adro I meare. Poto un sixteme di equosioni lineani con n incognite: $\begin{cases} 0 & 1, \times_1 + 0 & 1 \\ 0 & 2, \times_2 + \dots = b_1 \\ 0 & 2, \times_3 + \dots = b_2 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 &$ questo può errere representata mediante una motivie $A = \begin{bmatrix} \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3 & \dots \\ \alpha_{i_1}, \alpha_{i_2}, \alpha_{i_3} & \dots \end{bmatrix}$ il vistema può essere viscotto così $\begin{bmatrix} X \\ X \\ X \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ \end{bmatrix}$ a, a, a, a, ...

a, a, a, a, ... ESEMPIO: 30 mitema: $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 - 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 = 0 \\
2 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3 \times 1 + 2 \times 3 = 2
\end{cases}$ $\begin{cases}
3$ metoder per trosse solutioni in un sisteme di' equosioni lineari. equosioni lineari. Oble n'stem di equasioni lineari. E = S = ER A = B SOLUZIONI DEL 1º SISTEMA Z = \(\frac{1}{2} \times E R^m A \times = \tilde{b} \frac{1}{2} \times \times \alpha U 2 W M DEZ 2° S IS TEMA se S = 5' + A = = B = A = = b' Sia Ax = b un sisteme m×m, e vans (*): a, x, ··· an xn = B,, Olue equation del nistema (**): a',x,... + a'nxn = B (***): h(*) + k(**) = hB+ KB') dore K h $\neq 0$. $\overline{A} \times = \overline{B}$ un mons niveme identies of prims, con le nole différence che, of posts di (**) ho(***) sollore $\overline{A} \times = \overline{B}$, $\overline{A} \times = \overline{B}$ nons equipolenti. Abliamo * e * *, due equosioni del risteme, che he rolutioni E, rie g & E (g rolusone del risteme) y roddiste * e * * quindi a, y, +...+a, yn - B = 0 l a', y, +... + a'n yn - B' = 0

ne respue éle considérands due eafficent h, R =

ER- \(\) 0\(\) h(a,y,+...+anyn-B) + h(a,y,+...+a'nyn-B')=0 quindi g sødoliste onche: (***) = h(a, x, + ... + an xn) + k(a, x, + an xn) = hp + hp quindi prendendo un moro sistema Ax = 5 sore identico el primo me al posto di ** porre ** , 5 soro le roluponi olel

doto che quelsieri relutione del primo riteme reddisse on che il reconstr, porniento cline $\Sigma \subseteq \overline{\Sigma}$.

Ni combler osleno \overline{s} une quelsioni relutione chi $\overline{A} \times = \overline{b}$, $\overline{\Xi} \in \overline{\Sigma}$, role che $\overline{\Xi}$, Soddisse \star doto che: more sistema. (a, ξ, + ···to-n zn - β = 0)prendiomor ore (***) in $A \tilde{x} = \tilde{b}$ e sortituons

l'incognite con \tilde{z} : h(a,2,+...+anzn -3) + K(a,z,+...+anzn)=0 per (!) il pu'mo tamine l'ugusle a o questro ràpifica che Z roddisfe * *
quinol E E > > = = = . MATRICE TRIANGOLARE une motrice quodrotte nxn n' d'et trongolore ruper ore re i > J-Dais = 0 $\begin{bmatrix} 1 & 4 & 5 & 7 & 1 \\ 0 & 2 & 5 & 6 & 9 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 & 4 & 5 & 7 & 1 \end{bmatrix}$ 0 0 0 0 7 quadrate ufliore se i < J → a i = 0

$$Esempio: \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & 6 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 6 & 4 & 0 \\ 8 & 7 & 3 & 2 & 7 \end{bmatrix}$$

TEOREMA DI GAUSS

Consiste rell'applione più rolte in momero itenstine il lemme fondomentole

METODO RISOCUTIVO:

*Su un vitema che he motree n x n dovremo esequie (n-1) porraggi. Dore o'gni possizzo ha lo scopio di torformore le i- esime eslonne, facendo ni che tole colonne, oblice i elementi diveni de 0, ed i restanti n-1 elementi = 0.

Se la matrice è $\begin{bmatrix} a_{1_1} & a_{1_2} & a_{1_3} \\ a_{2_1} & a_{2_2} & a_{2_3} \\ a_{3_1} & a_{3_2} & a_{3_3} \end{bmatrix}$

- il $Passo\ 1$ ha come obbiettivo di avere come <u>prima</u> colonna : $\begin{bmatrix} a_{1_1} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$
- il $Passo\ 2$ ha come obbiettivo di avere come Secode colonna : $\begin{bmatrix} a_{1_2} \\ a_{2_2} \\ 0 \end{bmatrix}$

Opene: Dia i l'erims posso, dobliono opene sull'i-erima colonna e hosformore n-i elemente in mode che viane uguoli a o. N' relevione un elemente delle edonne i P, t o detto pirot (P:) in querte clonne c'e

queto elemento che e' il pirot e a sono i elementi. che observes dimentione o (Pi fie poste deighi i gli (n-i) element sono del tipo ali eon nuovo volore he = ali tole elements n' moltiplia per tutte gli element. Pi delle rige che contiene il pint (Pi) ottenents con une mora rige, e ni romma olle l-enma rige ... TEMATIVAMENTE. x = E e' un visteme triongolore n x n pre un unice rolutione se le d'agonsé primapple non he rolon mille (ti; 40 cm i=\(\alpha, \omega, \o non ommette solutioni. INTRODUCIAMO UNA NUOVA STRUTTURA ACGEBRICA SPAZIOI VETTORIALE SU R Lo sporto rettous le l' me strutture types $(\sqrt{,+,o},\cdot)$ 0 = elemento neutro c'requenti errom'. tole shulling rispettie 1. (V,+) l'un grups commutations donc + e' un operatione lineaux.

t:
$$V \times V \rightarrow V$$

2. Esiste un operatione esterne:

.: $R \times V \rightarrow V \mid (Q, \overline{V}) \rightarrow Q\overline{V}$
 $\forall \overline{V}, \overline{W} \in V \in V \quad \mu \in \mathbb{R}, \text{ rangemon le sequenti:}$

regale:

(i) • $\lambda \cdot (\overline{V} + \overline{W}) = \lambda \overline{V} + \lambda \overline{W} \quad (PRODUTTO SCALARE)$

(ii) • $(X + \overline{W}) \cdot \overline{V} = X\overline{V} + \mu \overline{V}$

(iii) • $(X + \mu) \cdot \overline{V} = X\overline{V} + \mu \overline{V}$

(iiii) • $(X + \mu) \cdot \overline{V} = X \cdot (\mu \cdot \overline{V}) \quad (ASSOCIATIVITA)$

Vediamo due esempi di noti spazi vettoriali:

• $(\mathbb{R}^n, +, \bar{0}, \cdot)$ è uno spazio vettoriale, con elemento neutro, somma, prodotto scalare ed inverso definiti in tal modo :

$$\bar{0} := \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ . \\ . \\ 0 \end{bmatrix} \qquad \bar{x} + \bar{y} := \begin{bmatrix} x_1 + y_1 \\ x_2 + y_2 \\ . \\ . \\ x_n + y_n \end{bmatrix} \qquad \lambda \cdot \bar{x} := \begin{bmatrix} \lambda x_1 \\ \lambda x_2 \\ . \\ . \\ \lambda x_n \end{bmatrix} \qquad (\bar{x})^{-1} = \begin{bmatrix} -x_1 \\ -x_2 \\ . \\ . \\ -x_n \end{bmatrix}$$

• L'insieme V delle funzioni continue su \mathbb{R} è uno spazio vettoriale, con elemento neutro, somma, prodotto scalare ed inverso definiti in tal modo :

$$f_0 := f(x) = 0 \hspace{0.5cm} (f+g)(x) := f(x) + g(x) \hspace{0.5cm} (\lambda f)(x) := \lambda \cdot f(x) \hspace{0.5cm} (f(x)^{-1}) := -f(x)$$