

# Mestrado Farmácia Qui-Quadrado

Carina Silva

<u>carina.silva@estesl.ipl.pt</u>

## **SUMÁRIO**

## Testes de hipóteses não-paramétricos

Teste de Independência do Qui-quadrado Teste de Homogeneidade do Qui-quadrado Teste Exato de Fisher

### Teste do Qui-quadrado

Uma das preocupações de muitos investigadores é saber que variáveis estão associadas, de que forma e intensidade. O teste do Qui-quadrado é uma forma de analisar a relação entre variáveis qualitativas (exclusivamente). Quando as variáveis são quantitativas, pode-se proceder a uma categorização e assim aplicar o teste do Qui-quadrado.

Este teste é adequado para testar se:

- Duas ou mais variáveis são independentes Teste do qui-quadrado para a independência
- A homogeneidade de duas ou mais populações relativamente a uma variável –Teste do qui-quadrado para a homogeneidade

Ambas as situações têm as mesmas propriedades, o que difere é a formulação das hipóteses e como consequência as conclusões.

Os dados são apresentados numa tabela de contingência de dupla entrada ou bidimensional (por se estar a considerar apenas duas variáveis).

Tabela do tipo r×c:

		Variável 1				n <sub>j.</sub>	
		$\mathbf{B}_{1}$	•••	$\mathbf{B}_{\mathrm{j}}$	•••	B <sub>c</sub>	
	$\mathbf{A}_{1}$	O <sub>11</sub>	•••	$O_{1j}$	•••	O <sub>1c</sub>	O <sub>1.</sub>
Variável2	•••	••	•••	•••	•••	•••	•••
	$\mathbf{A}_{\mathbf{k}}$	O <sub>k1</sub>	•••	$O_{kj}$	•••	O <sub>kc</sub>	O <sub>k.</sub>
	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••
	A <sub>r</sub>	O <sub>r1</sub>	•••	$O_{rj}$	•••	O <sub>rc</sub>	O <sub>r.</sub>
	n <sub>.k</sub>	O <sub>.1</sub>		O <sub>-j</sub>		O <sub>-c</sub>	n

Onde n é a dimensão da amostra e  $n = \sum_{j=1}^{c} O_{.j} = \sum_{k=1}^{r} O_{k.} = \sum_{k=1}^{r} \sum_{j=1}^{c} O_{kj}$ ,  $O_{kj}$  são as frequências observadas. As frequências relativas são dadas por  $f_{kj} = \frac{O_{kj}}{n}$   $f_{k.} = \frac{O_{k.}}{n}$   $f_{.j} = \frac{O_{.j}}{n}$ 

Para cada célula pode-se calcular as frequências esperadas:  $\hat{e}_{kj} = \frac{O_{k.} \times O_{.j}}{n}$ 

A discrepância entre as frequências observadas e as esperadas são dadas pela estatística:

$$\chi^{2} = \sum_{k=1}^{r} \sum_{j=1}^{c} \frac{\left(O_{kj} - e_{kj}\right)^{2}}{e_{kj}} \cap \chi^{2}_{(r-1)(c-1)}$$

Teste do qui-quadrado para a independência

#### Hipóteses:

 $H_0$ : As variáveis X e Y são independentes vs.  $H_1$ : As variáveis X e Y não são independentes

Variáveis independentes ⇔ não existe associação entre X e Y

Teste do qui-quadrado para a homogeneidade

#### Hipóteses:

HO: As populações (grupos) são homogéneas relativamente ao critério X

VS.

H1: As populações (grupos) não são homogéneas relativamente ao critério X

### Estatística de teste sob as condições da H<sub>0</sub>:

$$\chi_0^2 = \sum_{k=1}^r \sum_{j=1}^c \frac{\left(O_{kj} - e_{kj}\right)^2}{e_{kj}}$$

#### Condições de aplicabilidade:

Numa tabela **2×2** todas as frequências esperadas são maiores ou iguais a 5. Caso esta condição não se verifique pode-se aplicar o **Teste Exato de Fisher**.

- •Numa tabela 2×c ou r×2 todas as frequências esperadas são maiores ou iguais a 1.
- •Numa tabela **r**×**c** menos de 20% do n.º total das células da tabela com frequências esperadas inferiores a 5 e nenhuma célula com frequência esperada inferior a 1.

Sempre que as condições não se verifiquem, o investigador, poderá agregar categorias das variáveis sempre que ache adequado.

#### Regra de decisão clássica:

se 
$$\chi_0^2 \ge \chi_{(\mathbf{r}-1)(\mathbf{c}-1);1-\alpha}^2$$
 então rejeitamos H0 ao nível de significância  $\alpha$  fixado

Regra de decisão que utiliza o valor\_p: 
$$valor_p = P(\chi^2 \ge \chi_0^2) = 1 - P(\chi^2 < \chi_0^2)$$

## Exemplo 1:

## O CHORO DOS BEBÉS

A experiência tem demonstrado que os bebés prematuros choram muito. Uma das razões sugeridas para tal facto é que estes bebés sentem falta do ambiente pré-natal.

Uma prática recente consiste em gravar os sons do interior do corpo da mãe antes do parto e posteriormente passar a gravação sempre que o bebé chora.

Interessado em estudar a relação entre a idade de um bebé e a sua reação ao ouvir a gravação, um obstetra realizou a experiência em bebés com 1, 5, 10 e 20 semanas de idade, obtendo os

idade do	bebé *	reacção	Crosst	abulation
----------	--------	---------	--------	-----------

			reacção		
			continuou a chorar	parou imediatament e de chorar	Total
idade	1 semana	Count	7	34	41
do bebé		Expected Count	16,9	24,1	41,0
	5 semanas	Count	15	29	44
		Expected Count	18,2	25,8	44,0
	10 semanas	Count	17	19	36
		Expected Count	14,9	21,1	36,0
	20 semanas	Count	23	6	29
		Expected Count	12,0	17,0	29,0
Total		Count	62	88	150
		Expected Count	62,0	88,0	150,0

Teste ao nível de significância de 5%, se a idade do bebé é independente da reação.

## **RESOLUÇÃO:**

### HIPÓTESES:

H0: A idade do bebé e a reacção são independentes

VS.

H1: A idade do bebé e a reacção não são independentes

Caminho no SPSS: analyse $\rightarrow$ descriptive statistics $\rightarrow$ crosstabs $\rightarrow$ statistics $\rightarrow$ chi-square...

## **Output:**

### **Chi-Square Tests**

	Value	df	Asymp. Sig. (2-sided)
Pearson Chi-Square	28,666 <sup>a</sup>	3	,000
Likelihood Ratio	30,108	3	,000
Linear-by-Linear Association	28,311	1	,000
N of V <mark>a</mark> lid Cases	150		

a. 0 cells (,0%) have expected count less than 5. The minimum expected count is 11,99.

### **Exemplo 2:**

Pretende-se estudar o efeito de duas vacinas da gripe em dois grupos distintos de indivíduos, um grupo do Norte do país e o outro do Sul. Após se ter aplicado a vacina registaram-se os dados relativamente ao facto de terem ou não contraído o vírus da gripe durante o Inverno:

gripe \* grupo Crosstabulation

			grupo		
			norte	sul	Total
gripe	não	Count	3	18	21
		Expected Count	8,9	12,1	21,0
		% of Total	3,8%	23,1%	26,9%
	sim	Count	30	27	57
		Expected Count	24,1	32,9	57,0
		% of Total	38,5%	34,6%	73,1%
Total		Count	33	45	78
		Expected Count	33,0	45,0	78,0
		% of Total	42,3%	57,7%	100,0%

Para um nível de significância de 5%, diga se os dois grupos são homogéneos relativamente ao sucesso da vacina.

## **RESOLUÇÃO:**

### HIPÓTESES:

HO: A contração do vírus da gripe é homogénea nas duas zonas do país

H1: A contração do vírus da gripe não é homogénea nas duas zonas do país

## **Chi-Square Tests**

	Value	df	Asymp. Sig. (2-sided)	Exact Sig. (2-sided)	Exact Sig. (1-sided)
Pearson Chi-Squa	9,245 <sup>b</sup>	1	,002		
Continuity Correct	7,741	1	,005		
Likelihood Ratio	10,192	1	,001		
Fisher's Exact Tes				,004	,002
Linear-by-Linear Association	9,126	1	,003		
N of Valid Cases	78				

a. Computed only for a 2x2 table

b. 0 cells (,0%) have expected count less than 5. The minimum expected 8,88.

Exercícios 5 e 6 da Ficha 3 Base de dados: GLICEMIA\_CEREBRO.sav