实验手册 7 超分辨率重建

任务目标: 完成图片的放大后分辨率的重建

实验任务: 1 完成常用的插值方法 bilinear、bicubic、nearest 的复现

2 完成基于字典的超分辨重建方法

效果对比:





左为本次实验的重建效果, 右图为双三次插值法。

实验原理:

1. 最邻近插值法 (nearest)

定义: 目标各像素点的灰度值代替原图中与其最邻近的像素灰度值

公式: xy 为坐标点, srcx, dstx 为原图与目标图的灰度值

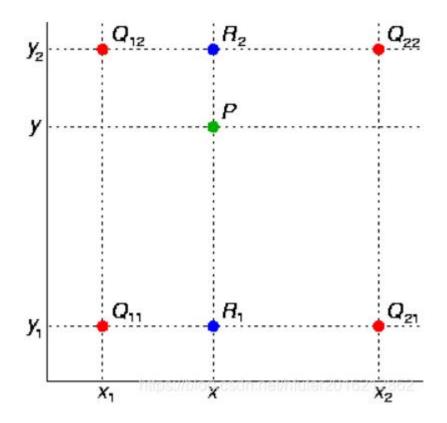
srcX = dstX * (srcWidth/dstWidth)

srcY = dstY * (srcHeight/dstHeight)

2. 双线性插值法 (bilinear)

定义:根据点相邻最近的4个点的像素值算出该点的像素值

如下图, 已知 O 求 P. 先算 R1, R2, 再用 R1R2 算 P



$$egin{split} f\left(R_{1}
ight) &pprox rac{x_{2}-x}{x_{2}-x_{1}} f\left(Q_{11}
ight) + rac{x-x_{1}}{x_{2}-x_{1}} f\left(Q_{21}
ight) \ f\left(R_{2}
ight) &pprox rac{x_{2}-x}{x_{2}-x_{1}} f\left(Q_{12}
ight) + rac{x-x_{1}}{x_{2}-x_{1}} f\left(Q_{22}
ight) \end{split}$$

$$f(P) pprox rac{y_2 - y}{y_2 - y_1} f(R_1) + rac{y - y_1}{y_2 - y_1} f(R_2)$$

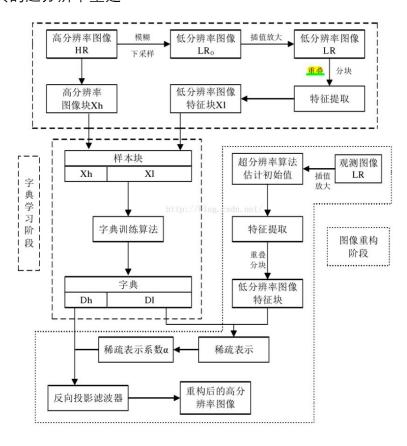
3. 双三次插值法(bicubic)

定义: 利用邻近的 4*4 的点求出权重后插值

$$B(X,Y) = \sum_{i=0}^{3} \sum_{i=0}^{3} a_{ij} \times W\left(i\right) \times W\left(j\right)$$

$$W(x) = \left\{ egin{array}{ll} (a+2)|x|^3 - (a+3)|x|^2 + 1 & |x| \leq 1 \ a|x|^3 - 5a|x|^2 + 8a|x| - 4a & 1 < |x| < 2 \ 0 & otherwise \end{array}
ight.$$

4.基于字典的超分辨率重建



相关公式

设高分辨图像块展开成一位数列 $x\in\mathfrak{R}^n$ 可以由一组K个基元 (atom) 的过完备字典 $D\in\mathfrak{R}^{n\times K}$ 线性稀疏表示。其中 $\alpha_0\in\mathfrak{R}^K$ 是表征向量

$$x = D\alpha_0$$

每个图像块减去均值,字典表示图像的纹理,重建阶段将低分辨的均值直接作为高分辨图像的均值。字典学习问题可以构建为

$$\min_{\alpha} \|FD_l\alpha - Fy\|_2^2 + \lambda \|\alpha\|_1,$$

其中 F是特征提取操作, λ 是拉格朗日乘子。利用高低分辨表征统一的假设,将问题改写为

$$\min_{\alpha} \|\tilde{D}\alpha - \tilde{y}\|_2^2 + \lambda \|\alpha\|_1,$$

将问题转化为 QP 问题求解, 上式变为

$$\min_{lpha} rac{1}{2} lpha^T A lpha + b' lpha + \lambda |lpha|$$

其中 A = DI' * DI, b = -DI' * Fy

实验流程:本次实验字典部分已提供,同学们需完成重构部分的操作

- 1) 载入字典获取 DI. Dh. 以及低分辨率图 Y. 对 DI 归一化
- 2) 获取特征块大小 patch_size, 自定义重叠域 overlap, 超分系数 lambda
- 3) 提取低分辨率图特征(有 4 层, 1, 2 层为一阶导, 3, 4 层为 2 阶导)
- 一阶导算子[-1,0,1] 和 [-1,0,1]T,二阶导算子[1,0,-2,0,1] 和 [1,0,-2,0,1]T
- 4) 对每个特征块求最优高分辨率块
 - 1. 计算图像块中值
 - 2. 求解最优问题解出 a min
 - 3. 牛成高分辨率图块 x = Dh * w. 并将 x+m 加入高分辨率图像 X
- 5)输出最终图像 X

相关函数:

a = L1QP(Lambda, A, b): 求解最优方程,返回超分表征向量 a rgb2ycbcr():将彩色图由 rgb 转换为 Y Cb Cr 彩色域,超分操作只需对 Y 域处理示例:

```
im_l_ycbcr = rgb2ycbcr(im_l);
im_l_y = im_l_ycbcr(:, :, 1);
im_l_cb = im_l_ycbcr(:, :, 2);
im_l_cr = im_l_ycbcr(:, :, 3);

[nrow, ncol] = size(im_h_y);
im_h_cb = imresize(im_l_cb, [nrow, ncol], 'bicubic');
im_h_cr = imresize(im_l_cr, [nrow, ncol], 'bicubic');

im_h_ycbcr = zeros([nrow, ncol, 3]);
im_h_ycbcr(:, :, 1) = im_h_y;
im_h_ycbcr(:, :, 2) = im_h_cb;
im_h_ycbcr(:, :, 3) = im_h_cr;
im_h = ycbcr2rgb(uint8(im_h_ycbcr));
```

图中标亮的为已经超分重建后的图,最后用 ycrcb2rgb 转回 rgb 域

关于归一化

```
Norm = sqrt (sum (Di^2))
```

Norm_Di = Di/Norm

关于字典,已在压缩包内提供如下文件,内有 DI 与 Dh 数组



D_1024_0.15_5

请同学问运用 load 指令读入

```
% load dictionary
load('D_1024_0.15_5.mat');
```