langle p \rangle}$$

No entra lo de concurrencia

CLASE 12:SENSATEZ