

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS FACULDADE DE ENGENHARIA MECÂNICA

ES879 – SISTEMAS DE AQUISIÇÃO DE DADOS

AULA 13 – Exercícios de Revisão

Prof. Tiago Henrique Machado

tiagomh@fem.unicamp.br

Bloco FE2 – Laboratório de Máquinas Rotativas (LAMAR)

Campinas, 2º semestre de 2019

Conteúdo da Aula Anterior

Análise em Frequência

- ✓ Função de Transferência;
- ✓ Resposta em Frequência;
- ✓ Teorema da Amostragem do Ponto de Vista Frequencial;
- ✓ Relações entre Domínio do Tempo e da Frequência.

Determine e esboce a resposta em frequência (magnitude e fase) dos seguintes sistemas:

a)
$$y(n) = (1/2)[x(n) + x(n-1)]$$

b)
$$y(n) = (1/4)[x(n) - 2x(n-1) + x(n-2)]$$

Solução:

<u>Dados</u>: relação entrada e saída dos sistemas.

Resultado desejado: resposta em frequência dos sistemas.

Hipóteses: sistemas discretos linear e invariante no tempo.

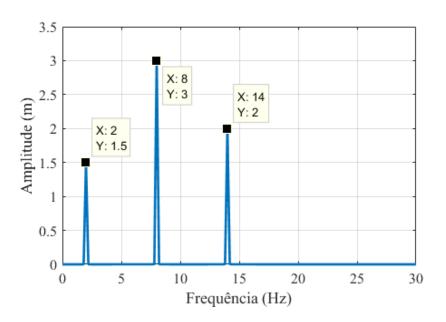
Gabarito:

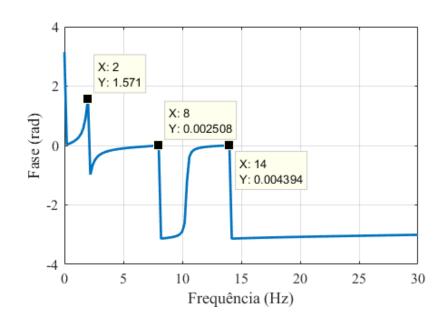
a)
$$H(\omega) = \frac{1}{2} (1 + e^{-j\omega}) = \cos(\omega/2) e^{-j\frac{\omega}{2}}$$

b)
$$H(\omega) = \frac{1}{4} (1 - e^{-j\omega})^2 = sen^2(\omega/2) e^{-j(\omega-\pi)}$$

Um sinal real contínuo tem espectro de frequências dado abaixo. Assim, determine:

- a) O sinal contínuo que gerou os gráficos;
- b) Se o sinal for amostrado a $F_s = 30Hz$, qual será o espectro do sinal amostrado;
- c) Se o sinal for amostrado a $F_s = 10Hz$, qual será o espectro do sinal amostrado;





d) Para o sinal amostrado a $F_s=30Hz$, uma vez que o sinal pode apresentar ruídos de alta frequência, deseja-se especificar um filtro anti-aliasing que não cause distorções na faixa de interesse e deve ter faixa de passagem até 14Hz. Mas ele não pode deixar passar as frequências que causam aliasing na faixa de interesse. Lembrando que quanto maior a faixa de transição, mais simples é o filtro, em qual frequência deve começar a faixa de rejeição do filtro?

Solução:

Dados: espectro do sinal.

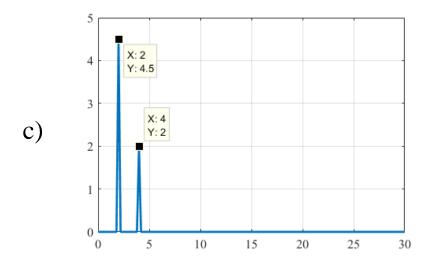
Resultado desejado: sinal original, espectro após diferentes amostragens e faixa de rejeição de um filtro anti-aliasing.

Hipóteses: para os itens b) e c), mostrar só o módulo do espectro.

Gabarito:

a)
$$x(t) = 1.5\cos(2\pi(2)t + \pi/2) + 3\cos(2\pi(8)t) + 2\cos(2\pi(14)t)$$

b) Espectro idêntico



d) 16Hz

Em muitas casas o sinal de internet chega pelo fio telefônico. Nesses sistemas o fio telefônico traz ambos o sinal de voz e o sinal com dados. Em termos muito aproximados, o sinal de voz ocupa frequências até 4kHz, e o sinal de dados ocupa frequências a partir de 10kHz. O problema é que nós somos capazes de ouvir as frequências onde estão os dados, o que poderia interferir nas nossas conversas telefônicas. Para contornar esse problema, a companhia telefônica fornece ao usuário uma caixinha a qual ele deve ligar seu telefone. Essa caixinha é um filtro passa-baixa, cujo objetivo é não deixar que o sinal de dados chegue até o aparelho telefônico. Após passar por esse filtro, a companhia telefônica deve averiguar, remotamente, se o filtro está cumprindo sua função. Para isso, eles amostram o sinal a 15kHz.

Sabendo disso e visando baratear o custo do filtro, em qual frequência deve começar a faixa de rejeição do filtro? Explique sucintamente como chegou ao valor encontrado.

Solução:

<u>Dados</u>: frequência máxima de passagem e frequência de amostragem.

Resultado desejado: frequência de início da faixa de rejeição.

<u>Hipóteses</u>: filtro analógico.

Gabarito:

A faixa de rejeição pode começar em $F_{rej} = 11 \mathrm{kHz}$.

Encerramento

Final da aula 13.

Próxima aula:

Prova.

01/10/2019