1. scanf printf 输入输出优化

```
1 double :%lf
2 long long:%lld
4 ios::sync_with_stdio(false);
6 cin.tie(0);
7 cout.tie(0);
8 9 用"\n"而不是endl
```

2. mod运算

```
1 a+b: (a%MOD+b%MOD)%MOD
2 a-b: ((a-b)%MOD+MOD)%MOD
```

3. 前缀和

3.1. 一维

3.2. 二维

```
int x1,x2,y1,y2;//x1,y1是左上角的坐标, 另一对是右下角的坐标
cin >> x1 >> y1 >> x2 >> y2;
cout << f[x2][y2] - f[x1 - 1][y2] - f[x2][y1 - 1] + f[x1 - 1][y1 - 1];
```

4. 差分

5.1. 第一种

```
1 int main()
2
3
      int 1;
4
      int r;
5
      while(1 < r)
6
7
         int mid = (1 + r)/2;
8
         if(check())
9
              r = mid; // 这里是 r = mid, 说明[1,mid]是合法范围
10
11
12
         else
13
            l = mid + 1; // [l, mid]这个范围都不是合法范围,所以下一次查找直接从
14
   1 = mid + 1开始了
         }
15
          //最后的1,r是答案 因为 1 == r , 最终就是答案。
16
17
      }
18
19 }
20
```

5.2. 第2种

```
1 int main()
2
   {
3
      int 1;
4
      int r;
5
      while(1 < r)
6
7
         int mid = (1 + r + 1)/2; // 这里要 1 + r + 1 要不然会死循环
         if(check())
8
9
                     // mid这个位置 满足条件之后 查找 [mid , right]的位
10
             1 = mid;
   置, 所以1移到mid的位置
         }
11
12
         else
13
             r = mid - 1; // [mid, r] 不满足条件, 所以要移到满足条件的一方, r
14
   = mid - 1
15
16
     //最后的1,r是答案 因为 1 == r
17
18
19
20 }
21
```

6. 单调栈

```
#include <bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
 3
    #define int long long
    const int N = 1e5 + 5;
 4
 5
    int a[N];
 6
    int 1[N];
 7
    int r[N];
8
    int n;
9
    stack<pair<int, int>>s1;
10
    stack<pair<int, int>>s2;
11
    int ans;
12
    signed main()
13
    {
14
        cin >> n;
15
        for (int i = 1; i <= n; i++)
16
17
             cin >> a[i];
18
        }
19
        for (int i = 1; i \le n; i++)
20
21
            while (!s1.empty()&&s1.top().second>=a[i])//左边第一个小于它的
22
             {
23
                 s1.pop();
24
             }
25
26
            if (s1.empty())
27
             {
28
                 1[i] = 0;
             }
29
30
             else
31
             {
32
                 1[i] = s1.top().first;
33
34
             s1.push({ i,a[i] });
35
        }
36
        for (int i = n; i; i--)
37
38
            while (!s2.empty() && s2.top().second \Rightarrow a[i])
39
40
                 s2.pop();
41
             }
42
            if (s2.empty())
43
44
45
                 r[i] = n+1;
46
             }
47
             else
48
49
                 r[i] = s2.top().first;
50
             }
```

```
51
             s2.push({ i,a[i] });
52
         }
53
54
        for (int i = 1; i \le n; i++)
55
56
             int 11 = 1[i] + 1;
57
             int r1 = r[i] - 1;
58
59
             int length = r1 - 11 + 1;
60
             ans = max(ans, length * a[i]);
61
62
        }
63
        cout << ans;</pre>
64
65
66
67
68
         return 0;
69 }
```

7. kruskal

```
#include <bits/stdc++.h>
 1
 2
    using namespace std;
    #define int long long
    const int N=4e5+50;
 5
    struct edge
 6
 7
        int a,b,w;
8
        bool operator<(const edge&e)</pre>
9
        {
10
             return w<e.w;</pre>
        }
11
12
    };
13
    edge e[N];
14
15
    int fa[N];
16
    int find(int u)
17
18
        if (u!=fa[u])
19
20
21
             fa[u]=find(fa[u]);
22
23
        return fa[u];
24
    void merge(int a,int b)
25
26
    {
        a=find(a);
27
28
         b=find(b);
29
30
         fa[a]=b;
```

```
31 }
32
    int n,m;
    void kruskal()
33
34
35
        for(int i=1;i<=n;i++)
36
37
             fa[i]=i;
         }
38
39
        int cnt=0;
40
        int ans=0;
         sort(e+1,e+1+m);
41
42
         for(int i=1;i<=m;i++)</pre>
43
44
             int a=e[i].a;
             int b=e[i].b;
45
46
             if (find(a)!=find(b))
47
48
                 ans+=e[i].w;
49
                 merge(a,b);
50
                 cnt++;
51
             }
52
         }
    // cout<<cnt<<endl;</pre>
53
54
        if (cnt==n-1)
55
        {
56
             cout<<ans<<end1;</pre>
57
         }
58
        else
59
         {
             cout<<"impossible"<<endl;</pre>
60
61
         }
62
63
    }
64
    signed main()
65
    {
66
         cin>>n>>m;
67
        for(int i=1;i<=m;i++)
68
             cin>>e[i].a>>e[i].b>>e[i].w;
69
70
71
         kruskal();
72
73
         return 0;
74 }
```

8. prim

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N=2*500+10;
int g[N][N];
int n,m;
```

```
6
    const int INF=0x3f3f3f3f;
 7
    const int fill_val=0x3f;
8
    bool vis[N];
9
    int dis[N];
10
    int ans;
11
    void prim()
12
    {
13
         memset(dis,fill_val,sizeof dis);
14
         dis[1]=0;
15
         for(int i=0;i<n;i++)</pre>
16
             int t=-1;
17
18
             for(int j=1; j \le n; j++)
19
20
                 if(!vis[j]&&(t==-1||dis[j]<dis[t]))
21
22
                      t=j;
23
                 }
24
             }
25
             if(dis[t]==INF)
26
                 printf("impossible");
27
28
                 return;
29
             }
30
             ans+=dis[t];
31
             vis[t]= true;
32
33
             for(int j=1; j \le n; j++)
34
             {
35
                 dis[j]=min(dis[j],g[t][j]);
36
             }
37
         }
38
         printf("%d",ans);
39
    int main()
40
41
42
         scanf("%d%d",&n,&m);
43
         /*for(int i=1;i<=n;i++)
         {
44
45
             for(int j=1;j<=n;j++)
46
47
                 if(i!=j)
48
49
                      g[i][j]=INF;
50
                 }
51
             }
         }*/
52
53
         memset(g,fill_val,sizeof g);
54
         for(int i=0;i<m;i++)</pre>
55
         {
56
             int u,v,w;
57
             scanf("%d%d%d",&u,&v,&w);
58
             g[v][u]=g[u][v]=min(g[u][v],w);
59
         }
60
         prim();
```

```
61
62
63 return 0;
64 }
```

9. dijkstra

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
   #define int long long
4 const int N=2e5+50;
5 //int belong[N];
   //vector<int>block[N];
7
   int d[N];
8 bool vis[N];
9 int h[N];
10 int ne[N];
11
   int w[N];
12
   int target[N];
13 int idx=1;
    void add(int a,int b,int c)
14
15
16
       target[idx]=b;
17
        w[idx]=c;
18
        ne[idx]=h[a];
19
        h[a]=idx++;
20
    }
21
   int n,m;
22
    #define pii pair<int,int>
23
    void dijkstra()
24
    {
        memset(d,0x3f,sizeof d);
25
26
        d[1]=0;
27
        priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>>q;
28
29
        q.push({0,1});
30
        while (!q.empty())
31
32
            auto t=q.top();
33
            q.pop();
            int v=t.second,dis=t.first;
34
35
            if (vis[v])
36
37
            {
38
                continue;
39
            vis[v]= true;
40
41
42
            for(int i=h[v];i;i=ne[i])
43
44
                int j=target[i];
45
                if (d[v]+w[i]<d[j])
```

```
46
47
                      d[j]=d[v]+w[i];
48
                      q.push({d[j],j});
                  }
49
50
             }
51
         }
52
53
         if (d[n]>0x3f3f3f3f)
54
55
             cout<<-1<<endl;
56
         }
57
         else
58
         {
59
             cout<<d[n]<<end1;</pre>
60
         }
61
62
    }
63
    signed main()
64
    {
65
         cin>>n>>m;
         for(int i=0;i<m;i++)</pre>
66
67
             int x,y,z;
68
69
             cin>>x>>y>>z;
70
             add(x,y,z);
71
         }
72
73
         dijkstra();
74
75
76
77
         return 0;
78 }
```

10. spfa最短路

```
#include <bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
    #define int long long
 3
 4
 5
   int n, m;
 6
   const int N = 2e5 + 50;
 7
    int dis[N];
8
   bool vis[N];
    vector<pair<int, int>>to[N];// dest val
9
    void add(int a, int b, int c)
10
11
    {
12
        to[a].push_back({ b,c });
    }
13
14
15
    void spfa()
16
```

```
17
         memset(dis, 0x3f, sizeof dis);
18
         dis[1] = 0;
19
         queue<int>q;
20
         q.push(1);
21
         while (!q.empty())
22
23
             auto t = q.front();
24
             q.pop();
25
             vis[t] = false;
26
             for (auto& i : to[t])
27
28
                 int w = i.second;
29
                 int dest = i.first;
30
                 if (dis[t] + w < dis[dest])</pre>
31
32
                      dis[dest] = dis[t] + w;
33
                      if (!vis[dest])
34
35
                          vis[dest] = true;
36
                          q.push(dest);
37
                      }
38
                 }
39
             }
40
         }
41
         if (dis[n] > 0x3f3f3f3f)
42
43
             cout << "impossible";</pre>
44
45
         }
46
         else
47
             cout << dis[n];</pre>
48
49
50
         cout << endl;</pre>
51
52
53
    signed main()
54
55
         cin >> n >> m;
56
         for (int i = 0; i < m; i++)
57
58
             int x, y, z;
59
             cin >> x >> y >> z;
60
             add(x, y, z);
61
62
63
         spfa();
64
65
         return 0;
66 }
```

11. spfa求负环

```
#include <bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
 3
    const int N=20000+50;
 4
    int n;
 5
    int w[N],h[N],ne[N],target[N];
 6
    int idx=1;
 7
    bool vis[N];
 8
    int dis[N];
    void add(int a,int b,int c)
 9
10
    {
11
        w[idx]=c;
12
        target[idx]=b;
13
        ne[idx]=h[a];
14
        h[a]=idx++;
    }
15
16
    int m;
17
    int cnt[N];
    const int fill_val=0x3f;
18
    const int INF=0x3f3f3f3f;
19
20
    void spfa()
21
22
        memset(dis,fill_val,sizeof dis);
23
        dis[1]=0;
24
        queue<int>q;
25
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
26
        {
27
             q.push(i);
28
             vis[i]= true;
29
        }
30
        while (!q.empty())
31
32
             auto t=q.front();
33
             q.pop();
             vis[t]= false;
34
             for(int i=h[t];i;i=ne[i])
35
36
37
                 int j=target[i];
                 if(dis[t]+w[i]<dis[j])</pre>
38
39
40
                     dis[j]=dis[t]+w[i];
41
                     cnt[j]=cnt[t]+1;
42
                     if(cnt[j]>=n)
                     {
43
                          printf("Yes");
44
45
                          return;
46
                     }
47
                     if(!vis[j])
                     {
48
49
                          q.push(j);
50
                     }
51
                 }
52
             }
53
        }
54
        printf("No");
55
    }
```

```
56 int main()
57
         scanf("%d%d",&n,&m);
58
59
         for(int i=0;i<m;i++)</pre>
60
61
             int x,y,z;
             scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
62
63
             add(x,y,z);
         }
64
65
         spfa();
66
67
         return 0;
68
    }
69
```

12. kosaraju求强联通分量

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3 const int N = 2e6 + 50;
 4 vector<int>g1[N];
 5
    vector<int>g2[N];
 6 int scc_id;//强联通分量的id
 7
   int belong[N];//属于那个强联通
8
   int br[N];//退出序列
9
   int n, m;
10
   int in[N];
11 bool vis1[N];
12
    bool vis2[N];
13
    int br_cnt;
    void dfs1(int u)
14
15
16
        for (auto\& i : g1[u])
17
18
            if (!vis1[i])
19
20
                vis1[i] = true;
21
22
                dfs1(i);
23
            }
24
25
        br[++br\_cnt] = u;
26
    }
27
    void dfs2(int u)
28
29
30
        for (auto\& i : g2[u])
31
        {
32
            if (!vis2[i])
33
34
                vis2[i] = true;
35
                belong[i] = scc_id;
```

```
36
                 dfs2(i);
37
             }
38
        }
    }
39
40
41
    void kosaraju()
42
    {
43
        for (int i = 1; i \le n; i++)
44
45
             if (!vis1[i])
46
             {
47
                 vis1[i] = true;
48
                 dfs1(i);
49
             }
50
        }
51
52
        for (int i = n; i; i---)
53
             int j = br[i];
54
             if (!vis2[j])
55
56
57
                 vis2[j] = true;
58
                 scc_id++;
59
                 belong[j] = scc_id;
                 dfs2(j);
60
61
             }
62
         }
63
64
        for (int i = 1; i \le n; i++)
65
66
             for (auto \& j : g1[i])
67
             {
68
                 if (belong[i]!=belong[j])
69
70
                      in[belong[j]]++;
71
                 }
72
             }
73
74
        int ans = 0;
        for (int i = 1; i <= scc_id; i++)
75
76
77
             if (!in[i])
78
             {
79
                 ans++;
80
             }
81
82
         cout << ans;</pre>
83
84
85
    int main()
86
    {
87
         cin >> n >> m;
        for (int i = 0; i < m; i++)
88
89
90
             int a, b;
```

13. 树状数组

```
#include <bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
    #define int long long
    const int N=10e5+50;
 4
 5
    int a[N];
 6
    int s[N];
 7
    int n,m;
8
    int lb(int v)
9
10
         return -v&v;
11
12
    int getAnswer(int pos)
13
14
        int ans=0;
15
        for(int i=pos;i;i-=lb(i))
16
17
             ans+=s[i];
18
19
        return ans;
20
21
    void update(int pos,int v)
22
23
         for(int i=pos;i<=n;i+=lb(i))</pre>
24
25
             s[i]+=v;
26
         }
27
28
    signed main()
29
30
         ios::sync_with_stdio(false);
31
         cin>>n>>m;
32
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
33
         {
34
             int val;
             cin>>val;
35
36
             update(i,val);
37
38
         for(int i=0;i<m;i++)</pre>
39
         {
40
             int flag,x,y;
```

```
41
              cin>>flag>>x>>y;
42
              if (flag==1)
43
              {
44
                  update(x,y);
45
             }
46
             else
47
              {
48
                  cout<<getAnswer(y)-getAnswer(x-1)<<end1;</pre>
49
              }
50
         }
51
52
53
54
         return 0;
55
    }
56
```

14. 线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
 1
 2
    using namespace std;
    #define int long long
 3
    #define 1c 2*pos
 4
 5
    #define rc lc+1
 6
    int n,m;
    const int N=6e5+50;
 7
8
    int a[N];
9
    int s[N*4];
10
    int p,v;
11
    int getAnswer(int pos,int 1,int r,int p1,int p2)
12
    {
13
        if (1==p1\&\&r==p2)
14
        {
15
             return s[pos];
16
17
        int mid=1+r>>1;
18
        if (p2<=mid)
19
        {
20
             return getAnswer(lc,l,mid,p1,p2);
21
        }
        else if (p1>mid)
22
23
24
             return getAnswer(rc,mid+1,r,p1,p2);
25
        }
        else
26
27
        {
            int lc_ans=getAnswer(lc,l,mid,p1,mid);
28
29
            int rc_ans=getAnswer(rc,mid+1,r,mid+1,p2);
30
31
             return lc_ans+rc_ans;
32
        }
33
    }
```

```
void update(int pos,int 1,int r)
34
35
36
         if (1==r)
37
         {
38
             s[pos]+=v;
39
              return ;
40
         }
41
         int mid=1+r>>1;
42
         if (p<=mid)</pre>
43
         {
44
             update(lc,1,mid);
         }
45
         else
46
47
         {
             update(rc,mid+1,r);
48
49
50
         s[pos]=s[lc]+s[rc];
51
    }
52
53
    signed main()
54
55
         ios::sync_with_stdio(false);
56
         cin>>n>>m;
57
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
58
59
             cin>>a[i];
60
             p=i;
61
             v=a[i];
             update(1,1,N);
62
63
64
         for(int i=0;i<m;i++)</pre>
65
         {
66
             int flag,x,y;
             cin>>flag>>x>>y;
67
68
             if (flag==1)
69
             {
70
                  p=x;
71
                  v=y;
72
                  update(1,1,N);
             }
73
74
             else
75
              {
76
                  cout<<getAnswer(1,1,N,x,y)<<endl;</pre>
77
             }
         }
78
79
80
81
82
83
         return 0;
84
    }
85
```

15.01背包

```
#include <bits/stdc++.h>
 1
 2
    using namespace std;
 3
    #define int long long
    const int N=2*1000+50;
 4
 5
    int f[10][N];
 6
    int n,c;
 7
    int val[N];
 8
    int cost[N];
9
    signed main()
10
    {
11
         cin>>n>>c;
12
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
13
14
             cin>>cost[i]>>val[i];
15
         }
16
17
         for(int j=1; j <= c; j++)
18
19
             if(j>=cost[1])
20
             {
21
                 f[1][j]=val[1];
22
23
         }
24
         for(int i=2;i<=n;i++)</pre>
25
26
             int now=i&1;
27
             int pre=(i-1)&1;
28
29
             for(int j=0; j <= c; j++)
30
31
                  f[now][j]=f[pre][j];
32
                  if (j>=cost[i])
33
34
                      f[now][j]=max(f[now][j],f[pre][j-cost[i]]+val[i]);
35
                  }
             }
36
37
         }
38
         cout<<f[n&1][c];
39
40
41
42
43
44
         return 0;
45
    }
```

16. 完全背包

```
using namespace std;
 3
    #define int long long
    const int N=2*1000+50;
 4
 5
    int f[10][N];
 6
    int n,c;
 7
    int val[N];
 8
    int cost[N];
9
    signed main()
10
11
        cin>>n>>c;
12
        for(int i=1;i<=n;i++)
13
14
             cin>>cost[i]>>val[i];
15
         }
16
17
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
18
19
             int now=i&1;
20
             int pre=(i-1)&1;
21
             for(int j=1; j <= c; j++)
22
23
                 f[now][j]=f[pre][j];
24
                 if (j>=cost[i])
25
                      f[now][j]=max(f[now][j],f[now][j-cost[i]]+val[i]);
26
27
                 }
28
             }
29
         }
30
        cout<<f[n&1][c];</pre>
31
32
33
34
35
         return 0;
36 }
```

17. 多重背包

```
1
    #include <bits/stdc++.h>
2
    using namespace std;
 3
    #define int long long
4
    const int N=2*2000+50;
5
   int f[10][N];
6
   int n,c;
7
    int val[N];
8
   int cost[N];
9
   int num[N];
10
   vector<int>af_val;
11
    vector<int>af_cost;
12
    vector<int>af_num;
13
    signed main()
14
```

```
15
         cin>>n>>c;
16
17
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
18
19
             cin>>cost[i]>>val[i]>>num[i];
20
         }
21
22
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
23
24
             int start=1;
25
             int backup=num[i];
26
             while (backup-start>=0)
27
28
                af_val.push_back(start*val[i]);
29
                af_cost.push_back(start*cost[i]);
30
                af_num.push_back(start);
31
                backup-=start;
32
                start*=2;
33
             }
34
             if (backup)
35
             {
36
                 af_val.push_back(backup*val[i]);
37
                 af_cost.push_back(backup*cost[i]);
38
                 af_num.push_back(backup);
39
             }
40
         }
         // 0 1
41
42
         for(int i=0;i<af_num.size();i++)</pre>
43
         {
             int now=i&1;
44
45
             int pre=(i-1)&1;
46
             for(int j=0;j<=c;j++)
47
48
                 f[now][j]=f[pre][j];
49
                 if (j>=af_cost[i])
50
                 {
                      f[now][j]=max(f[now][j],f[pre][j-af\_cost[i]]+af\_val[i]);
51
52
                 }
             }
53
54
         cout<<f[(af_num.size()-1)&1][c];</pre>
55
56
57
58
         return 0;
59
    }
```

18. 分组背包

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define int long long
const int N = 2 * 2000 + 50;
```

```
5
    int f[10][N];
    vector<pair<int, int>>v[N];// cost val
 7
    int n, c;
8
9
    signed main()
10
11
        cin >> n >> c;
12
13
        for (int i = 1; i <= n; i++)
14
15
             int s;
16
             cin >> s;
17
            for (int j = 0; j < s; j++)
18
19
                 int val, cost;
20
                 cin >> cost >> val;
21
                 v[i].push_back({ cost,val });
22
             }
23
        }
24
25
        for (int i = 1; i <= n; i++)
26
27
             int now = i \& 1;
28
            int pre = (i - 1) & 1;
29
30
            for (int j = 0; j <= c; j++)
31
             {
                 f[now][j] = f[pre][j];
32
33
                 for (int k = 0; k < v[i].size(); k++)//填入哪个物品
34
35
                     if (j \ge v[i][k].first)
36
37
                         f[now][j] = max(f[now][j], f[pre][j - v[i][k].first] +
    v[i][k].second);
38
39
                 }
40
             }
        }
41
42
        cout << f[n & 1][c];</pre>
43
44
45
        return 0;
46 }
```

19. 矩阵快速幂

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define int long long
const int N=20;
int n,p;
```

```
6
    struct matrix
 7
 8
         int a[N][N];
 9
         int row;
10
         int col;
11
         matrix(int row,int col):row(row),col(col)
12
         {
13
             memset(a,0,sizeof a);
14
15
16
         }
17
         matrix(const matrix&m)
18
19
             memcpy(a,m.a,sizeof m.a);
20
             row=m.row;
21
             col=m.col;
22
         }
23
         matrix operator*(matrix&m)
24
25
             matrix temp(row,m.col);
26
27
             for(int i=1;i<=row;i++)</pre>
28
29
                 for(int j=1; j \le m.col; j++)
30
31
                 {
32
                      for(int k=1;k <= col;k++)
33
34
                          temp.a[i][j]+=(a[i][k]*m.a[k][j])%p;
35
                          temp.a[i][j]%=p;
36
                      }
37
                 }
38
             }
39
40
             return temp;
41
42
         }
43
         matrix ones(int row)
44
45
             matrix ans(row,row);
46
47
48
             for(int i=1;i<=row;i++)</pre>
49
50
                 ans.a[i][i]=1;
51
             }
52
             return ans;
53
         }
54
55
         void fast_pow(int num)
56
         {
57
             matrix ans=ones(row);
             matrix t_m=*this;
58
59
60
             int t=num;
```

```
61
 62
              while (t)
 63
              {
                  if (t&1)
 64
 65
                       ans=t_m*ans;
 66
 67
                  }
 68
                  t_m=t_m*t_m;
 69
                  t>>=1;
 70
              }
 71
              *this=ans;
 72
         }
 73
 74
    };
 75
 76
     int t;
 77
 78
 79
     signed main()
 80
 81
          cin>>t;
 82
          for(int i=0;i<t;i++)</pre>
 83
 84
              cin>>n>>p;
 85
              if (n<=2)
 86
              {
 87
                  cout<<1<<endl;</pre>
 88
              }
 89
              else
 90
              {
 91
                  matrix m(2,2);
 92
                  m.a[1][1]=m.a[1][2]=m.a[2][1]=1;
 93
 94
 95
                  m.fast_pow(n-2);
 96
 97
                  matrix src(2,1);
 98
                  src.a[1][1]=1;
 99
                  src.a[2][1]=1;
100
101
102
                  matrix ans=m*src;
103
104
                  cout<<ans.a[1][1]<<endl;</pre>
             }
105
          }
106
107
108
          return 0;
109
```

21. [JLOI2011] 飞行路线

21.1. 题目描述

Alice 和 Bob 现在要乘飞机旅行,他们选择了一家相对便宜的航空公司。该航空公司一共在 n 个城市设有业务,设这些城市分别标记为 0 到 n-1,一共有 m 种航线,每种航线连接两个城市,并且航线有一定的价格。

Alice 和 Bob 现在要从一个城市沿着航线到达另一个城市,途中可以进行转机。航空公司对他们这次旅行也推出优惠,他们可以免费在最多k种航线上搭乘飞机。那么 Alice 和 Bob 这次出行最少花费多少?

21.2. 输入格式

第一行三个整数 n, m, k,分别表示城市数,航线数和免费乘坐次数。

接下来一行两个整数 s,t,分别表示他们出行的起点城市编号和终点城市编号。

接下来 m 行,每行三个整数 a,b,c,表示存在一种航线,能从城市 a 到达城市 b,或从城市 b 到达城市 a,价格为 c。

21.3. 输出格式

输出一行一个整数,为最少花费。

21.4. 样例 #1

21.4.1. 样例输入#1

```
      1
      5
      6
      1

      2
      0
      4

      3
      0
      1
      5

      4
      1
      2
      5

      5
      2
      3
      5

      6
      3
      4
      5

      7
      2
      3
      3

      8
      0
      2
      100
```

21.4.2. 样例输出 #1

1 8

21.5. 提示

21.5.0.1. 数据规模与约定

对于 30% 的数据, $2 \le n \le 50$, $1 \le m \le 300$,k = 0。

对于 50% 的数据, $2 \le n \le 600$, $1 \le m \le 6 \times 10^3$, $0 \le k \le 1$ 。

对于 100% 的数据, $2 \le n \le 10^4$, $1 \le m \le 5 \times 10^4$, $0 \le k \le 10$, $0 \le s,t,a,b \le n$, $a \ne b$, $0 \le c \le 10^3$ 。

代码:

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 2
    #define int long long
3
4
    const int N=2e5+50;
 5
    #define pii pair<int,int>
    vector<pii>to[N];
6
7
    void add(int a,int b,int c)
8
9
        to[a].push_back({b,c});
10
11
    int n,m,k;
12
    int s,t;//begin last
13
    int d[N];
14
    bool vis[N];
15
    void dijkstra()
16
17
        memset(d,0x3f,sizeof d);
18
        d[s]=0;
19
        priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>>q;
20
        q.push({0,s});
21
        while (!q.empty())
22
        {
23
             auto t=q.top();
             q.pop();
24
25
26
            int v=t.second;
27
            if (vis[v])
28
             {
29
                 continue;
30
31
            vis[v]= true;
32
33
             for(auto&i:to[v])
34
             {
                 int j=i.first;
35
36
                 int w=i.second;
37
                 if (d[v]+w<d[j])
38
                 {
39
                     d[j]=d[v]+w;
40
                     q.push({d[j],j});
41
                 }
42
             }
43
        }
        //k n-1
        int ans=0x3f3f3f3f3f;
45
46
        for(int i=0;i<=min(k,n-1);i++)
47
        {
48
             ans=min(ans,d[i*n+t]);
49
        }
50
        cout<<ans;</pre>
```

```
51
52
    }
53
    signed main()
54
55
         cin>>n>>m>>k;
56
         cin>>s>>t;
57
         for(int i=0;i<m;i++)</pre>
58
59
             int a,b,c;
60
             cin>>a>>b>>c;
61
             for(int j=0; j<15; j++)
62
                  add(j*n+a,j*n+b,c);
63
64
                  add(j*n+b,j*n+a,c);
65
             }
             for(int j=0; j<14; j++)
66
67
68
                  add(j*n+a,(j+1)*n+b,0);
69
                  add(j*n+b,(j+1)*n+a,0);
70
             }
71
72
         dijkstra();
73
74
75
76
         return 0;
77
    }
```

22. 分层图2层

D: 机关秘境



记录

题目描述

"留云借风真君"十分无聊,于是他发明了一个新的机关,由于他的两个老朋友都出去玩了,于是他开出了"100原石"的高价,让旅行者来测试机关,小 A 学业繁忙,当然不可能为了区区"100原石"来打这个秘境,于是小 A 希望你帮忙来打,作为今天的第四个委托。

秘境中有 n 个浮空岛,岛之间有 m 个桥相连,旅行者从起点走到终点即可通过秘境(保证旅行者能够从起点到达终点)。n 个岛的编号为 $1\to n,\ 1$ 号岛是起点,n 号岛是终点。

桥在初始时,处于混沌状态,可能崎岖不平,可能此路不通,可能一马平川……桥的状态每一秒都在变化,在不同的状态下,桥可能会变得 无法通过,或有不同的通过时间。对于一个确定的桥而言,它只能从**两种**不同的状态之间来回切换,具体来说,桥在开始时是第一种状态, 一秒后变为第二种状态,再过一秒变回第一种状态,以此类推。(对于状态的详细描述,见输入格式)

旅行者可以在岛上等待桥的变化,而当旅行者走到桥上的那一瞬间开始,桥就会退出混沌状态,保持此刻的状态,此后不再变化了。

根据攻略,你已经知道了所有的桥在不同的状态下,通过所需要的时间。旅行者需要在尽可能短的时间内,从起点走到终点,请你帮忙计算出通过秘境所需要的最短时间。

输入格式

第一行两个数字 n, m,分别表示岛的数量和桥的数量。

接下来 m 行,每行 4 个数字 u,v,t1,t2,表示桥连接了编号为 u 和 v 的两个岛,两种种状态通过的时间分别为 t1,t2。如果通过时间为 -1,则表示此时不能过桥。

```
1 #include <bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
 3
   #define int long long
   const int N = 2e5 + 50;
   int n, m;
    vector<pair<int, int>>v[N];//dest val
 7
   int d[N];
    bool vis[N];
 9
   void add(int a, int b, int c)
10
        v[a].push_back({ b,c });
11
12
   #define pii pair<int,int>
13
    void dijkstra()
14
15
        memset(d, 0x3f, sizeof d);
16
17
        d[1] = 0;
18
19
        priority_queue<pii, vector<pii>, greater<pii>>q;
        q.push({ 0,1 });
20
21
22
23
        while (!q.empty())
24
        {
25
            auto t = q.top();
26
            q.pop();
27
            int u = t.second;
28
            if (vis[u])
29
30
31
                continue;
32
33
            vis[u] = true;
34
35
            for (auto& iter : v[u])
36
37
38
                 int j = iter.first;
                int w = iter.second;
39
                 if (d[u] + w < d[j])
40
41
                     d[j] = d[u] + w;
42
                     q.push({ d[j],j });
43
44
                }
45
            }
46
47
        /*for (int i = 1; i <= n; i++)
48
49
            cout << "i==" << i << " d[i]==" << min(d[i], d[i + n]) << endl;</pre>
        }*/
50
        cout<<min(d[n],d[2*n]);</pre>
51
52
    }
53
54
55
    signed main()
```

```
56 {
 57
         cin >> n >> m;
         for (int i = 0; i < m; i++)
 58
 59
 60
             int a, b, t1, t2;
             cin >> a >> b >> t1 >> t2;
 61
 62
             if (t1 != -1)
 63
 64
                 if (t1 & 1)
 65
 66
                 {
                      add(a, n + b, t1);
 67
 68
                      add(b, n+a, t1);
 69
                 }
 70
                 else
 71
                 {
 72
                      add(a, b, t1);
 73
                      add(b, a, t1);
 74
                 }
 75
             }
             if (t2 != -1)
 76
 77
 78
                 add(a, n + a, 1);
 79
                 add(n+a,a,1);
                 if (t2 & 1)
 80
 81
                 {
                      add(n+a, b, t2);
 82
                      add(n+b, a, t2);
 83
 84
                 }
 85
                 else
 86
                 {
 87
                      add(n + a, n + b, t2);
 88
                      add(n + b, n + a, t2);
 89
                 }
 90
             }
         }
 91
 92
 93
         /*for(int i=1;i<=2*n;i++)
 94
         {
             cout<<"i=="<<i<\"\n";
 95
 96
             for(auto &iter:v[i])
 97
             {
                 cout<<"dest=="<<iter.first<<" val=="<<iter.second<<endl;</pre>
98
99
             }
         }*/
100
101
102
         dijkstra();
103
104
105
         return 0;
106
    }
```

23. 没有上司的舞会

```
#include <bits/stdc++.h>
 1
 2
    using namespace std;
 3
    #define int long long
    const int N=2*6000+50;
 5
    int happy[N];
    vector<int>toEmployee[N];
 6
 7
    int f[N][10];// 0表示不来,1表示来
 8
    //遍历其每一个下属
9
    int n;
10
    void find(int pos)
11
    {
12
         for(int i=0;i<toEmployee[pos].size();i++)</pre>
13
         {
14
             find(toEmployee[pos][i]);
15
         }
16
17
         f[pos][1]+=happy[pos];
18
19
         for(int i=0;i<toEmployee[pos].size();i++)</pre>
20
21
22
             int j=toEmployee[pos][i];
23
             f[pos][0]+=max(f[j][0],f[j][1]);
24
             f[pos][1]+=f[j][0];
         }
25
26
27
    }
28
29
    bool hasBoss[N];
30
    signed main()
31
    {
32
         cin>>n;
33
34
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
35
         {
36
             cin>>happy[i];
37
         }
38
39
         for(int i=0;i<n-1;i++)</pre>
         {
40
41
             int 1,k;
42
             cin>>1>>k;
             toEmployee[k].push_back(1);
43
44
             hasBoss[1]= true;
45
         }
46
47
48
         int root=-1;
49
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
50
         {
51
             if (!hasBoss[i])
52
             {
```

```
53
               root=i;
54
               break;
       }
55
        }
56
57
       find(root);
58
59
60
       cout<<max(f[root][0],f[root][1]);</pre>
61
62
63
64
       return 0;
65 }
66
```