Deep Learning - CNN

CONVUTIONAL NEURAL NETWORK

El objetivo de esta práctica es reducir al máximo la *accuracy* mediante el ajuste de la arquitectura de la red neuronal.

Proyecto_0:

Partimos inicialmente de una red compuesta por una única Capa Convolucional.

- En la primera utilizaremos 32 filtros/kernels de tamaño 3x3 (el kernel más óptimo) con padding "same", por lo tanto la imagen no la vamos a reducir de tamaño. Se aplica una función de activación Relu y para terminar un MaxPooling 2x2.
- Tenemos una Capa Oculta de 32 neuronas y con una función de activación Relu.
- Tenemos una Capa de Salida de **10 neuronas de salida** porque queremos clasificar las siguientes 10 etiquetas: *Airplane, Automobile, Bird, Cat, Deer, Dog, Frog, Horse, Ship* y *Truck*. La función de activación es la **softmax** ya que es un problema de *muticlass*.

También partiremos de los siguientes hiperparámetros:

Epochs: 20

Tamaño del batch: 512

A continuación, podemos ver el resumen del modelo de partida:

```
Model: "sequential"
Layer (type)
                             Output Shape
                                                       Param #
conv2d (Conv2D)
                             (None, 32, 32, 32)
                                                       896
 max_pooling2d (MaxPooling2D (None, 16, 16, 32)
 flatten (Flatten)
                             (None, 8192)
 dense (Dense)
                             (None, 32)
 dense_1 (Dense)
                             (None, 10)
Total params: 263,402
Trainable params: 263,402
Non-trainable params: 0
```

Que nos da una accuracy del:

```
1  _, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
2  print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 62.100
```

Proyecto_1:

Para poder mejorar la *accuracy* empezaremos ajustando algunos parámetros de forma sencilla. Únicamente añadiremos una segunda Capa Convolucional de manera que nuestra red estará compuesta por **2 Capas Convolucionales**.

- 1ª parte tiene la misma configuración que anteriormente.
- 2ª parte añadimos una **segunda Capa Convolucional** con la misma configuración de la primera capa.
- Ajustamos los epochs a 100 y configuramos el early-stopping.

Justificación: Añadimos una segunda convolución para que el modelo pueda detectar más patrones y así mejorar un poco más la clasificación de las imágenes.

Hemos reducido los parámetros de 263.402 a 136.954

```
Model: "sequential 2"
 Layer (type)
                             Output Shape
                                                        Param #
 conv2d_3 (Conv2D)
                             (None, 32, 32, 32)
                                                        896
 max_pooling2d_2 (MaxPooling (None, 16, 16, 32)
                                                        ø
 2D)
 conv2d_4 (Conv2D)
                             (None, 16, 16, 16)
                                                        4624
 flatten_2 (Flatten)
                             (None, 4096)
 dense 4 (Dense)
                             (None, 32)
                                                        131104
 dense_5 (Dense)
                             (None, 10)
                                                        330
Total params: 136,954
Trainable params: 136,954
Non-trainable params: 0
```

Con sólo esta adición podemos ver que el accuracy nos mejora un 2,66%:

```
] 1 _, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
2 print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 64.760
```

Proyecto_2:

Seguimos con 2 Capas Convolucionales pero ahora se realizan los siguientes cambios.

- 1ª parte tiene la misma configuración que anteriormente.
- 2ª parte modificamos la segunda Capa Convolucional añadiéndole 100 filtros de tamaño 3x3.

Justificación: Si añadimos más filtros el modelo podrá detectar características más complejas de las imágenes.

```
1  _, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
2  print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 67.330
```

Proyecto_3:

Ahora añadimos una capa más de manera que ahora tendremos **3 Capas Convolucionales** pero ahora se realizan los siguientes cambios.

- 1ª parte tiene la misma configuración que anteriormente.
- 2ª parte tiene la misma configuración que anteriormente.
- 3ª parte añadimos otra Capa Convolucional con la misma configuración de la capa anterior, de 100 filtros de tamaño 3x3.

Justificación: Si añadimos otra capa con un número elevando filtros el modelo podrá detectar cada vez más características y patrones de las imágenes.

```
1  _, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
2  print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 69.440
```

Proyecto_4:

Seguimos con la misma configuración anterior pero añadimos un *MaxPooling* de 2x2 después de la tercera red convuncional para reducir la cantidad de datos, pero preservando la información más relevante de esta Capa Convolucional

- 1ª parte tiene la misma configuración que anteriormente.
- 2ª parte tiene la misma configuración que anteriormente.
- 3ª parte añadimos otra Capa Convolucional con la misma configuración de la capa anterior, de 100 filtros de tamaño 3x3.

Justificación: Añadimos un *Max-pooling* de 2x2 para reducir la cantidad de datos y preservar la información más relevante que nos servirá para detección de parámetros relevantes.

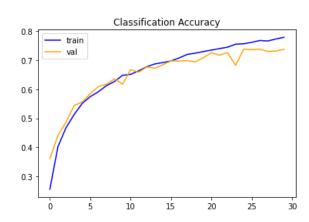
```
Model: "sequential_2"
Layer (type)
                             Output Shape
                                                        Param #
                             (None, 32, 32, 32)
conv2d_6 (Conv2D)
                                                        896
 max_pooling2d_2 (MaxPooling (None, 16, 16, 32)
conv2d_7 (Conv2D)
                             (None, 16, 16, 100)
                                                        28900
conv2d_8 (Conv2D)
                             (None, 16, 16, 100)
                                                        90100
 max_pooling2d_3 (MaxPooling (None, 8, 8, 100)
                             (None, 6400)
 flatten_2 (Flatten)
 dense_4 (Dense)
                              (None, 32)
                                                        204832
 dense_5 (Dense)
                             (None, 10)
                                                        330
Total params: 325,058
Trainable params: 325,058
Non-trainable params: 0
```

```
1 _, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
2 print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 71.540
```

Proyecto_5:

Conservamos la configuración anterior pero ahora realizamos los siguientes ajustes:

- Añadimos drop-outs detrás de la primera y segunda convolución para mejorar el overfitting. Primero de todo, sólo desactivamos aleatoriamente un 20% de conexiones entre neuronas, de esta manera le complicamos un poco el entrenamiento a nuestro modelo para la extracción de las features. Lo que se conseguimos con esto es que ninguna neurona memorice parte de la entrada; que es precisamente lo que sucede cuando tenemos overfitting¹. Lo utilizamos para que las neuronas no se adapten en exceso a otras de su misma capa.
- Además, añadimos otro Max-pooling de 2x2 detrás de la segunda convolución para reducir la cantidad de datos y quedarnos con las características más relevantes (fijémonos que en el modelo anterior no lo teníamos).



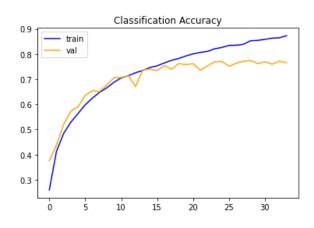
Observamos una mejora del overfitting, debido a que la curva de la acurracy de validación se acerca un poco más a la curva del accuracy del train.

https://medium.com/metadatos/t%C3%A9cnicas-de-regularizaci%C3%B3n-b%C3%A1sicas-para-redes-neuronales-b48f396924d4

Proyecto_6

Ahora cambiamos la configuración de segunda y tercera capa convolucional.

- 1ª parte seguimos con la capa de **32 filtros** 3x3, el **MaxPoolling** de **2x2** y los *drop-outs* configurados al **0.2** de probabilidad.
- 2ª parte cambiamos la capa de 100 filtros por a una de **64 filtros** (conservando también el l **MaxPooling** de **2x2** y los *drop-outs* configurados al **0.2** de probabilidad).
- 3ª parte cambiamos la capa de 100 filtros por a una de **128 filtros** (conservando también el l **MaxPooling** de **2x2** y los *drop-outs* configurados al **0.2** de probabilidad).
- 4ª parte añadimos otra Capa Full-Connected de 256 neuronas y aumentamos las neuronas de la Capa Full-Connected anterior (que solo tenía 32 neuronas) y ambas con una activación Relu. Conjuntamente añadimos 2 drop-outs de 0.2 de probabilidad detrás para ponerle más difícil la clasificación al modelo. Antes no incluíamos los drop-outs en la clasificación, solamente en las Capas Convolucionales.



Tenemos más overfiting, se tendría que controlar más el overfitting. Podemos añadir un porcentaje más elevado de drop-outs para romper conexiones entre neuronas y dificultarle en entrenamiento al modelo.

Proyecto_7:

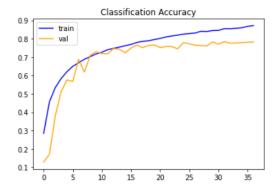
Nos pasamos a Kaggle por los límites del GoogleColab con la GPU.

Seguimos con la configuración anterior de **3 Capas Convolucionales** de **32, 64** y **128** filtros respectivamente de **tamaño 3x3** cada una de ellas. Después de capa una de estas capas se aplica un **MaxPooling de 2x2.** Los cambios que se realizan pues respecto a la configuración anterior son los siguientes:

- 1º aplicamos el *Batch Normalization*, encargada de normalizar los datos obtenidos tras calcular una capa. Con esto, acabamos teniendo unos valores normalizados que están en [0, 1]. Además conseguimos reducir la distribución de valores, por lo que los valores son más estables. Así que, las capas posteriores pueden más fácil ajustar los pesos.
- Aumentamos el *drop-out al 0.3* de la primera capa, que son las capas dónde se detectan patrones más "sencillos".

```
model = ks.Sequential()
# CAPAS CONVOLUCIONALES: EXTRACCIÓN DE CARACTERÍSTICAS
model.add(ks.layers.Conv2D(32, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                           padding='same', input_shape=(32,32,3)))
# Redución de la dimensión de las características, nos vamos a quedar con las características más importantes que detectó cada filtro
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(BatchNormalization(
model.add(ks.layers.Dropout(0.3)) 2
# Añadimos una convulación otra convulación de 64 filtros
model.add(ks.layers.Conv2D(64, (3, 3), strides=1, activation='relu',
padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.lavers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(128, (3, 3), strides=1, activation='relu',
padding='same', input\_shape=(32,32,3))) \\ model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2))) \\
model.add(ks.layers.Flatten())
# RED NEURONAL : CLASIFICACIÓN
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization()
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

Vemos que el *overfitting* no es muy alto, por lo tanto no vamos mal encaminados. Tendremos que ajustar algún parámetro más para poder mejorar el modelo. Vemos que la *accuracy* tampoco ya mejorado tanto, pero se observa alguna mejora:



```
_, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 77.430
```

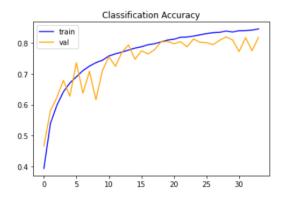
Proyecto_8:

- 1° Colocamos los **Batch Normalization** justo después de las capas de convolución, para normalizar los datos después de haber creado el mapa de características (ya que la teoría nos dice que es mejor ponerlo justo detrás).
- 2° En la tercera Capa Convolucional de 128 filtros de 3x3 añadimos un Batch Normalization justo después y al final de todo un dropout de 0.3.
- 3° Añadimos otra cuarta Capa Convolucional con 256 filtros de 3x3, junto con el Batch Normalization y el Maxpooling. Al igual que en todas las capas anteriores, añadimos un drop-out de 0.3 al final para desconectar neuronas y así dificultarle un poco más al modelo.
- 4° Vamos a probar de reducir el droupout a 0.1 (en el proyecto anterior la teníamos a 0.2).
- 5° además reducimos el **batch size** a **32** para pasarlos por los datos a la red neuronal de forma más lenta y consecutivamente aumentaremos el número de **epochs** a **1.250** 40.000/32 = 1.250).

```
model = ks.Sequential()
# CAPAS CONVOLUCIONALES: EXTRACCIÓN DE CARACTERÍSTICAS
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(64, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                               padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.lavers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(128, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                               padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
\label{eq:model.add} $$ \mbox{model.add(ks.layers.Conv2D(256, (3, 3), strides=1, activation='relu', padding='same', input\_shape=(32,32,3)))} $$
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Flatten())
# RED NEURONAL : CLASIFICACIÓN
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

Layer (type)	Output	Shape	Param #
conv2d_12 (Conv2D)		32, 32, 32)	896
patch_normalization_18 (Batc	(None,	32, 32, 32)	128
max_pooling2d_12 (MaxPooling	(None,	16, 16, 32)	0
dropout_18 (Dropout)	(None,	16, 16, 32)	0
conv2d_13 (Conv2D)	(None,	16, 16, 64)	18496
patch_normalization_19 (Batc	(None,	16, 16, 64)	256
max_pooling2d_13 (MaxPooling	(None,	8, 8, 64)	0
dropout_19 (Dropout)	(None,	8, 8, 64)	0
conv2d_14 (Conv2D)	(None,	8, 8, 128)	73856
patch_normalization_20 (Batc	(None,	8, 8, 128)	512
max_pooling2d_14 (MaxPooling	(None,	4, 4, 128)	0
dropout_20 (Dropout)	(None,	4, 4, 128)	0
conv2d_15 (Conv2D)	(None,	4, 4, 256)	295168
patch_normalization_21 (Batc	(None,	4, 4, 256)	1024
max_pooling2d_15 (MaxPooling	(None,	2, 2, 256)	0
dropout_21 (Dropout)	(None,	2, 2, 256)	0
Flatten_3 (Flatten)	(None,	1024)	0
dense_9 (Dense)	(None,	256)	262400
patch_normalization_22 (Batc	(None,	256)	1024
dropout_22 (Dropout)	(None,	256)	0
dense_10 (Dense)	(None,	256)	65792
patch_normalization_23 (Batc	(None,	256)	1024
dropout_23 (Dropout)	(None,	256)	0
dense_11 (Dense)	(None,	10)	2570

Podemos observar una gran mejora del *accuracy*, pero tal y como se observa en el gráfico al principio tenemos bastante *overfitting*, después a lo largo del tiempo se estabiliza un poco más



```
_, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 80.960
```

Proyecto_9:

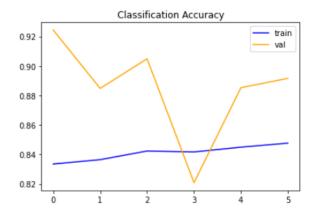
Seguimos con la misma configuración anterior per añadimos algún pequeño cambio:

• Incrementamos el valor del *drop-out* a 0.4 (antes estaba a 0.3) de la tercera Capa Convolucional de 128 filtros (kernel 3x3).

```
model = ks.Sequential()
# CAPAS CONVOLUCIONALES: EXTRACCIÓN DE CARACTERÍSTICAS
model.add(ks.layers.Conv2D(32, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(64, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(128, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.4))
model.add(ks.layers.Conv2D(256, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Flatten())
# RED NEURONAL : CLASIFICACIÓN
model.add(ks.lavers.Dense(256. activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dropout(0.1))
model.add(ks.layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

Justificación: De esta manera intentamos reducir los "picos" de overfitting que nos encontrábamos en la mitad del gráfico de *accuracy*. Por ese mismo motivo se ha seleccionado una capa intermedia para aumentar el *drop-out*.

Observamos que el accuracy nos aumenta respecto al proyecto anterior, sin embargo, el gráfico de la accuracy no parece ser muy adecuado. Así que seguiremos modificando parámetros.



```
_, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 81.680
```

Proyecto_10:

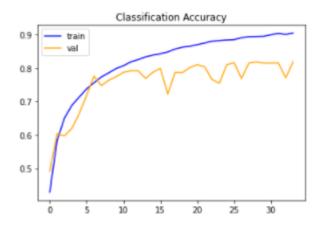
Seguimos con la misma configuración anterior per añadimos algunos cambios:

• Configuramos todas las Capas Convolucionales con un *drop-out* fijado a **0.2**, por lo tanto en este caso, probamos de añadir un poco más de neuronas a nuestro modelo.

Justificación: Anteriormente parece ser que la validación se aleja demasiado del train, lo que nos lleva a pensar que el modelo no está entrenando adecuadamente, puede que le estemos desconectando demasiadas neuronas, lo que impide que nuestro modelo detecte patrones en las capas ocultas, y por lo tanto no llega a un resultado acurado, ni se acerca. Por eso motivo se decide incluir más neuronas disminuyendo los *drop-outs*.

```
model = ks.Sequential()
# CAPAS CONVOLUCIONALES: EXTRACCIÓN DE CARACTERÍSTICAS
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Conv2D(64, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Conv2D(128, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Conv2D(256, (3, 3), strides=1, activation='relu',
                          padding='same', input_shape=(32,32,3)))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Flatten())
# RED NEURONAL : CLASIFICACIÓN
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dropout(0.2))
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.Dropout(0.1))
model.add(ks.layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

Tal y como se puede observar existe una mejora respecto al gráfico anterior, así pues incluir más neuronas ha mejorado la precisión del modelo. Sin embargo, seguimos teniendo un overfitting, sobretodo por el final.



```
_, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 81.950
```

Concluisones: Finalmente nos quedamos con un modelo con la siguiente arquitectura. Aunque podemos observar un poco de overfiiting, selecionamos el Proyecto_11 debido a que es el que tiene la accuracy más elevada, del 81.95%.

Mejoras

Proyecto 11:

Procedemos a realizar un Data Aumentation para poderle facilitar al modelo de las imágenes con diferentes angulos de rotación, con inclinaciones diveras y con ampliaciones (zoom) de las imágenes, de manera aleatoria.

```
tf.keras.preprocessing.image.ImageDataGenerator(
    featurewise_center=True.
    samplewise_center=True,
    featurewise_std_normalization=True,
    samplewise_std_normalization=True,
    zca_whitening=True,
    zca_epsilon=1e-06,
    rotation range=50.
    width_shift_range=0.2,
    height_shift_range=0.2,
    brightness_range=None,
    shear_range=0.2,
    zoom_range=0.2,
    channel_shift_range=0.2,
    fill_mode="nearest",
    cval=0.0.
   horizontal_flip=True,
    vertical_flip=True,
    rescale=None.
    preprocessing_function=None.
    data format=None.
    validation_split=0.2,
    dtype=None,
```

- Todos los valores booleanos los asignamos a "True".
- zca epsilon: le asigamos el valor por defecto.
- rotation_range: es el ángulo que vamos a rotar la imagen (0-180). Le asignaremos un valor 'complicado', por lo que empezaremos con un ángulo de 50°.
- width_shift y height_shift los asignamos a 0.2 (son valores possibles entre [-1, 0, +1]).
- **shear_range**: para aplicar aleatoriamente transformaciones de cizallamiento-
- **zoom_range**: para hacer zoom aleatoriamente dentro de las imágenes
- horizontal_flip/vertical_flip: es voltear aleatoriamente la mitad de las imágenes horizontalmente o verticalmente. Los los asignamos a "True" para que realice los flips.
- **fill_mode**: para rellenar píxeles recién creados, que pueden aparecer después de una rotación o un cambio de ancho / alto. Le asignamos el valor por defecto "nearest".

Además de realizar el ImageDataGenerator también modificaremos la arquitectura del modelo:

- 1º Añadimos otra capa convolucional de 32 filtros detrás de la primera capa de 32 filtros. Cambiamos el drop-put a 0.3 debido a que hemos aumentado el número de parámetros y consideremamos una buena opción desconectar algunas neuronas para ponerle más dificil al modelo.
- 2º Añadimos otra capa convolucional de 64 filtros detrás de la primera capa de 64 filtros. Igual que anteriormente, cambiamos el drop-put a 0.3 debido a que hemos aumentado el número de

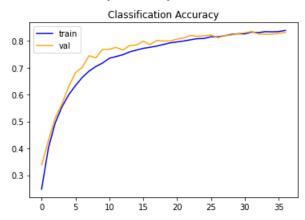
parámetros y consideremamos una buena opción desconectar algunas neuronas para ponerle más dificil al modelo.

• Cambiamos el drop-out a 0.3 para reducir los parámetros del modelo con un número resultante de 719.402.

```
model = ks.Sequential()
# CAPAS CONVOLUCIONALES: EXTRACCIÓN DE CARACTERÍSTICAS
model.add(ks.layers.Conv2D(32, (3, 3), strides=1, activation='relu',
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Conv2D(64, (3, 3), strides=1, activation='relu',
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3)
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(128, (3, 3), strides=1, activation='relu',
padding='same', input\_shape=(32,32,3)))\\ model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Conv2D(256, (3, 3), strides=1, activation='relu',
\label{eq:padding} padding='same', input\_shape=(32,32,3))) \\ model.add(BatchNormalization())
model.add(ks.layers.MaxPooling2D((2, 2)))
model.add(ks.layers.Dropout(0.3))
model.add(ks.layers.Flatten())
# RED NEURONAL : CLASIFICACIÓN
model.add(ks.layers.Dense(256, activation='relu'))
model.add(BatchNormalization())
\label{eq:model_add} $$\operatorname{\mathsf{Model.add}}(ks.layers.\mathtt{Dense}(256,\ \mathsf{activation='relu'}))$$ $$\operatorname{\mathsf{model.add}}(\mathtt{BatchNormalization}())$$
model.add(ks.layers.Dropout(0.1))
model.add(ks.layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

Layer (type)	Output		Param #
conv2d_19 (Conv2D)		32, 32, 32)	896
conv2d_20 (Conv2D)	(None,	32, 32, 32)	9248
max_pooling2d_15 (MaxPooling	(None,	16, 16, 32)	0
dropout_21 (Dropout)	(None,	16, 16, 32)	0
conv2d_21 (Conv2D)	(None,	16, 16, 64)	18496
conv2d_22 (Conv2D)	(None,	16, 16, 64)	36928
max_pooling2d_16 (MaxPooling	(None,	8, 8, 64)	0
dropout_22 (Dropout)	(None,	8, 8, 64)	0
conv2d_23 (Conv2D)	(None,	8, 8, 128)	73856
max_pooling2d_17 (MaxPooling	(None,	4, 4, 128)	0
dropout_23 (Dropout)	(None,	4, 4, 128)	0
conv2d_24 (Conv2D)	(None,	4, 4, 128)	147584
max_pooling2d_18 (MaxPooling	(None,	2, 2, 128)	0
dropout_24 (Dropout)	(None,	2, 2, 128)	0
conv2d_25 (Conv2D)	(None,	2, 2, 256)	295168
batch_normalization_9 (Batch	(None,	2, 2, 256)	1024
max_pooling2d_19 (MaxPooling	(None,	1, 1, 256)	0
dropout_25 (Dropout)	(None,	1, 1, 256)	0
flatten_3 (Flatten)	(None,	256)	0
dense_9 (Dense)	(None,	256)	65792
batch_normalization_10 (Batc	(None,	256)	1024
dropout_26 (Dropout)	(None,	256)	0
dense_10 (Dense)	(None,	256)	65792
batch_normalization_11 (Batc	(None,	256)	1024
dropout_27 (Dropout)	(None,	256)	0
dense_11 (Dense)	(None,		2570

Podemos ver que el gráfico de la accuracy nos da un resultado muy bueno, debido a que la curva de validación se ajusta muy bien a la curva del train.



Se puede observar una mejora de la accuracy del 1,11%:

```
_, acc = model.evaluate(x_test_scaled, y_test, verbose=0)
print('> %.3f' % (acc * 100.0))
> 82.860
```