

```

1 from ODES.Cauchy_problem import Cauchy_problem
2 from ODES.Temporal_schemes import Euler, Inverse_Euler, Crank_Nicolson, Embedded_RK
3 from Physics.Orbits import Kepler
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 from numpy import array
6
7
8 from numpy import linspace
9
10 def Simulation(tf, N, U0):
11
12     """
13     This is a Simulation code to integrate Cauchy problems with some numerical scheme.
14
15     The objective of this Milestone is to create different functions or abstractions
16     by means of functional programming or function composition.
17     Namely, the following modules are created to allow this functional composition:
18         1) ODES.Cauhy_problem
19         2) ODES.Temporal_schemes
20         3) Physics.Orbits
21
22     The idea is to create a Cauchy problem abstraction to integrate different physical
23     problems with different temporal schemes.
24
25     Different abstractions :
26         1)  $dU/dt = F(U, t)$ 
27         2) Temporal scheme to integrate one step
28         3) Cauchy problem to perform different steps
29
30     """
31
32
33
34 t = linspace(0, tf, N)
35 schemes = [ (Euler, None, None), (Embedded_RK, 2, 1e-1), (Embedded_RK, 8, 1e-1) ]
36
37 for (method, order, eps) in schemes:
38
39     if order != None:
40         U = Cauchy_problem( Kepler, t, U0, method, q=order, Tolerance=eps )
41     else:
42         U = Cauchy_problem( Kepler, t, U0, method )
43
44     plt.axes().set_aspect('equal')
45     plt.plot( U[:,0], U[:,1], "." )
46     plt.show()
47
48 if __name__ == "__main__":
49
50     Simulation(100, 100, array( [ 1., 0., 0., 1. ] ) )
51
52

```

Importamos de otros códigos los esquemas temporales, la función de estado que define las ecuaciones de movimiento del sistema y el problema de Cauchy que resolverá numericamente

*Es la función principal que corre la simulación
 tf es el tiempo final de la simulación
 N el numero de pasos de tiempo
 U0 es la condición inicial de nuestro sistema*

Se discretiza el tiempo, creamos un array de tiempos t que va desde 0 hasta tf dividido en N pasos

*Aquí definimos los sistemas de integración que se usarán
 Euler (sin orden ni tolerancia)
 RK embebido con órdenes 2 y 8 y una tolerancia de 10^{-1}*

Iteramos sobre los esquemas temporales

Cada solución U es gráfica cada, mostrando la trayectoria del cuerpo del espacio (órbita)

*Aquí se ejecuta la simulación con:
 Tiempo final de 100 unidades
 100 pasos de tiempo
 Estado inicial $U_0 = [1, 0, 0, 1]$*

Este código realiza una simulación numérica de un problema de orbitas usando diferentes esquemas de integración temporal