

## 矩阵基本操作的 C++ 代码

### 矩阵类

```
// 矩阵类的构造函数
template <class T>
Matrix<T>::Matrix(int r, int c)
{
    if(r<=0||c<=0)                                // 考察矩阵下标是否合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    if(r==1&& c==1)                                // 规定 1x1 的矩阵不合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    rows=r;
    cols=c;
    element=new T [r*c];                            // 为矩阵申请空间
};

// 矩阵类的复制构造函数
template<class T>
Matrix<T>::Matrix(const Matrix<T>&m)
{
    rows=m.rows;
    cols=m.cols;
    element=new T [rows*cols];                      // 申请矩阵空间
    for(int i=0; i<rows*cols; i++)                  // 复制矩阵元素
        element[i]=m.element[i];
};

// 重载下标运算符
template<class T>
T & Matrix<T>::operator () (int i, int j) const
{
    if(i<1||i>rows||j<1||j>cols)
    {
        cout<<"Out Of Bounds"<<endl;
        exit(1);
    }
    return element[(i-1)*cols+j-1];
};

// 重载赋值运算符 =
template<class T>
Matrix<T>& Matrix<T> :: operator = (const Matrix<T>&m)
{
    // 判断是否自我赋值
    if(this!=m )
    {
        rows=m.rows;
        cols=m.cols;
        delete [] element;                          // 释放原矩阵空间
        element=new T [rows*cols];                  // 申请新空间
        for(int i=0; i<rows*cols; i++)              // 矩阵赋值
            element[i]=m.element[i];
    }
    return *this ;
};

// 重载二元减法运算符
```

```

template<class T>
Matrix<T> Matrix<T>::operator - (const Matrix<T>&m) const
{
    if(rows!=m.rows||cols!=m.cols)
    {
        cout<<"Size not matched"<<endl;
        exit(1);
    }
    // 创建一个临时矩阵, 存放二矩阵相减的结果
    Matrix<T> w (rows, cols);
    for(int i=0 ; i<rows*cols; i++)
        w.element[i]=element[i]-m.element[i];
    return w;
};

// 重载乘法操作符
template<class T>
Matrix<T> Matrix<T>::operator * ( const Matrix<T>& m) const {
    if ( cols != m.rows ) {cout <<"Size not matched"<<endl; exit(1);}
    Matrix<T> w (rows, m.cols); // 创建一个临时矩阵, 存放二矩阵相乘的结果
    int ct = 0, cm = 0, cw = 0; // 设定初始位置
    for ( int i = 1 ; i <= rows; i++ ){
        for ( int j = 1 ; j <= m.cols ; j++ ){
            T sum = element[ct]*m.element[cm] ;
            for ( int k = 2 ; k <= cols ; k++ ){
                ct++; // 指向*this 第 i 行的下一个元素
                cm += m.cols; // 指向 m 第 j 列的下一个元素
                sum += element[ct] * m.element[cm];
            }
            w.element[cw] = sum; // 保存计算得到的 w(i,j)值
            cw++;
            ct -= cols-1; // 重新指向本行的行首元素
            cm = j; // 指向 m 第 j+1 列的列首元素
        }
        ct += cols; // 指向下一行的行首元素
        cm = 0; // 重新指向第一列的列首元素
    }
    return w;
}

```

### 三元组表

```

// 构造函数, 建立一个 Mrows 行 Mcols 列的稀疏矩阵
template<class T>
SparseMatrix<T>::SparseMatrix(int Mrows, int Mcols)
{
    if(Mrows<=0||Mcols<=0) // 考察矩阵下标是否合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    if(Mrows==1&&Mcols==1) // 规定 1x1 的矩阵不合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    Rows=Mrows;
    Cols=Mcols;
    Count=0;
    MaxTerm=Mrows *Mcols;
    smArray=new Trituple<T> [Mmaxterm]; // 为矩阵申请空间
};

```

// 构造函数, 建立一个 Mrows 行 Mcols 列 Mcount 个非零元素的稀疏矩阵

```

template<class T>
SparseMatrix<T>::SparseMatrix(int Mrows, int Mcols, int Mcount, int Mmaxterm)
{
    if(Mrows<=0||Mcols<=0)                // 考察矩阵下标是否合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    if(Mrows==1&&Mcols==1)                // 规定 1×1 的矩阵不合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    Rows=Mrows;
    Cols=Mcols;
    Count=Mcount;
    MaxTerm=Mmaxterm;
    smArray=new Trituple<T> [Mmaxterm];    // 为矩阵申请空间
};

// 求矩阵的和
template<class T>
SparseMatrix<T> SparseMatrix<T>::Add(SparseMatrix<T> sm)
{
    if((Count+sm.Count)==0)                // 若无非零元素
        return sm;
    SparseMatrix<T> temp(Cols, Rows, 0, Count+sm.Count); //声明一个稀疏矩阵 temp, 其行数等
    int k1, k2;                             //于原矩阵的列数, 其列数等于原矩阵
    k1=k2=0;                                //的行数, 其非零元素个数初始化为 0
    while((k1<Count)&&(k2<sm.Count))
    {
        int a, b, c, d;
        T e, f;
        smArray[k1].get(a, c, e);
        sm.smArray[k2].get(b, d, f);
        if((a==b)&&(c==d))
        {
            temp.smArray[temp.Count].set(a, c, e+f);
            k1++;
            k2++;
        }
        else
        {
            if((a<b)||((a==b)&&(c<d)))
            {
                temp.smArray[temp.Count].set(a, c, e);
                k1++;
            }
            else
            {
                temp.smArray[temp.Count].set(b, d, f);
                k2++;
            }
        }
        temp.Count++;
    }
    if(k1==Count)
    {
        while(k2<sm.Count)
        {
            int a, b;
            T c;
            sm.smArray[k2].get(a, b, c);
            temp.smArray[temp.Count].set(a, b, c);
            k2++;
            temp.Count++;
        }
    }
}

```

```

    }
}
else
{
    while(k1<Count)
    {
        int a, b;
        T c;
        smArray[k1].get(a, b, c);
        temp.smArray[temp.Count].set(a, b, c);
        k1++;
        temp.Count++;
    }
}
return temp;
};
//求转置矩阵
template<class T>
SparseMatrix<T> SparseMatrix<T> :: Transpose ( )
{
    SparseMatrix<T> b ;                // 声明一个稀疏矩阵 b
    b.Rows = Cols ;                    // b 的行数等于原矩阵的列数
    b.Cols = Rows ;                    // b 的列数等于原矩阵的行数
    b.Count = Count ;                  // b 与原矩阵的非零元素个数相同
    if ( Count > 0 )                    // 若有非零元素
    {
        int Bnumber = 0 ;
        for ( k = 0 ; k < Cols ; k ++ )    // 对矩阵 b 按行优先依次确认非零元素
            for ( i = 0 ; i < Count ; i ++ )    // 扫描原矩阵的三元组表
                if ( smArray[ i ].col == k )    // 是否有列号为 k 的非零元素
                {
                    b.smArray[ Bnumber ].row = k ;
                    b.smArray[ Bnumber ].col = smArray[ i ].row ;
                    b.smArray[ Bnumber ].value = smArray[ i ].value ;
                    Bnumber ++ ;
                }
    }
    return b ; // 返回转置矩阵 b
};

```

## 十字链表

```

/* 十字链表类结点 CLNode 的定义 */
template<class T>
class CLNode
{
public:
    int ROW, COL;                // 数据域
    T VAL;
    CLNode<T> *LEFT, *UP;        // 指针域
    CLNode() {ROW=COL=-1;LEFT=UP=NULL;} // 构造函数
    CLNode(int r, int c, T v):ROW(r), COL(c), VAL(v) { LEFT=UP=NULL;}
};

/* 十字链表类 CrossLink 的定义 */
template<class T>
class SparseMatrix_C
{
private:
    int Rows, Cols, Count;        // 稀疏矩阵的行数, 列数及非零元素个数
    CLNode<T> **CLROW;            // 行表头数组
    CLNode<T> **CLCOL;            // 列表头数组
public:
    // 构造函数, 建立一个 Mrows 行 Mcols 列 Mcount 个非零元素的稀疏矩阵

```

```

SparseMatrix_C(int Mrows, int Mcols, int Mcount);
SparseMatrix_C<T>& BaseOperation(int Baserow, int Basecol); //主步骤操作
int get_Rows() const{return Rows;} // 返回矩阵行数
int get_Cols() const{return Cols;} // 返回矩阵列数
};

```

### 算法 SparseMatrix\_C

// 十字链表类的构造函数

```

template<class T>
SparseMatrix_C<T>::SparseMatrix_C(int Mrows, int Mcols, int Mcount)
{
    if(Mrows<=0||Mcols<=0) // 考察矩阵下标是否合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    if(Mrows==1&&Mcols==1) // 规定 1×1 的矩阵不合法
    {
        cout<<"bad initializer"<<endl;
        exit(1);
    }
    Rows=Mrows; Cols=Mcols; Count=Mcount;
    //申请空间
    CLROW=new CLNode<T>* [Rows];
    CLCOL=new CLNode<T>* [Cols];
    //初始化
    int i;
    for(i=0; i<Rows; i++)
    {
        CLROW[i]=new CLNode<T>( );
        CLROW[i]->LEFT=CLROW[i];
    }
    for(i=0; i<Cols; i++)
    {
        CLCOL[i]=new CLNode<T>( );
        CLCOL[i]->UP=CLCOL[i];
    }
};

```

### 算法 SP

//稀疏矩阵的主步骤操作，稀疏矩阵的表示方式为正交链表

```

template<class T>
SparseMatrix_C<T>& SparseMatrix_C<T>::BaseOperation(int I0, int J0)
{
    //SP1: 初始化
    CLNode<T> *temp=CLROW[I0]->LEFT;
    while(temp->COL!=J0)
        temp=temp->LEFT;
    const T Alpha=1.0/temp->VAL;
    temp->VAL=Alpha;
    CLNode<T> *P0=CLROW[I0];
    CLNode<T> *Q0=CLCOL[J0];
    CLNode<T> *PTR[100];
    //SP2: 处理主行 I0
    P0=P0->LEFT;
    int J=P0->COL;
    while(J!=-1)
    {
        PTR[J]=CLCOL[J];
        P0->VAL*=Alpha;
        P0=P0->LEFT;
        J=P0->COL;
    }
    //SP3: 找新行 I, 并指定 P1
    while(1)

```

```

{
    Q0=Q0->UP;
    int I=Q0->ROW;
    if(I<0)
        return *this;
    if(I==I0)
        continue;
    CLNode<T> *P=CLROW[I];
    CLNode<T> *P1=P->LEFT;
    //SP4: 确定新列 J
    do
    {
        P0=P0->LEFT;
        J=P0->COL;
        if(J<0)
            break;
        if(J==J0)
            continue;
        // SP5: P1 所指元素所在的列与 J 列比较
        while(P1->COL>J)
        {
            P=P1;
            P1=P->LEFT;
        }
        if(P1->COL==J)
        {
            //SP7: 主步骤操作
            P1->VAL=-Q0->VAL*P0->VAL;
            if(P1->VAL==0)
            {
                //SP8: 删除零元素
                PTR[J]->UP=P1->UP;
                P->LEFT=P1->LEFT;
                delete P1;
                P1=P->LEFT;
            }
            else
            {
                PTR[J]=P1;
                P=P1;
                P1=P->LEFT;
            }
        }
        else
        {
            // SP6: 插入新元素
            CLNode<T> *X=new CLNode<T>;
            X->VAL=-Q0->VAL*P0->VAL;
            X->ROW=I;
            X->COL=J;
            X->LEFT=P1;
            X->UP=PTR[J]->UP;
            P->LEFT=X;
            P=X;
            PTR[J]->UP=X;
            PTR[J]=X;
        }
    }
    while(J>=0);
    Q0->VAL*=-Alpha;
}
};

```