

PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA – TRABALHO 3

1. a)

$$P = (n! / ((n - x)! * x!)) * p^x * (1 - p)^{n - x}$$

$$n = 6$$

$$p = 0,05$$

$$x = 1$$

$$P(1) = (6! / ((6 - 1)! * 1!)) * 0,05^1 * (1 - 0,05)^{6 - 1}$$

$$P(1) = 6 * 0,05 * 0,773780937$$

$$P(1) = 0,3 * 0,773780937$$

$$P(1) = 0,232134281$$

$$P(2) = (6! / ((6 - 2)! * 2!)) * 0,05^2 * (1 - 0,05)^{6 - 2}$$

$$P(2) = 15 * 0,0025 * 0,81450625$$

$$P(2) = 0,0375 * 0,81450625$$

$$P(2) = 0,030543984$$

$$P(3) = (6! / ((6 - 3)! * 3!)) * 0,05^3 * (1 - 0,05)^{6 - 3}$$

$$P(3) = 20 * 0,000125 * 0,857375$$

$$P(3) = 0,0025 * 0,857375$$

$$P(3) = 0,002143437$$

$$P(4) = (6! / ((6 - 4)! * 4!)) * 0,05^4 * (1 - 0,05)^{6 - 4}$$

$$P(4) = 15 * 0,00000625 * 0,9025$$

$$P(4) = 0,00009375 * 0,9025$$

$$P(4) = 0,000084609$$

$$P(5) = (6! / ((6 - 5)! * 5!)) * 0,05^5 * (1 - 0,05)^{6 - 5}$$

$$P(5) = 6 * 0,000000313 * 0,95$$

$$P(5) = 0,000001878 * 0,95$$

$$P(5) = 0,000001784$$

$$P(6) = (6! / ((6 - 6)! * 6!)) * 0,05^6 * (1 - 0,05)^{6 - 6}$$

$$P(6) = 1 * 0,000000016 * 1$$

$$P(6) = 0,000000016 * 1$$

$$P(6) = 0,000000016$$

$$P(x \geq 1) = P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(5) + P(6)$$

$$P(x \geq 1) = 0,232134281 + 0,030543984 + 0,002143437 + 0,000084609 + 0,000001784 + 0,000000016$$

$$P(x \geq 1) = 0,264908111 \text{ ou } P(x \geq 1) = 26,49 \%$$

1. b)

$$P(0) = (6! / ((6 - 0)! * 0!)) * 0,05^0 * (1 - 0,05)^{6 - 0}$$

$$P(0) = 1 * 1 * 0,735091891$$

$$P(0) = 0,735091891$$

$$P(x \leq 2) = 0,735091891 + 0,232134281 + 0,030543984$$

$$P(x \leq 2) = 0,997770156 \text{ ou } P(x \leq 2) = 99,78 \%$$

2. a)

$$z = x - \mu / \delta$$

DISTRIBUIÇÃO NORMAL

$$\mu = 500$$

$$\delta = 40$$

$$z^1 = 490 - 500 / 40 = -0,25$$

$$z^2 = 520 - 500 / 40 = 0,5$$

$$P(490 \leq x \leq 520) = P(-0,25 \leq x \leq 0,5)$$

$$P(-0,25 \leq x \leq 0,5) = P(-0,25 \leq x \leq 0) + P(0 \leq x \leq 0,5)$$

$$P(-0,25 \leq x \leq 0,5) = 0,0987 + 0,1915$$

$$P(-0,25 \leq x \leq 0,5) = 0,2902$$

R = 29,02 % dos salários semanais dos operários estão entre o intervalo de 490 a 520 reais

2. b)

$$\mu = 500$$

$$\delta = 40$$

$$x = 530$$

$$z = (530 - 500) / 40$$

$$z = 30 / 40$$

$$z = 0,75 \rightarrow \text{tabela} \rightarrow 0,2734$$

$$P(x \geq 530) = 0,5 - 0,2734$$

$$P(x \geq 530) = 0,2266$$

R = 22,66 % dos salários semanais são maiores ou iguais a 530 reais

3. a)

$$n = 100$$

$$\bar{x} = 250$$

$$\alpha = 55$$

$$\gamma = 95\% \rightarrow \text{tabela} \rightarrow 1,9842$$

$$\mu_x = 250 \pm 1,9842 * (55 / \sqrt{100})$$

$$\mu_x = 250 \pm 1,9842 * (55 / \sqrt{100})$$

$$\mu_x = 250 \pm 1,9842 * 5,5$$

$$\mu_x = 250 \pm 10,9131$$

$$\mu_x = 239,09 \text{ à } 260,91$$

3. b)

$$e = 1,9842 * 55 / \sqrt{100}$$

$$e = 1,9842 * 55 / 10$$

$$e = 10,91 \text{ reais}$$

4. a)

$$n = 40$$

$$x = 6$$

$$p' = 6 / 40 = 0,15 \rightarrow \text{tabela} \rightarrow 1,65$$

$$P = 0,15 \pm 1,65 * \sqrt{((0,15 * (1 - 0,15)) / 40)}$$

$$P = 0,15 \pm 1,65 * \sqrt{(0,1275 / 40)}$$

$$P = 0,15 \pm 1,65 * 0,565$$

$$P = 0,15 \pm 0,093$$

$$P = 0,057 \text{ e } 0,243$$

$$P = 5,7 \% \text{ e } 24,3 \%$$

4. b)

0,057 à 0,243 x1000 pois a relação de 6/40 será a relação de x/1000, ou seja 150/1000 → 0,15

R = de 57 à 243 operários não estavam usando o capacete protetor

5. a)

$$r = n(\Sigma xy) - \Sigma x * \Sigma y / (\sqrt{n * (\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2} * \sqrt{n * (\Sigma y^2) - (\Sigma y)^2})$$

$$n = 10$$

$$\Sigma x = 663$$

$$\Sigma y = 2628$$

$$\Sigma x^2 = 48719$$

$$\Sigma y^2 = 711148$$

$$\Sigma xy = 165327$$

$$r = 10(165327) - 663 * 2628 / (\sqrt{10 * (48719) - (663)^2} * \sqrt{10 * (711148) - (2628)^2})$$

$$r = 1653270 - 1742364 / (\sqrt{10 * (48719) - 439569} * \sqrt{10 * (711148) - 6906384})$$

$$r = -8909,4 / (\sqrt{47621} * \sqrt{205096})$$

$$r = -8909,4 / (218,22 * 452,87)$$

$$r = -8909,4 / 98825,29$$

$$r = -0,9$$

5. b)

$$y = a + bx \quad b = (n(\Sigma xy) - \Sigma x * \Sigma y) / (n(\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2) \quad a = (\Sigma y - b * \Sigma x) / n$$

$$b = (10 * 165327 - 663 * 2628) / (10 * 48719 - 439569)$$

$$b = 1653270 - 1742364 / 487190 - 439569$$

$$b = -89094 / 47621$$

$$b = -1,87$$

$$a = (2628 - (-1,87) * 663) / 10$$

$$a = (2628 - (-1239,81)) / 10$$

$$a = 3867,81 / 10$$

$$a = 386,78$$

$$y = a + b * x$$

$$y = 386,78 + (-1,87 * x)$$