

1. Vypočítajte hodnoty  $f(0)$ ,  $f'(0)$  funkcie  $y = f(x)$  zadanej implicitne vzťahmi  $x^3 - 2x^4y^4 - 3y^2 + 5 = 0$ ,  $y \geq 0$ . [1.0 b]

2. Nájdite normálovú priamku k elipse  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$  tak, aby bola rovnobežná s priamkou  $y = -\frac{2x}{5} - 1$ . Určte rovnicu normály a súradnice spoločného bodu. [1.5 b] (Použite diferenciálny počet reálnej funkcie jednej reálnej premennej, nepoužívajte analytickú geometriu!)

3. Rozviňte funkciu  $f(x) = -2x^5 - 2x^4 + 2x^3 + x^2 - 2x - 1$  do Taylorovho polynómu stupňa 5 so stredom v bode  $x_0 = 3$ .

[1.0 b]

4. Určte Maclaurinov polynóm stupňa  $n \in N$  pre funkciu  $f(x) = \ln |1 + x|$ . [1.0 b] (Uveďte celé riešenie!)

5. Určte Maclaurinov polynóm stupňa 15 pre funkciu  $f(x) = \ln \left| \frac{(1-x+4x^2)^5}{(1-2x+x^2)^4} \right|$ . [1.5 b]

---

$q = 1.2$  do **28.11.14**,  $q = 1.0$  do **12.12.14**,  $q = 0.7$  do **16.01.15**,  $q = 0.2$  do **30.01.15**

**Vyriešené úlohy** (t. j. aj riešenia, nielen výsledky) sa odovzdávajú na cvičení najneskôr v týždni, ktorý končí uvedeným dátumom — je to piatok. Na cvičení sa taktiež vyzdvihujú aj ich opravené verzie (budú potrebné k ústnej skúške). Súčet bodov pridelených za vyriešené príklady sa vynásobí príslušným koeficientom  $q$ . Študent má nárok na dve opravovania a záleží na ňom, kedy úlohu odovzdá učiteľovi na opravu. Pozor, pri druhom opravovaní sa môže bodový príjem znížiť. Po 16.01.15 je nutné správne vyriešiť všetky príklady!