# 第十七届中国地质大学(北京)程序设计大赛 网络赛题解

**CUGBACM** 

Carry

2023年11月23日



- 1 写在前面
- 2 题解
- 3 写在最后

- 1 写在前面
- 3 写在最后

#### 随意说说

- 本文件是文字题解, 本次网络赛难度是大致依次从易到难
- 题目所有的 std 文件,即标准程序请 见https://github.com/CarryNotKarry/Template

- 1 写在前面
- 2 题解
- 3 写在最后

# A. 签到题

- 简单签到,模拟即可
- 输出 a b 即可

### B. 注意事项

- 模拟,按照题意模拟即可
- 请注意如果一个题没有通过,哪怕错再多次也不会对罚时有 影响

## C. 判断正方形和长方形

- 按照正方形和长方形的性质即可
- 正方形性质:两组对边分别平行;邻边互相垂直;四条边都相等
- 长方形性质:两组对边分别平行;邻边互相垂直
- 本题的正方形以及长方形的四边都是平行于坐标轴的



#### D. 启动!

- 模拟
- 对于每一次读入判断是否名字相同或者金额大于自己的充值 金额
- 统计答案即可



#### E.Crazy!

- 大致题意: 一开始有 50 元, 有 n 次进行选择: 加上 k 或 者乘以2
- 假设现在有 ans 元, 我们每次直接选择 ans\*2 和 ans+k 较大的那个
- 通过数据范围可以计算出需要使用 long long, 若使用 C++ 中的 int 则会错误

写在最后

### F. 双职业竞技场

- 简单思维题
- 显然亵渎作为最后一张牌使用最优
- 对 a 数组进行升序排序,设  $b_i$  为使用亵渎前随从 i 的血量  $(1 \le b_i \le a_i)$ ,为了使亵渎能清场,那么 b 数组满足  $b_{i+1} b_i \le 1$ 。毒刃的使用数量为  $\sum_{i=1}^{n} (a_i b_i)$ ,所以我们需要最大化  $\sum_{i=1}^{n} b_i$ 。
- 因为  $b_i \le a_i$  且  $b_i \le b_{i-1} + 1$ ,所以我们让  $b_1 = 1$ , $b_i = \min\{a_i, b_{i-1} + 1\}$  即可。
- 时间复杂度: O(n log n)
- 空间复杂度: O(n)



## G.kdy 和 lxy 背单词

- 动态规划 (DP)
- 大致题意:给定一个长度为 n 的数列,和 m 个跳跃。可以 打乱 m 个跳跃的顺序,问哪一个序列,可以使路线上收集 的分数最高

# G.kdy 和 lxy 背单词

- 设 f[i][j][k][q][p] 为已经使用了 i 个第一种跳跃, i 个 第二种跳跃, k 个第三种跳跃, q 个第四种跳跃, p 个第五 种跳跃,可以收集到的最大值。
- 那么这一天的位置就是x=i\*s[1]+j\*s[2]+k\* s[3] + q \* s[4] + p \* s[5] 。s[i] 表示第 i 种跳跃的 跳跃距离。

## G.kdy 和 lxy 背单词

- 转移方程

$$f[i][j][k][q][p] = \begin{cases} f[i-1][j][k][q][p] + a[x] & i >= 1 \\ f[i][j-1][k][q][p] + a[x] & j >= 1 \\ f[i][j][k-1][q][p] + a[x] & k >= 1 : \\ f[i][j][k][q-1][p] + a[x] & q >= 1 \\ f[i][j][k][q][p-1] + a[x] & p >= 1 \end{cases}$$

- 一共 m 天有 m 个跳跃,最后一定会把所有的跳跃都使用。 所以答案为 f [t1] [t2] [t3] [t4] [t5], t[i] 为每一类的单 词数
- 答案会超出 int,所有初始化需要为很小,且 f[0][0][0][0][0]=0

<ロ > < 回 > < 巨 > < 巨 > 三 の q (

## H. 爱情的力量是无穷的

- 图论、单源最短路
- 大致题意
- 题目给出了 n 个节点, m 条无向边的图。
- 有两人分别位于点 T, F, 他们各自移动的花费分别为 TE,
   FE, 而一起移动可以减少花费 S, 求两人到达 N 点需要的最少花费

## H. 爱情的力量是无穷的

- 假设现在蘑菇光和助手都位于点 A , 此次他们前往点 N 所 选取的路径一定都是各自最少花费可以到达点 N 的方案, 也就是同一种方案。故得出,当两人相遇后,之后在前往 N 点的过程中,一定不会分开
- 跑三遍Dijkstra算法,分别得到点 T,F,N 到每个点所需要的最少乘车数。(这里是 Dijkstra 的抽象,将每一条路径的长度都抽象为 1)。分别存在 disa, disb, disc 三个数组中
- 假设两人是在点 i 相遇后一起出发前往点 N, 那么此时对应 的答案 ans<sub>i</sub> = disa<sub>i</sub> \* TE + disb<sub>i</sub> \* FE + disc<sub>i</sub> \* (TE + FE - S)
- 之后遍历 N 个点,求出答案
   ans = min{ans<sub>i</sub> | i ∈ {1,2,3,...,N}}

- (ロ) (部) (注) (注) (注) ( 注) からご

### L 谁会赢?

- 大致题意
- 给定一个数字矩阵,两位玩家轮流进行操作,谁先通过操作 使得该矩阵变得有序则获胜,问最终的赢家?

#### 准会赢?

- 首先判断该矩阵能否由若干次行列交换变成有序的,如果不 能,直接平局。
- 如果先手玩家浅碎经过一步操作即可获胜,则玩家浅碎必胜
- 反之,容易发现剩下的情况中,先手浅碎如果想要取胜,前 提必有 m=2; 后手森柠想要获胜, 前提必有 m=2, 不然 游戏将会永远平局

写在最后

### 谁会赢?

- 当想要先手取胜且 m=2时,先手操作将会改变行间逆序 对的奇偶性, 后手仅能交换仅有的两列, 显然只要行逆序对 的奇偶性和列逆序对的奇偶性不相等时,先手必胜
- 当想要后手取胜且 n=2 时,后手操作将会改变列间逆序对 的奇偶性, 先手仅能交换仅有的两行, 显然只要行逆序对的 奇偶性和列逆序对的奇偶性相等时, 后手必胜。
- 时间复杂度: O(n log n)
- 空间复杂度: O(n)



#### J. 轰轰火花!

- 大致题意
- 实现一种数据结构,实现  $O(\log N)$  内实现数的增删和查询
- 二分、AVL<sup>1</sup>

https://oi-wiki.org/ds/avl/



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>AVL 是一种自平衡二叉搜索树。参考链接:

#### J. 轰轰火花!

- 正解: 采用平衡树存储, 避免极端情况每次插入的序列单调 使得树退化成链,若为链每次操作时间复杂度变为 O(N), 如 Splay
- 其他方法 1: 因为该题时间较为宽松、数据较弱, 可以使用 数组与二分模拟整个过程,例如在插入操作中可以直接对 vector 数组 a 进行二分找到位置再插入: a.insert(lower bound(a.begin(),a.end(),x),x);
- 其他方法 2: 树状数组也可以通过, 需要离散化
- 时间复杂度: O(n log n)
- 空间复杂度: O(n)



# K. 小天天的战争机器人

- 模拟、记忆化搜索
- 大致题意
- 在整个地图上最多有多少个 0 是连在一起的



### K. 小天天的战争机器人

- 使用一个二维数组记录所有已经被访问过的陆地
- 双重 for 循环寻找没有访问过的陆地
- 使用搜索来标记与循环找到的那个陆地连接起来的其他陆 地, 并使用一个变量来记录下来
- 并查集方法同样可以
- 时间复杂度和空间复杂度均为 O(n²)



#### L. 我很好奇

- 数据结构、线段树
- 大致题意
- 给出一个只含有(和)的字符串,每次询问  $s_{l_i}, s_{l_{i+1}}, \ldots, s_{r_i}$  的最长合法括号子序列的长度

#### L. 我很好奇

- 对每个线段我们维护两个值
- lu 未匹配的 ( 数量
- ru 未匹配的)数量
- 设线段 o 的左右孩子为 1s.rs
- 那么线段树中的 pushup 操作为

$$t = min\{lu_{ls}, ru_{rs}\}$$
  
 $lu_o = lu_{ls} + lu_{rs} - t$   
 $ru_o = ru_{ls} + ru_{rs} - t$ 

• 查询操作大同小异, 最后答案为区间长度减去为匹配左右括 号数量

### M.FFF 团

- 数论
- 大致题意
- 给出 x y, 求  $gcd(x+k,x+y) \neq 1$  中 k 的最小值,不存在 输出-1

#### M.FFF 团

- 首先可知, 暴力是无法通过的
- 保证 x < v</li>
- 根据 gcd 的性质可以得到等式: gcd(x+k,y+k) = gcd(x+k,y+k-(x+k)) = gcd(x+k,y-x)
- 这其中 v-x 的值是固定的, 我们可以计算 v-x 的所有质 因子, 然后调整 k 去匹配即可。若使用根号计算复杂度仍 然过高, 我们先通过筛法求出 107 以内的所有素数即可, 这 样优化之后大约500个。
- 时间复杂度: O(500n)
- 空间复杂度:  $O(10^7)$



- 1 写在前面
- 2 题解
- 3 写在最后

# Thanks!

祝大家现场赛顺利!

