$_{\scriptscriptstyle 1}$ Índice general

2 In 1	trodi	ucción	
з 1.	Mar	rco teórico	
4	1.1.	Rayos Cósmicos	
5		1.1.1. Descubrimiento y naturaleza de los RC	
6		1.1.2. Producción de RC	
7		1.1.3. Fuentes de RC	
8		1.1.4. Propagación de RC	
9	1.2.	Interacciones de los RC	
10		1.2.1. Interacciones electromagnéticas	
11		1.2.2. Interacciones hadrónicas	
12	1.3.	Chubascos atmosféricos	
13		1.3.1. Atmósfera terrestre	
14		1.3.2. Desarrollo de un chubasco atmosférico	
15		1.3.3. Métodos de observación	1
16	1.4.	Estado del conocimiento	1
₁₇ 2.	Plai	nteamiento del problema	1
18	2.1.	Objetivos	1
19	2.2.	Preguntas de investigación	1
20	2.3.	Justificación	1
21	2.4.	Viabilidad	1
22 3.	Met	todología	2
23	3.1.	Características de las cascadas	2
24	3.2.	Software para simulaciones de altas energías	2
25		3.2.1. Sistema de coordenadas	2
26		3.2.2. Atmósfera	2
27		3.2.3. Campo geomagnético	2
28		3.2.4. Modelos de interacción	2
29		3.2.5. Estructura de los programas de simulación	$\frac{2}{2}$
30		3.2.6. Muestreo de partículas	2
31 4 .	Cro	nograma de actividades	2.

32 Introducción

33 CC: Falta

En el capítulo 1 se resume el fundamento teórico necesario para la comprensión física de los chubascos atmosféricos producidos por rayos cósmicos y sus propiedades principales, así como el estado del conocimiento del tema. En el capítulo 2 se presenta el planteamiento del problema de la investigación, incluyendo los objetivos, la justificación y la viabilidad del se estudio. El capítulo 3 describe el programa AIRES utilizado para las simulaciones, así como las condiciones que se asumirán para las mismas. Por último, el cronograma de actividades de la investigación se muestra en el capítulo 4.

₄₁Capítulo 1

42 Marco teórico

43 CC: Aún no lo modifico.

44 1.1. Rayos Cósmicos

Los rayos cósmicos (RC) son partículas cargadas aceleradas a altas energías que se propa-46 gan por el espacio y llegan a la atmósfera terrestre. Un 90 % de estas partículas son protones, 47 un 9 % núcleos de helio y el resto son electrones, núcleos más pesados y antipartículas. La 48 mayoría de RC son relativistas; su espectro de energías está entre $\sim 10^9$ y $\sim 10^{20}$ eV, y sigue 49 una ley de potencias. Actualmente se tiene conocimiento de fuentes de RC de origen galáctico 50 y extragaláctico [1]. A continuación se describen algunos aspectos del desarrollo histórico de 51 la investigación sobre los RC.

52 1.1.1. Descubrimiento y naturaleza de los RC

En el año 1900 se realizaban experimentos para estudiar la ionización causada por elementos radiactivos, en estos se observó que el aire contenía algún tipo de radiación que también
tos era capaz de ionizar. A partir de esto se inició la búsqueda del origen de dicha radiación.
To Se repitieron los experimentos a alturas de 300 a 1300 m, esperando que si la fuente de la
to radiación fuese la corteza terrestre, ésta disminuiría con la altura. En 1911-1912, el austriaco
to Victor Hess realizó experimentos en globo a alturas de hasta 5200 m, con los que concluyó
to que la radiación debía originarse fuera de la Tierra y que, comparando mediciones de día y de
to noche, no provenía del sol. Victor Hess es considerado el descubridor de los rayos cósmicos [2].

Posteriormente se inició la búsqueda de la naturaleza de estas partículas, siendo el can-63 didato más popular los rayos gamma. En 1927 Jacob Clay observó una disminución de la 64 radiación en bajas latitudes. Esto fue explicado en 1932 por Arthur Compton como la acción 65 del campo magnético de la Tierra sobre los RC, llevando a la conclusión de que la mayor 66 parte de las partículas en cuestión debían tener carga eléctrica, y estudiando los efectos 67 geomagnéticos este-oeste se dedujo que casi todas las cargas eran positivas. Finalizando la 68 década de 1940, experimentos de detección directa realizados por Schein establecieron que 69 aproximadamente el 99 % de los RC son protones, núcleos de Helio y núcleos más pesados y 70 que sólo el 1 % son electrones, positrones y rayos gamma [3].

71 1.1.2. Producción de RC

En la figura 1.1 se muestra el espectro observado de RC, el cual está bien representado 73 por una ley de potencias:

$$\frac{\mathrm{d}N}{\mathrm{d}E} = E^{-(\gamma+1)}.\tag{1.1}$$

⁷⁴ El índice γ tiene un valor aproximadamente constante de 2,7 con dos ligeros cambios: uno a ⁷⁵ $\sim 10^{16}$ eV, conocido como la *rodilla*, y el otro a $\sim 10^{19}$ eV conocido como el *tobillo* [2]. El ⁷⁶ espectro se extiende desde $\sim 10^9$ hasta $\sim 10^{20}$ eV.

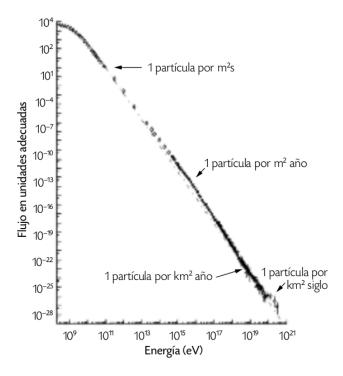


Figura 1.1: Intensidad del flujo de rayos cósmicos en función de su energía. Éste está bien representado por una ley de potencias $E^{-2,7}$. (Tomada de [4])

Por tanto, debe haber un mecanismo capaz de acelerar partículas a tales energías y que 78 reproduzca la forma del espectro observado. En 1949, Fermi propuso un mecanismo en el que 79 las partículas podían ganar energía en colisiones estocásticas en regiones del espacio donde existiesen campos magnéticos turbulentos, como las ondas de choque resultado de un colapso

gravitacional, por ejemplo. Se considera que una partícula de prueba tiene un incremento de 82 energía proporcional a la misma $\Delta E = \xi E$ en cada colisión, luego de n colisiones la energía de la partícula será [1]

$$E_n = E_0 (1 + \xi)^n, \tag{1.2}$$

 $_{54}$ donde E_0 es la energía con la que entra al proceso de aceleración. Tomando en cuenta la $_{55}$ probabilidad P_{esc} de que la partícula escape de la región de aceleración, la proporción de $_{56}$ partículas que se aceleran a energías mayores a un valor E es

$$N(\geq E) \propto \frac{1}{P_{esc}} \left(\frac{E}{E_0}\right)^{-\gamma},$$
 (1.3)

 $_{87}$ con $\gamma=-\ln(1-P_{esc})/\ln(1+\xi)\approx P_{esc}/\xi$, de manera que este mecanismo efectivamente $_{88}$ reproduce la ley de potencias que caracteriza al espectro de RC.

El mecanismo de Fermi se describe en dos situaciones físicas: nubes de plasma magne91 tizadas (aceleración de Fermi de segundo orden) y frentes de onda de choque (aceleración
92 de Fermi de primer orden). En la aceleración de segundo orden se considera una partícula
93 que entra a la nube con cierta velocidad, donde cambia su dirección de modo aleatorio por
94 interacciones con el campo magnético turbulento en el interior, mediante este proceso se tiene
95 $\xi = (4/3)\beta^2$, donde $\beta = V/c$ es la velocidad de la nube; en la aceleración de primer orden se
96 considera que la partícula atraviesa la onda de choque e interactúa con el campo magnético
97 del gas que éste va dejando detrás (downstream), en este caso $\xi = (4/3)\beta$, donde $\beta = V/c$ se
98 refiere la velocidad del gas detrás del choque respecto al gas delante del choque (upstream).

99 1.1.3. Fuentes de RC

Luego de establecer cómo pueden acelerarse las partículas, se buscaron objetos astronómi- $_{101}$ cos que cumplan las condiciones necesarias para que el proceso se lleve a cabo. Para que el $_{102}$ proceso sea eficaz, la partícula debe estar contenida en una región de radio R, tal que se $_{103}$ cumpla la siguiente relación [5]:

$$E[PeV] \simeq B[\mu G] \times R[pc].$$
 (1.4)

104 Ésta es llamada relación de Hillas, ilustrada en la figura 1.2, en la que también pueden 105 observarse los potenciales aceleradores. Como fuentes de RC de origen galáctico pueden 106 mencionarse las estrellas de neutrones de rápida rotación (púlsares) y los remanentes de 107 supernova, mientras que en el caso extragaláctico se consideran los núcleos galácticos activos

108 y los destellos de rayos gamma.

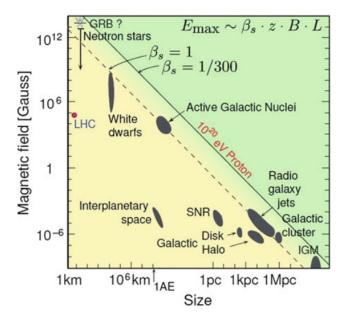


Figura 1.2: La gráfica de Hillas representa las potenciales fuentes de rayos cósmicos según la intensidad de su campo magnético y su tamaño. (Tomada de [5])

109 1.1.4. Propagación de RC

La presencia de campos magnéticos en el espacio limita la posibilidad de estudiar las fuentes de RC a través de ellos. Los RC llegan a la Tierra isotrópicamente; llegan de todas direcciones con la misma frecuencia, lo que sugiere una trayectoria casi aleatoria desde la fuente hacia la Tierra. Dentro de la galaxia las partículas pueden sufrir varios procesos: difusión en campos magnéticos, convección por vientos galácticos, pérdidas o ganancias de energía, colisiones nucleares con gas interestelar y decaimientos. Para describir la propagación de RC debe resolverse la ecuación de transporte [1]:

$$\frac{\partial \mathcal{N}}{\partial t} = \nabla \cdot (D_i \nabla \mathcal{N}_i) - \frac{\partial}{\partial E} [b_i(E) \mathcal{N}_i(E)] - \nabla \cdot u \mathcal{N}_i(E)
+ Q_i(E, t) - p_i \mathcal{N}_i + \frac{v\rho}{m} \sum_{k \ge i} \int \frac{d\sigma_{i,k}(E, E')}{dE} \mathcal{N}_k(E') dE',$$
(1.5)

que contempla los procesos mencionados para calcular la densidad de partículas con energías entre E y E + dE. Los seis términos de la ecuación representan, respectivamente: la difusión, ganancias de energía, convección, la inyección de partículas, pérdida de partículas por colisiones o decaimientos, cascadas de decaimientos o fragmentación nuclear.

121 1.2. Interacciones de los RC

122 1.2.1. Interacciones electromagnéticas

Las partículas cargadas en general interactúan con átomos; estas pueden ionizarlos, exci124 tarlos o producir fotones. Para electrones y positrones a altas energías es relevante la radiación
125 de frenado o *bremsstrahlung*, en la cual partículas cargadas emiten radiación al ser deflectadas
126 por el campo eléctrico de los átomos en un medio. En este proceso, la fracción de energía que
127 la partícula pierde puede describirse por [5]:

$$\frac{1}{E}\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}x} \simeq -\frac{1}{X_0},\tag{1.6}$$

 $_{128}$ donde X_{0} es la longitud de radiación que es dependiente del medio.

129

Por otro lado, los fotones interactúan con un medio principalmente mediante efecto foto131 eléctrico (emisión de un electrón de un material que ha absorbido un fotón), dispersión de
132 Compton (transferencia de energía de un fotón hacia un electrón mediante una colisión) y
133 producción de pares electrón-positrón. Este último proceso siendo el más relevante a altas
134 energías; al interactuar con el campo eléctrico de un núcleo, el fotón tiene cierta probabilidad
135 de formar un par $e^- - e^+$, con una longitud de interacción:

$$\lambda \simeq \frac{9}{7} X_0. \tag{1.7}$$

136

137 Los fotones también puede sufrir otros procesos como dispersión de Rayleigh, que puede tener 138 importancia para el transporte de la luz a través de la atmósfera, o interacciones fotonucleares 139 (excitación de núcleos) que se dan a energías alrededor de 10 MeV.

140 1.2.2. Interacciones hadrónicas

Los RC primarios están mayoritariamente conformados por hadrones, como lo son los protones y núcleos. Los hadrones se describen mediante el modelo de quarks [5], partículas que interactúan mediante la interacción nuclear fuerte y que, según observaciones, no existen de manera aislada sino en estados ligados de dos o tres quarks. Este tipo de modelos se estudian desde la *cromodinámica cuántica* (QCD por sus siglas en inglés), donde se propone el concepto de *color* como la carga que origina las interacciones fuertes, y el de *gluón* como la partículas mediadora.

148

Para describir las interacciones hadrónicas se necesitan mo150 delos fenomenológicos apoyados en QCD. Un modelo usado
151 comúnmente es el modelo de cuerdas de Lund (o *string mo-*152 del) [6]; cuando los hadrones interactúan se forma un campo
153 de color (cuerda) entre pares quark-antiquark, la energía po154 tencial en dicha cuerda aumenta hasta fragmentarse y formar
155 otros quarks que a su vez pueden formar hadrones, como se
156 ilustra en la figura 1.3. También suele utilizarse el modelo de
157 minijet, para tomar en cuenta la multiplicidad de partículas
158 producidas.

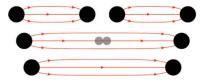


Figura 1.3: De abajo hacia arriba; fragmentación de una cuerda creando un nuevo par de quarks en el campo de color. (Tomado de [5])

159 160

Actualmente existen varios generadores Monte Carlo de eventos hadrónicos; describen este tipo de interacciones basándose en diferentes modelos para ciertos aspectos de la interacción y en datos de colisionadores de partículas. Ejemplos de estos son SIBYLL [7], QGSJET [8] y EPOS [9], que están especializados en interacciones de altas energías.

1.64 1.3. Chubascos atmosféricos

Un chubasco atmosférico (español para *Air Shower*) es una cascada de partículas generada ¹⁶⁶ por la interacción de un rayo cósmico en la alta atmósfera. Antes de profundizar en cómo se ¹⁶⁷ desarrollan estas cascadas, conviene describir brevemente las principales características de la ¹⁶⁸ atmósfera.

169 1.3.1. Atmósfera terrestre

La capa de aire que rodea la Tierra se extiende hasta una altura mayor a 100 km. Según el modelo US Standard Atmosphere, la atmósfera está compuesta principalmente por N₂ (78 %), 172 O₂ (21 %) y Ar (0,9 %). Acorde al mismo modelo, la densidad del aire es función de la altura:

$$\rho(h) = \rho_0 e^- \frac{h}{h_a},\tag{1.8}$$

173 donde $\rho_0 = 1,22 \times 10^{-3}$ g/cm³ y $h_a = 8,2$ km. Sin embargo, en el estudio de los chubascos 174 atmosféricos es más frecuente utilizar el concepto de *profundidad* en lugar de la altura. La 175 profundidad X indica la cantidad de materia que atraviesa una partícula al moverse de un 176 punto a otro. Esta se relaciona con la densidad mediante:

$$X = \int_{h}^{\infty} \rho(h) dh. \tag{1.9}$$

177 1.3.2. Desarrollo de un chubasco atmosférico

Los chubascos atmosféricos se desarrollan de forma compleja como una combinación de rascadas electromagnéticas y producción de partículas por interacciones hadrónicas [10]. A grandes rasgos, una interacción hadrónica entre el rayo cósmico primario y un núcleo de la atmósfera produce múltiples partículas secundarias: una partícula principal (con la mayor parte de la energía inicial) que puede iniciar otro chubasco, y un gran número de mesones, principalmente piones cargados (π^{\pm}) y neutros (π^{0}) .

184

La parte electromagnética del chubasco es generada por los piones neutros al decaer en fo-186 tones $(\pi^0 \to \gamma \gamma)$, esta cascada consiste en producción de pares $(\gamma \to e^+e^-)$ y bremsstrahlung 187 $(e^\pm \to e^\pm \gamma)$. Por su parte, los piones cargados pueden volver a interactuar hadrónicamente 188 mientras tengan suficiente energía, luego de eso decaerán en neutrinos y muones $(\pi^- \to \mu^- \bar{\nu}_\mu,$ 189 $\pi^+ \to \mu^+ \nu_\mu$). El desarrollo de un chubasco se ilustra en la figura 1.4.

190

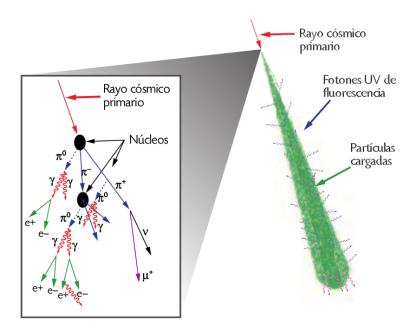


Figura 1.4: Esquema de la formación y desarrollo de un chubasco atmosférico. Se observa la componente hadrónica y la electromagnética. (Tomada de [4])

La propagación de partículas (nucleones en particular) a través de la atmósfera, puede describirse con la ecuación de cascada:

$$\frac{\mathrm{d}N(E,X)}{\mathrm{d}X} = -\frac{N(E,X)}{\lambda_N(E)} + \int_E^\infty \frac{N(E',X)}{\lambda_N(E)} F_{NN}(E,E') \frac{\mathrm{d}E'}{E},\tag{1.10}$$

193 donde N(E,X)dE es el flujo de nucleones a una profundidad X en la atmósfera con energías 194 entre E y E + dE, λ_N es la longitud de interacción del nucleón en el aire y F_{NN} es la

195 sección eficaz para la colisión de un nucleón incidente de energía E' con un núcleo del aire, 196 produciendo otro nucleón con energía E. Para generalizar al caso de la propagación de los 197 múltiples hadrones producidos, se considera un grupo de ecuaciones acopladas [1]:

$$\frac{\mathrm{d}N_i(E,X)}{\mathrm{d}X} = -\left(\frac{1}{\lambda_i} + \frac{1}{d_i}\right)N_i(E,X) + \sum_i \int \frac{F_{ij}(E_i, E_j)}{E_i} \frac{N_j(E_j)}{\lambda_j} \,\mathrm{d}E_j. \tag{1.11}$$

198 Modelo Heitler-Matthews

En 1954, W. Heitler presentó un modelo simplificado del desarrollo de la componente 200 electromagnética, posteriormente modificado por J. Matthews. Aunque no reemplaza simu-201 laciones detalladas de chubascos, el modelo Heitler-Matthews permite describir correctamente 202 características importantes de los mismos. En el modelo de Heitler se describe la componente la 203 electromagnética como ilustra figura 1.5; luego de viajar una distancia $d = \lambda_r \ln 2$ (donde λ_r 204 es la longitud de radiación en el aire) un electrón pro-205 duce un fotón que al viajar la misma distancia produ-206 ce un par e^-e^+ . Luego de n divisiones, en la cascada 207 hay un total de $N = 2^n$ partículas; la división se de-208 n=3 tiene cuando las partículas alcanzan una energía crítica 209

212 Figura 1.5: Esquema de un 213 chubasco puramente electromagnético; las líneas rectas representan electrones y las curvas representan fotones.

223

A partir de lo anterior pueden deducirse características de un chubasco iniciado por un fotón:

$$E_0 = \xi_c^e N_{\text{max}},\tag{1.12}$$

$$X_{\text{max}}^{\gamma} = n_c \lambda \ln 2 = \lambda \ln [E_0/\xi_c^e], \tag{1.13}$$

donde n_c es el número de longitudes d necesarias para que la energía por partícula se reduzca a ξ_c^e , donde $N=N_{\rm max}=2^{16}$ 2^{n_c} . Se observa que el número de partículas en el máximo aumenta linealmente con 217 la energía inicial y que la profundidad aumenta con la energía de manera logarítmica. 218 Los chubascos iniciados por hadrones se describen similarmente, como se ilustra en la figura 219 1.6. Se consideran capas de atmósfera de altura $\lambda_I \ln 2$ donde λ_I es la longitud de inter-220 acción. Luego de atravesar una capa, un hadrón interactúa produciendo partes iguales de 221 piones cargados y neutros; N_{π^\pm} cargados y $N_{\pi^0}=\frac{1}{2}N_{\pi^\pm}$ neutros. Los piones cargados pue-222 den repetir el proceso hasta alcanzar una energía crítica ξ_c^π , entonces se asume su decaimiento.

Luego de n capas, la energía por pion cargado es

$$E_{\pi} = \frac{E_0}{\left(\frac{3}{2}N_{\pi^{\pm}}\right)^n},\tag{1.14}$$

 $_{225}$ de manera que el número de interacciones n_c necesarias para $_{226}$ que la energía por pion alcance el valor crítico es

$$n_c = \frac{\ln\left[E_0/\xi_c^{\pi}\right]}{\ln\left[\frac{3}{2}N_{\pi^{\pm}}\right]}.$$
 (1.15)

227 Considerando un chubasco iniciado por un protón, con com-228 ponentes electromagnética y hadrónica, y tomando en cuenta 229 el decaimiento de todos los piones en muones $((N_{\pi^{\pm}}^{n_c}=N_{\mu})$ la 230 energía total es

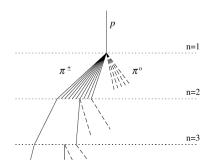


Figura 1.6: Esquema de un chubasco producido por un protón; las líneas sólidas representan piones cargados mientras las líneas cortadas representan piones neutros.

$$E_0 = \xi_c^e N_{\text{max}} + \xi_c^{\pi} N_{\mu}. \tag{1.16}$$

²³¹ El modelo de Heitler sobreestima la razón de electrones a fotones, de manera que se introduce ²³² un factor de corrección g = 10 tal que $N_e = N/g$. Con esta corrección la ecuación (1.16) se ²³³ reescribe como

$$E_0 = g\xi_c^e \left(N_e + \frac{\xi_c^{\pi}}{g\xi_c^e} N_{\mu} \right), \tag{1.17}$$

234 lo que indica que la energía inicial puede calcularse si se miden el número de electrones 235 y de muones. Cabe mencionar que esta expresión es independiente de el tipo de partícula 236 primaria. Asimismo se puede estimar la profundidad del máximo $X^p_{\rm max}$ tomando en cuenta 237 que el protón primario interactúa a una profundidad $X_0 = \lambda_I \ln 2$ como

$$X_{\text{max}}^p = X_0 + \lambda_r \ln \left[\frac{E_0}{3N_{\pi^{\pm}} \xi_c^e} \right]. \tag{1.18}$$

238 El segundo término corresponde a la profundidad del máximo de la componente electro-239 magnética de la ecuación (1.13), cuya energía inicial es $E_0/3N_{\pi^{\pm}}$. En las ecuaciones (1.17) y 240 (1.18) se observa que la dependencia del número de partículas y la profundidad del máximo 241 con la energía inicial es líneal y logarítmica, respectivamente, tal como en (1.12) y (1.13). 242 En general los valores calculados con la ecuación (1.18) son bastante bajos comparados con 243 resultados de simulaciones; esto debido a que sólo se toma en cuenta la primera generación 244 de partículas de la componente electromagnética. Por otro lado, el número de muones en el 245 chubasco puede expresarse en función de la energía como

$$N_{\mu} = \left(\frac{E_0}{\xi_c^{\pi}}\right)^{\beta}, \text{ donde } \beta = \frac{\ln[N_{\pi^{\pm}}]}{\ln[\frac{3}{2}N_{\pi^{\pm}}]}$$
 (1.19)

Para describir chubascos producidos por un núcleo A, en el modelo Heitler-Matthews se utiliza el modelo de superposición; se trata el núcleo como A protones iniciando chubascos individualmente. cada uno con una porción igual de la energía inicial del núcleo E_0 , es decir E_0/A . Las características de éstos chubascos pueden obtenerse sustituyendo la energía inicial en las ecuaciones para protones, a la vez que se expresan en términos de las cantidades correspondientes a un chubasco producido por un protón de energía E_0 , por ejemplo el número de muones y la profundidad del máximo puede expresarse como

$$N_{\mu}^{A} = N_{\mu}^{p} A^{\beta - 1}, \tag{1.20}$$

$$X_{\text{max}}^A = X_{\text{max}}^p - \lambda_r \ln A. \tag{1.21}$$

Adicionalmente, Matthews presenta el modelo tomando en cuenta la inelasticidad de 254 las interacciones; como resultado de una interacción se produce una partícula principal que 255 se lleva la mayor parte de la energía, de manera que hay menos energía disponible para 256 la producción de las múltiples partículas restantes. La inelasticidad se introduce con un 257 parámetro κ representando la porción de la energía inicial que se invierte en la producción 258 de piones. Todas las expresiones anteriores corresponden a un valor $\kappa = 1$.

259 1.3.3. Métodos de observación

Existen distintos tipos de experimentos para observar chubascos atmosféricos, la técnica $_{261}$ utilizada depende principalmente de la energía del rayo cósmico incidente; a energías > 50 $_{262}$ TeV pueden detectarse partículas secundarias directamente a nivel del suelo, mientras que $_{263}$ a energías \sim TeV pueden observarse recolectando la radiación producida en las interacciones $_{264}$ de las partículas.

265

Los experimentos pueden ser de radiación de Cherenkov, que detectan radiación producida 267 por una partícula cargada que se mueve a través de un medio más rápido que la velocidad 268 de la luz en ese medio; y de fluorescencia, que colectan la luz emitida por las moléculas de 269 nitrógeno excitadas en el chubasco, este método permite reconstruir el desarrollo longitudinal 270 del mismo. Existen también observatorios híbridos, como el Telescope Array (TA) y el Pierre 271 Auger Observatory (PAO); estos utilizan la técnica de fluorescencia para observar el desarrollo 272 del chubasco y además detectan partículas de alta energía que alcanzan el nivel del suelo.

273 1.4. Estado del conocimiento

282

290

En la actualidad, los RC de ultraalta energía (UHECR, $E>10^{18}$ eV) siguen consi275 derándose un enigma en términos de su composición y origen. Debido a su bajo flujo, éstos se
276 estudian indirectamente a partir de mediciones de los chubascos atmosféricos que producen.
277 Experimentos como TA y PAO miden observables de los chubascos como X_{max} , X_{max}^{μ} y N_{μ} ,
278 magnitudes que son sensibles a la energía y la masa de la partícula primaria, y por tanto
279 pueden aportar al espectro de RC y dar información sobre la composicion del flujo de los
280 UHECR. Con ayuda de programas de simulación de chubascos atmosféricos, como CORSI281 KA, CONEX y AIRES, se ha progresado en esta dirección.

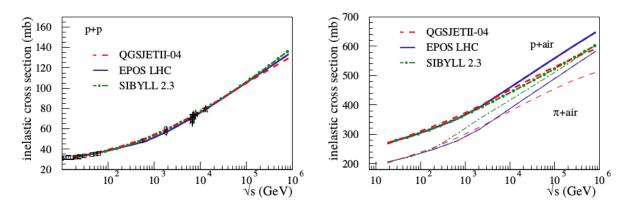


Figura 1.7: Sección eficaz inelástica para interacciones p-p (izquierda) e interacciones p-aire y π -aire (derecha) calculadas con tres modelos hadrónicos [11].

Dichos programas utilizan modelos de interacciones hadrónicas, que son mayoritariamente per fenomenológicos, consecuentemente el estudio de los UHECR está estrechamente vinculado con la investigación experimental de colisiones hadrónicas de alta energía en aceleradores de partículas. Los parámetros de las interacciones que afectan el desarrollo de los chubascos atmosféricos son la sección eficaz, la multiplicidad y la elasticidad; se han comparado diferentes modelos (Sibyll 2.3, EPOS LHC y QGSJETII-04) observando que coinciden muy bien para interacciones p-p, pero difieren para interacciones p-A y p-A [11].

La interpretación de las mediciones observacionales para dilucidar la composición de los 292 UHECR es todavía un problema, esto es debido particularmente a que los modelos de in-293 teracciones hadrónicas aún difieren entre sí y ninguno de ellos puede describir a cabalidad 294 los datos. La interpretación de los datos del TA se inclina por una composición de núcleos 295 ligeros [12], mientras que datos del PAO indican que la composición se vuelve más pesada a 296 mayores energías. Sobre esto último, se realizó un ajuste simulando chubascos iniciados por 297 una mezcla de partículas primarias (p, He, N y Fe) que resultó en buena concordancia con 298 los datos de X_{max} [13]. Sin embargo, la interpretación está sujeta al modelo utilizado para

299 las simulaciones.

300

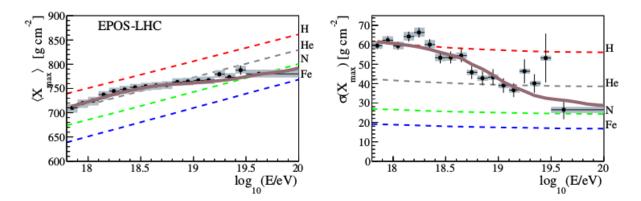


Figura 1.8: X_{max} promedio (izquierda) y desviación estándar (derecha) asumiendo una composición mixta (línea sólida) [13].

Se han considerado cambios en el tratamiento de ciertos aspectos físicos en los modelos $_{302}$ [14] con los cuales se mejora la simulación de X_{max} y X_{max}^{μ} comparándolo con los datos $_{303}$ del PAO. También se ha presentado una discusión sobre N_{μ} , ya que el número de muones $_{304}$ predicho por simulaciones es significativamente menor que el observado; se puso a prueba la $_{305}$ hipótesis de una composición mixta de los UHECR estudiando su impacto sobre N_{μ} , redu- $_{306}$ ciendo la diferencia entre las simulaciones y las observaciones a una constante [15].

307

308

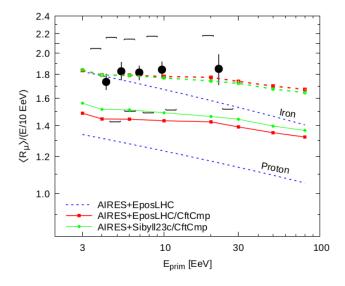


Figura 1.9: Las líneas sólidas verde y roja corresponden a la estimación del número de muones utilizando el sistema AIRES con diferentes modelos hadrónicos. Se observa que al desplazarlas una constante éstas tienen buena concordarcia con los datos experimentales (círculos negros) [15].

Por otro lado, otras observables que pueden ser fuente de información sobre la composi-

ción primaria de los rayos cósmicos son las distribuciones laterales de partículas (densidad de partículas a nivel de suelo en función de la distancia radial a partir del eje del chubasco) 111 o la densidad de partículas a cierta distancia. Usualmente la distancia a la que se estudia 112 la señal o la densidad de partículas es propia de cada observatorio y se denomina distancia 113 óptima (r_{opt}) [16], que se define como la distancia a la cual se minimizan las fluctuaciones 114 estadísticas del ajuste de los datos a una función de distribución lateral. Estas mediciones 115 se utilizan principalmente para determinar la energía inicial y la posición del eje del chubasco.

316

Distribuciones laterales de diversas partículas han sido medidas por varios experimentos; $_{318}$ el experimento KASCADE (KArlsruhe Shower Core and Array DEtector) ha realizado me- $_{319}$ didas de distribuciones laterales de electrones, muones y hadrones [17], encontrando que los $_{320}$ datos pueden describirse por funciones de tipo NKG. Asimismo, el PAO ha contemplado una $_{321}$ función de distribución lateral de la señal en eventos detectados por su arreglo superficial $_{322}$ [18], concluyendo -luego de ajustar los datos a diferentes funciones- que una función de tipo $_{323}$ NKG provee el mejor ajuste, y determinando $r_{\rm opt} = 1000$ m para el observatorio. Más re- $_{324}$ cientemente se reportados resultados preliminares de AMIGA (Auger Muons and Infill for $_{325}$ the Ground Array), una extensión del PAO, donde se ha medido directamente la densidad $_{326}$ de muones en chubascos [19], confirmando que los modelos de interacción hadrónica no re- $_{327}$ producen correctamente los datos en el rango de las UHE.

328

Comparando datos experimentales con simulaciones se han interpretado datos de AGASA (Akeno Giant Air Shower Array) de distribuciones laterales de electrones, fotones y muo331 nes; los resultados de simulaciones describen bien los datos, independientemente del modelo
332 hadrónico y la composición primaria [20]. Igualmente se han comparado datos de KASCA333 DE con simulaciones hechas con distintos modelos de interacción hadrónica y se mostró que
334 las distribuciones de muones se reproducen bien, contrario las de electrones que difieren de
335 los datos experimentales [21], además se observó que ésta última sugiere un cambio a una
336 composición pesada en el espectro de rayos cósmicos.

337

Igualmente se ha estudiado el impacto del modelo de interacciones hadrónicas en las $_{339}$ funciones de distribución lateral a partir de datos experimentales. Por ejemplo, en [22] han $_{340}$ comparado distintas combinaciones de modelos y concluyen que las funciones son dependien- $_{341}$ tes de los modelos hadrónicos de bajas y altas energías. Asimismo, se ha explorado la relación $_{342}$ entre la forma de las distribuciones laterales y la composición primaria de los UHECR; ha- $_{343}$ ciendo predicciones teóricas [23] y comparando con datos de AGASA se ha visto una alta dependencia de la función de distribución lateral con la energía y composición primarias, $_{345}$ describiéndola con la variación del parámetro radio medio cuadrado $R_{m.s}$.

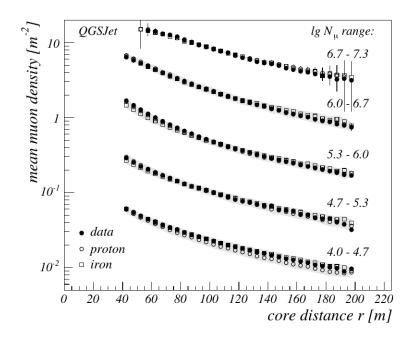


Figura 1.10: Comparación de distribuciones laterales de muones resultado de simulaciones con el programa CORSIKA y medidas del observatorio KASCADE [21]

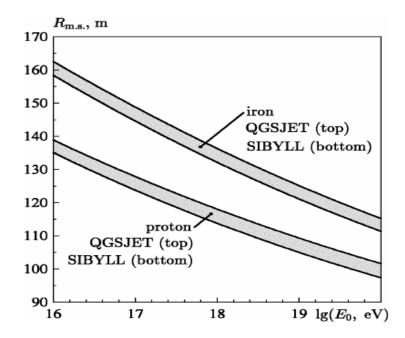


Figura 1.11: Radio medio cuadrado de electrones predicho teóricamente utilizando el formalismo de escala junto con modelos de interacción hadrónica utilizando el programa CORSIKA, mostrando su dependencia de la masa primaria [23].

346 Capítulo 2

³⁴⁷ Planteamiento del problema

348 2.1. Objetivos

349 Objetivo general

Estudiar mediante simulaciones computacionales la distribución lateral de muones en 351 cascadas atmosféricas con energías iniciales en el rango del observatorio HAWC.

352 Objetivos específicos

- 1. Caracterizar la densidad de muones a varias distancias del eje de la cascada atmosférica en función de la energía inicial.
- 2. Comparar las distribuciones de muones en cascadas atmosféricas iniciadas por distintas partículas primarias.
- 357 3. Evaluar la influencia del modelo de interacciones hadrónicas de altas energías utilizado en las simulaciones sobre la distribución lateral de muones.

359 2.2. Preguntas de investigación

Al ingresar a la atmósfera los rayos cósmicos interactúan con las partículas de la misma produciendo multiples partículas secundarias, muchas de éstas pueden detectarse por diversos instrumentos en la superficie terrestre; uno de ellos es el observatorio HAWC, que es capaz de detectar eventos de energías entre $\sim 1~{\rm TeV}$ y $\sim 100~{\rm TeV}$. En este trabajo de investigación se pretende estudiar eventos en dicho rango de energías. En particular se quiere indagar en características de la componente muónica de la distribución lateral de partículas producidas en cascadas. La componente muónica se ve afectada tanto por la energía inicial como por la masa del rayo cósmico primario, por lo que se requiere precisar esas dependencias.

³⁶⁸ Adicionalmente, debido a las discrepancias que se han reportado entre distintos modelos de ³⁶⁹ interacciones hadrónicas es conveniente preguntarse si dichas dependencias son sensibles al ³⁷⁰ modelo utilizado para las simulaciones.

371 2.3. Justificación

Debido a su bajo flujo los rayos cósmicos de altas energía se estudian mediante obser373 vaciones y simulaciones de las cascadas de partículas que producen en la atmósfera. Las
374 interacciones hadrónicas a estas energías -y por consiguiente las distribuciones de partícu375 las secundarias- no pueden describirse de manera exacta, por lo que se recurre a mode376 los computacionales que realizan extrapolaciones a partir de datos experimentales a menor
377 energía. Actualmente existen discrepancias entre las simulaciones realizadas con diferentes
378 modelos de interacciones hadrónicas, así como entre predicciones de simulaciones y datos ob379 servacionales. Debido a esto, en este rango de energías no se ha logrado definir exactamente
380 una única composición de los rayos cósmicos CC: esto no sé si es cierto en los TeV, la verdad.
381

La distribución lateral de muones contiene información sobre la naturaleza de la partícula que inició la cascada, por lo que puede usarse en observatorios como HAWC para determinar aspectos como la energía y la masa del rayo cósmico primario. Por otro lado, los muones se producen mayormente en interacciones hadrónicas, por lo que la caracterización de su flujo a cierta altura es importante para distinguir cascadas iniciadas por rayos gamma de las iniciadas por rayos cósmicos. Además es de interés observar el comportamiento de la densidad de muones en simulaciones con relación al modelo de las interacciones hadrónicas ya que su medición experimental puede ser una herramienta para mejorar los modelos actuales.

390 2.4. Viabilidad

Para las simulaciones se utilizará el sistema AIRES, éste es de acceso libre y está disponible 992 en línea en el sitio http://aires.fisica.unlp.edu.ar/, así como toda su documentación; 393 éste ya ha sido instalado en una computadora personal (procesador AMD Ryzen 5 con seis 994 núcleos y doce hilos, disco de estado sólido de 256 GB y 8 GB de memoria RAM) junto con 995 los modelos hadrónicos disponibles, adicionalmente se han realizado ejecuciones de prueba 996 para estimar el tiempo de simulación. Se estima que por cada modelo se empleen tres semanas 997 para todas las simulaciones necesarias, haciendo un total de nueve semanas, siendo éste tiem-998 po razonable dado el tiempo disponible para el desarrollo del proyecto. El análisis de datos 999 se realizará también con herramientas de acceso libre, por lo que no será necesario incurrir a 400 gastos adicionales. Por otro lado cabe mencionar que el asesor principal del proyecto, PhD.

 $_{401}$ Hermes León Vargas, es investigador en el área de astropartículas y parte de la colaboración $_{402}$ del observatorio HAWC, de manera que su experiencia en esta área de investigación es la $_{403}$ oportuna para la realización del presente proyecto.

405 Capítulo 3

423

$_{\tiny{ t 406}}$ Metodología

Se estudiará la componente muónica de la distribución lateral en cascadas atmosféricas producidas por rayos cósmicos de altas energías. Para ello, con el sistema AIRES, se realizarán dos grupos de simulaciones por cada modelo de interacciones hadrónicas: el primer grupo de cascadas producidas por protones y el segundo de cascadas producidas por núcleos de hierro. Cada grupo consistirá en aproximadamente 2000 cascadas con energías primarias del orden de los TeV.

413 3.1. Características de las cascadas

Se simularán cascadas producidas por rayos cósmicos de energías entre 10^{12} y 10^{14} eV, en 415 la ubicación del observatorio HAWC en Puebla, México, con latitud de 19^o y altura de 4100 m 416 sobre el nivel del mar. Se considerarán direcciones de incidencia con ángulo zenital CC: creo 417 que por el entorno de HAWC esto podría cambiar entre 0^o y 70^o y ángulo azimutal distribuido 418 isotrópicamente entre 0^o y 360^o . Se utilizarán tres modelos de interacciones hadrónicas de 419 altas energías; Sibyll 2.3d, EPOS-LHC y QGSJETII-04. Los tres modelos son ampliamente 420 utilizados para simulaciones de cascadas atmosféricas y han presentado discrepancias con las 421 observaciones de la componente muónica. Se realizarán simulaciones de cascadas producidas 422 por protones y por núcleos de hierro.

3.2. Software para simulaciones de altas energías

El sistema AIRES (AIR shower Extended Simulations) es un conjunto de programas para 426 simular cascadas atmosféricos extendidos desarrollado por el Departamento de Física de la 427 Universidad Nacional de La Plata y el Instituto de Física La Plata. AIRES está diseñado 428 de manera modular para facilitar el intercambio entre los modelos de distintos aspectos 429 de las simulaciones. El código completo de AIRES incluye los paquetes de interacciones

430 hadrónicas EPOS 1.99, EPOS LHC, QGSJET-II-03, QGSJET-II-04, SIBYLL 2.1, SIBYLL 431 2.3, y SIBYLL 2.3c, así como las rutinas para evaluar el campo geomagnético. En síntesis, el 432 sistema AIRES consiste en:

- Los programas de simulación principales (AiresEPLHC, AiresEP199, AiresQIIr03, AiresQIIr04, AiresS21, AiresS23c), cada uno conteniendo la interfaz para un paquete de interacciones hadrónicas.
- El programa resumen (AiresSry), diseñado para procesar parte de los datos generados por los programas de simulación.
- El programa de conversión de formato IDF (internal dump file) a ADF (portable dump file) (AiresIDF2ADF).
- Una librería de auxiliares para procesar los archivos de salida de los programas de
 simulación (libAires.a)
- El AIRES runner system, para facilitar el trabajo con AIRES en ambientes UNIX.

443 3.2.1. Sistema de coordenadas

El sistema de coordenadas de AIRES es un sistema carte-445 siano con el origen al nivel del mar en la ubicación proporcio-446 nada por el usuario, el plano xy se posiciona horizontalmente; 447 el eje x apunta hacia el norte magnético, el eje y hacia el Este y 448 el eje z hacia arriba. En la figura 3.1 se muestra una represen-449 tación esquemática del sistema coordenado, incluyendo el nivel 450 del suelo y el nivel de inyección, éstos se refieren a superficies 451 esféricas concéntricas con la superficie del nivel del mar. El eje 452 del cascada se define como una línea recta que pasa por la in-453 tersección del nivel del suelo con el eje z, con un ángulo cenital 454 Θ y un ángulo azimutal Φ .

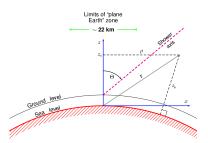


Figura 3.1: Esquema del sistema de coordenadas utilizado en AIRES.

455 3.2.2. Atmósfera

AIRES utiliza el modelo basado en datos experimentales US standard atmosphere como modelo predeterminado. En este modelo, la composición de la atmosféra es 78,47 % N, 21,05 % 458 O, 0.47 % Ar v 0.03 % otros elemento. El perfil de densidad isotérmico de la forma

$$\rho(h) = \rho_0 e^{-gMh/RT},$$

se adapta a los valores de la US standard atmosphere. En AIRES el modelo se extiende hasta una altura $h_{max} \sim 420$ km, después de la cual se considera que la densidad es cero. Se utiliza una parametrización de la profundidad atmosférica vertical X_v ; dividiendo la atmósfera L capas, $X_v(h)$ se define por

$$X_{v}(h) = \begin{cases} a_{l} + b_{l}e^{-h/c_{l}} & h_{l} \leq h < h_{l+1} \\ a_{L} - b_{L}(h/c_{L}) & h_{L} \leq h < h_{L+1} \\ 0 & h \geq h_{L+1}. \end{cases}$$

$$(3.1)$$

La profundidad atmosférica inclinada (slant) X_s depende del ángulo cenital y cuando no to toma en cuenta la curvatura de la Tierra, se relaciona con X_v de la siguiente manera:

$$X_s(h) = \frac{X_v(h)}{\cos(\Theta)}. (3.2)$$

465 3.2.3. Campo geomagnético

El campo magnético de la Tierra \mathbf{B} se define por su intensidad F; su inclinación I, que 467 se define como el ángulo entre el plano horizontal y el vector \mathbf{B} ; y su declinación D, que se 468 define como el ángulo entre la componente horizontal (H) de \mathbf{B} y el norte geográfico. Las 469 componentes cartesianas de \mathbf{B} con respecto al sistema coordenado de AIRES son

$$B_x = F \cos I, \tag{3.3}$$

$$B_y = 0, (3.4)$$

$$B_z = -F\sin I. (3.5)$$

Hay dos maneras de especificar el campo geomagnético en AIRES; la primera es ingre- $_{471}$ sando manualmente los valores de F, I y D, y la segunda es ingresando las coordenadas $_{472}$ geográficas del lugar y la fecha para evaluar el campo magnético utilizando el modelo Inter- $_{473}$ national Geomagnetic Reference Field (IGRF).

474 3.2.4. Modelos de interacción

En AIRES se toman toman en cuenta los procesos más relevantes; procesos electrodinámi⁴⁷⁶ cos como producción de pares (para e^{\pm} y μ^{\pm}), Bremsstrahlung, efecto fotoeléctrico y efec⁴⁷⁷ to Compton; procesos hadrónicos como colisiones hadrón-núcleo, reacciones fotonucleares y

⁴⁷⁸ fragmentación nuclear; procesos de decaimiento y procesos de propagación. Cada interacción

⁴⁷⁹ posible está caracterizada por su sección eficaz σ_i o por su camino libre medio λ_i . Los ca
⁴⁸⁰ minos libres medios dependen del tipo de interacción y los parámetros instantáneos de la

partícula. AIRES puede calcular λ_i analíticamente para interacciones a bajas energías con el algoritmo de división de Hillas o con un modelo de fragmentación nuclear dependiendo del tipo de interacción. A altas energía debe recurrir a los modelos externos basados en datos experimentales.

485 3.2.5. Estructura de los programas de simulación

Un cascada se origina cuando un rayo cósmico interactúa con la atmósfera terrestre, donde se producen partículas secundarias que se propagan y pueden interactuar de manera similar produciendo más partículas. Eventualmente la multiplicidad de partículas llega a un máximo, después del cuál la cascada empieza a atenuarse. En AIRES todo este proceso se simula de la siguiente manera [24]:

- Se definen arreglos vacíos destinados a almacenar los datos de las características de las
 partículas.
- Las partículas pueden moverse por la atmósfera en un volumen delimitado por la superficie de inyección, el suelo y planos verticales que delimitan la región de interés.
- La primera acción es añadir a un arreglo la entrada correspondiente a la partícula inicial, ésta se localiza inicialmente en la superficie de inyección y su dirección de movimiento define el eje de la cascada.
- Las entradas respectivas a cada partícula se actualizan primero evaluando las probabilidades de todas las interacciones posibles.
- Se selecciona entre las posibles interacciones utilizando un método estocástico.
- Se procesa la interacción; la partícula se mueve una cierta distancia dependiente de la interacción seleccionada y luego se generan los productos de dicha interacción. Se agregan a los arreglos las entradas de las nuevas partículas creadas.
- En el caso de las partículas cargadas, se modifica la energía para tomar en cuenta pérdidas por ionización.
- Las entradas de partículas pueden removerse (1) si su energía es menor que cierto límite,
 (2) si alcanza el nivel del suelo, (3) si alcanza la superficie de inyección hacia arriba y
 (4) si horizontalmente sale de la región de interés.
- Se verifica que todas las entradas de partículas de los arreglos se hayan procesado; cuando se hayan procesado se completa la simulación d la cascada.

511 3.2.6. Muestreo de partículas

Para chubascos iniciados por partículas de ultraalta energía, el número de partículas ⁵¹³ secundarias producidas es tan grande que la tarea computacional de propagarlas todas es ⁵¹⁴ imposible; para poder realizar las simulaciones se emplea un mecanismo de muestreo que ⁵¹⁵ permite propagar únicamente un fracción representativa del total de partículas secundarias. ⁵¹⁶ AIRES utiliza una extensión del *Hillas thinning algorithm* [25].

517

Considerando un proceso donde una partícula primaria A genera un conjunto de n secun⁵¹⁹ darios, éstos son propagados con cierta probabilidad P_i . El algoritmo de Hillas consiste en
⁵²⁰ establecer una constante E_{th} llamada thinning energy; para incorporar a los secundarios B_i ⁵²¹ en la propagación se compara la energía de la partícula primaria E_A con E_{th} : si $E_A \geq E_{th}$,
⁵²² entonces los secundarios de aceptan con una probabilidad

$$P_i = \begin{cases} 1 & \text{si } E_{B_i} \ge E_{th} \\ \frac{E_{B_i}}{E_{th}} & \text{si } E_{B_i} < E_{th}. \end{cases}$$

$$(3.6)$$

Por el contrario, si $E_A < E_{th}$ sólo una partícula secundaria se conserva, lo que asegura que E_{th} una vez se alcance E_{th} el número de partículas no se incrementa. El algoritmo utilizado por AIRES es una extensión de lo descrito anteriormente, pero éste incluye características dicionales para disminuir las fluctuaciones estadísticas.

527 Capítulo 4

528 Cronograma de actividades

- Se describen las tareas generales a realizar en el desarrollo del trabajo de investigación.

 530 A continuación se muestra el cronograma de las actividades a seguir.
- Tarea 01: revisión de bibliografía.
- Tarea 02: creación de archivos de entrada para cada grupo de simulaciones.
- Tarea 03: simulación de chubascos producidos por protones y hierro con el modelo Sibyll 2.3d.
- Tarea 04: análisis de resultados de distribución lateral de muones.
- Tarea 05: simulación de chubascos producidos por protones y hierro con el modelo EPOS-LHC.
- Tarea 06: análisis de resultados de distribución lateral de muones.
- Tarea 07: simulación de chubascos producidos por protones y hierro con el modelo QGSJETII-04.
- Tarea 08: análisis de resultados de distribución lateral de muones.
- Tarea 09: comparación entre resultados de diferentes modelos.
- Tarea 10: redacción de documento final.

Semana	01	02	03	04	05	90	20	80	60	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Tarea 1																				
Tarea 2																				
Tarea 3																				
Tarea 4																				
Tarea 5																				
Tarea 6																				
Tarea 7																				
Tarea 8																				
Tarea 9																				
Tarea 10																				

Referencias

- ¹T. K. Gaisser, Cosmic Rays and Particle Physics (1990).
- ²M. Massip Mellado, Los rayos cósmicos: Las energías más extremas del universo (2016).
- ³L. I. Dorman, Cosmic rays in the earth's atmosphere and underground (2004).
- ⁴A. Bahena y W. Bietenholz, "Partículas Más Poderosas", (2013).
- ⁵A. De Angelis y M. J. Martins Pimenta, *Introduction to particle and astroparticle physics:*⁵⁵⁰ Questions to the universe (2015).
- ⁶T. Sjöstrand, "Status of fragmentation models", International Journal of Modern Physics
 3, 751-823 (1988).
- ⁷E. J. Ahn, R. Engel, T. K. Gaisser, P. Lipari y T. Stanev, "Cosmic ray interaction event generator SIBYLL 2.1", Physical Review D Particles, Fields, Gravitation and Cosmology **80**, 34 (2009).
- S Ostapchenko, "Monte Carlo treatment of hadronic interactions in enhanced Pomeron scheme: QGSJET-II model", Physical Review D Particles, Fields, Gravitation and Cosmology 83, 1-36 (2011).
- ⁹T. Pierog, I. Karpenko, J. M. Katzy, E. Yatsenko y K. Werner, "EPOS LHC: Test of
 collective hadronization with data measured at the CERN Large Hadron Collider", Physical
 Review C Nuclear Physics 92, 1-15 (2015).
- 10 J Matthews, "A Heitler model of extensive air showers", Astroparticle Physics **22**, 387-397 (2005).
- T. Pierog, "Review of Model Predictions for Extensive Air Showers", en Proceedings of
 2016 International Conference on Ultra-High Energy Cosmic Rays (UHECR2016) (ene. de
 2018).
- 12 W. Hanlon, "Measurements of UHECR Mass Composition by Telescope Array", (2018).
- ⁵⁶⁹ ¹³P. A. Collaboration, "Combined fit of spectrum and composition data as measured by the Pierre Auger Observatory", Journal of Cosmology and Astroparticle Physics, 21 (2017).
- ⁵⁷¹ ¹⁴S. Ostapchenko, "High energy cosmic ray interactions and UHECR composition problem", EPJ Web of Conferences **210**, 10.1051/epjconf/201921002001 (2019).
- ⁵⁷³ ¹⁵S. J. Sciutto, Air showers, hadronic models, and muon production, inf. téc. (2019).
- ⁵⁷⁴ ¹⁶D Newton, J Knapp y A. A. Watson, "The optimum distance at which to determine the size of a giant air shower", Astroparticle Physics **26**, 414-419 (2007).

- In M. Brancus, A Chilingarian, K Daumiller, P Doll, J Engler, F Feßler, H. J. Gils, R Glasstetter, R Haeusler, W Hafemann, A Haungs, D Heck, T Holst, J. R. Hörandel, K. H. Kampert, J Kempa, H. O. Klages, J Knapp, D Martello, H. J. Mathes, H. J. Mayer, J Milke, D Mühlenberg, J Oehlschläger, M Petcu, H Rebel, M Risse, M Roth, G Schatz, F. K. Schmidt, T Thouw, H Ulrich, A Vardanyan, B Vulpescu, J. H. Weber, J Wentz, T Wiegert, J Wochele y J Zabierowski, "Electron, muon, and hadron lateral distributions measured in air showers by the KASCADE experiment", Astroparticle Physics 14, 245-260 (2001).
- D Barnhill, P Bauleo, M. T. Dova, J Harton, R Knapik, J Knapp, J Lee, M Manceñido, A. G.
 Mariazzi, I. C. Mariş, D Newton, M Roth, T Schmidt y A. A. Watson, "Measurement of the
 lateral distribution function of UHECR air showers with the Pierre Auger Observatory",
 en 29th International Cosmic Ray Conference, ICRC 2005, vol. 7 (2005), págs. 291-294.
- ⁵⁸⁹ ¹⁹S. Müller, "Direct Measurement of the Muon Density in Air Showers with the Pierre Auger Observatory", EPJ Web of Conferences **210**, 02013 (2019).
- Nagano, D Heck, K Shinozaki, N Inoue y J Knapp, "Comparison of AGASA data with
 CORSIKA simulation", Astroparticle Physics 13, 277-294 (2000).
- D. Apel, A. F. Badea, K Bekk, A Bercuci, J Blümer, H Bozdog, I. M. Brancus, A Chilingarian, K Daumiller, P Doll, R Engel, J Engler, H. J. Gils, R Glasstetter, A Haungs, D Heck, J. R. Hörandel, K. H. Kampert, H. O. Klages, G Maier, H. J. Mathes, H. J. Mayer, J Milke, M Müller, R Obenland, J Oehlschläger, S Ostapchenko, M Petcu, H Rebel, A. Risse, M Risse, M Roth, G Schatz, H Schieler, H Ulrich, J Van Buren, A Vardanyan, A Weindl, J Wochele y J Zabierowski, "Comparison of measured and simulated lateral distributions for electrons and muons with KASCADE", Astroparticle Physics 24, 467-483 (2006).
- ⁶⁰¹ ²²H. J. Drescher, M. Bleicher, S. Soff y H. Stöcker, "Model dependence of lateral distribution
 functions of high energy cosmic ray air showers", Astroparticle Physics 21, 87-94 (2004).
- 603 ²³R. Raikin, A. Lagutin, N Inoue y A Misaki, "The shape of EAS lateral distribution and 604 primary composition of the UHE cosmic rays", International Cosmic Ray Conference 1, 605 290 (2001).
- ⁶⁰⁶ ²⁴S. J. Sciutto, "Aires A system for air shower simulations 2.6.0", 1-250 (2019).
- 607 M Kobal, "A thinning method using weight limitation for air-shower simulations", Astroparticle Physics **15**, 259-273 (2001).