adro I meare. Poto un sixteme di equosioni lineani con n incognite: $\begin{cases} 0 & 1, \times_1 + 0 & 1 \\ 0 & 2, \times_2 + \dots = b_1 \\ 0 & 2, \times_3 + \dots = b_2 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 &$ questo può errere representata mediante una motivie $A = \begin{bmatrix} \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3 & \dots \\ \alpha_{i_1}, \alpha_{i_2}, \alpha_{i_3} & \dots \end{bmatrix}$ il vistema può essere viscotto così $\begin{bmatrix} X \\ X \\ X \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ \end{bmatrix}$ a, a, a, a, ...

a, a, a, a, ... ESEMPIO: 30 mitema: $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3$ metoder per trosse solutioni in un sisteme di' equosioni lineari. equosioni lineari. Oble n'stem di equasioni lineari. E = S = ER A = B SOLUZIONI DEL 1º SISTEMA Z = \(\frac{1}{2} \times E R^m A \times = \tilde{b} \frac{1}{2} \times \times \alpha U 2 W M DEZ 2° S IS TEMA se S = 5' + A = = B = A = = b' Sia Ax = b un sisteme m×m, e vans (*): a, x, ··· an xn = B,, Olue equation del nistema (**): a',x,... + a'nxn = B (***): h(*) + K(**) = 1/B + KB') dore K h $\neq 0$. $\overline{A} \times = \overline{B}$ un mons niveme identies of prims, con le nole différence che, of posts di (**) ho(***) sollore $\overline{A} \times = \overline{B}$, $\overline{A} \times = \overline{B}$ nons equipolenti. Abliamo * e * *, due equosioni del risteme, che he rolutioni E, rie g & E (g rolusone del risteme) y roddiste * e * * quindi a, y, +...+a, yn - B = 0 l a', y, +... + a'n yn - B' = 0

ne respue éle considérands due eafficent h, R =

ER- \(\) 0\(\) h(a,y,+...+anyn-B) + h(a,y,+...+a'nyn-B')=0 quindi g sødoliste onche: (***) = h(a, x, + ... + an xn) + k(a, x, + an xn) = hp + hp quindi prendendo un moro sistema Ax = 5 sore identico el primo me al posto di ** porre ** , 5 soro le roluponi olel

doto che quelsieri relutione del primo riteme reddisse on che il reconstr, porniento cline $\Sigma \subseteq \overline{\Sigma}$.

Ni combler osleno \overline{s} une quelsioni relutione chi $\overline{A} \times = \overline{b}$, $\overline{\Xi} \in \overline{\Sigma}$, role che $\overline{\Xi}$, Soddisse \star doto che: more sistema. (a, ξ, + ···to-n zn - β = 0)prendiomor ore (***) in $A \tilde{x} = \tilde{b}$ e sortituons

l'incognite con \tilde{z} : h(a,2,+...+anzn -3) + K(a,z,+...+anzn)=0 per (!) il pu'mo tamine l'ugusle a o questro ràpifica che Z roddisfe * *
quinol E E > > = = = . MATRICE TRIANGOLARE une motrice quodrotte nxn n' d'et trongolore ruper ore re i > J-Dais = 0 $\begin{bmatrix} 1 & 4 & 5 & 7 & 1 \\ 0 & 2 & 5 & 6 & 9 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 & 4 & 5 & 7 & 1 \end{bmatrix}$ 0 0 0 0 7 quadrate ufliore se i < J → a i = 0

$$Esempio: \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & 6 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 6 & 4 & 0 \\ 8 & 7 & 3 & 2 & 7 \end{bmatrix}$$

TEOREMA DI GAUSS

Consiste rell'applione più rolte in momero itenstine il lemme fondomentole

METODO RISOCUTIVO:

*Su un vitema che he motree n x n dovremo esequie (n-1) porraggi. Dore o'gni possizzo ha lo scopio di torformore le i- esime eslonne, facendo ni che tole colonne, oblice i elementi diveni de 0, ed i restanti n-1 elementi = 0.

Se la matrice è $\begin{bmatrix} a_{1_1} & a_{1_2} & a_{1_3} \\ a_{2_1} & a_{2_2} & a_{2_3} \\ a_{3_1} & a_{3_2} & a_{3_3} \end{bmatrix}$

- il *Passo 1* ha come obbiettivo di avere come <u>prima</u> colonna : $\begin{bmatrix} a_{1_1} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$
- il $Passo\ 2$ ha come obbiettivo di avere come Seconde colonna : $\begin{bmatrix} a_{1_2} \\ a_{2_2} \\ 0 \end{bmatrix}$

Opene: Dia i l'erims posso doblions opene sull'i-esima edonna e tosformene n-i elemente in mods che vians uguoli a O. N' relevione un elements della estonna i P; o detto pirot (P:) in querta alonna c'e

queto elemento che e' il pirot e a sono i elementi. che observes dimentione o (Pi fe porte degli i gli (n-i) element sono del tipo ali eon nuovo volore he = ali tole elements n' moltiplia per tutte gli element. Pi delle rige che contiene il pint (Pi) ottenents con une mora vige, e ni nomme alle l-enma vige ... TEMPRIMENTE. x = E e un visteme triongolore n x n pre un unice rolutione se le d'agonsé primapple non he rolon mille (ti; 40 cm i=(1,2,3,4,...,m) obtimenti o non sommette rolusioni come copine re un sisteme sommette o o me le infinite. non ommette solutioni. INTRODUCIAMO UNA NUOVA STRUTTURA ACGEBRICA SPAZIO VETTORIALE SU R Lo sporto rettorio le l' me strutture typo (V,+,0,1) desinite su un compo ō = elemento neutro tole shulling rispettie c'requente arromi. 1. (V,+) l'un gruppo commutations donc + l' un operatione linewe.



C'e'un elemento portiolore oò che e'il vettore mullo. Il moder migliore per définire la romma tro due rettoni é: Preso ot, prende poi un resprente con terre modules diesiène e verse di oà me eon origine A, le rette de le nomme de seignenti OA + OA' = OC

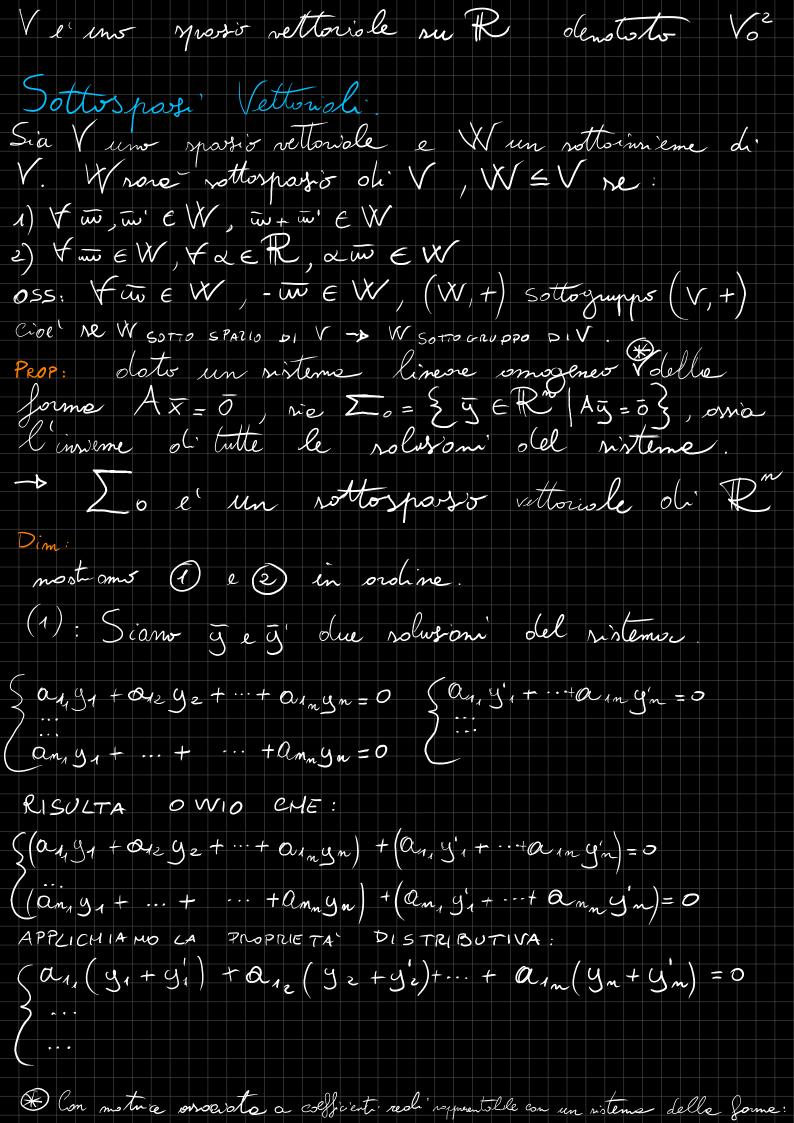
quests metodo funçione onche re i due vettori
honno la sterre diregione.
L'inviene V dototo di operazione +: VXV = V e l'elements neutres 00 l'un gruppes commutative com elements di v he un invess, com vettore he il no men che e un vettore con pon modulo, viene diresone e vers merso. introducioms ore une more opensone.

: R × V → V olette prodotto scolore (>, ox) → x ox

veolioms 2 cossi

Ne $\lambda \geq 0$ objet one e vers simongomo immutati mente

il medulo divente x · (modulo ox) re 200 dires one rimone la sterre, molule divente > (module ot), verso directe opposto con operatione di romme e prodotto scolsse



ne concludians che ÿ+ÿ' € ∑o (1) (2) rie $k \in \mathbb{R}$ Soppione he: Say 91 + O12 y2 + ... + O1 nyn = 0 $(an, y_1 + \dots + \dots + an_m y_n = 0)$ noltoplichisms a destre e simistre per s Sx(a, g, + o, e, y, e + ··· + a, n, y, n) = 0. x $(\chi(\alpha n, y_1 + \dots + \dots + \alpha n_m y_n) = 0 \cdot \lambda$ (x (0, 9, 9, 1) + x(0, 2, 9, 2) + ...+ x (0, 1, 9, n) = 0 $\left(\lambda\left(\alpha n_{1}y_{1}\right)+\ldots+\lambda\left(\alpha n_{n}y_{n}\right)=0\right)$ APPLICANDO LA PROPRIETA ASSOCIATIVA: (a, (\ y,) + ... + a, m (\ y m) = 0 re z e rolusione, onche z z e rolusione Se il visteme non e omogenes questo non e res. (Ax = B), B \(\) \(\) Sia V uns sparo vettoriale, V, V, V, V, W, un insième di rettori. Mue combinatione lineare e' il rettere &, V, + dr Vr + ... + dr Vr con di,, dr ER

Span dots un insere Voli vettori. Lo spon e' l'inseme di tutte le lous combinationi lineani ollm Span e' un rottorpassio. Lo man di un certo inviene W e' ugus le ollo man di W V za, b, e, v... s re za, b, e, v. C Sman(W). € Span(VV). PROP: Un sistema A = B ommette solutione \Longrightarrow $B \in Span (A^1, A^2, ..., A^n), close A^T e' la J-enime$ estonne di A