## Práctica IV: Codificación de vectores y programas WHILE en Octave Teoría de Autómatas y Lenguajes Formales

Ejercicio 1. Cree el programa WHILE más simple que calcule la función "diverge" (con cero argumentos)

```
diverge =(0, s) s: X_2 := X_1 + 1 (*Nos aseguramos de que X_2 \neq 0*) while X_2 \neq 0 do (*Bucle\ infinito*) X_1 := 0 od
```

Podemos comprobar en Octave que su codificación es:

```
>> WHILE2N(0, "X2:=X1+1; while X2!=0 do X1:=0 od")
ans = 59160002
>> CODE2N("X2:=X1+1; while X2!=0 do X1:=0 od")
ans = 10876
```

Codificación mínima de la función "diverge"

## Ejercicio 2. Describe en Octave una función que enumere todos los vectores de cualquier dimensión

Ya tenemos un script que devuelve el vector asociado a un número natural. Esto simplifica mucho las cosas, ya que podemos usarlo para obtener todos los vectores:  $godelencoding(1), godelencoding(2), \dots$  godelencoding está definido en los apuntes como  $\gamma$ , cuyo segundo argumento define la componente del vector que queremos devolver. Definimos, pues, la función  $godelall : \mathbb{N} \to P(\mathbb{N}^*)$  que, dado un natural (o el 0), devuelve los vectores asociados a todos los naturales hasta ese número. Nótese que la función no es sobreyectiva, ya que  $|P(\mathbb{N}^*)| = \aleph_1 \neq \aleph_0 = |\mathbb{N}^*|$ 

```
function code=godelall(n)
  encodings=["(",int2str(godeldecoding(0)),")"]
  for i = 1:n
     encodings=[encodings,", (",int2str(godeldecoding(i)),")"]
  endfor
end
```

Podemos comprobar, al ejecutar y comparar en los apuntes, que el programa funciona:

```
>> godelall(10)
encodings = ()
encodings = (),
                (0)
encodings = (), (0), (0)
encodings = (),
               (0), (0
                        0), (1)
encodings = (), (0), (0)
                        0), (1), (0
encodings
         = (),
               (0), (0
                        0),
                            (1),
encodings = (), (0), (0)
                        0), (1), (0
                                        0), (1
                                                0), (2)
encodings = (), (0), (0)
                        0),
                            (1), (0
                                        0), (1
                                                0), (2), (0
encodings = (), (0), (0 0), (1), (0
                                               0), (2), (0 0 0 0), (1 0 0)
                                     0 0), (1
encodings = (), (0), (0 0),
                            (1),
                                                   (2),
                                 (0
                                     0
                                        0), (1
                                               0),
                                                        (0 0 0 0), (1 0 0), (0 1)
encodings = (), (0), (0
                                                                  0), (1 0 0), (0 1), (3)
                        0),
                            (1), (0 0 0), (1 0),
                                                   (2),
                                                        (0 0 0)
```

Ejemplo exitoso de ejecución

Carlos Martínez Zurita 1

## Ejercicio 3. Describe en Octave una función que enumere todos los programas WHILE

Ya tenemos un script que devuelve el código WHILE asociado a un número natural. Esto simplifica mucho las cosas, ya que podemos usarlo para devolver todos los programas WHILE:  $N2WHILE(1), N2WHILE(2), \dots$  N2WHILE está definido en los apuntes. Definimos, pues, la función  $whileall: \mathbb{N} \to P(WHILE)$  que, dado un natural (o el 0), devuelve los programas asociados a todos los naturales hasta ese número. De nuevo, la función no es sobrevectiva.

```
function code=whileall(n)
encodings=N2WHILE(0)
  for i = 1:n
     encodings=[encodings,"\n#####"\n",N2WHILE(i)]
  endfor
end
```

Podemos usar esta función para comprobar que el ejercicio 1 está bien resuelto, introduciendo su codificación y viendo si antes de que aparezca nuestro programa, aparece otro que también diverja. En la práctica, no podemos hacer eso, ya que la codificación es un número muy alto.

```
>> WHILEall(10)
(0. X1=0)
##########
(1, X1=0)
###########
(0, X1=0; X1=0)
##########
(2, X1=0)
##########
(1, X1=0; X1=0)
###########
(0, X1=X1)
###########
(3, X1=0)
##########
(2, X1=0; X1=0)
##########
(1, X1=X1)
##########
(0, X1=0; X1=0; X1=0)
##########
(4, X1=0)
###########
```

Programas WHILE de codificación menor o igual que 10

Carlos Martínez Zurita 2