

# **alp4 - Übungszettel 3**

Johannes Rohloff

3. Mai 2013

## Aufgabe 1

Erläutern Sie die Funktionsweise binärer Semaphore zur Sicherstellung des gegenseitigen Ausschlusses mehrerer Prozesse an folgendem Beispiel, wobei Sie den jeweiligen Zustand in Tabellenform protokollieren:

Initialisierung mit 1; Prozess 1 ruft P auf; Prozess 2 ruft P auf; Prozess 3 ruft P auf; Prozess 1 ruft V auf; Prozess 4 ruft P auf; Prozess 3 ruft V auf; Prozess 5 ruft P auf.

**Tabelle:**

Prozess	Aufruf	Semaphore	Bemerkung
	I	1	Initialisierung
1	P	0	1. im k.A.
2	P	-1	2 blockiert
3	P	-2	3 blockiert
1	V	-1	2. im k.A.
4	P	-2	4 blockiert
3	V	-2	3. im k.A.
5	P	-3	5 blockiert

## Aufgabe 2

**a)** Ein Prozess kann nicht auf zwei Semaphore gleichzeitig warten. Wartet ein Prozess auf einen Semaphore so wird sein Prozesszustand auf blockiert gesetzt. Somit kann er während er auf den ersten Semaphore wartet nicht auf einen anderen Semaphore warten. Ein Prozess kann darauf warten, dass er von einem Semaphore aufgewacht wird und dannach auf einen weiteren Semaphore warten. Allerdings kann er nicht auf zwei verschiedenen Semaphore warten und somit keine zwei disjunkten Eintrittsbedingungen, die über Semaphore realisiert sind, haben.

**b)** Solange ein Prozess auf das Signal eines Semaphores wartet ist er blockiert. Deshalb kann er aus Sicht des Betriebssystems nicht rechenbereit sein. Sobald er die Methode  $P()$  aufgerufen hat ist er entweder in der kritischen Sektion oder blockiert. Das heißt aus der Sicht des Betriebssystems ist ein wartender Prozess nicht rechenbereit.

**c)** Ein solcher Ansatz ist wünschenswert. Es sind Situationen denkbar in denen verschiedene ähnliche Ressourcen für eine Aufgabe zur Verfügung stehen und der aufrufende Prozess das schnellstmögliche dieser Ressourcen aufrufen will. Hätten alle dieser Ressourcen nur einen Semaphore, so könnte man nicht auf das schnellste freierwerden warten sondern müsste man sich eine einzige Ressource aussuchen und auf diese warten. Das Warten auf verschiedene Signale kann also durchaus sinnvoll sein! Allerdings sollte eine solche Implementierung dem Aufrufer nicht nur aufwecken sondern ebenfalls mitteilen welches Signal ihn gerade aufgeweckt hat. Eine solche Implementierung könnte allerdings auch Probleme mit sich bringen. So bleiben Fragen der Priorisierung und der Gleichzeitigkeit beim Eintritt von mehr als 2 Signalen. Hier ist es schwierig sich ein definiertes Verhalten zu überlegen, das Korrektheit aufweist.

### Aufgabe 3

Beweisen sie, das der folgende Algorithmus gegenseitigen Ausschluss sichert ist:

Das abstrakte Datenmodell:

```
type Imp struct {  
    val int  
    cs, mutex sync.Mutex  
}
```

Die Implementierung

```
func New (n uint32) *Imp {  
    x:= new (Imp)  
    x.val = n  
    if x.val == 0 {  
        x.cs.Lock()  
    }  
    return x  
}
```

```
func (x *Imp) P() {  
    x.cs.Lock()  
    x.mutex.Lock()  
    x.val--  
    if x.val >0 {  
        x.cs.Unlock()  
    }  
    x.mutex.Unlock()  
}
```

```
func (x *Imp) V() {  
    x.mutex.Lock()  
    x.val++  
    if x.val == 1 {  
        x.cs.Unlock()  
    }  
    x.mutex.Unlock()  
}
```

**Gegenseitigen Ausschluss :** Der hier vorgestellte Implementierung erfüllt den gegenseitigen Ausschluss. Dies soll im folgenden gezeigt werden. Der hauptsächliche Fokus

liegt hierbei auf den beiden mutexen: cs und mutex. Diese sichern zu, dass die Variable n geschützt ist, sowie implementieren sie das Blockieren des Semaphores.

Bei der Untersuchung der Ausschlusseigenschaft konzentrieren wir uns auf 2 Prozesse (P1 und P2). Sollte es mehrere geben, kann dies mit rückführung auf alle Fälle die hier behandelt werden einfach gezeigt werden, dass der Ausschluss immer noch gilt. Außerdem vereinbaren wir das  $n=1$  bei der Initialisierung. Auch hier gilt das höhere Werte für n am Ausschlussverhalten nichts ändern. Unterscheiden wir folgenden Szenarien:

1. P1 im kritischen Abschnitt (nach  $P()$  ) und P2 ruft  $P()$  auf.
2. P1 und P2 rufen zeitgleich  $P()$  auf

**Fall 1:** Es gilt: cs ist Locked und mutex ist Unlocked, n ist auf 0. Der Prozess 2 durchläuft das Aufrufprotokoll und bleibt bei dem sperren von cs hängen. Er kann seinen eintritt erst beenden, wenn vorher  $V()$  aufgerufen wurden. Soweit v erhält er sich spezifisch dem Protokoll. Alle anderen Prozess bleiben an der gleichen stelle hängen

**Fall 2:** Hier kommt es nur darauf an welcher der beiden Prozesse den mutex cs als erstes Sperren darf. Selbst wenn beide Prozesse gleichzeitig durch diesen Mutex kommen (im fall  $n > 1$ ), so kann immer nur einer der Prozesse auf n schreiben, da dieser durch einen weiteren Mutex mutex geschützt ist.