

Sortarea, analiza timpului și eficienței

Galben Casian-Petrică

Departamentul de Informatică

Facultatea de Matematică și Informatică

Universitatea de Vest Timișoara, România

Email: `casian.galben00@e-uvt.ro`

May 2020

Rezumat

În această lucrare am realizat o comparație între metodele de sortare. Implementând 5 metode de sortare în Python, folosind platforma Anaconda, am testat pentru fiecare metodă de sortare în cât timp se vor sorta listele create în Python. Listele au fost create folosind funcția "Random". Folosind "Time" importat din pachetul predefinit de Python 3, am reușit să calculez timpul de execuție al algormului.

Încercând să găesc pe internet fișiere cu milioane de elemente, am decis să generez eu propriile fișiere text în care am pus listele respective. Generând astfel prin funcția "lista", listele nesortate, având acum mai multe fișiere cu liste de diferite lungimi. În prezentare este descris modul în care algoritmii sortează listele și cât timp durează ca listele să fie sortate.

Pe tot parcursul lucrării o să analizăm modul în care aceste sortări se manifestă pentru liste de lungimi mari.

Cuprins

1	Introducere	3
1.1	Motivație	3
1.2	Descriere informală a soluției	3
1.3	Exemple simple ce ilustrează problema și soluția	3
1.4	Exemplu complex	3
1.5	Declarație de originalitate	4
2	Descrierea formală a problemei și soluției	4
2.1	Introducere	4
2.2	Metoda Insertiei (Insertion Sort)	5
2.3	Metoda Selecției (Selection Sort)	5
2.4	Metoda Sortării Rapide (Quick Sort)	5
2.5	Metoda Bulelor (Bubble Sort)	5
2.6	HeapSort	6
3	Modelarea și implementarea problemei și soluției	6
3.1	Manualul de sistem	6
3.2	Manual de utilizare	9
4	Studiu de caz / Experiment	10
4.1	Metoda Insertiei	10
4.2	Metoda Selecției	11
4.3	Metoda Sortării Rapide	12
4.4	Metoda Bulelor	13
4.5	HeapSort	14
4.6	Descrierea părții experimentale	15
5	Concluzii și direcții viitoare	16
6	Bibliografie	18

1 Introducere

1.1 Motivație

Această lucrare își propune să răspundă la simpla întrebare: "Cum putem realiza operația de sortare cât mai repede?". Ținând cont de faptul că în viața de zi cu zi ne confruntăm cu numeroase situații în care intervine necesitatea de a sorta informații, uneori chiar și fără să conștientizăm acest lucru, problema sortării se impune a fi analizată atent și optimizată prin metode cât mai facile, pe care le vom pune în evidență în următoarele capitole.

1.2 Descriere informală a soluției

O să putem observa pe parcursul lucrării, cum putem sorta rapid, eficient și care este cea mai bună metodă de sortare pentru a liste de lungimi mari.

1.3 Exemple simple ce ilustrează problema și soluția

Un bun exemplu pe care îl voi expune este cel al sortării studenților/elevilor după notele obținute la examene/teste. Când deja sunt multe persoane lucrurile se complică și de aceea avem nevoie de o metodă de sortare.

1.4 Exemplu complex

Unul dintre exemplele expuse în lucrare este cel al sortării listei de 100000 de elemente. O lista generată random. În cazurile în care avem de lucru cu liste de lungimi mici, metodele de sortare se comportă relativ asemănător. Când lucrăm cu liste de lungimi mari ne punem problema "Ce metodă de sortare este mai rapidă?"

O ilustrație a cum poate arăta o listă de 100000 elemente, o putem observa pe următoarea pagină.

```
[68337, 45987, 71671, 57133, 44867, 99587, 35780, 59989, 92412, 47818, 40189, 68663, 15122, 68376, 31095, 78688, 6356, 67294,
10785, 95382, 2596, 29172, 13789, 51303, 68426, 35273, 69256, 85134, 75411, 80368, 53124, 23605, 78372, 2960, 56342, 87555, 4
9288, 53838, 23347, 70377, 29731, 15631, 86947, 39499, 31468, 75861, 4372, 90707, 57096, 70422, 45776, 25628, 26471, 61257, 3
4182, 6268, 528, 97926, 6853, 21417, 58869, 60329, 47590, 54581, 61843, 88946, 55557, 46827, 52883, 65306, 82441, 67932, 6682
1, 59216, 21634, 15304, 97381, 66831, 4766, 17597, 60490, 24958, 38060, 16826, 30560, 89912, 61757, 79273, 3278, 90085, 9933
5, 32187, 6856, 20870, 17422, 7441, 25379, 57183, 15781, 63984, 30884, 68639, 45793, 16206, 68063, 81572, 99768, 24802, 7711
5, 10375, 82647, 92216, 6666, 32749, 69743, 93217, 90693, 66752, 89779, 59260, 50488, 48110, 25409, 6736, 80077, 36564, 7777
8, 91001, 10975, 4282, 98977, 28394, 38352, 5231, 49371, 75275, 79986, 42985, 1466, 69656, 18835, 5116, 63546, 37561, 56586,
13496, 77326, 99331, 30564, 5771, 38959, 25361, 11802, 81533, 67020, 81503, 37096, 74739, 59294, 49597, 27016, 16211, 93657,
70765, 60317, 9664, 45286, 70985, 79195, 52533, 23370, 67224, 8655, 86043, 3627, 5432, 74382, 55498, 99318, 49568, 11322, 646
05, 66062, 65941, 40166, 58589, 55020, 27469, 42555, 9254, 34457, 72285, 76965, 79082, 74886, 68856, 10001, 29105, 38018, 239
66, 13990, 83718, 83597, 92555, 59711, 12914, 9413, 32738, 54936, 14660, 37272, 23058, 98533, 67195, 4293, 96351, 57979, 7780
0, 95430, 59419, 61477, 60355, 66656, 68348, 88815, 20986, 63304, 91726, 77362, 47771, 9089, 22202, 22082, 56799, 3638, 8002,
46480, 60926, 68022, 87724, 88434, 94917, 56237, 77896, 12682, 65058, 52222, 757, 44577, 84050, 9507, 5343, 40474, 72172, 339
31, 75699, 92611, 76716, 57420, 88731, 76576, 82763, 85674, 20148, 36643, 65209, 25292, 54887, 59185, 60563, 8812, 2090, 431
6, 10598, 64136, 40697, 6934, 66718, 69991, 55485, 72595, 70884, 59672, 12525, 19559, 845, 80021, 7929, 46551, 34124, 79027,
84534, 23033, 47252, 99847, 66610, 50743, 73167, 76677, 26461, 92881, 51769, 63751, 14949, 84161, 31960, 2604, 66804, 37831,
7322, 79575, 25225, 13823, 54684, 12220, 74664, 8637, 32773, 70549, 23276, 87861, 84664, 13703, 97151, 45384, 84921, 40511, 9
3137, 12350, 85578, 13764, 1954, 17317, 79178, 1121, 2944, 93917, 98314, 61661, 50833, 49715, 95608, 4990, 68223, 45806, 209
4, 20200, 8000, 65000, 61500, 6700, 2000, 65000, 2000, 8114, 55504, 60004, 60004, 67100, 71000, 61004, 60004, 60004, 70000, 70000]
```

1.5 Declarație de originalitate

În această lucrare, am încercat să expun problema sortării listelor de lungimi mari, astfel am implementat în Python3 5 metode de sortare deja cunoscute de lume (Metoda Inserției, Metoda Selecției, Metoda Sortării Rapide, Metoda Bulelor, HeapSort) și am testat pe liste (generate de mine) de lungimi diferite, timpul de execuție al algoritmului.

2 Descrierea formală a problemei și soluției

2.1 Introducere

În lume au fost create multe metode de sortare, dar noi o să discutăm doar despre 5 dintre ele:

- Metoda Inserției (Insertion Sort);
- Metoda Selecției (Selection Sort);
- Metoda Sortării Rapide (Quick Sort);
- Metoda Bulelor (Bubble Sort);
- HeapSort;

Acestea vor fi prezentate, pe rând, iar apoi vom observa care dintre aceste metode de sortare are timpul de execuție mai bun.

2.2 Metoda Insertiei (Insertion Sort)

Consideram şirul: $x[1], x[2], \dots, x[n]$. Se parcurge secvenţial şirul din element în element. Se inserează elementul curent ($x[i]$) în subşirul pe care îl avem, precedentul acestuia, ($x[1], x[2], \dots, x[i-1]$) astfel încât acesta să rămână ordonat: $x[1], x[2], \dots, x[i-1], x[i], x[i+1], \dots, x[n]$. Subşirul ce conţine elementele deja sortate creşte la fiecare pas, astfel încât, după ce parcurgem toate elementele din şir, secvenţa este sortată în întregime. Algoritmul de sortare prin inserţie este stabil si are ordinul de complexitate $O(n^2)$.

2.3 Metoda Selecţiei (Selection Sort)

Consideram şirul: $x[1], x[2], \dots, x[n]$. Se parcurge pe părţi şirul (din element în element). Se determină elementul minim din subşirul ($x[i], x[i+1], \dots, x[n]$), şi se înlocuieşte cu elementul curent ($x[i]$), $[x[1], x[2], \dots, x[i-1], x[i], x[i+1], \dots, x[n]]$. Subşirul ce conţine elementele deja sortate se măreşte la fiecare pas, astfel încât, după ce parcurgem toate elementele, secvenţa este sortată în întregime. Are o complexitate a timpului de $O(n^2)$.

Acest lucru face sortarea prin selecţie ineficientă pe listele mari şi, în general, are un efect mai slab decât tipul de execuţie al sortării prin inserţie.

2.4 Metoda Sortării Rapide (Quick Sort)

Considerăm şirul: $x[1], x[2], \dots, x[n]$. Se alege din şir un element, numit pivot. $[x[1], x[2], \dots, x[i-1], x[i], x[i+1], \dots, x[n]]$ Se realizează împărţirea şirului (în raport cu acest pivot): se reordonează şirul astfel încât elementele cu valori mai mici decât pivotul se plasează înainte de pivot, iar elementele cu valori mai mari decât pivotul se plasează după acesta, iar cele egale în oricare din părţi).

După împărţire, pivotul se află în poziţia finală. Se aplică recursiv aceeaşi procedură subşirului de elemente cu valori mai mici, iar separat subşirului cu valori mai mari. Quick Sort are ca ordin de complexitate $\theta(n \log n)$.

2.5 Metoda Bulelor (Bubble Sort)

Tabloul este parcurs de la stânga spre dreapta şi elementele adiacente sunt comparate. Dacă nu sunt în ordinea dorită atunci se interschimbă. Procesul

este repetat până când tabloul ajunge să fie ordonat.

$$[x[1], x[2], \dots, x[m-1], x[m], x[m+1], \dots, x[n]]$$

Această variantă de implementare este cea mai puțin eficientă dintre acestea. Variantele mai bune evită execuția de $(n-1)$ ori a ciclului exterior, oprind prelucrarea când tabloul este sortat deja. Bubble Sort este un algoritm stabil, chiar dacă nu este eficient.

2.6 HeapSort

Algoritmul de sortare "Heap Sort" a fost creat în dorința de a îmbunătăți algoritmul sortării prin selecție (elementul minim sau maxim din vector se va așeza în locul primului sau ultimului element al vectorului, algoritmul reluându-se pentru cele $n-1$ elemente rămase). Fiind dat un vector x cu n componente se cere ca acesta să fie sortat crescător sau descrescător prin metoda Heap-urilor.

În cazul în care vectorul se organizează ca un MinHeap, prima componentă reține cea mai mică valoare, apoi se schimbă conținuturile componentelor 1 și n , deoarece în acest caz, ultima componentă reține valoarea cea mai mare. Din prima componentă și MinHeap-urile cu vârfurile $x[2]$ și $x[3]$ se formează un nou MinHeap. Se interschimbă conținuturile componentelor 1 și $n-1$.

3 Modelarea și implementarea problemei și soluției

3.1 Manualul de sistem

În această parte o să discutăm despre cum am implementat algoritmi deja cunoscuți de lume. Implementarea algoritmilor de sortare a fost făcută în Python 3 ca și limbaj de programare, folosind Anaconda ca și cale către locul unde puteam folosi limbajul.

- **Metoda Inserției**

```
def insertie(x):  
    start=time()
```

```

for i in range(1, len(x)):
    aux=x[i]
    j=i-1
    while j>=0 and aux<x[j]:
        x[j+1]=x[j]
        j=j-1
    x[j+1]=aux
print(x)
print("Codul_a_durat_{}".format(time()-start))

```

- Metoda Selecției

```

def selectie(x):
    start=time()
    for i in range(len(x)):
        k=i
        for j in range(i+1, len(x)):
            if x[k]>x[j]:
                k=j
        if k!=i:
            x[i], x[k]=x[k], x[i]
    print(x)
    print("Codul_a_durat_{}".format(time()-start))

```

- Metoda Sortării Rapide

```

def partitie(x, s, d):
    pivot = x[s]
    low = s + 1
    high = d
    while True:
        while low <= high and x[high] >= pivot:
            high = high - 1
        while low <= high and x[low] <= pivot:
            low = low + 1
        if low <= high:
            x[low], x[high] = x[high], x[low]
        else:
            break

```

```

    x[s], x[high] = x[high], x[s]
    return high

def quick_sort(x, s, d):
    if s >= d:
        return

    p = partitie(x, s, d)
    quick_sort(x, s, p-1)
    quick_sort(x, p+1, d)

start=time()
quick_sort(n5, 0, len(n5) - 1)
print("Codul_a_durat_{}".format(time()-start))

```

- Metoda Bulelor

```

def bubbleSort(x):
    start=time()
    n = len(x)
    for i in range(n):
        for j in range(0, n-i-1):
            if x[j] > x[j+1]:
                x[j], x[j+1] = x[j+1], x[j]

    print(x)
    print("Codul_a_durat_{}".format(time()-start))

```

- HeapSort

```

def heap(x, n, i):
    largest = i
    l = 2 * i + 1
    r = 2 * i + 2
    if l < n and x[i] < x[l]:
        largest = l
    if r < n and x[largest] < x[r]:
        largest = r
    if largest != i:
        x[i], x[largest] = x[largest], x[i]

```



```

heap(x, n, largest)

def heapSort(x):
    n = len(x)
    for i in range(n, -1, -1):
        heap(x, n, i)
    for i in range(n-1, 0, -1):
        x[i], x[0] = x[0], x[i]
        heap(x, i, 0)
    start=time()
    print(n)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))

```

3.2 Manual de utilizare

Implementând 5 metode de sortare în Python, folosind platforma Anaconda, am testat pentru fiecare metodă de sortare în cât timp se vor sorta listele create în Python. Listele au fost create folosind funcția "Random". Folosind "Time" importat din pachetul predefinit de Python 3, am reușit să calculez timpul de execuție al algormului.

Pașii pentru a putea accesa locul unde putem implementa algoritmii sunt:

- Descărcare Anaconda de pe Google Chrome;
- Creare cont și conectare pe platformă;
- Accesare Python 3;
- Implementarea algoritmilor descriși;
- Testarea algoritmilor asupra unor exemple simple (liste lungimi mici);
- Testarea algoritmilor asupra unor exemple mai complicate (liste lungimi mari);

4 Studiu de caz / Experiment

4.1 Metoda Inserției

- Metoda Inserției asupra unei liste de lungime 10

```
def insertie(x):
    start=time()
    for i in range(1,len(x)):
        aux=x[i]
        j=i-1
        while j>=0 and aux<x[j]:
            x[j+1]=x[j]
            j=j-1
        x[j+1]=aux
    print(x)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))
insertie(n6)
```

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
Codul a durat 0.0010001659393310547

- Metoda Inserției asupra unei liste de lungime 100000

```
def insertie(x):
    start=time()
    for i in range(1,len(x)):
        aux=x[i]
        j=i-1
        while j>=0 and aux<x[j]:
            x[j+1]=x[j]
            j=j-1
        x[j+1]=aux
    print(x)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))
insertie(n1)
```

99707, 99708, 99709, 99710, 99711, 99712, 99713, 99714, 99715, 99716, 99717, 99718, 99719, 99720, 99721, 99722, 99723, 99724, 99725, 99726, 99727, 99728, 99729, 99730, 99731, 99732, 99733, 99734, 99735, 99736, 99737, 99738, 99739, 99740, 99741, 99742, 99743, 99744, 99745, 99746, 99747, 99748, 99749, 99750, 99751, 99752, 99753, 99754, 99755, 99756, 99757, 99758, 99759, 99760, 99761, 99762, 99763, 99764, 99765, 99766, 99767, 99768, 99769, 99770, 99771, 99772, 99773, 99774, 99775, 99776, 99777, 99778, 99779, 99780, 99781, 99782, 99783, 99784, 99785, 99786, 99787, 99788, 99789, 99790, 99791, 99792, 99793, 99794, 99795, 99796, 99797, 99798, 99799, 99800, 99801, 99802, 99803, 99804, 99805, 99806, 99807, 99808, 99809, 99810, 99811, 99812, 99813, 99814, 99815, 99816, 99817, 99818, 99819, 99820, 99821, 99822, 99823, 99824, 99825, 99826, 99827, 99828, 99829, 99830, 99831, 99832, 99833, 99834, 99835, 99836, 99837, 99838, 99839, 99840, 99841, 99842, 99843, 99844, 99845, 99846, 99847, 99848, 99849, 99850, 99851, 99852, 99853, 99854, 99855, 99856, 99857, 99858, 99859, 99860, 99861, 99862, 99863, 99864, 99865, 99866, 99867, 99868, 99869, 99870, 99871, 99872, 99873, 99874, 99875, 99876, 99877, 99878, 99879, 99880, 99881, 99882, 99883, 99884, 99885, 99886, 99887, 99888, 99889, 99890, 99891, 99892, 99893, 99894, 99895, 99896, 99897, 99898, 99899, 99900, 99901, 99902, 99903, 99904, 99905, 99906, 99907, 99908, 99909, 99910, 99911, 99912, 99913, 99914, 99915, 99916, 99917, 99918, 99919, 99920, 99921, 99922, 99923, 99924, 99925, 99926, 99927, 99928, 99929, 99930, 99931, 99932, 99933, 99934, 99935, 99936, 99937, 99938, 99939, 99940, 99941, 99942, 99943, 99944, 99945, 99946, 99947, 99948, 99949, 99950, 99951, 99952, 99953, 99954, 99955, 99956, 99957, 99958, 99959, 99960, 99961, 99962, 99963, 99964, 99965, 99966, 99967, 99968, 99969, 99970, 99971, 99972, 99973, 99974, 99975, 99976, 99977, 99978, 99979, 99980, 99981, 99982, 99983, 99984, 99985, 99986, 99987, 99988, 99989, 99990, 99991, 99992, 99993, 99994, 99995, 99996, 99997, 99998, 99999]
Codul a durat 1066.1489803791046

4.2 Metoda Selecției

- Metoda Selecției asupra unei liste de lungime 10

```
def selectie(x):
    start=time()
    for i in range(len(x)):
        k=i
        for j in range(i+1, len(x)):
            if x[k]>x[j]:
                k=j
        if k!=i:
            x[i],x[k]=x[k],x[i]
    print(x)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))
```

selectie(n6)

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
Codul a durat 0.0

- Metoda Selecției asupra unei liste de lungime 100000

```
def selectie(x):
    start=time()
    for i in range(len(x)):
        k=i
        for j in range(i+1, len(x)):
            if x[k]>x[j]:
                k=j
        if k!=i:
            x[i],x[k]=x[k],x[i]
    print(x)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))
```

selectie(n1)

99907, 99908, 99909, 99910, 99911, 99912, 99913, 99914, 99915, 99916, 99917, 99918, 99919, 99920, 99921, 99922, 99923, 99924, 99925, 99926, 99927, 99928, 99929, 99930, 99931, 99932, 99933, 99934, 99935, 99936, 99937, 99938, 99939, 99940, 99941, 99942, 99943, 99944, 99945, 99946, 99947, 99948, 99949, 99950, 99951, 99952, 99953, 99954, 99955, 99956, 99957, 99958, 99959, 99960, 99961, 99962, 99963, 99964, 99965, 99966, 99967, 99968, 99969, 99970, 99971, 99972, 99973, 99974, 99975, 99976, 99977, 99978, 99979, 99980, 99981, 99982, 99983, 99984, 99985, 99986, 99987, 99988, 99989, 99990, 99991, 99992, 99993, 99994, 99995, 99996, 99997, 99998, 99999]

Codul a durat 938.7636942863464

4.3 Metoda Sortării Rapide

- Metoda Sortării Rapide asupra unei liste de lungime 10

```
def quick_sort(x, s, d):
    if s >= d:
        return

    p = partitie(x, s, d)
    quick_sort(x, s, p-1)
    quick_sort(x, p+1, d)

start=time()
quick_sort(n6, 0, len(n6) - 1)
print("Codul a durat {}".format(time()-start))
print(n6)
```

```
Codul a durat 0.0
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
```

- Metoda Sortării Rapide asupra unei liste de lungime 100000

```
quick_sort(x, p+1, d)

start=time()
quick_sort(n1, 0, len(n1) - 1)
print(n1)
print("Codul a durat {}".format(time()-start))
```

```
99687, 99688, 99689, 99690, 99691, 99692, 99693, 99694, 99695, 99696, 99697, 99698, 99699, 99700, 99701, 99702, 99703, 99704,
99705, 99706, 99707, 99708, 99709, 99710, 99711, 99712, 99713, 99714, 99715, 99716, 99717, 99718, 99719, 99720, 99721, 99722,
99723, 99724, 99725, 99726, 99727, 99728, 99729, 99730, 99731, 99732, 99733, 99734, 99735, 99736, 99737, 99738, 99739, 99740,
99741, 99742, 99743, 99744, 99745, 99746, 99747, 99748, 99749, 99750, 99751, 99752, 99753, 99754, 99755, 99756, 99757, 99758,
99759, 99760, 99761, 99762, 99763, 99764, 99765, 99766, 99767, 99768, 99769, 99770, 99771, 99772, 99773, 99774, 99775, 99776,
99777, 99778, 99779, 99780, 99781, 99782, 99783, 99784, 99785, 99786, 99787, 99788, 99789, 99790, 99791, 99792, 99793, 99794,
99795, 99796, 99797, 99798, 99799, 99800, 99801, 99802, 99803, 99804, 99805, 99806, 99807, 99808, 99809, 99810, 99811, 99812,
99813, 99814, 99815, 99816, 99817, 99818, 99819, 99820, 99821, 99822, 99823, 99824, 99825, 99826, 99827, 99828, 99829, 99830,
99831, 99832, 99833, 99834, 99835, 99836, 99837, 99838, 99839, 99840, 99841, 99842, 99843, 99844, 99845, 99846, 99847, 99848,
99849, 99850, 99851, 99852, 99853, 99854, 99855, 99856, 99857, 99858, 99859, 99860, 99861, 99862, 99863, 99864, 99865, 99866,
99867, 99868, 99869, 99870, 99871, 99872, 99873, 99874, 99875, 99876, 99877, 99878, 99879, 99880, 99881, 99882, 99883, 99884,
99885, 99886, 99887, 99888, 99889, 99890, 99891, 99892, 99893, 99894, 99895, 99896, 99897, 99898, 99899, 99900, 99901, 99902,
99903, 99904, 99905, 99906, 99907, 99908, 99909, 99910, 99911, 99912, 99913, 99914, 99915, 99916, 99917, 99918, 99919, 99920,
99921, 99922, 99923, 99924, 99925, 99926, 99927, 99928, 99929, 99930, 99931, 99932, 99933, 99934, 99935, 99936, 99937, 99938,
99939, 99940, 99941, 99942, 99943, 99944, 99945, 99946, 99947, 99948, 99949, 99950, 99951, 99952, 99953, 99954, 99955, 99956,
99957, 99958, 99959, 99960, 99961, 99962, 99963, 99964, 99965, 99966, 99967, 99968, 99969, 99970, 99971, 99972, 99973, 99974,
99975, 99976, 99977, 99978, 99979, 99980, 99981, 99982, 99983, 99984, 99985, 99986, 99987, 99988, 99989, 99990, 99991, 99992,
99993, 99994, 99995, 99996, 99997, 99998, 99999]
Codul a durat 1.0884652137756348
```


4.4 Metoda Bulelor

- Metoda Bulelor asupra unei liste de lungime 50

```
def bubbleSort(x):
    start=time()
    n = len(x)
    for i in range(n):
        for j in range(0, n-i-1):
            if x[j] > x[j+1]:
                x[j], x[j+1] = x[j+1], x[j]
    print(x)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))
bubbleSort(n5)
```

```
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25,
35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49]
Codul a durat 0.0010418891906738281
```

- Metoda Bulelor asupra unei liste de lungime 100000

```
def bubbleSort(x):
    start=time()
    n = len(x)
    for i in range(n):
        for j in range(0, n-i-1):
            if x[j] > x[j+1]:
                x[j], x[j+1] = x[j+1], x[j]
    print(x)
    print("Codul a durat {}".format(time()-start))
bubbleSort(n1)
```

```
99687, 99688, 99689, 99690, 99691, 99692, 99693, 99694, 99695, 99696, 99697, 99698, 99699, 99700, 99701, 99702, 99703, 99704,
99705, 99706, 99707, 99708, 99709, 99710, 99711, 99712, 99713, 99714, 99715, 99716, 99717, 99718, 99719, 99720, 99721, 99722,
99723, 99724, 99725, 99726, 99727, 99728, 99729, 99730, 99731, 99732, 99733, 99734, 99735, 99736, 99737, 99738, 99739, 99740,
99741, 99742, 99743, 99744, 99745, 99746, 99747, 99748, 99749, 99750, 99751, 99752, 99753, 99754, 99755, 99756, 99757, 99758,
99759, 99760, 99761, 99762, 99763, 99764, 99765, 99766, 99767, 99768, 99769, 99770, 99771, 99772, 99773, 99774, 99775, 99776,
99777, 99778, 99779, 99780, 99781, 99782, 99783, 99784, 99785, 99786, 99787, 99788, 99789, 99790, 99791, 99792, 99793, 99794,
99795, 99796, 99797, 99798, 99799, 99800, 99801, 99802, 99803, 99804, 99805, 99806, 99807, 99808, 99809, 99810, 99811, 99812,
99813, 99814, 99815, 99816, 99817, 99818, 99819, 99820, 99821, 99822, 99823, 99824, 99825, 99826, 99827, 99828, 99829, 99830,
99831, 99832, 99833, 99834, 99835, 99836, 99837, 99838, 99839, 99840, 99841, 99842, 99843, 99844, 99845, 99846, 99847, 99848,
99849, 99850, 99851, 99852, 99853, 99854, 99855, 99856, 99857, 99858, 99859, 99860, 99861, 99862, 99863, 99864, 99865, 99866,
99867, 99868, 99869, 99870, 99871, 99872, 99873, 99874, 99875, 99876, 99877, 99878, 99879, 99880, 99881, 99882, 99883, 99884,
99885, 99886, 99887, 99888, 99889, 99890, 99891, 99892, 99893, 99894, 99895, 99896, 99897, 99898, 99899, 99900, 99901, 99902,
99903, 99904, 99905, 99906, 99907, 99908, 99909, 99910, 99911, 99912, 99913, 99914, 99915, 99916, 99917, 99918, 99919, 99920,
99921, 99922, 99923, 99924, 99925, 99926, 99927, 99928, 99929, 99930, 99931, 99932, 99933, 99934, 99935, 99936, 99937, 99938,
99939, 99940, 99941, 99942, 99943, 99944, 99945, 99946, 99947, 99948, 99949, 99950, 99951, 99952, 99953, 99954, 99955, 99956,
99957, 99958, 99959, 99960, 99961, 99962, 99963, 99964, 99965, 99966, 99967, 99968, 99969, 99970, 99971, 99972, 99973, 99974,
99975, 99976, 99977, 99978, 99979, 99980, 99981, 99982, 99983, 99984, 99985, 99986, 99987, 99988, 99989, 99990, 99991, 99992,
99993, 99994, 99995, 99996, 99997, 99998, 99999]
Codul a durat 2438.455954313278
```

4.5 HeapSort

- HeapSort asupra unei liste de lungime 10

```
def heap(x, n, i):
    largest = i
    l = 2 * i + 1
    r = 2 * i + 2
    if l < n and x[i] < x[l]:
        largest = l
    if r < n and x[largest] < x[r]:
        largest = r
    if largest != i:
        x[i], x[largest] = x[largest], x[i]
        heap(x, n, largest)

def heapSort(x):
    n = len(x)
    for i in range(n, -1, -1):
        heap(x, n, i)
    for i in range(n-1, 0, -1):
        x[i], x[0] = x[0], x[i]
        heap(x, i, 0)

start=time()
heapSort(n6)
print(n6)
print("Codul a durat {}".format(time()-start))
```

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
Codul a durat 0.0

- HeapSortr asupra unei liste de lungime 100000

```

def heap(x, n, i):
    largest = i
    l = 2 * i + 1
    r = 2 * i + 2
    if l < n and x[i] < x[l]:
        largest = l
    if r < n and x[largest] < x[r]:
        largest = r
    if largest != i:
        x[i], x[largest] = x[largest], x[i]
        heap(x, n, largest)

def heapSort(x):
    n = len(x)
    for i in range(n, -1, -1):
        heap(x, n, i)
    for i in range(n-1, 0, -1):
        x[i], x[0] = x[0], x[i]
        heap(x, i, 0)

start=time()
heapSort(n1)
print(n1)
print("Codul a durat {}".format(time()-start))

```

99687, 99688, 99689, 99690, 99691, 99692, 99693, 99694, 99695, 99696, 99697, 99698, 99699, 99700, 99701, 99702, 99703, 99704,
 99705, 99706, 99707, 99708, 99709, 99710, 99711, 99712, 99713, 99714, 99715, 99716, 99717, 99718, 99719, 99720, 99721, 99722,
 99723, 99724, 99725, 99726, 99727, 99728, 99729, 99730, 99731, 99732, 99733, 99734, 99735, 99736, 99737, 99738, 99739, 99740,
 99741, 99742, 99743, 99744, 99745, 99746, 99747, 99748, 99749, 99750, 99751, 99752, 99753, 99754, 99755, 99756, 99757, 99758,
 99759, 99760, 99761, 99762, 99763, 99764, 99765, 99766, 99767, 99768, 99769, 99770, 99771, 99772, 99773, 99774, 99775, 99776,
 99777, 99778, 99779, 99780, 99781, 99782, 99783, 99784, 99785, 99786, 99787, 99788, 99789, 99790, 99791, 99792, 99793, 99794,
 99795, 99796, 99797, 99798, 99799, 99800, 99801, 99802, 99803, 99804, 99805, 99806, 99807, 99808, 99809, 99810, 99811, 99812,
 99813, 99814, 99815, 99816, 99817, 99818, 99819, 99820, 99821, 99822, 99823, 99824, 99825, 99826, 99827, 99828, 99829, 99830,
 99831, 99832, 99833, 99834, 99835, 99836, 99837, 99838, 99839, 99840, 99841, 99842, 99843, 99844, 99845, 99846, 99847, 99848,
 99849, 99850, 99851, 99852, 99853, 99854, 99855, 99856, 99857, 99858, 99859, 99860, 99861, 99862, 99863, 99864, 99865, 99866,
 99867, 99868, 99869, 99870, 99871, 99872, 99873, 99874, 99875, 99876, 99877, 99878, 99879, 99880, 99881, 99882, 99883, 99884,
 99885, 99886, 99887, 99888, 99889, 99890, 99891, 99892, 99893, 99894, 99895, 99896, 99897, 99898, 99899, 99900, 99901, 99902,
 99903, 99904, 99905, 99906, 99907, 99908, 99909, 99910, 99911, 99912, 99913, 99914, 99915, 99916, 99917, 99918, 99919, 99920,
 99921, 99922, 99923, 99924, 99925, 99926, 99927, 99928, 99929, 99930, 99931, 99932, 99933, 99934, 99935, 99936, 99937, 99938,
 99939, 99940, 99941, 99942, 99943, 99944, 99945, 99946, 99947, 99948, 99949, 99950, 99951, 99952, 99953, 99954, 99955, 99956,
 99957, 99958, 99959, 99960, 99961, 99962, 99963, 99964, 99965, 99966, 99967, 99968, 99969, 99970, 99971, 99972, 99973, 99974,
 99975, 99976, 99977, 99978, 99979, 99980, 99981, 99982, 99983, 99984, 99985, 99986, 99987, 99988, 99989, 99990, 99991, 99992,
 99993, 99994, 99995, 99996, 99997, 99998, 99999]
 Codul a durat 2.955139398574829

4.6 Descrierea părții experimentale

Aspectele ce apar în această parte pot fi:

- Cum și de ce se structurează datele?;
- Cum se rulează algoritmul asupra unor probleme diferite?;
- Cum sunt rezultatele problemelor (Favorabile/Nefavorabile)?;

```
def interval(i,j):
    import random
    numere = [x for x in range(i,j)]
    random.shuffle(numere)
    return(numere)
l=[]
l=interval(1,100000)
print(l)

with open("fisier6.txt","w") as f:
    f.write(str(l))
    f.close()
from time import time
```

```
def lista(fisier1):
    l=[]
    n=[]
    with open(fisier1,"r") as f:
        l=f.read()
        l=l[:-1]
        l=l[1:]
        n=[int(i) for i in l.split(",")]
    return(n)
n1=lista("fisier1.txt")
print(n1)
```

În aceste două imagini este prezentat modul în care s-a generat lista de lungime 100000. Lista generându-se random într-un fișier txt. Din fișierul txt s-a extras conținutul și prin funcția listă, s-a generat lista finală.

Pe parcursul experimentului, tot programul a fost împărțit în subprograme care au fost apelate la momentul oportun. Împărțirea codului în funcții, ajută foarte mult la:

- Organizarea codului;
- Vizibilitatea acestuia;
- Evitarea cât mai multor erori;
- Evitarea rescrierii codului de fiecare dată;

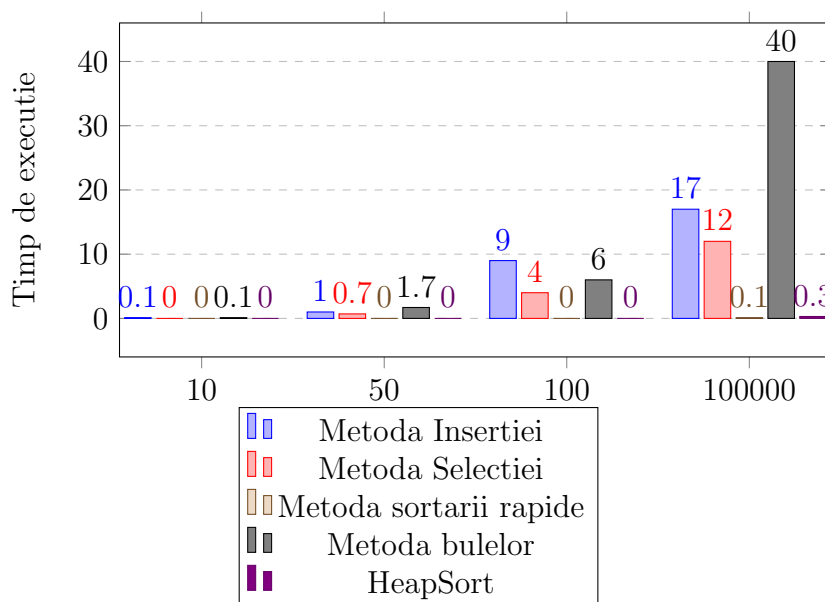
În momentul în care lista de lungime 100000 a fost sortată de fiecare algoritm de sortare prezentat pe parcursul lucrării, s-a generat pentru fiecare un timp de execuție diferit:

- Metoda Inserției (17 minute);
- Metoda Selecției (11 minute);
- Metoda Sortării Rapide (1 secundă);
- Metoda Bulelor (40 minute);
- HeapSort (2 secunde);

5 Concluzii și direcții viitoare

În concluzie , metodele de sortare enumerate mai sus, sunt eficiente pentru liste de lungimi mici. Când deja sortăm liste de lungimi mari(100000+),

lucrurile nu mai sunt așa frumoase. În această lucrare am putut observa că cele mai bune metode de sortare sunt sortările: "Quick Sort" și "Heap Sort". Acest lucru se poate observa din timpul de execuție pe care programul îl are atunci când sortăm liste mari. Ca și un top al metodelor de sortare enumerat mai sus, pe primul loc(cea mai bună metodă) este "Quick Sort", apoi "Heap Sort", "Selection Sort", "Insertion Sort" și într-un final "Bubble Sort". Ca și directive viitoare, pot recomanda ca algoritmi să fie implementați și testați de persoane au aceeași problemă. Timpul este în minute.



- Roșu-Metoda Insertiei;
- Albastru-Metoda Selectiei;
- Verde-Metoda Sortării Rapide;
- Violet-Metoda Bulelor;
- Portocaliu-HeapSort;

6 Bibliografie

Daniela Zaharie, "Introducere in proiectarea si analiza algoritmilor", Informatica, Algoritmi, 2008, ISBN: 97897367312119736731219, Description: 247 p. : fig., tab., 24 cm.