

1ª avaliação

1) Ache a medida em graus do ângulo entre os vetores $u = (1, 10, 200)$ e $v = (-10, 1, 0)$

2) $V = \mathbb{R}^5$ e $w = \{(0, x_2, x_3, x_4, x_5); x_i \in \mathbb{R}\}$. Isto é, w é o conjunto dos vetores de \mathbb{R}^5 , cuja primeira componente é nula. Mostre que w é de fato um Subespaço Vetorial de \mathbb{R}^5 .

3) Considere os vetores $v_1 = (1, -3, 2)$ e $v_2 = (2, 4, -1)$ no \mathbb{R}^3 :

a) Determine o valor de k para que o vetor $u = (-1, k, -7)$ seja combinação linear dos vetores v_1 e v_2 .

4) Mostre que:

a) No espaço vetorial $V = \mathbb{R}^3$, o conjunto de vetores $\{\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3\}$, tal que $\vec{e}_1 = (1, 0, 0)$, $\vec{e}_2 = (0, 1, 0)$ e $\vec{e}_3 = (0, 0, 1)$ formam um conjunto Linearmente Independente - LI.

b) No espaço vetorial $M(2,2)$, o conjunto

$$A = \left\{ \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 3 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \right\} = \left\{ \begin{bmatrix} 6 & -12 \end{bmatrix} \right\}, \text{ é Linearmente Dependente - LD.}$$

5) Verifique se o conjunto $V = \{(a, b) / a, b \in \mathbb{R}\} = \mathbb{R}^2$ com as operações definidas por:

$$(a, b) + (c, d) = (a+c, b+d)$$

$$\alpha \cdot (a, b) = (\alpha a, b)$$

é um Espaço Vetorial sobre \mathbb{R} .