# Semana 2. Resultados potenciales

Equipo Econometría Avanzada

Universidad de los Andes

18 de agosto de 2022



- Instalación de Stata
- 2 Estructura de un modelo.

Parámetros de interés.

4 De resultados potenciales al análisis de regresión.

- Instalación de Stata
- 2 Estructura de un modelo.
- Parámetros de interés.
- 4 De resultados potenciales al análisis de regresión.

### Instalación de Stata

Para instalar Stata 17 en su computador, sigan las siguientes instrucciones:

- Accedan al siguiente enlace: https://www.software-shop.com/universidades/uniandes
- 2 Ingresen al sitio con su correo institucional.
- Seleccionen el ícono de Stata y posteriormente seleccionen el ícono que dice "Descargar". Les llegará un correo a su cuenta Uniandes.
- Descarguen el instalador de Stata y abran la guía de instalación siguiendo los enlaces que indica el correo.
- Sigan los pasos indicados en la guía de instalación.
  - En el paso 6 seleccionen la opción StataSE.

- Instalación de Stata
- 2 Estructura de un modelo.
- Parámetros de interés.

4 De resultados potenciales al análisis de regresión.

### Estructura de un modelo.

**Pregunta de investigación:** ¿Cuál es el efecto de ser hospitalizado (D) sobre el estado de salud (Y)?

$$D_i = \begin{cases} 1 & \text{si } i \text{ es tratado} \\ 0 & \text{de lo contrario} \end{cases}$$

Se tiene que los resultados potenciales del individuo *i* son:

$$Y_{i1} = \alpha + \delta + x_i \beta + u_{i1}$$
  
$$Y_{i0} = \alpha + x_i \beta + u_{i0}$$

Pero, *i* tiene un buen doctor tal que:

$$D_i = \mathbb{1}[Y_{i1} > Y_{i0}]$$

Sin embargo, para i en ese preciso momento del tiempo solo se observa:

$$Y_i = Y_{i1} \times D_i + Y_{i0} \times (1 - D_i)$$

- Instalación de Stata
- 2 Estructura de un modelo.
- 3 Parámetros de interés.
- 4 De resultados potenciales al análisis de regresión.

### Parámetros de interés.

• Efecto del tratamiento para i:

$$\tau_i = Y_{i1} - Y_{i0} 
= \delta + (u_{i1} - u_{i0})$$

¿Cómo se interpreta este efecto?

ATE:

$$\tau_{ATE} = E(\tau_i)$$

$$= \delta + E(u_{i1} - u_{i0})$$

$$= \delta$$

¿Cómo se interpreta este efecto?

### Parámetros de interés.

ATT:

$$au_{ATT} = E\left( au_i|D_i = 1\right)$$
  
=  $\delta + E\left(u_{i1} - u_{i0}|D_i = 1\right)$ 

¿Cómo se interpreta este efecto?

4 ATU:

$$\tau_{ATU} = E(\tau_i|D_i = 0)$$
  
=  $\delta + E(u_{i1} - u_{i0}|D_i = 0)$ 

¿Cómo se interpreta este efecto?

- ¿Es la asignación a *D* aleatoria?
- ¿Qué pasa cuando la asignación a *D* es aleatoria?
- ¿Cuál parece ser el efecto que nos interesa? ¿Deberíamos cambiar la pregunta de investigación?

- Instalación de Stata
- Estructura de un modelo.
- Parámetros de interés.

4 De resultados potenciales al análisis de regresión.

De resultados potenciales al análisis de regresión.

$$Y_{i} = Y_{i1} \times D_{i} + Y_{i0} \times (1 - D_{i})$$

$$Y_{i} = E(Y_{i0}) + Y_{i1} \times D_{i} + Y_{i0} \times (1 - D_{i}) - E(Y_{i0})$$

$$Y_{i} = \underbrace{E(Y_{i0})}_{\beta_{0}} + \underbrace{(Y_{i1} - Y_{i0})}_{\beta_{1}} \times D_{i} + \underbrace{Y_{i0} - E(Y_{i0})}_{u_{i}}$$

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 D_i + u_i \tag{1}$$

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 D_i + x_i \beta_2 + u_i \tag{2}$$

• ¿Bajo qué condiciones  $\widehat{\beta}_{1,MCO}$  de (1) y (2) es un estimador insesgado del ATE?

El estimador de  $\beta_1$  de la ecuación (1) por MCO corresponde a la diferencia de medias entre tratados y no tratados. Concretamente,

$$\hat{\beta}_1^{MCO} = \bar{Y}_i | D_i = 1 - \bar{Y}_i | D_i = 0 \tag{3}$$

Un cálculo sencillo resulta en que

$$\hat{\beta}_1^{MCO} \xrightarrow{P} \mathbb{E}[Y_i | D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_i | D_i = 0]$$
(4)

Se puede demostrar que

$$\hat{\beta}_1^{MCO} \xrightarrow{P} ATT + (\mathbb{E}[Y_{i0}|D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_{i0}|D_i = 0])$$
 (5)

$$\hat{\beta}_1^{MCO} \xrightarrow{P} ATU + (\mathbb{E}[Y_{i1}|D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_{i1}|D_i = 0])$$
 (6)

$$\hat{\beta}_{1}^{MCO} \xrightarrow{P} ATE + (\mathbb{E}[Y_{i0}|D_{i}=1] - \mathbb{E}[Y_{i0}|D_{i}=0]) + (1-\pi)(ATT - ATU)$$

$$(7)$$

donde  $\pi = P(D_i = 1)$ .

• Intuitivamente, ¿por qué en este contexto MCO subestima el ATT?

# ¡Gracias!