# Desvanecimiento del gradiente

Redes profundas

Verónica E. Arriola-Rios

Facultad de Ciencias, UNAM

25 de febrero de 2023



# Problema

- Problema
- Soluciones candidatas
- 3 Nota fina

#### Definición

#### Definición (Desvanecimiento del gradiente (Vanishing gradient))

Para funciones de activación, cuya derivada se acerca a cero, conforme se agregan capas a la red neuronal esta se vuelve más y más difícil de entrenar.

¿Por qué?

$$W_{t+1} = W_t - \alpha \nabla_W J \tag{1}$$

$$\nabla_W J \propto \Delta^{(1)}$$
 (2)

$$\Delta^{(l-1)} = \Delta^{(l)} \left( W^{(l-1)} \right)^{\mathsf{T}} \circ g'(\mathsf{Z}^{(l-1)}) \tag{3}$$

$$\Delta^{(1)} \propto g'(Z^{(0)}) \circ g'(Z^{(1)}) \circ \dots \circ g'(Z^{(L-1)})$$
(4)

siendo todos estos números  $g'(z) \ll 1$ .

# Funciones de activación y sus derivadas

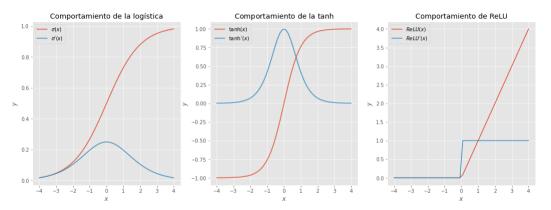
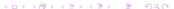


Figura: Todas estas funciones de activación tienen regiones donde su derivada es cero o cercana a cero.



# Componentes del gradiente

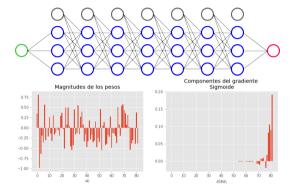


Figura: **Izquierda:** Magnitudes de los pesos como punto de comparación. **Derecha:** Las primeras componentes del gradiente, a la izquierda, tiene magnitudes mucho más pequeñas que las componentes más cercanas a la salida, a la derecha.



### Soluciones candidatas

- Problema
- Soluciones candidatas
- 3 Nota fina

#### Soluciones candidatas

- Usar ReLU, dependiendo del problema.
- Normalización por lotes.
- Redes con capas residuales: éstas se conectan directamente a capas más adelante.

$$A^{(1)} = g(A^{(1-1)}W^{(1-1)} + B^{(1-1)} + A^{(1-2)}W^{(1-2,1)})$$

- Valores de activación de capas más atrás tienen un efecto más significativo en capas posteriores.
- La matriz  $W^{(1-2,1)}$  puede entrenarse como las demás o puede ser tener valores fijos, como ser la matriz identidad.

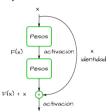


Figura: Salto de capa (*Skip layer*)

# Nota final

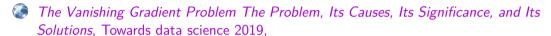
- Problema
- Soluciones candidatas
- 3 Nota final

# Explosión del gradiente

 Es un poco menos común, pero la misma fórmula que provoca el devanecimiento puede provocar una explosión si las derivadas tienen componentes con valores grandes:

$$\Delta^{(1)} \propto g'(Z^{(0)}) \circ g'(Z^{(1)}) \circ ... \circ g'(Z^{(L-1)})$$
 (5)

### Referencias I



https://towardsdatascience.com/the-vanishing-gradient-problem-69bf08b15484

- Residual neural network, https://en.wikipedia.org/wiki/Residual\_neural\_network
- Gentle Introduction to the Adam Optimization Algorithm for Deep Learning

https://machinelearningmastery.com/adam-optimization-algorithm-for-deep-learning/

Code Adam Optimization Algorithm From Scratch

https://machinelearningmastery.com/adam-optimization-from-scratch/

### Licencia

### Creative Commons Atribución-No Comercial-Compartir Igual



