

信息学课堂笔记10

一、课堂习题

1.用函数实现的计算器(课上代码)

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  bool flag;
4  double add(double a, double b) {
5      return a + b;
6  }
7
8  double sub(double a, double b) {
9      return a - b;
10 }
11
12 double pro(double a, double b) {
13     return a * b;
14 }
15
16 double chu(double a, double b) {
17     //除法中注意除数不能为0!!!!
18     if (b == 0) {
19         cout << "除数不能为0" << endl;
20         flag = 1;
21         return 0;
22     }
23     else return a / b;
24 }
25
26 double pow1(double a, double b) {
27     double ans = 1;
28     for (long long i = 0; i < b; i++) {
29         ans *= a;
30     }
31     return ans;
32 }
33
34 long long main() {
35     double a, b, ans;
36     char c;
37     cin >> a >> c >> b;
38     if (c == '+') {
39         ans = add(a, b);
40     } else if (c == '-') {
41         ans = sub(a, b);
42     } else if (c == '*') {
43         ans = pro(a, b);
44     } else if (c == '/') {
45         ans = chu(a, b);
46     } else if (c == '^') {
47         ans = pow1(a, b);
```

```

48     } else {
49         cout <<"Error" <<endl;
50     }
51     if (!flag) {
52         cout << ans << endl;
53     }
54     return 0;
55 }

```

2.[B2052]简单计算器

题目描述

[复制Markdown](#) [展开](#)

一个最简单的计算器，支持 `+, -, *, /` 四种运算。仅需考虑输入输出为整数的情况，数据和运算结果不会超过 `int` 表示的范围。然而：

1. 如果出现除数为 0 的情况，则输出： `Divided by zero!`。
2. 如果出现无效的操作符（即不为 `+, -, *, /` 之一），则输出： `Invalid operator!`。
3. 除号表示整除，结果向 0 取整。

输入格式

输入只有一行，共有三个参数，其中第 1, 2 个参数为整数，第 3 个参数为操作符 `(+, -, *, /)`。

输出格式

输出只有一行，一个整数，为运算结果。然而：

1. 如果出现除数为 0 的情况，则输出： `Divided by zero!`。
2. 如果出现无效的操作符（即不为 `+, -, *, /` 之一），则输出： `Invalid operator!`。

输入输出样例

输入 #1

[复制](#)

输出 #1

[复制](#)

1 2 +

3

输入 #2

[复制](#)

输出 #2

[复制](#)

2 4 *

8

输入 #3

[复制](#)

输出 #3

[复制](#)

5 0 /

Divided by zero!

```

1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3
4  bool flag = false;
5
6  int add(int a, int b) {
7      return a + b;
8  }
9
10 int sub(int a, int b) {

```

```

11     return a - b;
12 }
13
14 int pro(int a, int b) {
15     return a * b;
16 }
17
18 int chu(int a, int b) {
19     if (b == 0) {
20         flag = true; //如果除数是0，则把全局变量设置为true
21         return 0;
22     }
23     return a / b;
24 }
25
26 int main() {
27     int a, b, ans;
28     char c;
29     cin >> a >> b >> c;
30     if (c == '+') {
31         ans = add(a, b);
32     } else if (c == '-') {
33         ans = sub(a, b);
34     } else if (c == '*') {
35         ans = pro(a, b);
36     } else if (c == '/') {
37         ans = chu(a, b);
38     } else {
39         cout << "Invalid operator!" << endl;
40         return 0; //一定要记得，在判断到符号错误时，将程序退出
41     }
42     if (flag == 0) {
43         cout << ans << endl;
44     } else {
45         cout << "Divided by zero!" << endl; //当除数为0时，输出Divided by
46         zero!
47     }
48     return 0;
49 }

```

3.[B2064]斐波那契数列（递归做法）

题目描述

[复制Markdown](#) [展开](#)

斐波那契数列是指这样的数列：数列的第一个和第二个数都为 1，接下来每个数都等于前面 2 个数之和。

给出一个正整数 a ，要求斐波那契数列中第 a 个数是多少。

输入格式

第 1 行是测试数据的组数 n ，后面跟着 n 行输入。每组测试数据占 1 行，包括一个正整数 a ($1 \leq a \leq 30$)。

输出格式

输出有 n 行，每行输出对应一个输入。输出应是一个正整数，为斐波那契数列中第 a 个数的大小。

输入输出样例

输入 #1

[复制](#)

输出 #1

[复制](#)

```
4
5
2
19
1
```

```
5
1
4181
1
```

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  long long fib(long long x) {
4      if (x == 1 || x == 2) return 1; //如果当前的x为1或2，则不递归直接return
5      return fib(x - 1) + fib(x - 2); //否则return f(x - 1) + f(x - 2);
6  }
7  long long main() {
8      long long n, x;
9      cin >> n;
10     while (n--) { //题目中有n组数据，需要先读入组数n
11         cin >> x;
12         cout << fib(x) << endl;
13     }
14     return 0;
15 }
```

4.[B2077]角谷猜想

题目描述

[复制Markdown](#) [展开](#)

所谓角谷猜想，是指对于任意一个正整数，如果是奇数，则乘 3 加 1，如果是偶数，则除以 2，得到的结果再按照上述规则重复处理，最终总能够得到 1。如，假定初始整数为 5，计算过程分别为 16、8、4、2、1。

程序要求输入一个整数，将经过处理得到 1 的过程输出来。

输入格式

一个正整数 $N(N \leq 2,000,000)$ 。

输出格式

从输入整数到 1 的步骤，每一步为一行，每一部中描述计算过程。最后一行输出 `End`。如果输入为 1，直接输出 `End`。

输入输出样例

输入 #1

[复制](#)

5

输出 #1

[复制](#)

5*3+1=16
16/2=8
8/2=4
4/2=2
2/2=1
End

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 void f(long long n) {
4     if (n == 1) {
5         cout << "End" << endl;
6         return;
7     }
8     if (n % 2 == 1) { //如果是奇数
9         cout << n << "*3+1=" << n * 3 + 1 << endl;
10        f(n*3+1); //执行下一个函数
11    }
12    else { //如果是偶数
13        cout << n << "/2=" << n / 2 << endl;
14        f(n/2);
15    }
16 }
17 int main() {
18     long long n;
19     cin >> n;
20     f(n);
21     return 0;
22 }
```

二、 课堂笔记

函数

函数的递归调用

从前有个山，山里有个庙，庙里有个老和尚给小和尚讲故事，讲的是什么呢：从前有个山，山里有个庙.....

在编程中，有时我们需要让一个函数调用自己，直到某条件达成为止，称之为递归。

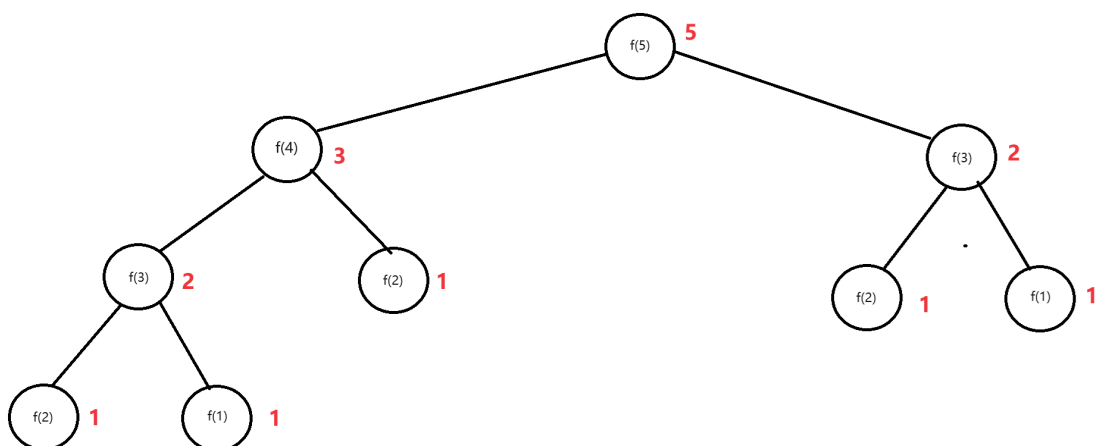
在递归中，我们需要考虑到每次进入函数有哪些不同的情况，根据这些不同的情况让函数做出改变，由上而下的递，由下而上的归。

就拿课上我们说的斐波那契数列的递归做法举例子，我们可以人为的规定：令 $f(n)$ 表示求斐波那契数列的第 n 项的值

那无论对于 n 为任何数时，都有 $f(n) = f(n - 1) + f(n - 2)$ 这句公式的含义为斐波那契数列第 n 项的值等于第 $n - 1$ 项和第 $n - 2$ 项的和

那我们该怎么避免这个递归一直无限走下去呢，那同学们可以发现 $f(n) = f(n - 1) + f(n - 2)$ ，那么也就说明我们从上往下的时候，总是会碰到**边界**，这个边界就是 $n == 1$ 和 $n == 2$ ，在这两个情况下我们不会计算 $f(n) = f(n - 1) + f(n - 2)$ ，因为没有第0项和第-1项，所以我们就称这个为递归边界，一旦递归走到了1或2的时候，就自动返回网上归，这就像是迷宫里的思路，你从一条路走到黑，走到什么时候回头？一个死胡同的时候。

那对于要求 $f(5)$ 时，我们可以画出如下的递归树



想求 $f(5)$ ，那就让计算机运算 $f(3) + f(4)$ ， $f(3)$ 和 $f(4)$ 答案是未知的，所以继续往下递归，想求 $f(3)$ 那就是 $f(2) + f(1)$ ，因为 $f(2)$ 和 $f(1)$ 都是直接return1 所以 $f(3)$ 就等于2，以此类推，那 $f(4) = f(3) + f(2)$ 也就是 $2 + 1 = 3$ 最终回到最开始的根， $f(5) = f(4) + f(3) = 3 + 2 = 5$

从上往下的过程就是我们求 $f(5) = f(4) + f(3) = (f(3) + f(2)) + (f(2) + f(1))$ 这就是往下递的过程

$f(1)$ $f(2)$ 的值给 $f(3)$ 再给 $f(4)$ 最后回到最初的 $f(5)$ 这就是归的过程

一定是先递后归，在程序中，我们调用 $\text{fib}(n - 1) + \text{fib}(n - 2)$ 的时候，就打开了新的函数，函数就反复被使用了，这就是递

那等 $\text{fib}(n - 1) + \text{fib}(n - 2)$ 的值计算出来，程序中return 这个值给上一个函数的时候，就在归了

递归是一个比较难以理解的算法了，各位同学在学习递归的时候切莫着急，求得速成。

三、作业

完成“期末考试”测试卷

