#### Projeto 1 - R com Azure Data Science Academy

#### Carlos Augusto Schneider

#### 04/10/2022

#### ETAPA 1 - Carregamento e preparação do dataframe

Inicialmente, as linhas do script para definição do diretório de trabalho e carregar os pacotes de funções que serão utilizados.

#### ## [1] "/home/carlos/FCD/BigDataRAzure/projetos/projeto1"

Para carregar o dataframe, optou-se por utilizar o pacote **Haven**, para leitura do arquivo SPSS (formato do arquivo pacote) relativo ao pacote estatístico da IBM.

Abaixo, segue a descrição de cada uma das variáveis do dataframe:

- 1. **CAR:** nome do carro;
- 2. Make: Fabricante;
- 3. Model: Modelo do carro;
- 4. **Price:** Preço;
- 5. Engine: Potência do motor;
- 6. Torque; Força de rotação gerada pelo motor;
- 7. Brakes: Tipo do freio;
- 8. **Drive:** Tipo de tração;
- 9. Battery: Capacidade da bateria;
- 10. Range: Alcance do carro em kilômetros;
- 11. Wheelbase: distância entre os eixos;
- 12. Length: Comprimento;
- 13. Width: Largura;
- 14. **Height:** Altura;
- 15. Weight: Peso;
- 16. Permissible Weight: Peso máximo permitido, incluindo a carga;
- 17. Capacity: Capacidade de carga;
- 18. Seats: Número de assentos;
- 19. **Doors:** Número de portas;
- 20. Tire Size: Tamanho do pneu;
- 21. Max Speed: Velocidade máxima
- 22. Boot capacity: Capacidade do porta-malas;

- 23. Accelerațion: Aceleração;
- 24. DC: Potência máxima de carregamento;
- 25. Energy\_consumption: Consumo de energia. É a variável target (que pretende-se prever).

```
df <- read_spss("FEV-dataset-SPSS.sav")
dim(df)</pre>
```

```
## [1] 53 25
```

```
Variaveis <- colnames(df)
Tipos <- sapply(df, mode)
tabela <- as.data.frame(Variaveis,Tipos, colnames = c("Variaveis","Tipos"))
kable(tabela,caption = "Tipos das variáveis",format = "pipe")</pre>
```

Table 1: Tipos das variáveis

	Variaveis			
character	CAR			
character	Make			
character	Model			
numeric	Price			
numeric	Power			
numeric	Torque			
character	Brakes			
character	Drive			
numeric	Battery			
numeric	Range			
$\operatorname{numeric}$	Wheelbase			
$\operatorname{numeric}$	Length			
$\operatorname{numeric}$	Width			
$\operatorname{numeric}$	Height			
$\operatorname{numeric}$	Weight			
$\operatorname{numeric}$	Permissible_weight			
$\operatorname{numeric}$	Capacity			
numeric	Seats			
numeric	Doors			
$\operatorname{numeric}$	Tire_size			
$\operatorname{numeric}$	$Max\_speed$			
$\operatorname{numeric}$	Boot_capacity			
$\operatorname{numeric}$	Acceleration			
numeric	DC			
numeric	Energy_consumption			

#### rm(tabela,Tipos,Variaveis)

É necessário converter variáveis do tipo caractere em fator. Há ainda algumas variáveis numéricas com poucos valores, que na realidade também se enquadram na categoria fator, conforme código abaixo:

```
z <- c("Seats", "Doors", "Tire_size", "DC")
lapply(df[z], unique)</pre>
```

```
## $Seats
## [1] 5 4 2 7 8 6
##
```

```
## $Doors
## [1] 5 3 4
##
## $Tire_size
## [1] 19 20 16 17 18 21 15 14
##
## $DC
## [1] 150 50 100 37 110 225 270 40 22 125
```

O código abaixo faz a conversão dessas variáveis para o tipo Fator.

```
df1 <- df %>%
  mutate_if(is.character, factor)

df1[,z] <- lapply(df1[,z],factor)
rm(z)</pre>
```

O passo seguinte é o tratamento dos valores missing (NA) presentes no dataframe.

#### colSums(is.na(df))

##	CAR	Make	Model	Price
##	0	0	0	0
##	Power	Torque	Brakes	Drive
##	0	0	1	0
##	Battery	Range	Wheelbase	Length
##	0	0	0	0
##	Width	Height	Weight	Permissible_weight
##	0	0	0	8
##	Capacity	Seats	Doors	Tire_size
##	8	0	0	0
##	Max_speed	Boot_capacity	Acceleration	DC
##	0	1	3	0
##	<pre>Energy_consumption</pre>			
##	9			

Os modelos de veículos sem dados para a variável target (**Energy Comsuption**) não serão úteis para elaboração do modelo preditivo, uma vez que não há como verificar o desempenho do modelo preditivo. Optou-se por excluír essas observações.

```
df1 <- filter(df1, !is.na(Energy_consumption))</pre>
which(is.na(df1), arr.ind = TRUE)
        row col
               7
## [1,]
         43
## [2,]
         43
             22
## [3,]
              23
         43
## [4,]
         44
             23
colnames(df1[c(7,22,23)])
```

```
## [1] "Brakes" "Boot_capacity" "Acceleration"
```

Restaram apenas dois modelos de veículos com valores NA, nas variáveis **Brakes**, **Boot\_capacity** (capacidade do porta-malas) e **Acceleration**. Optou-se por excluí-las do dataset.

```
df1 <- na.omit(df1)</pre>
```

```
any(is.na(df1))
## [1] FALSE
dim(df1)
```

```
## [1] 42 25
```

Por fim, optou-se por excluir do dataframe as variáveis **Car**, **Make** (fabricante) e **Model**. Achamos que os modelos preditivos serão mais relevantes se descobrirem o consumo de energia com base em características do veíclulo, e não em função do modelo específico ou mesmo do fabricante.

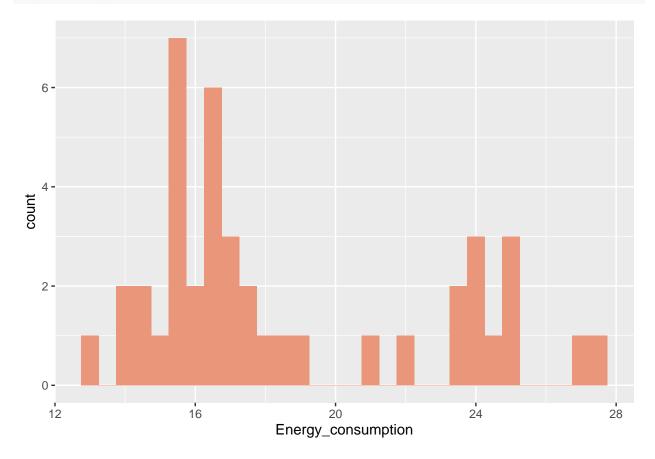
```
df1 <- select(df1,-c("CAR","Make","Model"))</pre>
```

#### ETAPA 2 - Análise Exploratória

Nessa etapa vamos gerar alguns gráficos para observação da relação das variáveis independentes entre si e com a variável Target.

Inicialmente um histograma da distribuição de frequências da variável target (**Energy\_consumption**): summary(df1\$Energy\_consumption)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 13.10 15.60 16.88 18.61 22.94 27.55
ggplot(df1, aes(x = Energy_consumption)) +
  geom_histogram(binwidth = 0.5, fill = "darksalmon")
```



Optamos por utilizar gráficos do tipo boxplot para análise das variáveis do tipo fator com a variável Target e

gráficos de pontos (scatterplots) para analisar a relação das variáveis numéricas com a variável Target. Então, vamos primeiro fazer a divisão do dataframe:

```
fator <- sapply(df1, is.factor)

fatores <- colnames(select(df1, which(fator)))
numericas <- colnames(select(df1, which(!fator)))
numericas <- numericas[! numericas %in% c("Energy_consumption")]</pre>
```

Agora segue o bloco de instruções para a geração dos boxplots:

```
labels_boxplot = list()

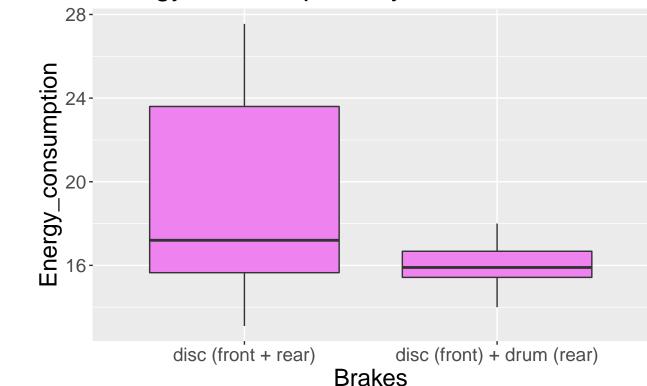
for (n in 1:(length(fatores))) {
    labels_boxplot[[n]] <- paste("Energy Consumption by",fatores[n])
    }

plot.boxes <- function(X, label){
    ggplot(df1, aes_string(x = X, y = "Energy_consumption", group = X)) +
        geom_boxplot(fill = "violet") +
        ggtitle(label) +
        theme(text = element_text(size = 18))
}

Map(plot.boxes, fatores, labels_boxplot)</pre>
```

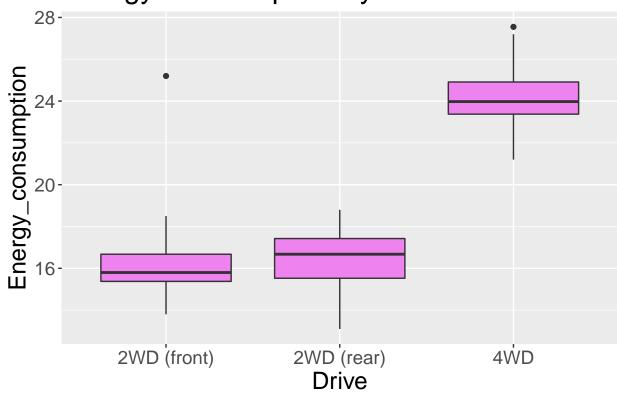
## \$Brakes

#### **Energy Consumption by Brakes**



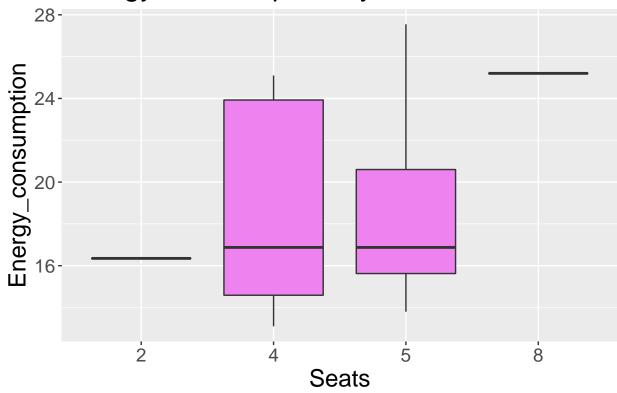


## **Energy Consumption by Drive**



## ## \$Seats

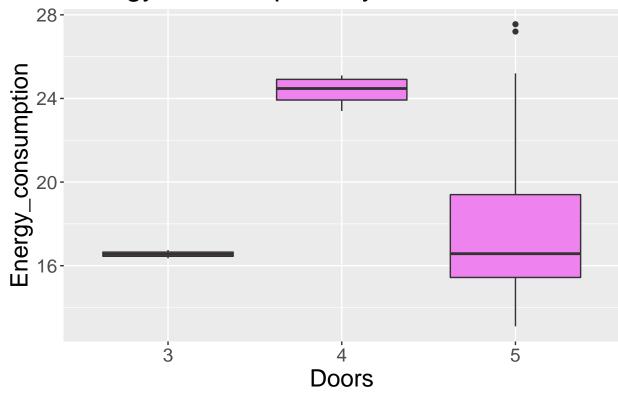
# **Energy Consumption by Seats**



##

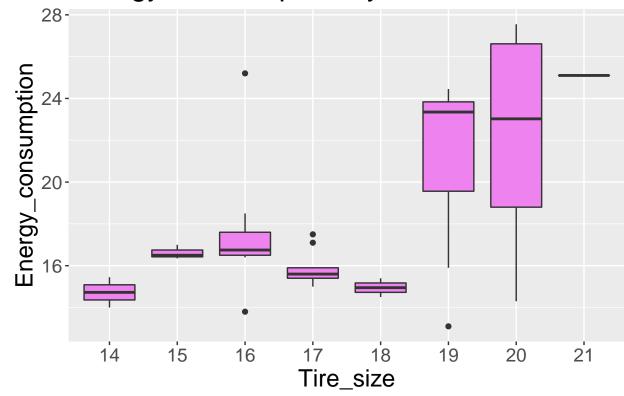
## \$Doors

# **Energy Consumption by Doors**



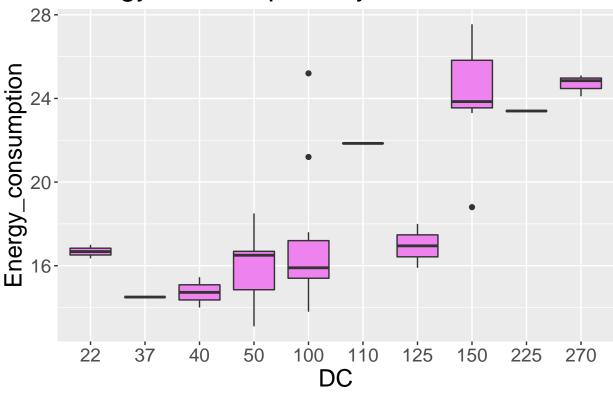
## ## \$Tire\_size





## ## \$DC

#### Energy Consumption by DC



```
rm(labels_boxplot)
rm(plot.boxes)
rm(n)
```

Em seguida, as instruções para a geração dos gráficos de pontos:

```
labels_scatter = list()

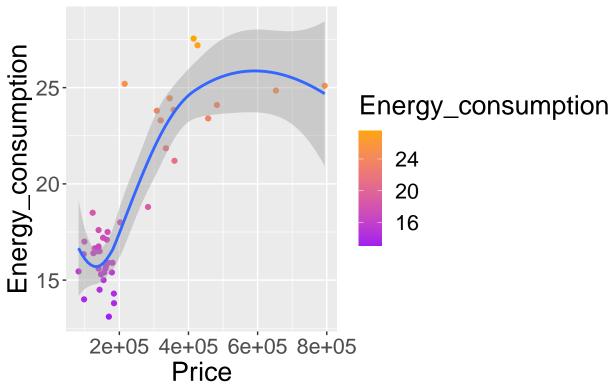
for (n in 1:(length(numericas))) {
    labels_scatter[[n]] <- paste("Energy Consumption by",numericas[n])
    }

plot.scatter <- function(X, label){
    ggplot(df1, aes_string(x = X, y = "Energy_consumption")) +
        geom_point(aes_string(colour = "Energy_consumption"), alpha = 2.0) +
        scale_colour_gradient(low = "purple", high = "orange") +
        geom_smooth(method = "loess") +
        ggtitle(label) +
        theme(text = element_text(size = 20))
}

Map(plot.scatter, numericas, labels_scatter)</pre>
```

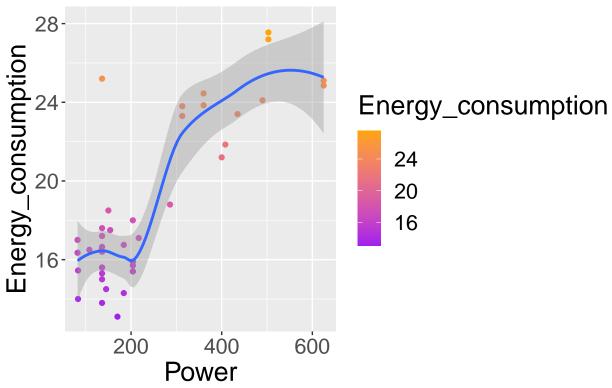
```
## $Price
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

# **Energy Consumption by Price**



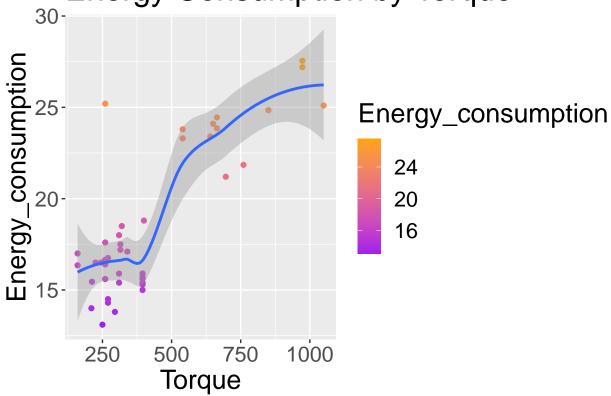
```
##
## $Power
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

# **Energy Consumption by Power**



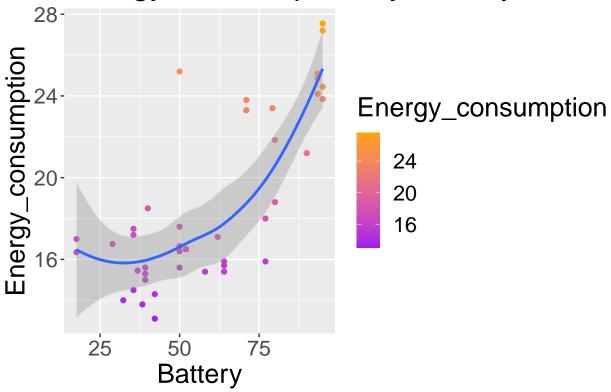
```
##
## $Torque
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## **Energy Consumption by Torque**



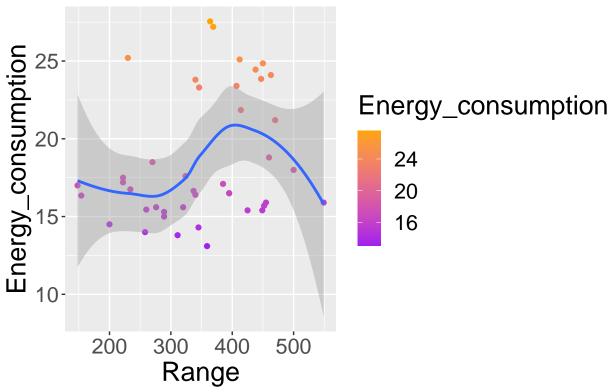
```
##
## $Battery
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## **Energy Consumption by Battery**



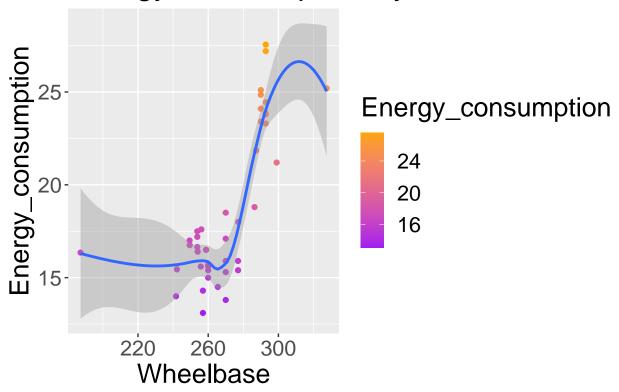
```
##
## $Range
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## **Energy Consumption by Range**



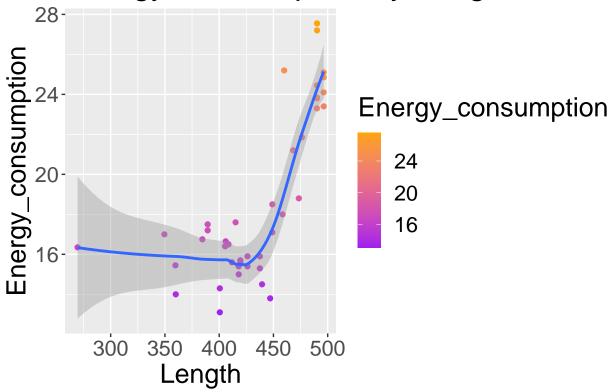
```
##
## $Wheelbase
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

### **Energy Consumption by Wheelbase**



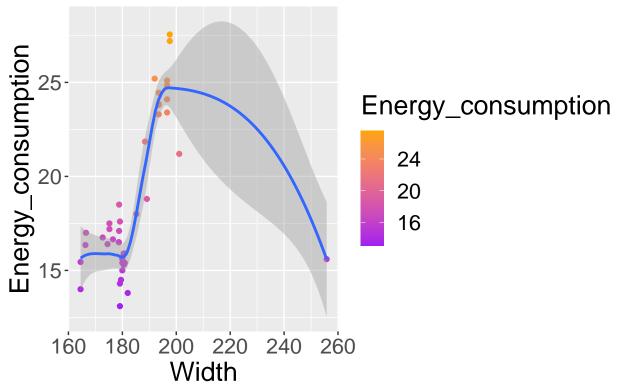
```
##
## $Length
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## **Energy Consumption by Length**



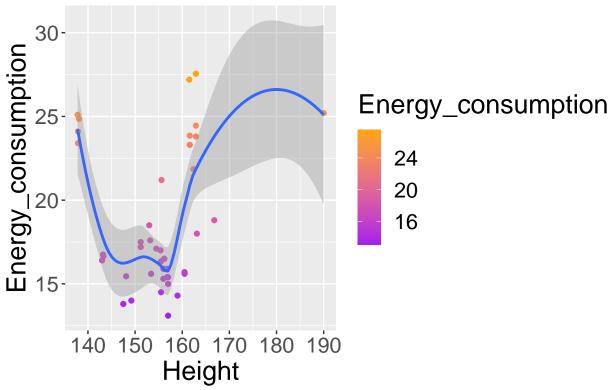
```
##
## $Width
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

# **Energy Consumption by Width**



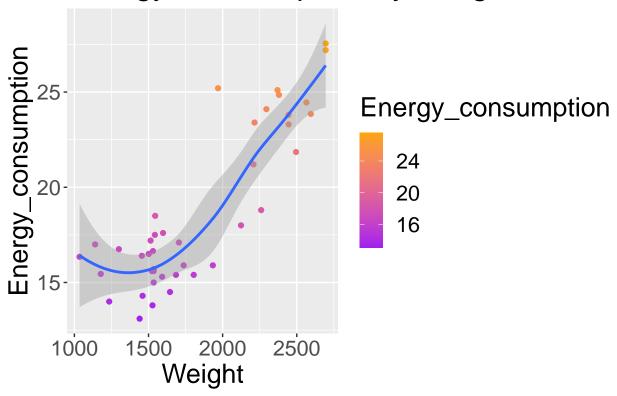
```
##
## $Height
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## **Energy Consumption by Height**



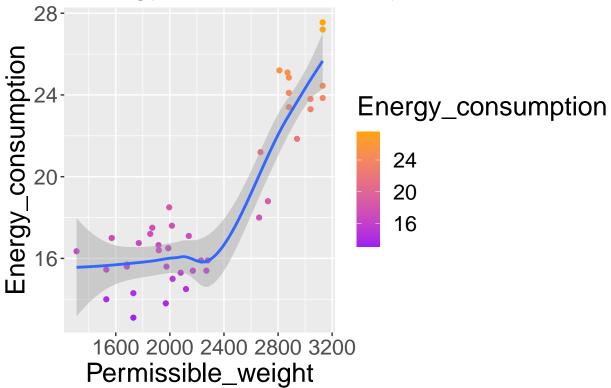
```
##
## $Weight
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

# **Energy Consumption by Weight**



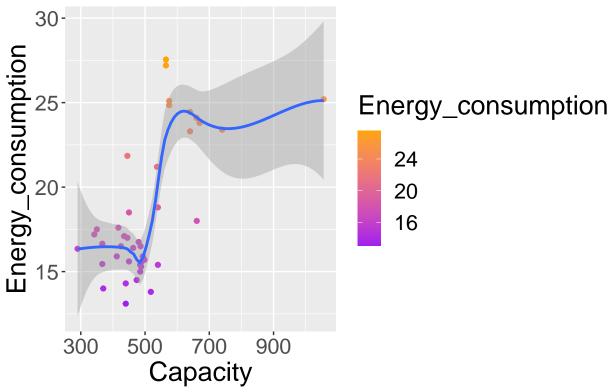
```
##
## $Permissible_weight
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

#### Energy Consumption by Permissible\_w



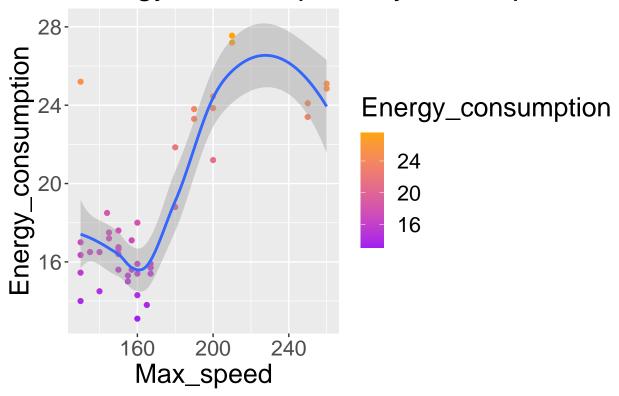
```
##
## $Capacity
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## **Energy Consumption by Capacity**



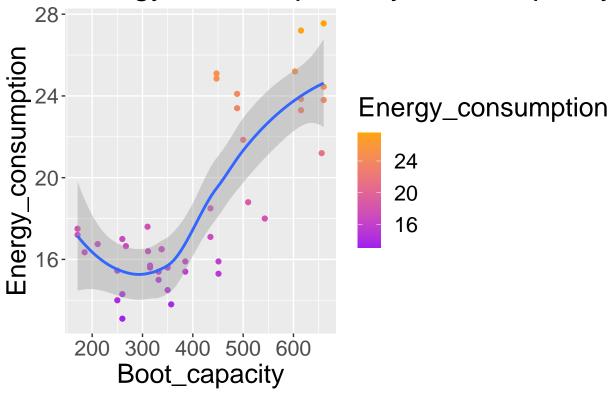
```
##
## $Max_speed
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

## Energy Consumption by Max\_speed



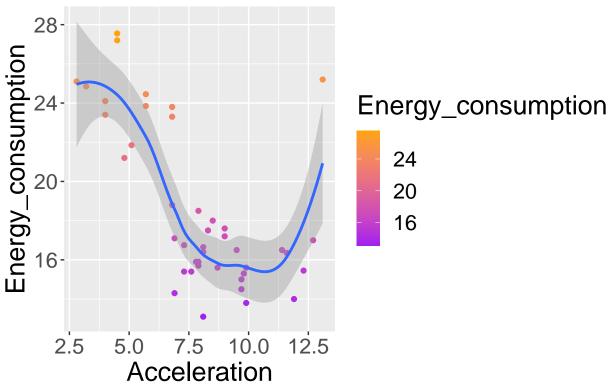
```
##
## $Boot_capacity
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

#### Energy Consumption by Boot\_capacity



```
## $Acceleration
## `geom_smooth()` using formula 'y ~ x'
```

### **Energy Consumption by Acceleration**



```
rm(n)
rm(labels_scatter)
rm(plot.scatter)
rm(numericas)
```

Por fim, vamos verificar a correlação entre as variáveis independentes entre si e com a variável Target:

```
library(corrgram)
corrgram(df1,cor.method = "pearson", panel = panel.cor)
```

```
0.96 0.90 0.79 0.46 0.62 0.73 0.48 -0.24 0.79 0.77 0.48 0.94 0.58 -0.81 0.80
 0.96 Power 0.95 0.87 0.54 0.64 0.77 0.47 -0.19 0.86 0.82 0.43 0.95 0.64 -0.90 0.82
  0.90 0.95 Torque 0.83 0.45 0.64 0.76 0.46
                                                                                                                                            -0.09 0.86 0.80 0.39 0.88 0.68 -0.83 0.83
                                                                                                                                           0.04 0.92 0.89 0.51 0.82 0.79 -0.82 0.76
  0.79 0.87 0.83 Battery 0.81 0.74 0.84 0.52
  0.46 0.54 0.45 0.81 Range
                                                                                      0.51 0.60 0.34
                                                                                                                                                           0.59 0.55 0.27 0.56 0.51 -0.63 0.27
 0.62 0.64 0.64 0.74 0.51 Vheelbasi 0.91 0.49 0.33 0.83 0.87 0.81 0.60 0.84 -0.54 0.72
 0.73 0.77 0.76 0.84 0.60 0.91 Length 0.54
                                                                                                                                                           0.90 0.91 0.68 0.76 0.84 -0.73 0.72
 0.48   0.47   0.46   0.52   0.34   0.49   0.54
                                                                                                                                                            0.52  0.54  0.40  0.47  0.51  -0.46  0.45
                                                                                                                         Width
                                                                                       0.33
                                                                                                                                           Height 0.20 0.22 0.41 -0.33 0.40 0.30 0.13
 0.79 0.86 0.86 0.92 0.59 0.83 0.90 0.52 0.20 Weight 0.98 0.61 0.78 0.88 -0.76 0.86
 0.77 0.82 0.80 0.89 0.55 0.87 0.91 0.54 0.22 0.98 issible_w 0.71 0.75 0.91 -0.70 0.87
 0.48 0.43 0.39 0.51 0.27 0.81 0.68 0.40 0.41 0.61 0.71 Capacity 0.45 0.73 -0.26 0.65
 0.94 0.95 0.88 0.82 0.56 0.60 0.76 0.47 -0.33 0.78 0.75 0.45 tax_spec 0.58 -0.89 0.73
 0.58 0.64 0.68 0.79 0.51 0.84 0.84 0.51 0.40 0.88 0.91 0.73 0.58 ot_capac_0.52 0.77
-0.81 - 0.90 - 0.83 - 0.82 - 0.63 - 0.54 - 0.73 - 0.46 \\ \phantom{-}0.30 \\ \phantom{-}0.76 - 0.70 - 0.26 \\ \phantom{-}0.89 - 0.52 \\ \phantom{-}\text{cceleratio} \\ \phantom{-}0.63 \\ \phantom{-}0.63 \\ \phantom{-}0.81 - 0.90 \\ \phantom{-}0.90 - 0.90 \\ \phantom{-}0.81 - 0.90 \\ \phantom
 0.80 0.82 0.83 0.76 0.27 0.72 0.72 0.45 0.13 0.86 0.87 0.65 0.73 0.77 -0.63y_consur
```

Percebe-se que a maioria das variáveis são positivamente correlacionadas com o consumo de energia. Percebe-se ainda que algumas variáveis preditoras tem forte correlação entre si, o que pode representar problemas de multicolinearidade, que afetam negativamente o modelo e terão que ser resolvidos. Um exemplo é o par de variáveis **Wheight**(peso) e **Permissible Weight**(peso permitido), cuja correlação é de 0,98. Aqui é certo que exista colinearidade.

#### ETAPA 3 - Seleção de variáveis

O objetivo nessa etapa é reduzir o máximo possível o número de variáveis preditoras sem perda significativa de desempenho do modelo preditor. Ao mesmo tempo, buscaremos reduzir a multicolinearidade. Para verificar a colinearidade, extrairemos apenas as variáveis do tipo numérico e usaremos a função **vif** do pacote **car**.

```
df1_numeric <- select(df1,-all_of(fatores))
set.seed(123)</pre>
```

Inicialmente, vamos criar um modelo de regressão linear apenas para avaliação das variáveis. O  $1^{\circ}$  modelo utilizará todas as variáveis numéricas do dataframe.

```
M <- lm(Energy_consumption ~ .,data=df1_numeric)
summary(M)
##</pre>
```

```
##
## Coefficients:
##
                        Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                       2.413e+01
                                 1.182e+01
                                               2.041 0.051526
## Price
                      -1.007e-07
                                  6.329e-06
                                             -0.016 0.987427
## Power
                       7.745e-03 1.061e-02
                                               0.730 0.471884
## Torque
                      -7.018e-04 3.475e-03
                                             -0.202 0.841509
## Battery
                       2.131e-01
                                 5.715e-02
                                               3.729 0.000945 ***
## Range
                      -3.361e-02
                                  6.839e-03
                                             -4.914 4.22e-05 ***
## Wheelbase
                       1.269e-02 3.178e-02
                                               0.399 0.692994
## Length
                      -2.432e-02 1.739e-02
                                             -1.399 0.173757
## Width
                      -1.758e-02
                                  1.609e-02
                                             -1.093 0.284511
## Height
                      -9.242e-03 5.572e-02
                                             -0.166 0.869539
## Weight
                      -2.019e-03 4.471e-03
                                             -0.452 0.655340
## Permissible_weight
                      3.058e-03 3.180e-03
                                               0.962 0.345069
## Capacity
                       6.226e-03
                                  4.493e-03
                                               1.386 0.177565
## Max_speed
                      -1.247e-02 3.149e-02
                                             -0.396 0.695361
## Boot capacity
                       7.014e-04 4.150e-03
                                               0.169 0.867096
## Acceleration
                      -7.080e-02 2.528e-01
                                             -0.280 0.781602
##
## Signif. codes:
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.151 on 26 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9509, Adjusted R-squared: 0.9225
## F-statistic: 33.55 on 15 and 26 DF, p-value: 3.325e-13
vif(M)
##
                Price
                                   Power
                                                      Torque
                                                                        Battery
##
            29.448839
                               77.373089
                                                   20.455201
                                                                      54.841635
##
                Range
                               Wheelbase
                                                      Length
                                                                          Width
##
            13.566793
                               16.231418
                                                   22.733347
                                                                       1.763766
##
               Height
                                  Weight Permissible weight
                                                                       Capacity
                                                   92.574249
##
                                                                      11.054942
             8.593031
                              136.210645
##
            Max speed
                           Boot capacity
                                                Acceleration
##
            39.077372
                               11.453903
                                                   13.072575
```

O R2 ajustado foi de **0,9225**. As variáveis mais importantes foram **Battery**(capacidade da bateria) e **Range**(alcance máximo do veículo, sendo portanto um bom avaliador de eficiência energética). Vamos portanto manter essas duas variáveis no modelo. Para avaliar a influência das demais variáveis no modelo, é prudente excluir uma por vez. Assim, teremos uma série de modelos em sequencia. Inicialmente, vamos excluir a variável "Weight", que apresentou o maior valor VIF para medição de colinearidade (valores maiores que 5 são problemáticos).

```
M2 <- lm(Energy_consumption~.-Weight,data=df1_numeric)
summary(M2)
##
## Call:
## lm(formula = Energy consumption ~ . - Weight, data = df1 numeric)
##
## Residuals:
                1Q
                   Median
                                 3Q
##
                                        Max
  -3.3925 -0.5826 0.0800 0.4717
##
                                    2.3670
##
## Coefficients:
```

```
##
                        Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                       2.688e+01 9.983e+00
                                              2.692 0.012039 *
## Price
                       4.297e-07 6.127e-06
                                              0.070 0.944611
## Power
                       7.846e-03 1.045e-02
                                              0.751 0.459216
## Torque
                      -8.721e-04 3.403e-03
                                            -0.256 0.799679
                       2.015e-01 5.035e-02
                                              4.003 0.000439 ***
## Battery
                      -3.254e-02 6.326e-03 -5.145 2.07e-05 ***
## Range
## Wheelbase
                      1.348e-02 3.126e-02
                                              0.431 0.669746
## Length
                      -2.638e-02 1.654e-02
                                            -1.595 0.122357
## Width
                      -1.611e-02 1.552e-02 -1.038 0.308505
## Height
                      -2.718e-02 3.849e-02
                                            -0.706 0.486061
## Permissible_weight 1.803e-03 1.521e-03
                                              1.185 0.246201
## Capacity
                      7.350e-03 3.685e-03
                                              1.994 0.056291 .
## Max_speed
                      -1.816e-02 2.843e-02 -0.639 0.528359
## Boot_capacity
                      1.112e-03 3.989e-03
                                              0.279 0.782605
## Acceleration
                      -6.305e-02 2.484e-01 -0.254 0.801566
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 1.134 on 27 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9505, Adjusted R-squared: 0.9248
## F-statistic: 37.02 on 14 and 27 DF, p-value: 5.857e-14
vif(M2)
##
                Price
                                   Power
                                                                       Battery
                                                     Torque
##
                               77.338734
            28.434717
                                                  20.214262
                                                                     43.863919
##
                               Wheelbase
                                                                         Width
                                                     Length
                Range
##
            11.960502
                               16.181938
                                                  21.179295
                                                                      1.691421
##
              Height Permissible_weight
                                                                     Max_speed
                                                   Capacity
##
             4.224174
                               21.818223
                                                   7.663851
                                                                     32.818264
##
       Boot_capacity
                            Acceleration
##
            10.904679
                               13.012314
O R2 ajustado foi de 0,9248. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Power do dataset.
M3 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power,data=df1_numeric)
summary(M3)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power, data = df1_numeric)
##
## Residuals:
##
      Min
                10 Median
                                3Q
## -3.2144 -0.6053 0.2321 0.4617
##
## Coefficients:
                        Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                       2.774e+01 9.839e+00
                                              2.819 0.008750 **
## (Intercept)
## Price
                       3.188e-06 4.865e-06
                                              0.655 0.517632
                       9.263e-05 3.126e-03
## Torque
                                              0.030 0.976572
## Battery
                       2.117e-01 4.810e-02
                                              4.402 0.000142 ***
                      -3.359e-02 6.123e-03 -5.485 7.37e-06 ***
## Range
## Wheelbase
                      1.956e-02 2.995e-02
                                              0.653 0.519107
                      -3.088e-02 1.529e-02 -2.019 0.053148 .
## Length
```

```
## Width
                      -1.888e-02 1.496e-02 -1.262 0.217319
## Height
                     -2.559e-02 3.813e-02 -0.671 0.507574
## Permissible weight 1.855e-03 1.508e-03
                                             1.231 0.228663
                      6.974e-03 3.622e-03
## Capacity
                                             1.925 0.064415
## Max speed
                     -1.190e-02 2.697e-02
                                            -0.441 0.662346
## Boot capacity
                                             0.360 0.721663
                      1.417e-03 3.937e-03
## Acceleration
                     -1.672e-01 2.045e-01 -0.818 0.420522
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.125 on 28 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9495, Adjusted R-squared: 0.926
## F-statistic: 40.46 on 13 and 28 DF, p-value: 1.173e-14
vif(M3)
##
                Price
                                  Torque
                                                   Battery
                                                                         Range
##
            18.212757
                              17.332764
                                                  40.667189
                                                                     11.383112
##
            Wheelbase
                                  Length
                                                     Width
                                                                        Height
            15.095810
                              18.397785
                                                  1.595905
                                                                      4.211387
## Permissible_weight
                               Capacity
                                                 Max_speed
                                                                 Boot_capacity
##
            21.772287
                               7.522486
                                                 29.998735
                                                                     10.791547
##
         Acceleration
##
            8.957167
O R2 ajustado foi de 0,9260. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Permissible Weight do
M4 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight, data=df1_numeric)
summary(M4)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight,
##
       data = df1_numeric)
##
## Residuals:
               1Q Median
                               3Q
## -3.2691 -0.5829 0.0854 0.5274 2.0442
## Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                                       2.943 0.00634 **
## (Intercept)
                 2.904e+01 9.868e+00
## Price
                 4.580e-06 4.774e-06
                                       0.959
                                               0.34524
## Torque
                 -8.383e-04 3.060e-03 -0.274 0.78607
## Battery
                 2.445e-01 4.043e-02
                                        6.047 1.40e-06 ***
                                      -6.951 1.22e-07 ***
## Range
                -3.732e-02 5.368e-03
## Wheelbase
                 1.863e-02 3.021e-02
                                        0.617 0.54225
## Length
                -2.532e-02 1.474e-02 -1.718
                                               0.09647 .
## Width
                -2.169e-02 1.491e-02 -1.454 0.15664
## Height
                -2.002e-02 3.819e-02 -0.524 0.60407
                                       2.099 0.04460 *
## Capacity
                 7.597e-03 3.619e-03
## Max speed
                -1.615e-02 2.698e-02
                                      -0.598 0.55422
## Boot_capacity 3.151e-03 3.709e-03
                                       0.850 0.40249
## Acceleration -2.238e-01 2.010e-01 -1.113 0.27478
## ---
```

```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.135 on 29 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9467, Adjusted R-squared: 0.9247
## F-statistic: 42.94 on 12 and 29 DF, p-value: 3.573e-15
vif(M4)
##
           Price
                        Torque
                                     Battery
                                                     Range
                                                               Wheelbase
##
                                                  8.597425
                                                               15.086221
       17.228123
                     16.318053
                                   28.232499
##
                         Width
                                      Height
                                                  Capacity
                                                               Max speed
         Length
                                                  7.375663
                                                               29.508229
##
       16.796920
                      1.558779
                                    4.152078
                 Acceleration
## Boot capacity
        9.409038
                      8.504400
O R2 ajustado foi de 0,9247. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Max_speed do dataset.
M5 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight -Max_speed, data=df1_numeric)
summary(M5)
##
## Call:
  lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight -
       Max_speed, data = df1_numeric)
##
##
## Residuals:
##
       Min
                10 Median
                                3Q
                                       Max
## -3.2066 -0.5671 0.0384 0.5221 2.1716
## Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                  2.451e+01 6.249e+00 3.922 0.000473 ***
## (Intercept)
## Price
                  2.979e-06 3.911e-06
                                       0.762 0.452132
## Torque
                 -1.344e-03 2.910e-03 -0.462 0.647570
                 2.460e-01 3.991e-02
                                       6.164 8.81e-07 ***
## Battery
## Range
                 -3.811e-02 5.146e-03 -7.406 2.98e-08 ***
## Wheelbase
                 2.535e-02 2.774e-02
                                       0.914 0.368019
## Length
                 -2.719e-02 1.425e-02 -1.908 0.066021
## Width
                 -2.156e-02 1.475e-02 -1.461 0.154309
## Height
                 -8.439e-03 3.257e-02 -0.259 0.797307
## Capacity
                 6.430e-03 3.015e-03
                                        2.132 0.041275 *
## Boot_capacity 3.042e-03
                             3.665e-03
                                        0.830 0.413065
## Acceleration -1.738e-01 1.809e-01 -0.961 0.344332
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 1.122 on 30 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9461, Adjusted R-squared: 0.9263
## F-statistic: 47.84 on 11 and 30 DF, p-value: 5.949e-16
vif(M5)
##
                                                               Wheelbase
           Price
                        Torque
                                     Battery
                                                     Range
##
       11.815220
                     15.075409
                                   28.114266
                                                  8.071707
                                                               12.999027
##
         Length
                         Width
                                      Height
                                                  Capacity Boot capacity
                                    3.085312
                                                  5.233113
##
       16.044682
                      1.558454
                                                                9.386163
```

## Acceleration

#### ## 7.036743 O R2 ajustado foi de 0,9263. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável **Torque** do dataset. M6 <- lm(Energy\_consumption~.-Weight -Power -Permissible\_weight -Max\_speed -Torque, data=df1\_numeric) summary(M6) ## ## Call: ## lm(formula = Energy\_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible\_weight -Max\_speed - Torque, data = df1\_numeric) ## ## ## Residuals: Min Median 30 Max 1Q ## -3.10283 -0.67413 -0.02417 0.55755 2.21478 ## Coefficients: ## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|) ## (Intercept) 2.441e+01 6.166e+00 3.959 0.000409 \*\*\* 1.884e-06 3.070e-06 ## Price 0.614 0.543882 ## Battery 2.391e-01 3.654e-02 6.545 2.63e-07 \*\*\* -3.692e-02 4.394e-03 -8.402 1.72e-09 \*\*\* ## Range ## Wheelbase 2.539e-02 2.738e-02 0.927 0.360928 -2.782e-02 1.400e-02 -1.987 0.055850 ## Length ## Width -2.026e-02 1.430e-02 -1.417 0.166385 ## Height -1.225e-02 3.110e-02 -0.394 0.696465 ## Capacity 7.056e-03 2.658e-03 2.654 0.012423 \* ## Boot capacity 2.733e-03 3.557e-03 0.768 0.448160 ## Acceleration -1.503e-01 1.713e-01 -0.877 0.387258 ## ---## Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1 ## ## Residual standard error: 1.108 on 31 degrees of freedom ## Multiple R-squared: 0.9457, Adjusted R-squared: 0.9282 ## F-statistic: 53.97 on 10 and 31 DF, p-value: < 2.2e-16vif(M6) ## Price Battery Range Wheelbase Length ## 7.472469 24.175578 6.037982 12.998891 15.896237 ## Width Height Capacity Boot\_capacity Acceleration 1.502250 2.887513 4.173292 9.072560 6.477846 O R2 ajustado foi de 0,9282. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Length do dataset. M7 <- lm(Energy\_consumption~.-Weight -Power -Permissible\_weight -Max\_speed -Torque -Length, data=df1\_num summary(M7) ## ## Call: ## lm(formula = Energy\_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible\_weight -Max\_speed - Torque - Length, data = df1\_numeric) ## ## ## Residuals: ## Min 1Q Median 30 Max ## -3.8080 -0.5701 0.0422 0.7784 1.9802

##

```
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                 2.019e+01 6.048e+00
                                       3.338 0.00215 **
                 1.939e-06 3.209e-06 0.604 0.54993
## Price
## Battery
                 2.457e-01 3.803e-02
                                       6.461 2.88e-07 ***
                -3.784e-02 4.566e-03 -8.289 1.80e-09 ***
## Range
                -1.444e-02 1.949e-02 -0.741 0.46410
## Wheelbase
                -2.291e-02 1.488e-02 -1.540 0.13341
## Width
## Height
                 8.537e-03
                            3.061e-02
                                        0.279 0.78212
## Capacity
                 7.504e-03 2.768e-03
                                       2.711 0.01069 *
## Boot_capacity -7.120e-06 3.426e-03 -0.002 0.99835
## Acceleration -2.507e-02 1.665e-01 -0.151 0.88126
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.158 on 32 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9388, Adjusted R-squared: 0.9215
## F-statistic: 54.51 on 9 and 32 DF, p-value: < 2.2e-16
vif(M7)
##
          Price
                      Battery
                                                Wheelbase
                                                                  Width
                                      Range
##
       7.471874
                    23.978725
                                                 6.029797
                                                               1.489218
                                   5.969854
##
         Height
                     Capacity Boot_capacity
                                             Acceleration
##
       2.560867
                     4.143254
                                   7.708939
                                                 5.601765
O R2 ajustado foi de 0,9215. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Price do dataset.
M8 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight -Max_speed -Torque -Length -Price, data=
summary(M8)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight -
##
      Max_speed - Torque - Length - Price, data = df1_numeric)
##
## Residuals:
               1Q Median
                               3Q
## -3.8623 -0.5884 -0.0287 0.8365
## Coefficients:
                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                21.343423 5.680612
                                       3.757 0.000666 ***
## Battery
                 0.260303 0.029080
                                       8.951 2.41e-10 ***
## Range
                -0.039527
                            0.003584 -11.028 1.32e-12 ***
## Wheelbase
                -0.013452 0.019234 -0.699 0.489203
## Width
                -0.022742
                            0.014730 -1.544 0.132153
## Height
                 0.001462
                            0.028011
                                       0.052 0.958680
## Capacity
                 0.008092
                            0.002566
                                       3.153 0.003430 **
                            0.003206 -0.214 0.832153
## Boot_capacity -0.000685
## Acceleration -0.050128
                            0.159707 -0.314 0.755592
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 1.147 on 33 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9381, Adjusted R-squared: 0.923
```

```
## F-statistic: 62.48 on 8 and 33 DF, p-value: < 2.2e-16
vif(M8)
##
                                    Wheelbase
         Battery
                         Range
                                                      Width
                                                                   Height
                                     5.987176
##
       14.296176
                                                   1.488703
                                                                 2.186209
                      3.751257
                                Acceleration
##
        Capacity Boot_capacity
##
        3.631347
                      6.882693
                                     5.254349
O R2 ajustado foi de 0,923. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Wheelbase do dataset.
M9 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight -Max_speed -Torque -Length -Price
         -Wheelbase, data=df1_numeric)
summary (M9)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight -
##
       Max_speed - Torque - Length - Price - Wheelbase, data = df1_numeric)
##
## Residuals:
                10 Median
                                3Q
##
       Min
                                        Max
## -3.9650 -0.5897 0.0027 0.8218
##
## Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                 18.829847
                             4.366053
                                        4.313 0.000131 ***
                             0.028827
                                        8.995 1.63e-10 ***
## Battery
                  0.259309
## Range
                 -0.039687
                             0.003550 -11.180 6.22e-13 ***
## Width
                 -0.022731
                             0.014619
                                       -1.555 0.129234
## Height
                 -0.001153
                             0.027551 -0.042 0.966873
## Capacity
                  0.007003
                             0.002024
                                        3.460 0.001474 **
## Boot_capacity -0.001261
                             0.003075 -0.410 0.684334
## Acceleration -0.025916
                             0.154734 -0.167 0.867978
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.138 on 34 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9371, Adjusted R-squared: 0.9242
## F-statistic: 72.42 on 7 and 34 DF, p-value: < 2.2e-16
vif(M9)
##
                                       Width
                                                     Height
                                                                 Capacity
         Battery
                         Range
##
       14.262077
                      3.735950
                                     1.488701
                                                   2.147258
                                                                 2.292966
## Boot_capacity Acceleration
##
        6.428422
                      5.007474
O R2 ajustado foi de 0,9242. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Acceleration do dataset.
M10 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight -Max_speed -Torque -Length -Price
         -Wheelbase -Acceleration, data=df1_numeric)
summary (M10)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight -
##
       Max_speed - Torque - Length - Price - Wheelbase - Acceleration,
```

```
##
       data = df1_numeric)
##
## Residuals:
##
                1Q Median
      Min
                                3Q
                                       Max
##
  -3.9621 -0.5786 -0.0107 0.8396
                                   1.8970
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                18.794403
                             4.299944
                                       4.371 0.000105 ***
## Battery
                 0.262233
                             0.022620 11.593 1.55e-13 ***
## Range
                 -0.039808
                             0.003426 -11.619 1.45e-13 ***
                 -0.022419
                                      -1.568 0.125862
## Width
                             0.014297
## Height
                 -0.003254
                             0.024186 -0.135 0.893759
                  0.006963
## Capacity
                             0.001982
                                        3.514 0.001241 **
                             0.003029 -0.424 0.673817
## Boot_capacity -0.001286
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 1.122 on 35 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9371, Adjusted R-squared: 0.9263
## F-statistic: 86.9 on 6 and 35 DF, p-value: < 2.2e-16
vif(M10)
##
         Battery
                         Range
                                       Width
                                                    Height
                                                                Capacity
        9.032077
                      3.579585
                                    1.464511
                                                  1.702119
                                                                2.260872
## Boot_capacity
       6.413748
O R2 ajustado foi de 0,9263. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Boot_capacity do
dataset.
M11 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight -Max_speed -Torque -Length -Price
          -Wheelbase -Acceleration -Boot_capacity, data=df1_numeric)
summary(M11)
##
## Call:
  lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight -
       Max_speed - Torque - Length - Price - Wheelbase - Acceleration -
##
       Boot_capacity, data = df1_numeric)
##
## Residuals:
      Min
                10 Median
                                3Q
                                       Max
## -3.9902 -0.6250 0.0329
                           0.8150 1.7754
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 19.576047
                           3.841197
                                      5.096 1.12e-05 ***
                           0.015865 16.102 < 2e-16 ***
## Battery
               0.255467
## Range
               -0.039330
                           0.003198 -12.297 1.89e-14 ***
                                    -1.626 0.112614
## Width
               -0.022910
                           0.014087
               -0.008427
                           0.020652
                                    -0.408 0.685675
## Height
               0.006611
                           0.001780
                                    3.715 0.000687 ***
## Capacity
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
##
## Residual standard error: 1.109 on 36 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9368, Adjusted R-squared: 0.928
## F-statistic: 106.7 on 5 and 36 DF, p-value: < 2.2e-16
vif(M11)
## Battery
               Range
                        Width
                                Height Capacity
## 4.546921 3.191990 1.454938 1.269977 1.866493
O R2 ajustado foi de 0,928. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Width do dataset.
M12 <- lm(Energy_consumption~.-Weight -Power -Permissible_weight -Max_speed -Torque -Length -Price
          -Wheelbase -Acceleration -Boot_capacity -Width, data=df1_numeric)
summary (M12)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Weight - Power - Permissible_weight -
       Max_speed - Torque - Length - Price - Wheelbase - Acceleration -
       Boot_capacity - Width, data = df1_numeric)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -3.9865 -0.6411 0.0270 0.7849
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 15.736986
                           3.096829
                                     5.082 1.10e-05 ***
## Battery
                0.246642
                           0.015236 16.188 < 2e-16 ***
## Range
               -0.038644
                           0.003240 -11.927 3.05e-14 ***
                           0.021103 -0.373 0.71144
## Height
               -0.007867
## Capacity
               0.006215
                           0.001802
                                    3.449 0.00142 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 1.134 on 37 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9321, Adjusted R-squared: 0.9248
                  127 on 4 and 37 DF, p-value: < 2.2e-16
## F-statistic:
vif(M12)
## Battery
               Range
                       Height Capacity
## 4.014962 3.136531 1.269624 1.831523
O R2 ajustado foi de 0,9248. Houve melhora da colinearidade. Excluindo variável Height do dataset.
M13 <- lm(Energy_consumption~Battery+Range,data=df1_numeric)
summary(M13)
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ Battery + Range, data = df1_numeric)
## Residuals:
       Min
                10 Median
                                3Q
## -4.0408 -0.7108 -0.1345 0.7678 3.9211
```

##

```
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 17.144442
                                     22.16 < 2e-16 ***
                          0.773499
                          0.014757
                                     18.68 < 2e-16 ***
## Battery
               0.275598
## Range
              -0.041937
                          0.003551
                                   -11.81 1.87e-14 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.293 on 39 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.907, Adjusted R-squared: 0.9022
## F-statistic: 190.2 on 2 and 39 DF, p-value: < 2.2e-16
vif(M13)
## Battery
```

## Battery Range ## 2.897661 2.897661

O R2 ajustado foi de 0,9022. Houve melhora da colinearidade, mas também alguma perda de precisão do modelo. Como a colinearidade já está resolvida, decidimos continuar com a variável **Heigth** no modelo.

Vamos criar um segundo dataframe, incluindo as variáveis do tipo fator.

```
z <- c(fatores,c("Battery","Range","Height","Energy_consumption"))
df2 <- df1 %>%
   select(all_of(z))
View(df2)
rm(z)
```

Vamos avaliar o modelo com as variáveis do tipo fator incluídas

```
M14 <- lm(Energy_consumption ~ .,data=df2)
summary(M14)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Energy_consumption ~ ., data = df2)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                30
                                       Max
## -1.0334 -0.1104 0.0000 0.1795 0.8001
## Coefficients: (3 not defined because of singularities)
##
                                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                    13.206499 6.538323
                                                           2.020 0.05945 .
                                                2.015278 -0.256 0.80124
## Brakesdisc (front) + drum (rear) -0.515332
## Drive2WD (rear)
                                     0.651343
                                                0.541732
                                                           1.202 0.24571
## Drive4WD
                                     3.232077
                                                1.077993
                                                           2.998 0.00809 **
## Seats4
                                     0.963611
                                                1.415888
                                                           0.681 0.50531
## Seats5
                                                           0.667 0.51391
                                     1.575845
                                                2.363623
## Seats8
                                     6.660793
                                                3.428905
                                                           1.943 0.06882
## Doors4
                                     0.749102
                                                1.128758
                                                           0.664 0.51581
## Doors5
                                    -0.485604
                                                1.163090
                                                          -0.418 0.68153
## Tire_size15
                                     1.562891
                                                0.887733
                                                           1.761 0.09629 .
## Tire_size16
                                     1.934386
                                                1.116530
                                                           1.732 0.10129
## Tire size17
                                     1.471863
                                                1.276323
                                                           1.153 0.26478
                                     1.723978
## Tire_size18
                                                1.789657
                                                           0.963 0.34890
## Tire size19
                                    -0.923559
                                                1.855659 -0.498 0.62507
```

```
## Tire size20
                                     -0.405598
                                                 1.850526
                                                           -0.219 0.82912
## Tire_size21
                                                           -0.681
                                                                   0.50520
                                     -1.323960
                                                 1.944863
                                                                    0.06362
## DC37
                                     -5.077253
                                                 2.558835
                                                           -1.984
## DC40
                                            NA
                                                       NA
                                                                NA
                                                                         NΑ
## DC50
                                     -0.458800
                                                 1.029862
                                                            -0.445
                                                                    0.66158
## DC100
                                                           -2.214
                                     -2.151612
                                                 0.971988
                                                                   0.04082 *
## DC110
                                     -0.790579
                                                                    0.25926
                                                 0.677364
                                                           -1.167
## DC125
                                      0.960509
                                                 2.309011
                                                            0.416
                                                                    0.68263
## DC150
                                            NA
                                                                NA
                                                                         NA
                                                       NΑ
## DC225
                                      0.484590
                                                 0.733439
                                                            0.661
                                                                    0.51765
## DC270
                                            NA
                                                       NA
                                                                NA
                                                                         NA
## Battery
                                      0.192344
                                                 0.030792
                                                            6.247 8.86e-06 ***
                                     -0.028935
                                                 0.005322
                                                           -5.437 4.44e-05 ***
## Range
## Height
                                      0.016176
                                                 0.043360
                                                            0.373 0.71371
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.5693 on 17 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9921, Adjusted R-squared: 0.981
## F-statistic: 89.37 on 24 and 17 DF, p-value: 1.362e-13
O R2 ajustado foi de 0,981. Vamos agora excluir as variáveis fator menos relevantes para o modelo, começando
com Doors.
M15 <- lm(Energy_consumption ~ . -Doors, data=df2)
summary(M15)
##
## lm(formula = Energy_consumption ~ . - Doors, data = df2)
##
## Residuals:
       Min
                1Q Median
                                 3Q
                                        Max
## -1.0464 -0.1317 0.0000 0.1644 0.7784
## Coefficients: (2 not defined because of singularities)
                                      Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                     14.689826
                                                 5.564987
                                                            2.640 0.01665 *
## Brakesdisc (front) + drum (rear) -1.806822
                                                           -1.142 0.26835
                                                 1.581927
## Drive2WD (rear)
                                      0.652195
                                                 0.529158
                                                            1.233 0.23361
                                                            3.287 0.00410 **
## Drive4WD
                                      3.346875
                                                 1.018150
## Seats4
                                      0.477527
                                                 0.787085
                                                            0.607 0.55162
## Seats5
                                                 1.136411
                                                            0.631 0.53611
                                      0.716825
## Seats8
                                                            2.135 0.04674 *
                                      5.832274
                                                 2.731442
## Tire size15
                                      1.593081
                                                 0.864252
                                                            1.843 0.08181
                                                            1.809 0.08714
## Tire size16
                                      1.968099
                                                 1.087765
## Tire size17
                                      1.488579
                                                 1.246093
                                                            1.195 0.24775
## Tire size18
                                      3.025153
                                                 1.260883
                                                            2.399 0.02747 *
## Tire_size19
                                                           -0.702
                                     -1.192616
                                                 1.699787
                                                                    0.49188
## Tire_size20
                                     -0.675740
                                                 1.693493
                                                           -0.399
                                                                    0.69457
## Tire_size21
                                     -1.596274
                                                 1.789718
                                                           -0.892
                                                                    0.38421
## DC37
                                     -7.290991
                                                 2.457605
                                                           -2.967
                                                                    0.00826 **
## DC40
                                            NA
                                                       NA
                                                                NA
                                                                         NA
## DC50
                                     -1.415753
                                                 1.012081
                                                           -1.399
                                                                    0.17885
## DC100
                                     -3.095747
                                                 0.963477
                                                           -3.213 0.00482 **
```

```
## DC110
                                    -1.596226
                                               1.186078 -1.346 0.19507
## DC125
                                                          0.895 0.38267
                                    1.567690
                                               1.751868
                                                         -0.728 0.47569
## DC150
                                    -0.798727
                                               1.096436
## DC225
                                               0.715061
                                    0.503441
                                                          0.704 0.49041
## DC270
                                          NA
                                                     NA
                                                             NA
                                                                      NΑ
## Battery
                                    0.193909
                                               0.029853
                                                          6.495 4.15e-06 ***
                                    -0.028989
                                               0.005197
                                                         -5.578 2.71e-05 ***
## Range
## Height
                                    0.014619
                                               0.042197
                                                          0.346 0.73302
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.5561 on 18 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9921, Adjusted R-squared: 0.9819
## F-statistic: 97.73 on 23 and 18 DF, p-value: 1.463e-14
```

O R2 ajustado foi de 0,9819. Todas as outras variáveis fator apresentam algum nível de importância. Assim, chegou-se ao dataframe final, excluindo a variável **Doors**.

```
df2 <- select(df2, -Doors)
View(df2)
dim(df)
## [1] 53 25
dim(df2)</pre>
```

```
## [1] 42 9
```

Houve redução significativa do número de variáveis preditoras (de 25 para 9), foram resolvidos os problemas de colinearidade e não houve perda significativa da capacidade de previsão do modelo. Vamos excluir os objetos que não serão mais utilizados.

```
rm(df1,df1_numeric,M,M2,M3,M4,M5,M6,M7,M8,M9,M10,M11,M12,M13,M14,M15,fator,fatores)
```

#### ETAPA 4 - Treinamento e validação do modelo

Inicialmente, vamos dividir o dataframe em dados de treino e de teste utilizando o pacote Caret.

```
set.seed(123)
training.samples <- df2$Energy_consumption %>%
    createDataPartition(p = 0.8, list = FALSE)
train.data <- df2[training.samples, ]
test.data <- df2[-training.samples, ]</pre>
```

O primeiro modelo será o de regressão linear. Vamos usar como métrica principal para comparar modelos de diferentes algoritmos o RMSE (raiz quadrada do erro médio). Consideramos medidas de erro melhores para comparação de eficiência entre modelos que o R2 (coeficiente de determinação). Todos os modelos serão criados com validação cruzada de 5 amostras ( $\mathbf{cv} = \mathbf{5}$ ).

```
## Warning in predict.lm(modelFit, newdata): uma predição a partir de um ajuste ## rank-deficient pode ser enganoso
```

```
## Warning in predict.lm(modelFit, newdata): uma predição a partir de um ajuste
## rank-deficient pode ser enganoso

## Warning in predict.lm(modelFit, newdata): uma predição a partir de um ajuste
## rank-deficient pode ser enganoso

## Warning in predict.lm(modelFit, newdata): uma predição a partir de um ajuste
## rank-deficient pode ser enganoso

## Warning in predict.lm(modelFit, newdata): uma predição a partir de um ajuste
## rank-deficient pode ser enganoso
```

Em modelos de regressão linear, esse tipo de aviso costuma ocorrer quando o dataframe tem poucas observações e muitas variáveis, como é o caso em análise. Por isso, vamos excluir algumas variáveis menos importantes antes de gerar o modelo.

A seguir os resultados do modelo de regressão:

```
predictions <- m1 %>% predict(test.data)
data.frame(
   RMSE = RMSE(predictions, test.data$Energy_consumption),
   R2 = R2(predictions, test.data$Energy_consumption)
)
```

```
## RMSE R2
## 1 1.096454 0.9554194
```

Agora vamos criar um modelo Random Forest.

A seguir os resultados do modelo Random Forest:

```
predictions2 <- m2 %>% predict(test.data)
data.frame(
   RMSE = RMSE(predictions2, test.data$Energy_consumption),
   R2 = R2(predictions2, test.data$Energy_consumption)
)
```

```
## RMSE R2
## 1 1.594891 0.895377
```

Observa-se que o entre os dois modelos, o que tem o menor RMSE é o de regressão linear. Por fim, a tabela final com as previsões do modelo de regressão, comparativamente aos modelos observados na amostra de teste.

```
tabelalm <- cbind(pred = predictions,obs = test.data$Energy_consumption)
kable(tabelalm, caption = "Resultados - Modelo de Regressão Linear", format = "pipe")</pre>
```

Table 2: Resultados - Modelo de Regressão Linear

pred	obs
27.59953	27.20
14.54250	13.10
22.89190	21.20
15.99402	15.30
17.54713	17.10
16.01880	16.65
23.35584	24.85

rm(predictions, predictions2, m1, m2, tabelalm, test.data, train.data, training.samples)

#### ETAPA 5 - Treinamento do Modelo com Auto ML

Agora, para treinamento e avaliação do modelo, vamos usar o pacote Auto ML H20.

O H2O requer que os dados estejam no formato específico de dataframe do H2O

```
h2o_frame <- as.h2o(df2)

## |
tabela <- head(h2o_frame)
kable(tabela, caption = "H2O Dataframe", format = "pipe")</pre>
```

Table 3: H2O Dataframe

Brakes	Drive	Seats	${\rm Tire\_size}$	DC	Battery	Range	Height	Energy_consumption
$\frac{1}{\text{disc (front + rear)}}$	$4 \mathrm{WD}$	5	19	150	95	438	162.9	24.45
disc (front + rear)	4WD	5	19	150	71	340	162.9	23.80
disc (front + rear)	4WD	5	20	150	95	364	162.9	27.55
disc (front + rear)	4WD	5	19	150	71	346	161.6	23.30
disc (front + rear)	4WD	5	19	150	95	447	161.6	23.85
disc (front + rear)	4WD	5	20	150	95	369	161.5	27.20

#### rm(tabela)

Utilizando a função de Split do pacote H20 para divisão do dataframe em dados de treino e de teste. Esse split do pacote H20 cria uma lista. O  $1^{\circ}$  elemento da lista é o dataset de treino e o  $2^{\circ}$  é o dataset de teste.

```
h2o_frame_split <- h2o.splitFrame(h2o_frame, ratios = 0.80, seed = 123)
head(h2o_frame_split)
```

```
## [[1]]
##
                  Brakes Drive Seats Tire size DC Battery Range Height
## 1 disc (front + rear)
                           4WD
                                             19 150
                                                         95
                                                              438 162.9
## 2 disc (front + rear)
                                                              340 162.9
                           4WD
                                   5
                                             19 150
                                                         71
## 3 disc (front + rear)
                           4WD
                                   5
                                             20 150
                                                         95
                                                              364
                                                                   162.9
## 4 disc (front + rear)
                           4WD
                                   5
                                             19 150
                                                         71
                                                              346 161.6
```

```
## 5 disc (front + rear)
                             4WD
                                      5
                                               19 150
                                                             95
                                                                       161.6
## 6 disc (front + rear)
                             4WD
                                      5
                                               20 150
                                                             95
                                                                  369
                                                                       161.5
     Energy consumption
## 1
                   24.45
## 2
                   23.80
## 3
                   27.55
## 4
                   23.30
## 5
                   23.85
## 6
                   27.20
##
   [36 rows x 9 columns]
##
##
  [[2]]
##
                           Brakes
                                         Drive Seats Tire_size
                                                                  DC Battery Range
## 1
                                                    5
                                                                         80.0
             disc (front + rear)
                                   2WD (rear)
                                                              19 150
                                                                                460
## 2
             disc (front + rear) 2WD (front)
                                                    5
                                                              17 100
                                                                         50.0
                                                                                320
## 3
                                                    5
                                                                         64.0
             disc (front + rear) 2WD (front)
                                                              17 100
                                                                                449
## 4
             disc (front + rear) 2WD (front)
                                                    5
                                                                 100
                                                                         50.0
                                                                                340
## 5 disc (front) + drum (rear) 2WD (front)
                                                                         32.3
                                                    4
                                                                  40
                                                                                258
                                                              14
  6 disc (front) + drum (rear)
                                   2WD (rear)
                                                    5
                                                              19 125
                                                                         77.0
                                                                                549
##
     Height Energy_consumption
      166.8
## 1
                            18.8
## 2
      153.4
                            15.6
## 3
      157.0
                            15.4
## 4
      143.0
                            16.4
## 5
      149.2
                            14.0
##
  6
      156.8
                            15.9
## [6 rows x 9 columns]
```

Na sequência, vamos usar o Auto ML para definir o melhor modelo. Para comparação dos modelos, vamos definir como métrica **RMSE** (raiz quadrada do erro médio). O algoritmo vai avaliar diversos modelos diferentes, alterando automaticamente os parâmetros dos modelos. Como resultado teremos uma tabela ordenada de modelos, em função do RMSE, para escolha do melhor modelo. melhor modelo.

## 11:30:53.314: min rows param, The dataset size is too small to split for min rows=100.0: must have

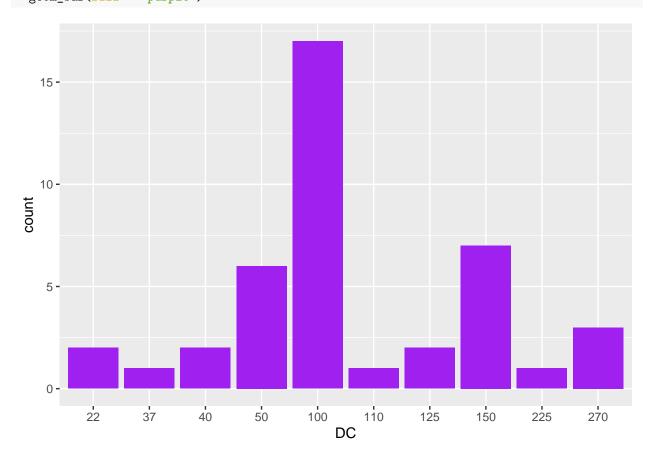
Para avaliação de modelos, o H2O utiliza como padrão a avaliação cruzada com 5 amostras (folds = 5). Tivemos ainda que definir também um parâmetro para limite de tempo de processamento (max\_runtime\_secs = 60 \* 10) e um limite no número de algoritmos de Machine Learning para avaliação (XGBoost, DRF, GBM), devido à limitações de capacidade de processamento de dados e memória. Por fim, decidimos fazer um balanceamento de classes, pois o dataframe final tem apenas 42 observações, o que acarreta falta de dados de algumas classes para elaboração do modelo, como pode-se ver no exemplo abaixo:

```
table(df2$DC)
```

##

```
## 22 37 40 50 100 110 125 150 225 270
## 2 1 2 6 17 1 2 7 1 3

ggplot(df2, aes(x = DC)) +
   geom_bar(fill = "purple")
```



Extraindo em seguida o leaderboard.

```
leaderboard_automl <- as.data.frame(modelo_automl@leaderboard)
View(leaderboard_automl)</pre>
```

Extraindo o líder (modelo com melhor desempenho)

```
lider_automl <- modelo_automl@leader
lider_automl</pre>
```

```
## Model Details:
## =========
##
## H20RegressionModel: xgboost
## Model ID: XGBoost_grid_1_AutoML_2_20221023_113051_model_126
## Model Summary:
## number_of_trees
## 1 63
##
##
## H20RegressionMetrics: xgboost
## ** Reported on training data. **
##
```

```
## MSE: 0.0740354
## RMSE: 0.2720945
## MAE: 0.1439523
## RMSLE: 0.012121
## Mean Residual Deviance: 0.0740354
##
##
##
## H20RegressionMetrics: xgboost
## ** Reported on cross-validation data. **
## ** 5-fold cross-validation on training data (Metrics computed for combined holdout predictions) **
##
## MSE: 4.267028
## RMSE: 2.065679
## MAE: 1.304405
## RMSLE: 0.1047962
## Mean Residual Deviance: 4.267028
##
##
## Cross-Validation Metrics Summary:
##
                              mean
                                         sd cv_1_valid cv_2_valid cv_3_valid
                          1.272815 0.651457
                                              2.410057
                                                          0.837257
                                                                     1.067713
## mean_residual_deviance 4.033133 4.745959 12.453329
                                                          1.722660
                                                                     1.661577
                          4.033133 4.745959 12.453329 1.722660
## mse
                                                                     1.661577
## r2
                          0.765601 0.189724
                                              0.486285
                                                          0.901477
                                                                     0.929705
                          4.033133 4.745959 12.453329
## residual_deviance
                                                          1.722660
                                                                     1.661577
                          1.804285 0.985958
                                                          1.312501
## rmse
                                              3.528927
                                                                     1.289022
## rmsle
                          0.093828 0.045384
                                              0.171928
                                                          0.082524
                                                                     0.065388
##
                          cv_4_valid cv_5_valid
                            1.181348
                                       0.867698
## mae
## mean_residual_deviance
                            2.953772
                                       1.374328
## mse
                            2.953772
                                       1.374328
                            0.654377
                                       0.856160
## residual_deviance
                            2.953772
                                       1.374328
## rmse
                            1.718654
                                       1.172317
## rmsle
                            0.089932
                                       0.059368
Vamos verificar o desempenho do modelo H2O na previsão dos dados da amostra de teste.
predicted <- h2o.predict(lider_automl,h2o_frame_split[[2]]) %>%
 as.data.frame()
##
df_train <- as.data.frame(h2o_frame_split[[2]])</pre>
tabela <- data.frame(</pre>
 pred = predicted$predict,
  obs = df_train$Energy_consumption
rm(predicted, df_train)
kable(tabela,caption = "Resultados - Modelo AutoML",format = "pipe")
```

Table 4: Resultados - Modelo AutoML

pred	obs
18.74474	18.8
16.15974	15.6
15.86652	15.4
17.16700	16.4
15.45597	14.0
16.53959	15.9

#### R2(tabela\$pred,tabela\$obs)

```
## [1] 0.9591575

RMSE(tabela$pred,tabela$obs)
```

```
## [1] 0.7800859
```

O desempenho desse modelo foi superior, em termos da métrica que foi adotada (RMSE) em relação ao modelo de regressão linear, criado manualmente na etapa anterior (0,68 X 1,09).

Por fim, vamos verificar o nível de importância de cada variável no modelo líder gerado pelo Auto ML (análise SHAP). A função abaixo, do H2O traz os valores de contribuição de cada variável, seguindo o modelo SHAP, analisando cada observação da amostra de teste:

```
var_contrib <- predict_contributions.H2OModel(lider_autom1, h2o_frame_split[[2]])</pre>
```

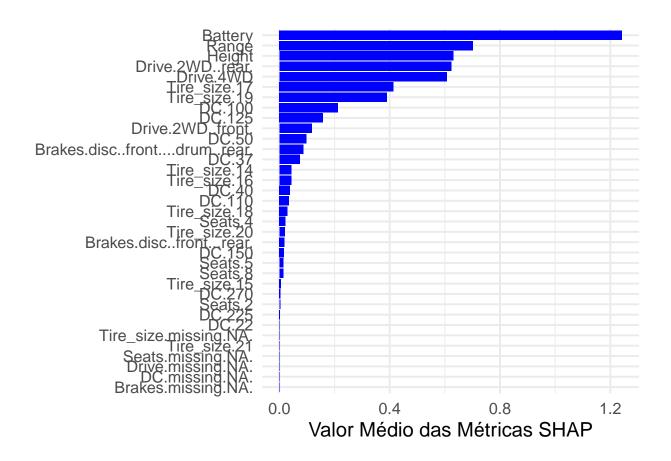
```
## |
```

Para visualizar o resultado final, vamos preparar um dataframe com os as métricas necessárias

```
df_var_contrib <- var_contrib %>%
  as.data.frame() %>%
  select(-BiasTerm) %>%
  gather(feature, shap_value) %>%
  group_by(feature) %>%
  mutate(shap_importance = mean(abs(shap_value)), shap_force = mean(shap_value)) %>%
  ungroup()
View(df_var_contrib)
```

Agora o gráfico com a importância de cada variável para prever a variável alvo (Energy\_consumption):

```
df_var_contrib %>%
  select(feature, shap_importance) %>%
  distinct() %>%
  ggplot(aes(x = reorder(feature, shap_importance), y = shap_importance)) +
  geom_col(fill = 'blue') +
  coord_flip() +
  xlab(NULL) +
  ylab("Valor Médio das Métricas SHAP") +
  theme_minimal(base_size = 15)
```



Desligando o H2O

h2o.shutdown()

## Are you sure you want to shutdown the H2O instance running at http://localhost:54321/ (Y/N)?