Trabalho MLG - Titanic

Carlos Manchini

26 de novembro de 2017

Contents

	Importando dados	1
	Definindo as variáveis	1
	Retirando tripulantes com dados faltantes (NA)	2
1.	Ajustando modelo 1	2
	1.1. Análise de diagnóstico e influência fit1	
	1.2. Verificação da função de ligação - teste RESET	
	1.3. Qualidade do ajuste	
	1.5. Quandade do ajuste	9
2.	Ajustando modelo 2	9
	2.1. Análise de diagnóstico e influência fit2	10
	2.2. Verificação da função de ligação - teste RESET	
	2.3. Qualidade do ajuste	
3.	Ajustando modelo 3 - full	16
	3.1. Seleção do modelo	17
	3.2. Análise de diagnóstico e influência fit3_step	18
	3.3. Verificação da função de ligação - teste RESET	23
	3.4. Qualidade do ajuste	
1	Modelo fit3 sem outliers	24
4.	Wodelo Itto Selli Odtileis	44
5.	Probabilidade de sobrevivência	27
In	aportando dados	
he	<pre>ta<-read.csv('titanic.csv',header=T,sep = ",") ad(data)</pre>	
CT	ass(data)	

Definindo as variáveis

```
surv<-data$Survived #891
sex<-data$Sex
class<-data$Pclass
age<-data$Age
surv<-as.numeric(surv)

library(varhandle)
sex<-unfactor(sex)
sex[sex=="male"]=0</pre>
```

```
sex[sex=="female"]=1
sex<-as.numeric(sex)

names<-c("Classe")
class<-to.dummy(class, names)
C1<-class[,1]
C2<-class[,2]
C3<-class[,3]
#ou
#C1<-(Pclass==1)+(Pclass==0)
#C2<-(Pclass==2)+(Pclass==0)</pre>
```

Retirando tripulantes com dados faltantes (NA)

```
frame<-data.frame(surv,sex,class,age)
frame<-na.exclude(frame)

surv<-frame$surv
sex<-frame$sex
C1<-frame$Classe.1
C2<-frame$Classe.2
C3<-frame$frame$classe.3
age<-frame$ge</pre>
```

1. Ajustando modelo 1

```
fit1<-glm(surv~sex+C1+C2+age, family=binomial(link="logit"))</pre>
summary(fit1)
##
## Call:
## glm(formula = surv ~ sex + C1 + C2 + age, family = binomial(link = "logit"))
##
## Deviance Residuals:
                1Q Median
##
      Min
                                  3Q
                                          Max
## -2.7303 -0.6780 -0.3953 0.6485
                                       2.4657
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -1.326394  0.247892  -5.351 8.76e-08 ***
                          0.207391 12.164 < 2e-16 ***
               2.522781
## sex
## C1
              2.580625  0.281442  9.169  < 2e-16 ***
## C2
              1.270826  0.244048  5.207  1.92e-07 ***
             -0.036985
                          0.007656 -4.831 1.36e-06 ***
## age
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
```

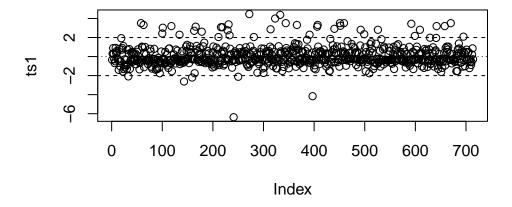
```
## Residual deviance: 647.28 on 709 degrees of freedom ## AIC: 657.28 ## ## Number of Fisher Scoring iterations: 5 Modelo obtido (coerente com o site): g(X) = -1.33 + 2.55 \times I_{feminino} + 1.27 \times I_{2classe} + 2.58 \times I_{1classe} - 0.04 \times I_{idade}
```

1.1. Análise de diagnóstico e influência fit1

1.1.1. Resíduos

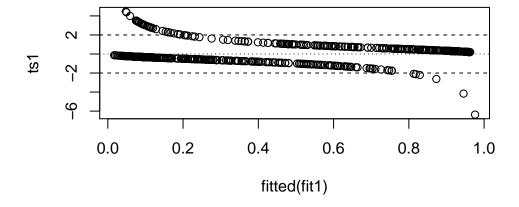
```
ts1<-resid(fit1,type="pearson") #studentizados
abline(plot(ts1, main='Resíduos studentizados vs indíces'), lty=c(2,2,3), h=c(-2,2,0))
```

Resíduos studentizados vs indíces



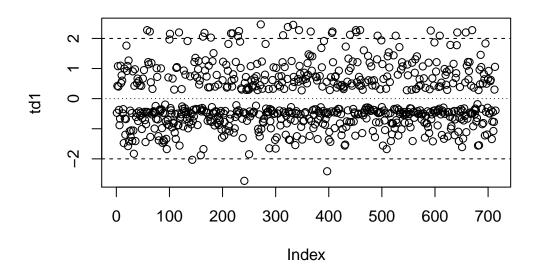
abline(plot(fitted(fit1),ts1,main='Resíduos studentizados vs ajustados'), lty=c(2,2,3), h=c(-2,2,0))

Resíduos studentizados vs ajustados



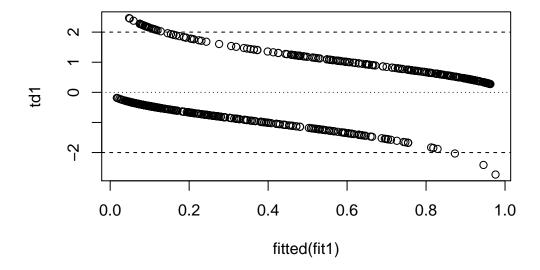
```
td1<-resid(fit1,type="deviance") #componente do desvio
abline(plot(td1,main='Resíduos componente do desvio vs indíces'), lty=c(2,2,3), h=c(-2,2,0))
```

Resíduos componente do desvio vs indíces



abline(plot(fitted(fit1),td1,main='Resíduos componente do desvio vs ajustados') , $1 ty = c(2,2,3), \ h = c(-2,2,0))$

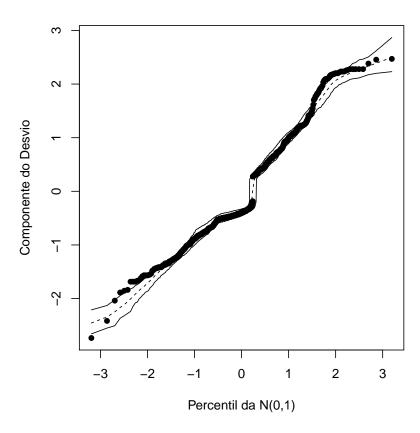
Resíduos componente do desvio vs ajustados



1.1.2. Envelope Simulado

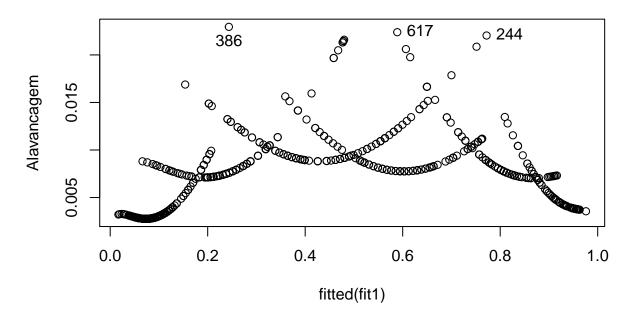
```
source("envel_bino.r")
envelope.bin(fit1) #default: residuo deviance
##envelope.bin(fit1,liga=binomial(link= * )) *alterar funcao de ligacao
```

Normal Q-Q Plot



1.1.3. Alavancagem

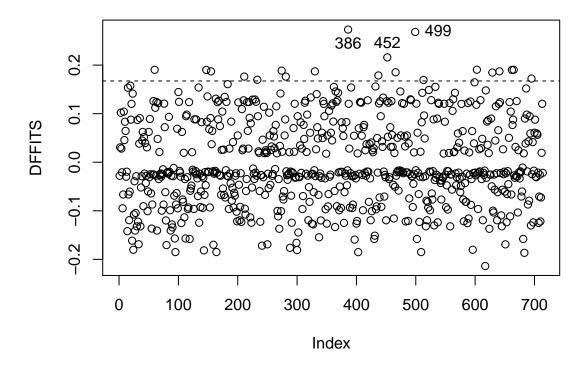
Alavancagem vs valores ajustados



1.1.4. DFFIT

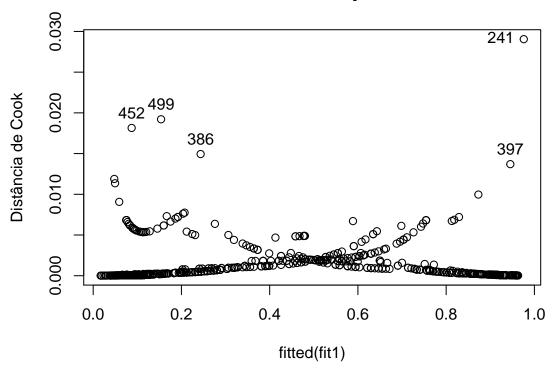
```
dffits(fit1)
limite<-2*sqrt(fit1$rank / n)
limite
abline(plot(dffits(fit1),ylab="DFFITS",main="DFFITS"), h=limite,lty=2)
identify(dffits(fit1), n=3)</pre>
```

DFFITS



1.1.5. Distância de Cook

Cook vs valores ajustados



1.2. Verificação da função de ligação - teste RESET

```
eta.hat<-(fit1$linear.predictors)^2
verfify.link<-glm(surv~sex+C1+C2+age+eta.hat, family=binomial(link="logit"))</pre>
summary(verfify.link)
##
## Call:
  glm(formula = surv ~ sex + C1 + C2 + age + eta.hat, family = binomial(link = "logit"))
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
  -3.6078 -0.6383 -0.4806
                                0.5698
                                         2.1541
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept) -1.776798
                            0.284367
                                      -6.248 4.15e-10 ***
## sex
                2.829822
                            0.253908
                                      11.145
                                              < 2e-16 ***
## C1
                                       8.518 < 2e-16 ***
                3.115581
                            0.365759
## C2
                1.567466
                            0.271072
                                       5.782 7.36e-09 ***
               -0.044969
                            0.008405
                                      -5.350 8.79e-08 ***
## age
## eta.hat
                0.177069
                            0.054255
                                       3.264
                                               0.0011 **
## Signif. codes:
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
## Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
## Residual deviance: 635.11 on 708 degrees of freedom
## AIC: 647.11
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

 $\hat{\eta}^2$ é significativo quando adicionado no modelo como covariável extra. Portanto, o modelo está incorretamente especificado.

1.3. Qualidade do ajuste

```
source("pseudo_R2_disc.r")
pseudo_R2(fit1)
## [1] pseudo R2 = 0.4841
```

O modelo foi capaz de explicar 48,4% da variabilidade dos dados.

2. Ajustando modelo 2

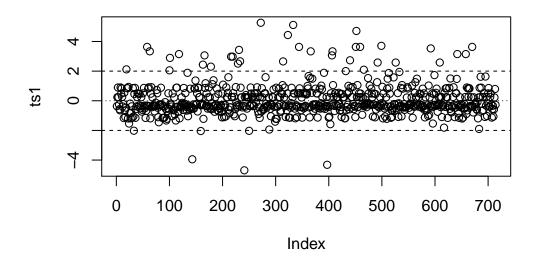
```
SeC2<-sex*age #Interação
fit2<-glm(surv~sex+age+C1+C2+SeC2, family = binomial(link="logit"))</pre>
summary(fit2)
##
## Call:
## glm(formula = surv ~ sex + age + C1 + C2 + SeC2, family = binomial(link = "logit"))
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                           Max
## -2.5043 -0.6389 -0.3718
                               0.6579
                                        2.5913
## Coefficients:
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -0.75521
                           0.29501 -2.560 0.010469 *
                           0.43762
                                     2.659 0.007848 **
## sex
                1.16344
                           0.01010 -5.647 1.63e-08 ***
               -0.05704
## age
                2.69756
                           0.29582
                                     9.119 < 2e-16 ***
## C1
                                     4.900 9.58e-07 ***
## C2
                1.19186
                           0.24323
## SeC2
                0.04985
                           0.01478
                                     3.373 0.000745 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
## Residual deviance: 635.39 on 708 degrees of freedom
  AIC: 647.39
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

2.1. Análise de diagnóstico e influência fit2

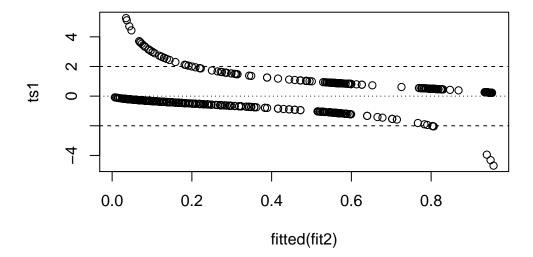
2.1.1. Resíduos

```
ts1<-resid(fit2,type="pearson") #studentizados
abline(plot(ts1, main='Resíduos studentizados vs indíces'), lty=c(2,2,3), h=c(-2,2,0))
```

Resíduos studentizados vs indíces

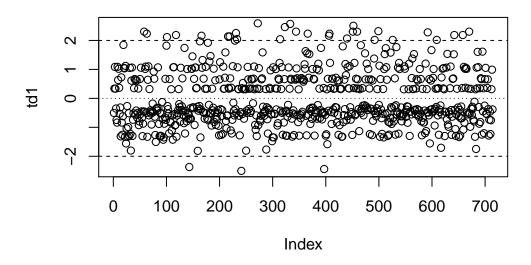


Resíduos studentizados vs ajustados

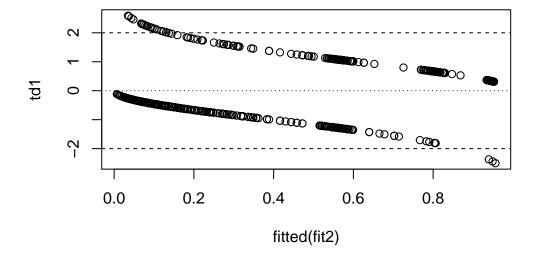


```
td1<-resid(fit2,type="deviance") #componente do desvio
abline(plot(td1,main='Resíduos componente do desvio vs indíces'),lty=c(2,2,3),h=c(-2,2,0))
```

Resíduos componente do desvio vs indíces



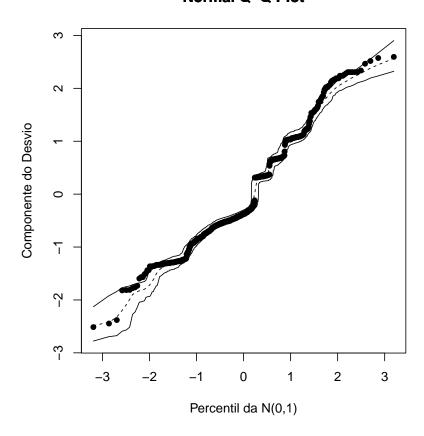
Resíduos componente do desvio vs ajustados



####2.1.2. Envelope Simulado

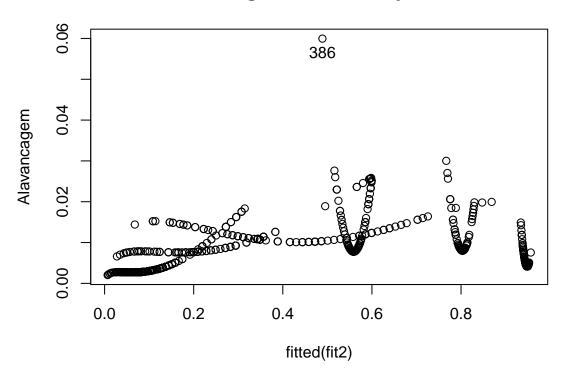
```
source("envel_bino.r")
envelope.bin(fit2) #default: residuo deviance
##envelope.bin(fit2,liga=binomial(link= * )) *alterar funcao de ligacao
n<-length(surv)</pre>
```

Normal Q-Q Plot



2.1.3. Alavancagem

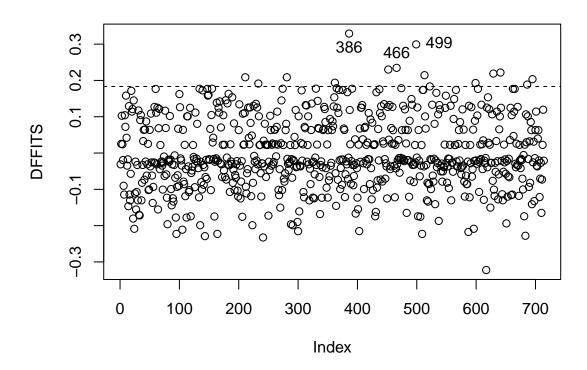
Alavancagem vs valores ajustados



2.1.4. DFFIT

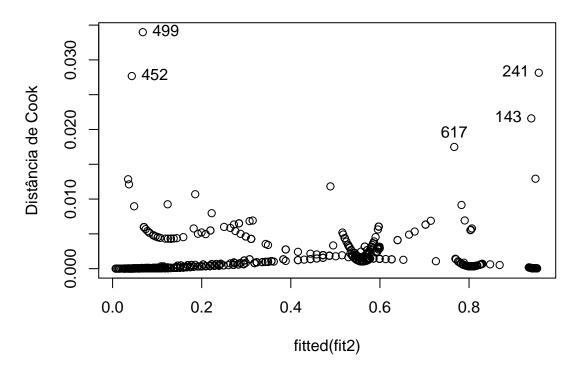
```
dffits(fit2)
limite<-2*sqrt(fit2$rank / n)
limite
abline(plot(dffits(fit2),ylab="DFFITS",main="DFFITS"), h=limite,lty=2)
identify(dffits(fit2), n=3)</pre>
```

DFFITS



2.1.5. Distância de Cook

Cook vs valores ajustados



2.2. Verificação da função de ligação - teste RESET

```
eta.hat<-(fit2$linear.predictors)^2
verfify.link<-glm(surv~sex+C1+C2+age+eta.hat, family=binomial(link="logit"))</pre>
summary(verfify.link)
##
## Call:
  glm(formula = surv ~ sex + C1 + C2 + age + eta.hat, family = binomial(link = "logit"))
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
  -3.3313 -0.6515 -0.4739
                                0.5693
                                         2.1396
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept) -1.487178
                            0.254188
                                     -5.851 4.89e-09 ***
## sex
                2.751961
                            0.239746
                                     11.479
                                             < 2e-16 ***
## C1
                                       8.765 < 2e-16 ***
                2.994020
                            0.341608
## C2
                1.474874
                            0.255140
                                       5.781 7.44e-09 ***
               -0.050873
                            0.009129
                                     -5.572 2.51e-08 ***
## age
## eta.hat
                0.145204
                            0.042462
                                       3.420 0.000627 ***
## Signif. codes:
                  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
## Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
## Residual deviance: 634.80 on 708 degrees of freedom
## AIC: 646.8
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

 $\hat{\eta}^2$ é significativo quando adicionado no modelo como covariável extra. Portanto, o modelo está incorretamente especificado.

2.3. Qualidade do ajuste

```
source("pseudo_R2_disc.r")
pseudo_R2(fit2)
```

```
## [1] pseudo R2 = 0.4984
```

O modelo foi capaz de explicar aproximadamente 50% da variabilidade dos dados.

Observações potencialmente influentes

```
age[c(368,452,499)]
surv[c(368,452,499)]
C1[c(368,452,499)]
C2[c(368,452,499)]
```

Neste contexto não será necessário retirarmos as devidas observações pois há alta quantidade de dados e a influência é miníma.

3. Ajustando modelo 3 - full

```
SeA<-sex*age
SeC1<-sex*C1
SeC2<-sex*C2
AeC1<-C1*age
AeC2<-C2*age
fit3<-glm(surv~sex+age+C1+C2+SeA+SeC1+SeC2+AeC1+AeC2, family = binomial(link="logit"))</pre>
summary(fit3)
##
## Call:
## glm(formula = surv ~ sex + age + C1 + C2 + SeA + SeC1 + SeC2 +
##
       AeC1 + AeC2, family = binomial(link = "logit"))
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
## -2.6219 -0.6405 -0.3971
                               0.3376
                                         3.2713
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
```

```
## (Intercept) -0.55620
                          0.38204 -1.456 0.14543
                          0.49194
## sex
               0.79386
                                   1.614 0.10658
## age
              -0.04861
                          0.01521 -3.197 0.00139 **
## C1
               1.48300
                          0.68348
                                    2.170 0.03003 *
## C2
               1.26911
                          0.64685
                                   1.962 0.04977 *
## SeA
               0.03034
                          0.01887
                                   1.608 0.10777
## SeC1
               1.68959
                          0.73022
                                   2.314 0.02068 *
## SeC2
               3.14883
                          0.71867
                                    4.381 1.18e-05 ***
## AeC1
              0.01534
                          0.01972
                                   0.778 0.43684
## AeC2
              -0.04911
                          0.02492 -1.971 0.04872 *
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
## Residual deviance: 604.34 on 704 degrees of freedom
## AIC: 624.34
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

3.1. Seleção do modelo

```
fit3_step <- step(fit3)</pre>
summary(fit3_step)
##
## Call:
## glm(formula = surv \sim sex + age + C1 + C2 + SeA + SeC1 + SeC2 +
##
       AeC2, family = binomial(link = "logit"))
##
## Deviance Residuals:
      Min
                 1Q
                      Median
                                   ЗQ
                                           Max
## -2.7807
           -0.6323 -0.4211
                               0.3313
                                        3.2475
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                           0.30442 -2.429 0.015141 *
## (Intercept) -0.73944
               0.92429
                           0.46462
                                    1.989 0.046662 *
## sex
                           0.01083 -3.737 0.000186 ***
## age
              -0.04046
## C1
               1.95168
                           0.33135
                                    5.890 3.86e-09 ***
## C2
               1.41172
                           0.62148
                                     2.272 0.023115 *
## SeA
               0.02465
                           0.01728
                                     1.426 0.153782
## SeC1
               1.74017
                           0.73538
                                     2.366 0.017964 *
## SeC2
               3.19946
                           0.71883
                                     4.451 8.55e-06 ***
## AeC2
              -0.05535
                           0.02350 -2.356 0.018485 *
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
##
```

```
## Residual deviance: 604.94 on 705 degrees of freedom
## AIC: 622.94
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

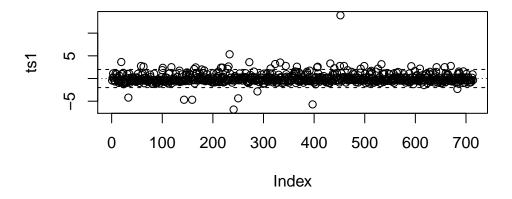
Aplicamos o método stepwise com intenção de redução de dimensionalidade no modelo e covariáveis significativas. O método considera como critério de seleção do melhor modelo o AIC. Obtemos que apenas as interações sexo*idade e idade*classe2 não foram significativas a 5%.

3.2. Análise de diagnóstico e influência fit3_step

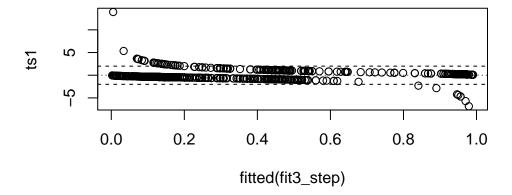
3.2.1. Resíduos

```
ts1<-resid(fit3_step,type="pearson") #studentizados
abline(plot(ts1, main='Resíduos studentizados vs indíces'), lty=c(2,2,3), h=c(-2,2,0))
```

Resíduos studentizados vs indíces

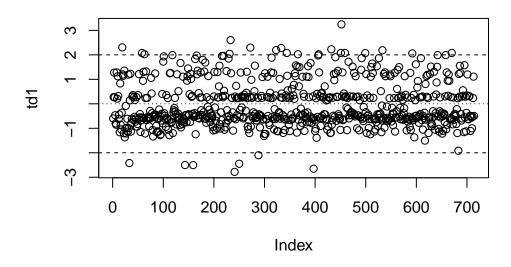


Resíduos studentizados vs ajustados

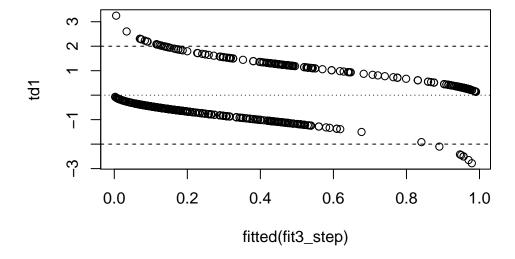


```
td1<-resid(fit3_step,type="deviance") #componente do desvio
abline(plot(td1,main='Resíduos componente do desvio vs indíces'),lty=c(2,2,3),h=c(-2,2,0))
```

Resíduos componente do desvio vs indíces



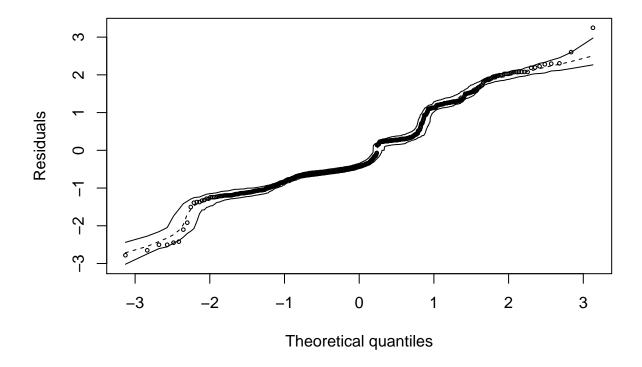
Resíduos componente do desvio vs ajustados



3.2.2. Envelope Simulado

```
hnp(fit3_step, halfnormal = F, conf=0.9)
```

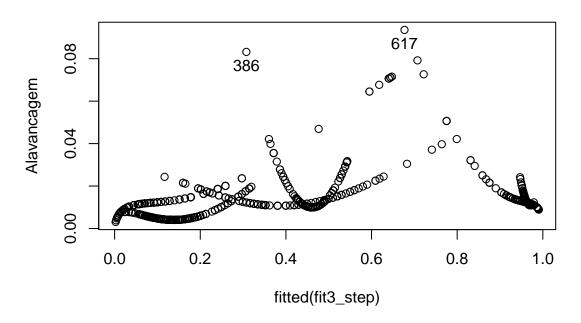
Binomial model



Foi detectado pela função h
np o modelo binomial. O envelope simulado usado para diagnóstico de ajustes de modelos demonstrou bom ajuste para o modelo fit
3_step. Os pontos, em grande maioria, se encontram inseridos entre as bandas de 90% confiança.

3.2.3. Alavancagem

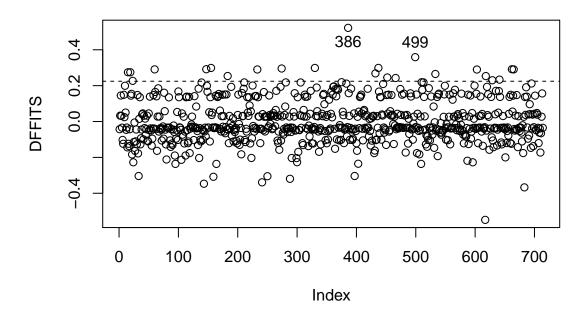
Alavancagem vs valores ajustados



3.2.4. DFFIT

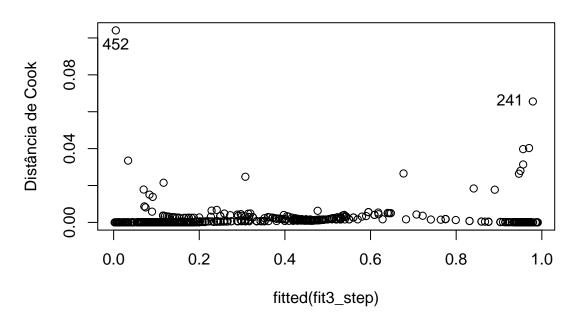
```
dffits(fit3_step)
limite<-2*sqrt(fit3_step$rank / n)
limite
abline(plot(dffits(fit3_step),ylab="DFFITS",main="DFFITS"), h=limite,lty=2)
identify(dffits(fit3_step), n=2)</pre>
```

DFFITS



3.2.5. Distância de Cook

Cook vs valores ajustados



3.3. Verificação da função de ligação - teste RESET

```
eta.hat<-(fit3_step$linear.predictors)^2
verfify.link<-glm(surv~sex+C1+C2+age+SeC1+SeC2+AeC2+eta.hat, family=binomial(link=logit))
summary(verfify.link)
##
## Call:
## glm(formula = surv ~ sex + C1 + C2 + age + SeC1 + SeC2 + AeC2 +
##
       eta.hat, family = binomial(link = logit))
##
## Deviance Residuals:
       Min
##
                 1Q
                      Median
                                   3Q
                                           Max
           -0.6222 -0.4576
                               0.3422
##
  -3.0293
                                         3.0123
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -0.970687
                           0.296700
                                    -3.272 0.001069 **
                1.526830
                           0.327323
                                      4.665 3.09e-06 ***
## C1
                           0.381108
                                      4.949 7.45e-07 ***
                1.886190
## C2
                1.454186
                           0.625105
                                      2.326 0.020002 *
## age
               -0.033256
                           0.009503
                                     -3.500 0.000466 ***
## SeC1
                1.888114
                           1.068022
                                      1.768 0.077084
                                      4.704 2.55e-06 ***
## SeC2
                3.419473
                           0.726954
## AeC2
               -0.057052
                           0.023363
                                     -2.442 0.014604 *
## eta.hat
                0.021243
                           0.063926
                                      0.332 0.739659
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
## Null deviance: 964.52 on 713 degrees of freedom
## Residual deviance: 606.85 on 705 degrees of freedom
## AIC: 624.85
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

Inserimos a covariável η^2 e testamos se o parâmetro associado à essa covariável é igual a zero. Ela não foi significativa para o modelo, ou seja, não rejeitamos a hipótese nula e concluimos que

 $\hat{\eta}^2 = 0$. Portanto, o modelo está corretamente especificado.

3.4. Qualidade do ajuste

```
source("pseudo_R2_disc.r")
pseudo_R2(fit3_step)
## [1] pseudo R2 = 0.534
```

O modelo foi capaz de explicar 53,4% da variabilidade dos dados.

4. Modelo fit3 sem outliers

Irei testar como ficaria esse ultimo modelo ajustado sem as possíveis observações influentes.

Retirando observações potencialmente influentes

```
new_age<-age[-c(368,452,499)]
new_sex<-sex[-c(368,452,499)]
new_C1<-C1[-c(368,452,499)]
new_C2<-C2[-c(368,452,499)]
new_surv<-surv[-c(368,452,499)]
```

Novas interações

```
new_SeC1<-new_sex*new_C1
new_SeC2<-new_sex*new_C2
new_AeC2<-new_age*new_C2
```

Modelo full sem outliers

```
final_fit<-glm(new_surv~new_sex+new_C1+new_C2+new_age+new_SeC1+new_SeC2+new_AeC2, family=binomial(link=
#source("diag_binomial.r")
#diag.binomial(final_fit)
summary(final_fit)
##
## Call:
## glm(formula = new_surv ~ new_sex + new_C1 + new_C2 + new_age +</pre>
```

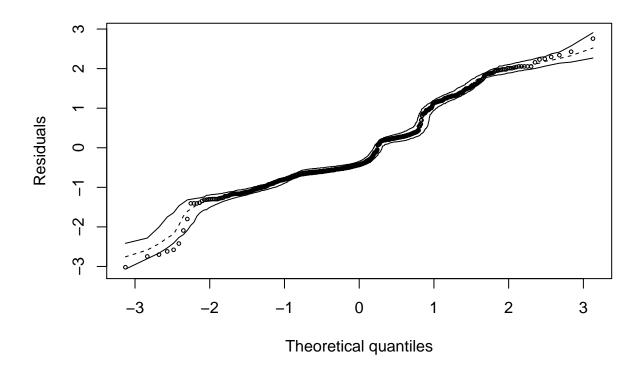
new_SeC1 + new_SeC2 + new_AeC2, family = binomial(link = logit))

```
##
## Deviance Residuals:
     Min 1Q Median
                                Max
## -3.0196 -0.6259 -0.4295 0.3284
                              2.7580
## Coefficients:
           Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) -0.868571 0.274749 -3.161 0.001571 **
## new_sex 1.459674 0.270578 5.395 6.87e-08 ***
## new_C1
           ## new_C2
           ## new_age
## new_SeC1
           2.207269  0.683059  3.231  0.001232 **
## new_SeC2
           3.943332  0.791951  4.979  6.38e-07 ***
## new_AeC2
         ## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
     Null deviance: 959.09 on 710 degrees of freedom
## Residual deviance: 591.51 on 703 degrees of freedom
## AIC: 607.51
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

Envelope Simulado

```
hnp(final_fit, halfnormal=F, conf=0.9)
```

Binomial model



Houve uma pequena melhora do modelo fit3_step para o final_fit onde apenas 3 observações influentes foram retiradas e o ajuste refeito. Mais pontos se manteram inseridos entre as bandas de 90% de confiança.

Pseudo \mathbb{R}^2

```
source("pseudo_R2_disc.r")
pseudo_R2(final_fit)
```

[1] pseudo R2 = 0.5452

Em termos de qualidade de ajuste, com a remoção das observações influentes obteve-se pequeno aumento da explicação da variabilidade dos dados pelo modelo final ajustado (54,5%).

Não seria viável avaliar resíduos, influência dado que o processo ja foi considerado OK no modelo anterior.

5. Probabilidade de sobrevivência

Segundo site: Para calcular a probabilidade de sobrevivência de um indivíduo, E(Y), é necessário aplicar uma função inversa a função de ligação, sendo representada por:

$$E(Y) = \frac{e^{g(x)}}{1 + e^{g(x)}}$$

O modelo final é dado por:

$$g(X) = -0.8686 + Sexo \times 1.4597 + C1 \times 1.8199 + C2 \times 1.7522 - Idade \times 0.0349 + (Sexo \times C1) \times 2.2073 + (Sexo \times C2) \times 3.9433 - (Idade \times C2) \times 0.076,$$

em que sexofem = 1 e sexomasc = 0.

Minha probabilidade de sobrevivência estando na 1 classe seria:

```
g <- -0.868571 + 0*1.459674 + 1*1.819929 + 0*1.752247- 22*0.0349 + 0*1*2.207+ 0*0*3.9433 - 22*0*0.0762* exp(g)/(1+exp(g))
```

```
## [1] 0.5457611
```

O valor retornado pelo site foi de 59,1% nessas mesmas condições.

Minha probabilidade de sobrevivência estando na 2 classe seria:

```
g \leftarrow -0.868571 + 0*1.459674 + 0*1.819929 + 1*1.752247 - 22*0.0349 + 0*0*2.207 + 0*1*3.9433 - 22*1*0.0762 exp(g)/(1+exp(g))
```

[1] 0.1735715