

# Identificarea Sistemelor

## Proiect II

Identificarea unei axe acționate cu motor BLDC

Stoleru Cristian-Andrei

Universitatea Tehnica din Cluj-Napoca

Facultatea de Automatica si Calculatoare

Grupa 30132/2

## Cuprins

1.Obtinerea datelor experimentale .....	3
2.Achizitia datelor de intrare-iesire .....	4
2.1.Desfasurarea experimentului .....	4
3.Procesarea datelor experimentale.....	5
4.Identificarea modelului de la intrare la viteza unghiulara .....	7
4.1 Metoda validata prin testul de autocorelatie .....	7
4.2 Metoda validata prin testul de intercorelatie.....	10
5.Identificarea modelului de la viteza unghiulara la pozitie .....	13
5.1 Metoda validate prin testul de autocorelatie .....	13
5.2 Metoda validata prin testul de intercorelatie.....	16
6.Concluzie.....	19

## 1. Obținerea datelor experimentale

În Figura 1.1 este prezentat un CNC acționat cu motore BLDC.



Figura 1.1: CNC acționată cu un motor BLDC

Sistemul mecanic de pozitionare si sistemul de actionare cu motor BLDC pentru o axa este prezentat in Figura 1.2.

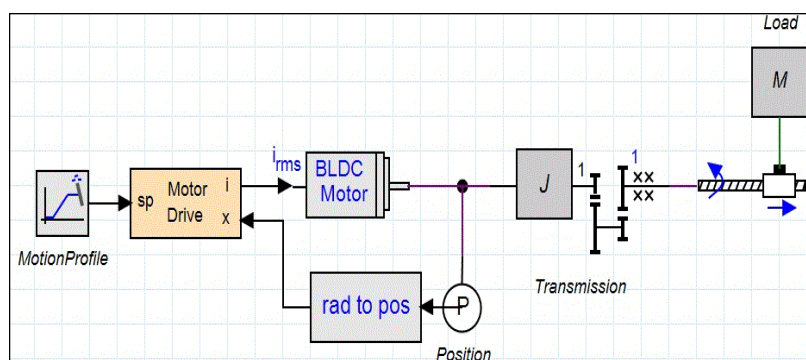


Figura 1.2: Modelul sistemului de actionare si pozitionare al unei axe

Motorul este comandat cu ajutorul unui driver de putere comandat in PWM. Viteza unghiulara si pozitia se masoara pe baza semnalelor provenite de la cei trei senzori Hall montati pe statorul motorului. Rotorul motorului BLDC are cinci perechi de poli magnetici, iar caracteristicile electro-mecanice ale motorului sunt prezentate in Figura 1.3.

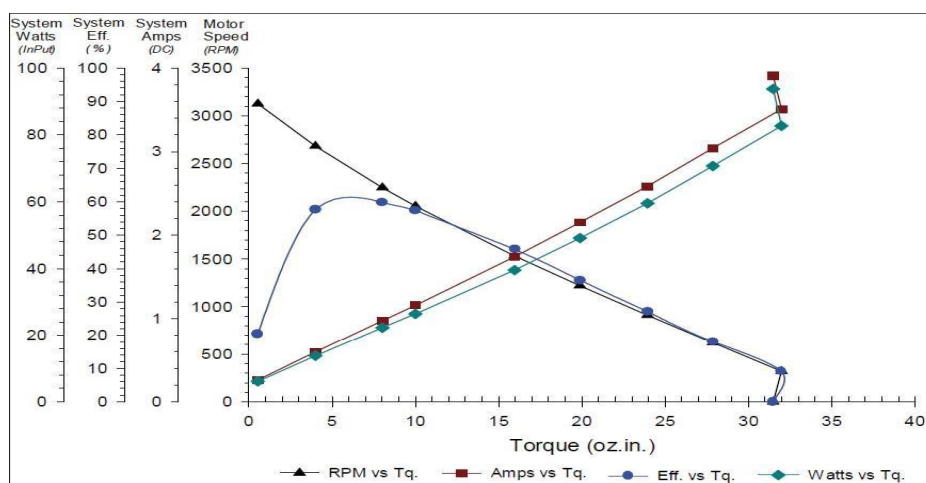


Figura 1.3: Caracteristicile electro-mecanice ale motorului BLDC

Aparatura utilizata: sursa de alimentare, multimetru, driver de putere, osciloscop, system numeric de comanda si achizitie a datelor.

## 2. Achizitia datelor de intrare-iesire

Utilizand un system numeric de comanda se genereaza semnalele de comanda pentru motorul BLDC (SAAP + SP) si se achizitioneaza datele intrare-iesire in vederea precesarii ulterioare (comanda (factor de umplere), curent ( $i$ ), viteza unghiulara ( $\omega$ ) si pozitia unghiulara ( $\theta$ )).

### 2.1. Desfasurarea experimentului

1. Se alimenteaza asamblu driver + motor BLDC cu  $U_a=24V$ ;
2. Se efectueaza urmatorul experiment:
  - 2.1. Se genereaza un semnal de comanda sinuisodal peste care se suprapune SPAB avand caracteristicile corelate cu dinamica asamblului „motor BLDC + axa „;
  - 2.2. Se vizualizeaza si se masoara sincron intrarea si iesirele, obtinand datele experimentale:  $[t_k, u_k, \omega_k, \theta_k]$ , cu  $k=1, 2, 3, \dots$ .

### 3. Procesarea datelor experimentale

Vizualizarea setului de date experimentale se poate realiza folosind MATLAB. Acesta e ilustrat in Figura 3.1.

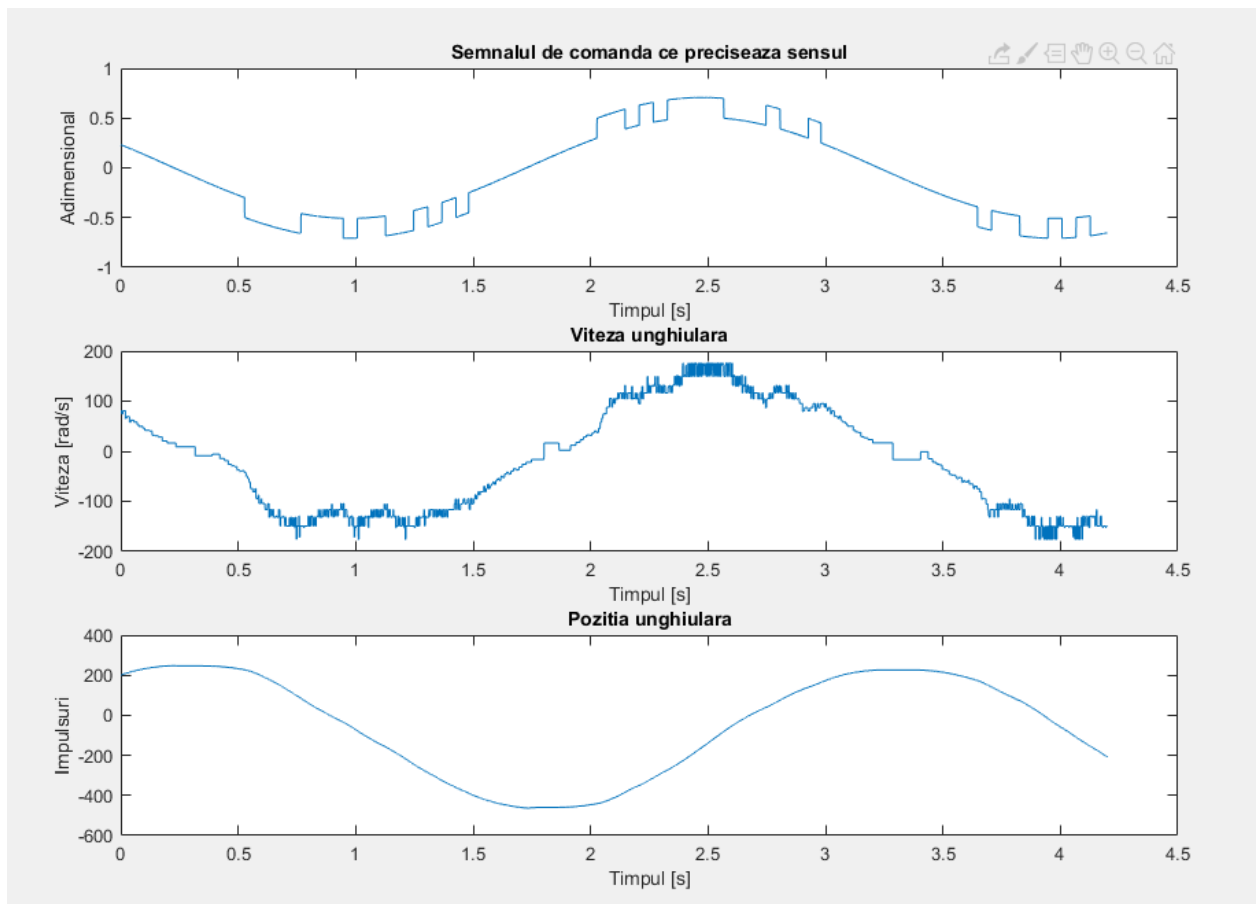


Figura 3.1: Datele experimentale

Se realizeaza interpolarea pentru a inlocui datele invalide, cauzate de lipsa masuratorilor la viteze unghiulare mici, atunci cand apar schimbari ale sensului de miscare. Astfel se realizeaza masuratori approximate in locul celor invalide. Aceasta operatie este ilustrata in Figura 3.2.

## -Proiect Identificarea Sistemelor-

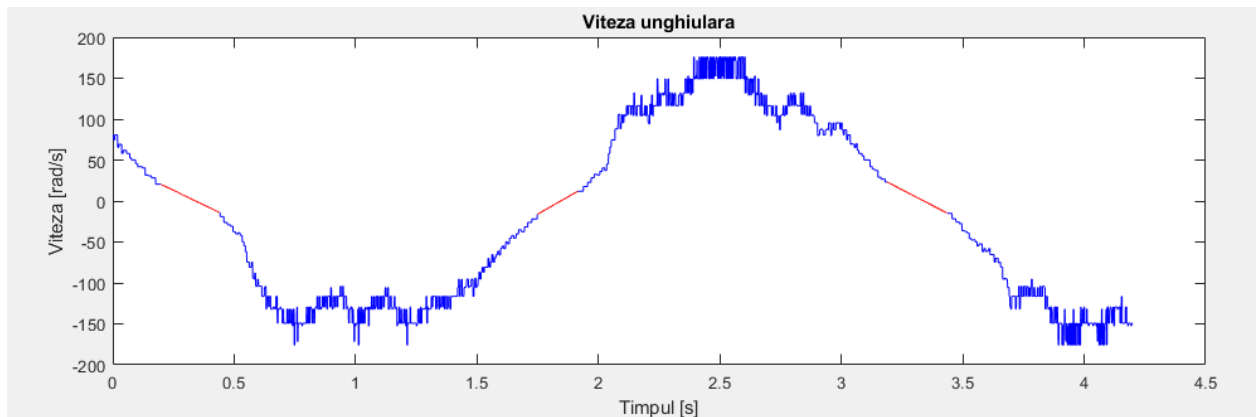


Figura 3.2: Viteza unghiulara dupa interpolare

Din aceste date trebuie extrase doua seturi de date, in vederea identificarii modelului sistemului, respectiv pentru validarea modelului obtinut. Acestea sunt extrase cu ajutorul cursorilor din MATLAB. In Figura 3.3 sunt ilustrate cu rosu datele de identificare si cu verde cele de validare.

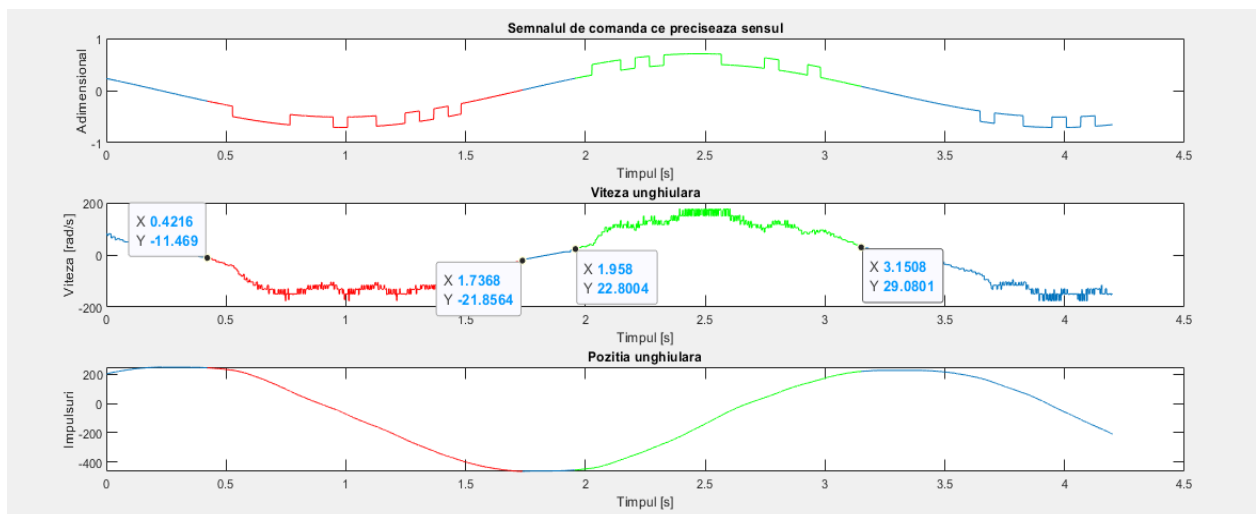


Figura 3.3: Datele de identificare si de validare

## 4. Identificarea modelului de la intrare la viteza unghiulara

### 4.1 Metoda validata prin testul de autocorelatie

Metoda celor mai mici patrate extinsa (ARMAX + decimare)

Aceasta metoda a fost dezvoltata pentru a se putea identifica fara deviatie modelele „proces + petrubatie” de forma :

$$A(q^{-1})y(t) = q^{-d}B(q^{-1})u(t) + C(q^{-1})e(t), (\forall) t \in \mathbb{N}.$$

Schema bloc acestei metode este reprezentata in Figura 4.1:

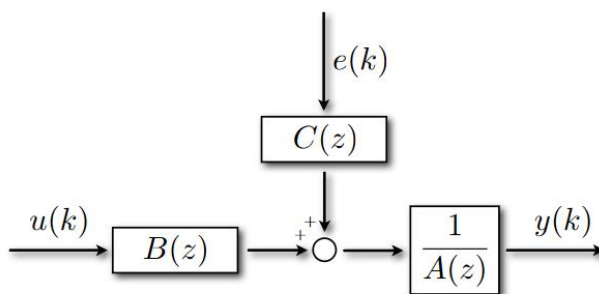


Figura4.1: Model ARX

Functia utilizata in MATLAB: `model=armax(date_identificare_w,[ na nb nc nk]);`

Unde avem:

- na= ordinul polinomului A;
- nb= ordinul polinomului B +1;
- nc= ordinul polinomului C;
- nk= ordinul intarzierii.

Deoarece nu am reusit sa gasesc un model valid pentru autocorelatie pe datele initiale am decis sa decimez datele. Am luat valoarea maxima ce s-a masurat la viteza unghiulara , iar acolo unde datele experimentale se repetau , am lasat doar o singura valoare , facand diferenta dintre valori ca in Figura 4.2:

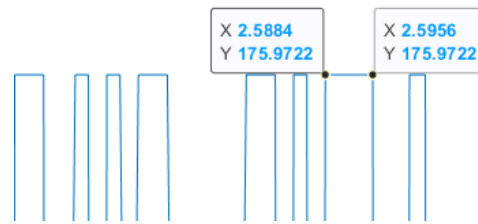


Figura 4.2: Alegerea valorilor pentru decimare

Funcția de transfer în domeniul discret obținută prin această metodă este:

$$H = \frac{14.99z^{-1}}{1 - 0.9384z^{-1}}$$

Iar în continuu:

$$H = \frac{3222}{s + 13.25}$$

#### Validarea modelului:

Urmărirea ieșirii se realizează utilizând funcția `compare` din MATLAB, aceasta folosește ca parametrii modelul obținut după realizarea funcției `armax` și datele generale. În Figura 4.3 se regăsește reprezentarea grafică acestei metode:

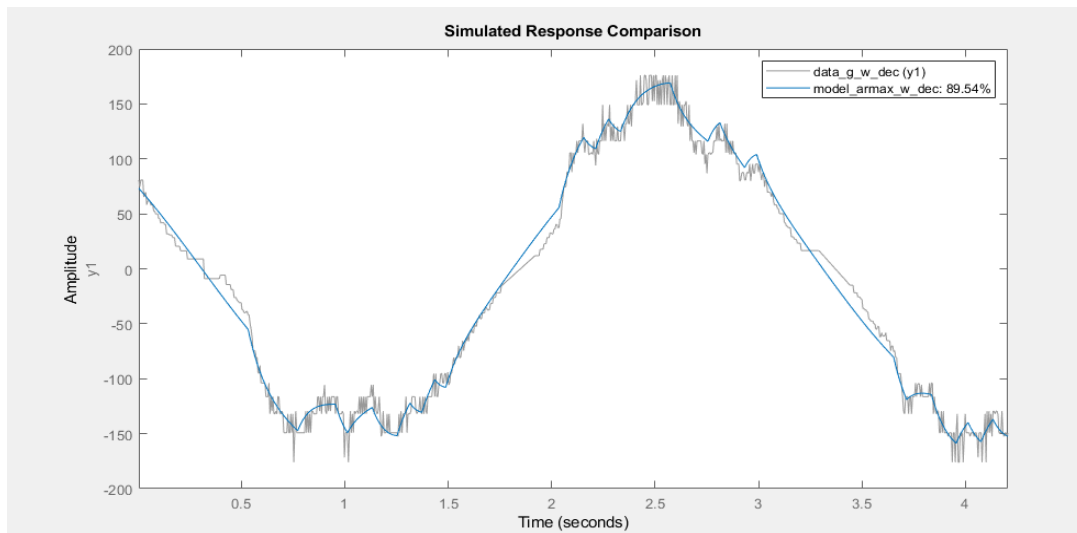


Figura 4.3: Urmărirea ieșirii



$$\text{FIT} = 89.54\%$$

$$\varepsilon_{\text{mpn}} = 100\% - \text{FIT} = 10.46\%$$

Rezultatul testului de corelație se realizează utilizând funcția `resid` din MATLAB, aceasta folosește ca parametrii modelul obținut după realizarea funcției `armax` și datele de verificare. În Figura 4.4 se regăsește reprezentarea grafică acestei metode:

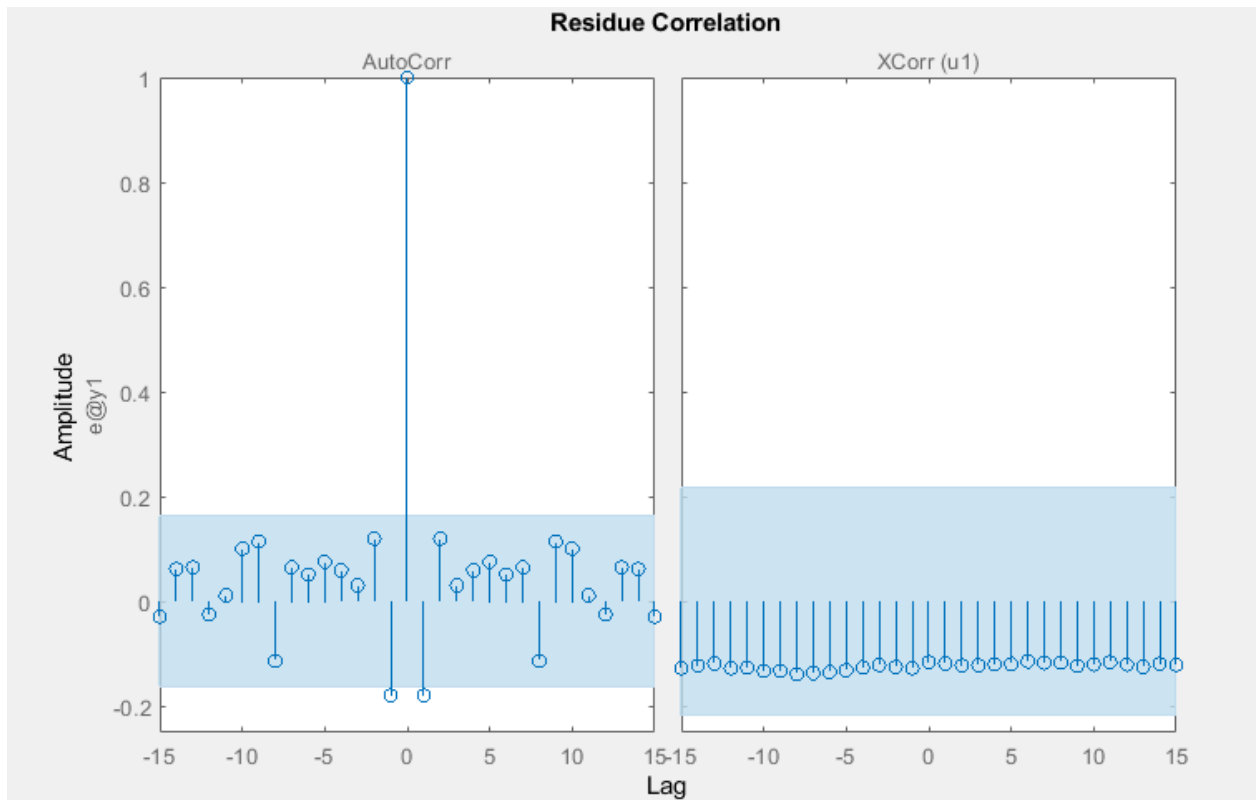


Figura 4.4: Rezultatul testului de corelație

*Observație: După un anumit număr de eșantioane, rezultatul autocorelației intră în banda de încredere.*

## 4.2 Metoda validata prin testul de intercorelatie

### Metoda Variabilelor Instrumentale (IV)

Ideea generala a Metodelor de Variabile Instrumentale consta in crearea unui nou vector al observatiilor care este puternic corelat cu variabile fara zgomot. Modelul este „proces + perturbatie”:

$$y(t+1) = -a_1 y(t) + b_1 u(t) + c_1 e(t) + e(t+1), \quad (\forall) t \in \mathbb{N},$$

Schema bloc acestei metode este reprezentata in Figura 4.5:

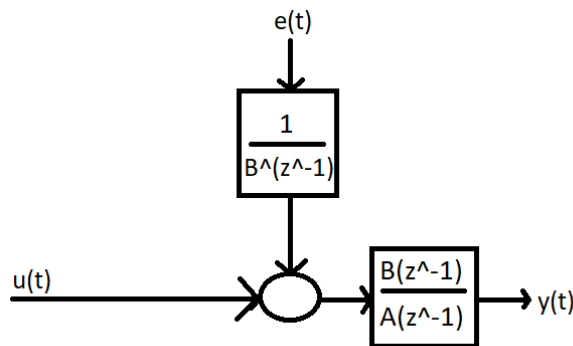


Figura4.5: Modelul IV

Funcția utilizată în MATLAB: `model=iv4(date_identificare_w,[ na nb nk]);`

Unde avem:

- na= ordinul polinomului A;
- nb= ordinul polinomului B +1;
- nk= ordinul intarzierii.

Funcția de transfer în domeniul discret obținută prin această metodă este:

$$H = \frac{1.223z^{-1}}{1 - 0.995z^{-1}}$$

Iar în continuu:

$$H = \frac{3065}{s + 12.62}$$

### Validarea modelului:

Urmărirea ieșirii se realizează utilizând funcția `compare` din MATLAB, aceasta folosește ca parametrii modelul obținut după realizarea funcției `iv4` și datele generale. În Figura 4.6 se regăsește reprezentarea grafică acestei metode:

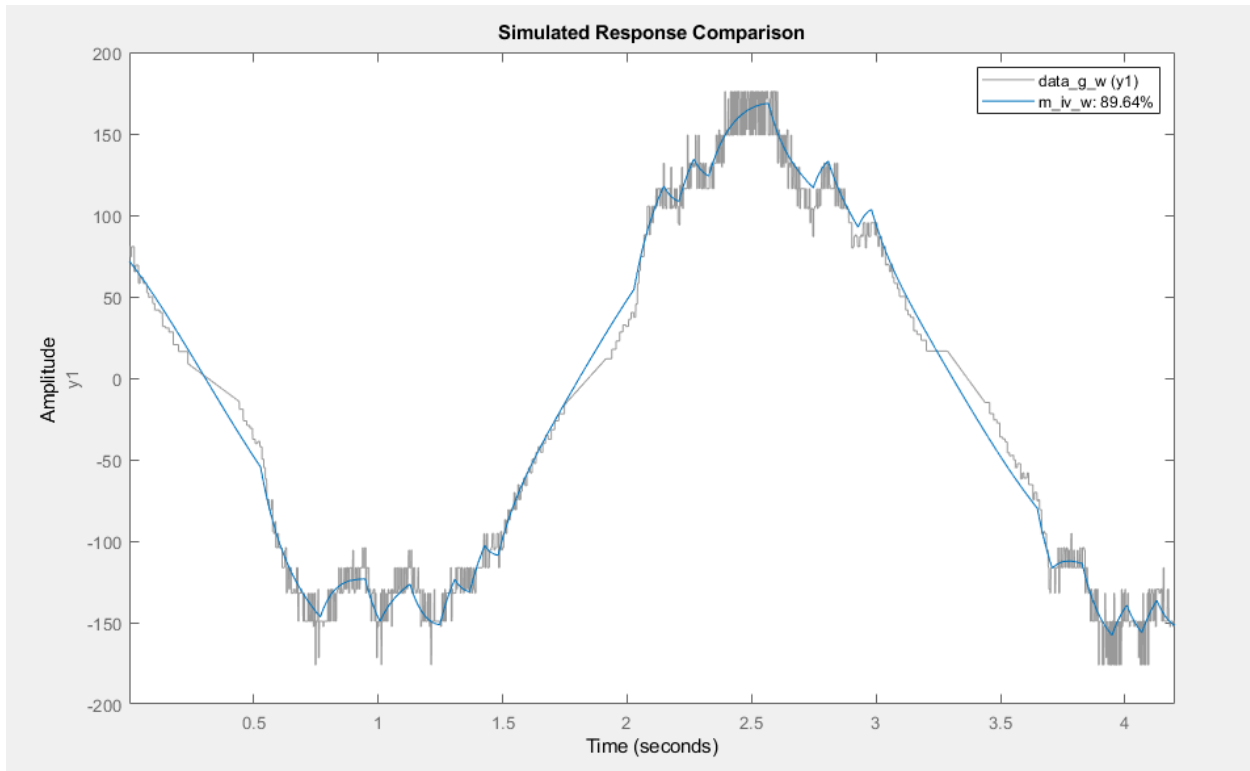


Figura 4.6: Urmărirea ieșirii

$$\text{FIT} = 89.64\%$$

$$\varepsilon_{\text{mpn}} = 100\% - \text{FIT} = 10.36\%$$

Rezultatul testului de corelatie se realizeaza utilizand functia `resid` din MATLAB, aceasta foloseste ca parametrii modelul obtinut dupa realizarea functiei `iv4` si datele de verificare. In Figura 4.7 se regaseste reprezentarea grafica acestei metode:

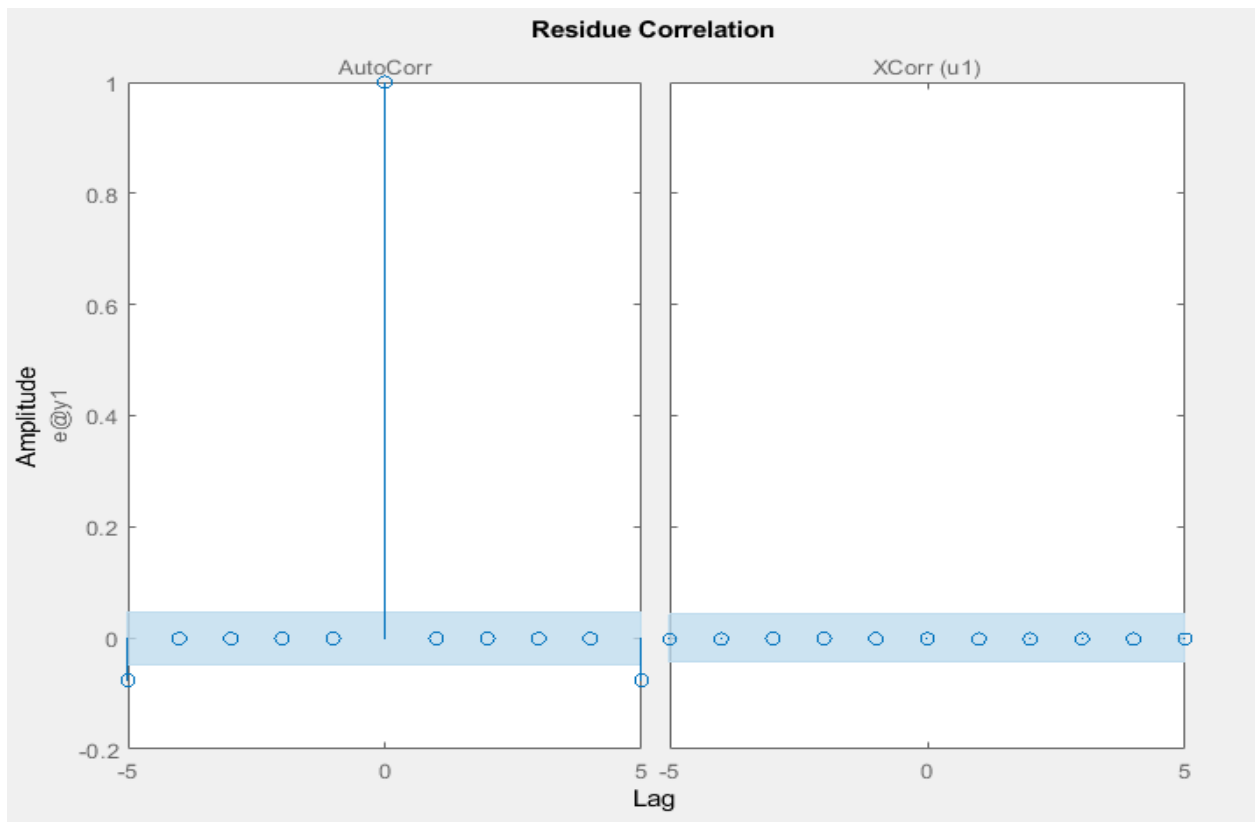


Figura 4.7: Rezultatul testului de corelatie

## 5. Identificarea modelului de la viteza unghiulara la pozitie

### 5.1 Metoda validate prin testul de autocorelatie

Metoda celor mai mici patrate (ARX + decimare)

Algoritmul de adaptare parametrica (AAP) a gradientului are ca obiectiv minimizarea unui criteriu patrat dependent de eroarea de predictie. Se considera modelul discret al unui sistem descris prin:

$$Y(z) = \frac{z^{-n_d} B(z^{-1})}{A(z^{-1})} U(z),$$

Schema bloc acestei metode este reprezentata in Figura 5.1:

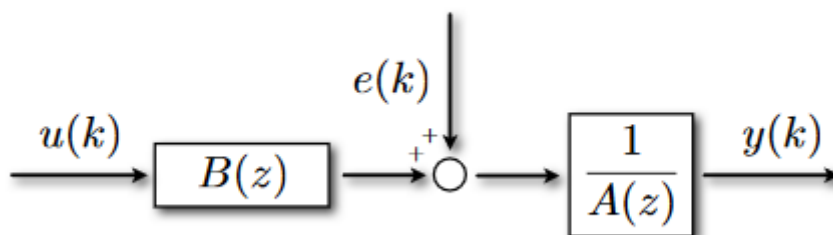


Figura 5.1: Modelul ARX

Functia utilizata in MATLAB: `model=arx(date_identificare_w,[ na nb nk]);`

Unde avem:

- na= ordinul polinomului A;
- nb= ordinul polinomului B +1;
- nk= ordinul intarzierii.

Decimarea se realizeaza exact la fel ca la modelul ARMAX.

Functia de transfer in domeniul discret obtinuta prin aceasta metoda este:

$$H = \frac{0.02464z^{-1}}{1 - z^{-1}}$$

Iar in continuu:

$$H = \frac{5.134}{s}$$

#### Validarea modelului:

Urmărirea ieseirii se realizează utilizând funcția `compare` din MATLAB, aceasta folosește ca parametrii modelul obținut după realizarea funcției `arx` și datele generale. În Figura 5.2 se regăsește reprezentarea grafică acestei metode:

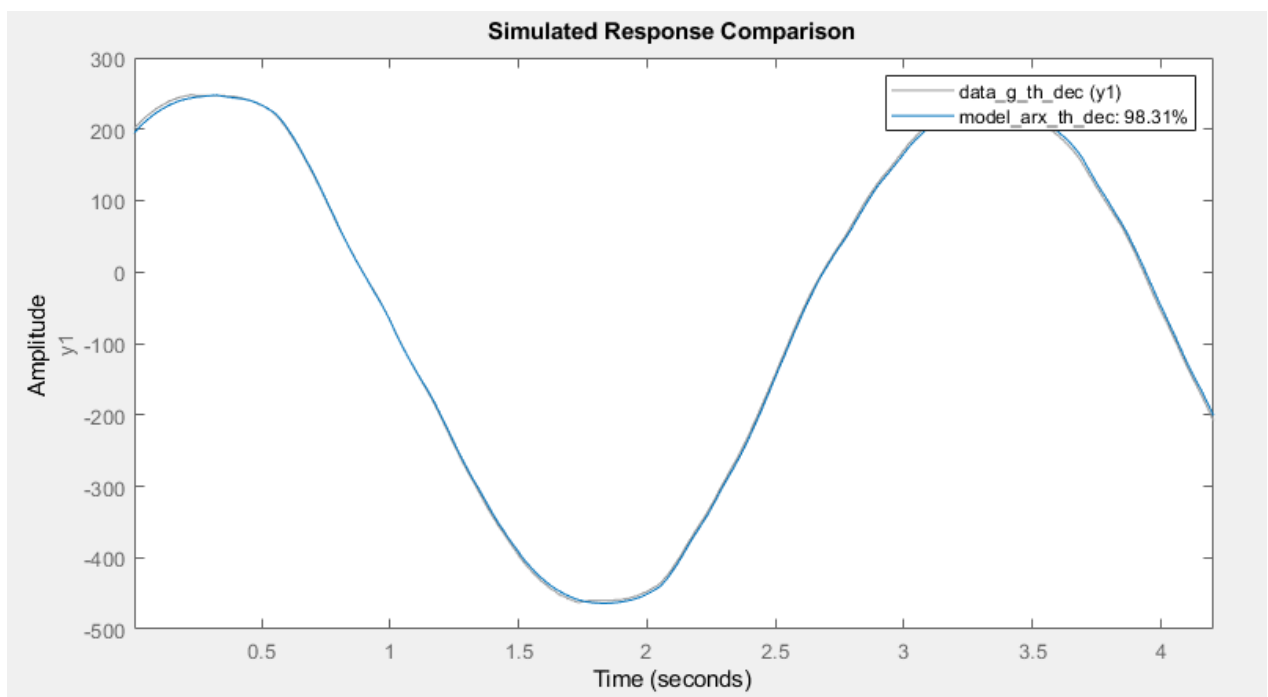


Figura 5.2: Urmărirea ieseirii

$$\text{FIT} = 98.31\%$$

$$\varepsilon_{\text{mpn}} = 100\% - \text{FIT} = 1.69\%$$

Rezultatul testului de corelatie se realizeaza utilizand functia resid din MATLAB, aceasta foloseste ca parametrii modelul obtinut dupa realizarea functiei arx si datele de verificare. In Figura 5.3 se regaseste reprezentarea grafica acestei metode:

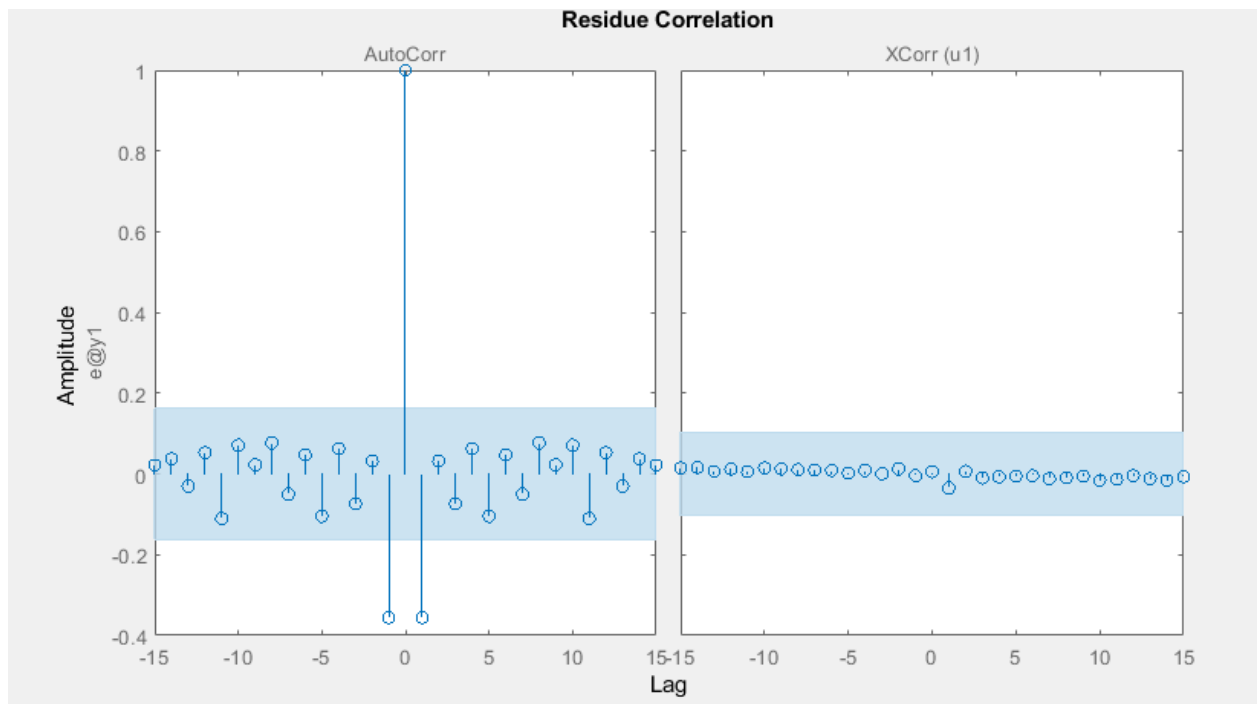


Figura 5.3 Rezultatul testului de corelatie

*Observație: După un anumit număr de eșantioane, rezultatul autocorelației intră în banda de încredere.*

## 5.2 Metoda validata prin testul de intercorelatie

### Metoda erorii de iesire (OE)

Ideea de baza a acestei metode se bazeaza pe observatia ca, in absenta peturbatiilor, iesirea predictata prin predictorul CMMPR,  $\hat{y}(t + 1)$  tinde catre  $y(t+1)$ . In aceste conditii, se poate inlocui  $y(t)$  in ecuatie predictorului cu  $\hat{y}(t)$  (predictive a posteriori).

Modelul de tip “process+peturbatie” este :

$$F(z^{-1})Y(z) = z^{-n_d} B(z^{-1})U(z) + F(z^{-1})E(z)$$

Schema bloc acestei metode este reprezentata in Figura 5.3:

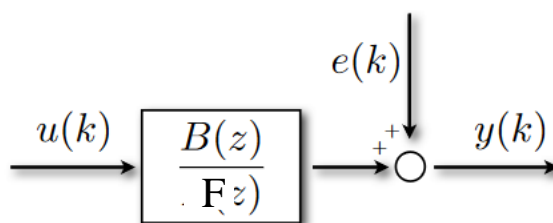


Figura 5.3: Modelul OE

Funcția utilizată în MATLAB: `model=oe(date_identificare_w,[ na nb nk]);`

Unde avem:

- nb= ordinul polinomului A;
- nf= ordinul polinomului B +1;
- nk= ordinul intarzierii.

Funcția de transfer în domeniul discret obținută prin această metodă este:

$$H = \frac{0.0020601z^{-1}}{1 - z^{-1}}$$



Iar in continuu:

$$H = \frac{5.152}{s}$$

#### Validarea modelului:

Urmărirea ieşirii se realizează utilizând funcţia `compare` din MATLAB, aceasta foloseşte ca parametrii modelul obţinut după realizarea funcţiei `oe` şi datele generale. În Figura 5.4 se regăseşte reprezentarea grafică acestei metode:

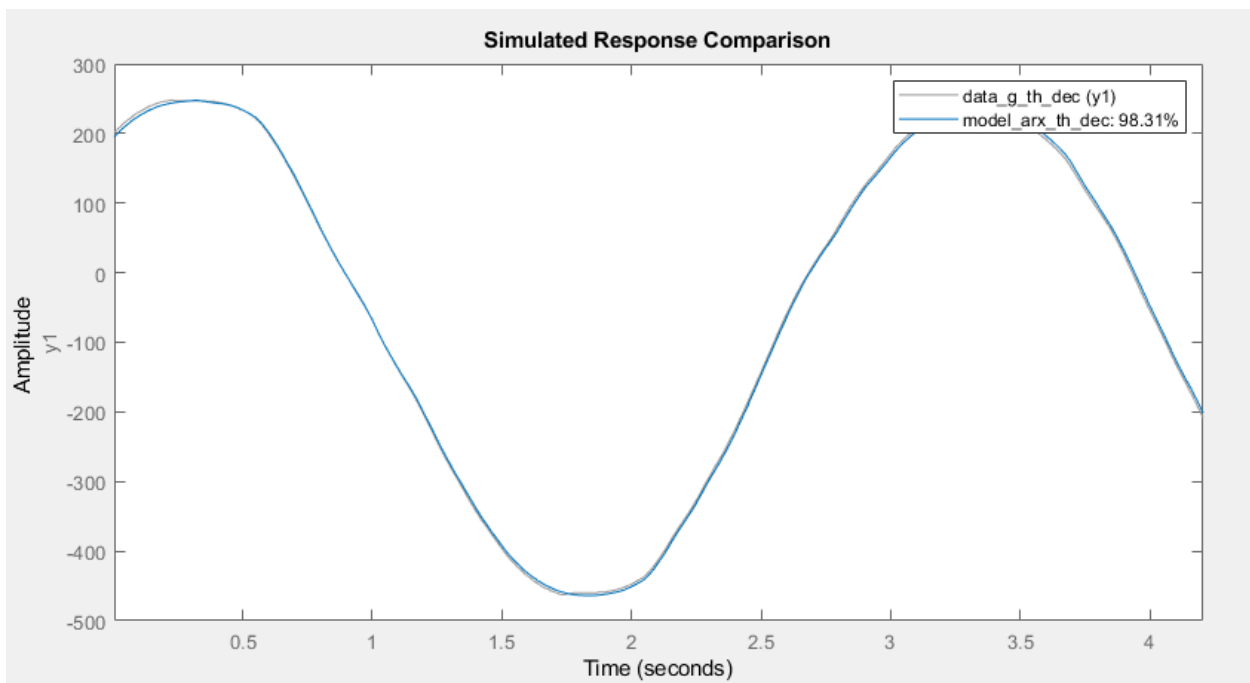


Figura 5.4: Urmărirea ieşirii

$$\text{FIT} = 98.31\%$$

$$\varepsilon_{\text{mpn}} = 100\% - \text{FIT} = 1.69\%$$

Rezultatul testului de corelatie se realizeaza utilizand functia `resid` din MATLAB, aceasta foloseste ca parametrii modelul obtinut dupa realizarea functiei `oe` si datele de verificare. In Figura 5.4 se regaseste reprezentarea grafica acestei metode:

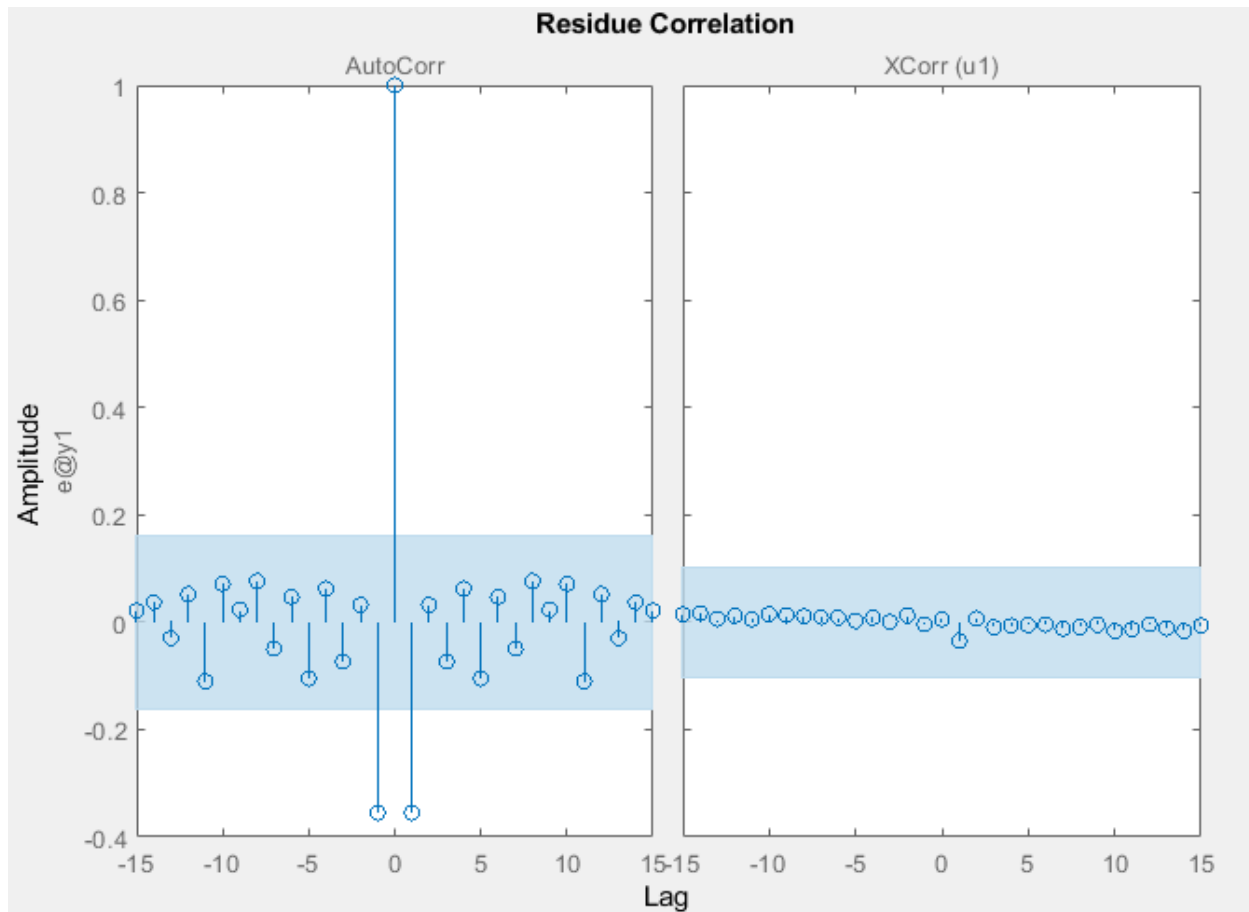


Figura 5.4: Rezultatul testului de corelatie

## 6. Concluzie

În urma rezultatelor obținute la punctele anterioare obținem două funcții de transfer ce are la intrare semnalul de comandă ce precizează sensul și la ieșire poziția conform tabelului T.1.

### Validată pe Autocorelație

$$H = \frac{1.654e4}{s^2 + 13.25s}$$

### Validată pe Intercorelație

$$H = \frac{1.579e4}{s^2 + 12.62s}$$

*Tabelul T.1: Funcțiile de transfer obținute în urma conexiunii de tip serie între cele două modele.*

Din prelucrarea datelor experimentale se observă că modelele validate prin decorelare dau o urmărire mai bună a ieșirii, în cazul primului model. (diferența fiind de 0.1 % )