

## ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৩ রাজশাহী আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ-এইচএসসি) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১২ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর
3	একটি গ্রামের লোকেরা কখন সত্যি বা কখন মিথ্যা বলে কোন ঠিক নাই। তুমি কোন একদিন ঐ গ্রামে গিয়ে একজনকে জিজ্ঞেস করলে যে আজ কী বার। সে উত্তর দিল রবিবার। ঐদিন রবিবার হওয়ার সম্ভাবনা কত? People of a village randomly tell the truth and tell a lie, nothing is certain. Suppose, one day you visit the village and ask a person what day it is. He answers, "Sunday". What's the probability of the day actually being Sunday? একটি 2013 ভুজের সবগুলো কর্ণ যোগ করে সর্বোচ্চ কয়টি ছেদবিন্দু পাওয়া সম্ভব? Maximum how many intersecting points can be found by joining all the diagonals	
9	of a 2013-gon?  100!-1 এর শেষে কয়টি 9 আছে?  How many 9s are there at the end of 100!-1?	
8	চিত্রে ঘনকটির AE এবং BD কর্ণদ্বয় পরস্পরকে C বিন্দৃতে ছেদ করে। ∠ACB= cos¹(x) হলে, x =?  The diagonals AE and BD of the cube in the diagram intersect at C. ∠ACB= cos¹(x), find the value of x.	
¢	10 টি ছক্কা একসাথে চালা হলে তাদের মধ্যে কমপক্ষে একটিতে 1 ওঠার সম্ভাবনা কত? If 10 die are thrown at a time, what is the probability that at least one of them shows '1'?	
৬	ABCD ক্ষেত্রটি X অক্ষের সাপেক্ষে প্রতিসম। AD <ab. 100="" 80="" <="" a="" ab.="" abcd="" across="" ad="" and="" angles="" are="" axis.="" b="" degrees="" first="" is="" now="" quadrants="" quadrilateral="" respectively.="" so="" swapped="" symmetric="" th="" that<="" the="" third="" x="" y="" অংশদুটো="" অক্ষ="" অন্তর্গত="" এখন="" এবং="" এমনভাবে="" ও="" ওলট-পালট="" কত?="" করা="" কোণ="" কোণসমূহের="" ক্ষেত্রটি="" ক্ষেত্রটির="" চতুর্ভাগের="" ডিগ্রী।="" তৃতীয়="" নতুন="" প্রতিসম="" প্রথম="" যথাক্রমে="" যেন="" যোগফল="" সাপেক্ষে="" হয়।="" হল=""><th></th></ab.>	



## ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৩ রাজশাহী আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



## আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

নং	সমস্যা	উত্তর
	the new space is symmetric across the y-axis.	
	What is the sum of the internal angles of the newfound shape?	
	new found shape.	
٩	52 টি তাসের অর্ধেক সোজা করা আরবাকি অর্ধেক উলটা করা। ভালভাবে শাফল করার পর	
	তাসগুলো সমান দুভাগে ভাগ করা হল এবং একভাগের সব তাস ঘুরিয়ে ফেলা হল। এখন এই	
	অর্ধেকে যদি 10 টি তাস সোজা অবস্থায় থাকে তাহলে অপর অর্ধেকে কয়টি তাস উলটানো	
	অবস্থায় আছে?	
	Half of 52 cards in a box are faced up and other half is faced down. After shuffling	
	very well, the cards are divided into two halves and all the cards of one half are	
	turned over. If this half contains <b>10</b> faced up cards, how many faced down cards are there in the other half?	
ъ	মিঠুন বিভিন্ন আকারের 2013 টি চকলেট বাক্স জন্মদিনে উপহার পেল। প্রতিটি বাক্সে চকলেট	
	সংখ্যা f(n)=n² + 15n + 22 যেখানে n হল বাক্সটির ক্রমিক সংখ্যা। অর্থাৎ প্রথম বাক্সে (n=1)	
	চকলেট সংখ্যা 1²+15.1+22=38 টি। কয়টি বাক্সে চকলেট সংখ্যা 6 দ্বারা বিভাজ্য?	
	Mithun got 2013 chocolate boxes of different sizes as gifts in his birthday. The	
	number of chocolates in each box is determined by the function $f(n) = n^2 + 15n + 15n$	
	22 where n denotes the box number, that is, for the first box $n = 1$ ; So the number	
	of chocolates in the first box is $f(1) = 1 + 15 + 22$ . How many boxes of chocolates are there where the amount of chocolate inside is divisible by 6?	
৯	চারটি সংখ্যা a, b, c, d (a <b<c<d) th="" জোড়া="" জোড়া<="" তাদের="" তৈরি="" দিয়ে="" প্রত্যেক="" যতরকম="" সম্ভব=""><th></th></b<c<d)>	
	সংখ্যা দুটির যোগফল ভিন্ন। সবচেয়ে ছোট চারটি যোগফল যদি $1, 2, 3, 4$ হয় তবে $d$ এর	
	সম্ভাব্য মান লিখ।	
	From the four numbers <b>a</b> , <b>b</b> , <b>c</b> , <b>d</b> all the possible pairs are made. All the sum of the	
	two numbers in a pair are different. If the smallest four such sums are 1, 2, 3, 4	
	then write down the probable values of <b>d</b> .	
20	চিত্রে O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তের তিনটি স্পর্শক AB, BD, DE বৃত্তকে যথাক্রমে A, C, E বিন্দুতে	
	স্পর্শ করে।বৃত্তের ব্যাসার্ধ্ 3√3. BC:CD=3:5 এবং OB:OD= √3:2 হইলে BD এর দৈর্ঘ্য	
	$a/\sqrt{b}$ হয়। $a+b=?$	
	The three tangents <b>AB</b> , <b>BD</b> , <b>DE</b> of the circle centered at <b>O</b> touches the circle at <b>A</b> , <b>C</b> and <b>E</b> respectively. Radius of the circle is $3\sqrt{3}$ . If <b>BC:CD</b> = 3:5 and <b>OB:CD</b> =	
	$\sqrt{3:2}$ , the length of BC is $a/\sqrt{b}$ . What is $a+b$ ?	
	E	
	A	
	B C D	