```
Esercizio 1. Utilizzando la dimostrazione del teorema cinese del resto determinare
l'unica soluzione mod 385 = 5 \cdot 7 \cdot 11 del sistema cinese
(1)
 R= 385
 ) R_2 = 77 lw 776, +5\% = 1 = 0.1 = 77(-2) + 5.(31) <math>\tilde{X}_1 = -2.3
z) R_2 = 55 ho 556 + 74 = 1 \Rightarrow 2 = 55(-1) + 7(8) <math>\tilde{\chi}_2 = -2.4
3) R_3 = 35 lus 356_2 + 11 \frac{1}{2} = 1 = 2 = 35 \cdot (-5) + 11 \cdot (16) \hat{X}_3 = -5 \cdot 4
     X = -6.77 + (-1).55+ (-20).35 = -1987=150 (mod 385)
Esercizio 3. Ho comprato un grosso barattolo di caramelle; il negoziante mi ha
assicurato che sono circa mille ma mi ha anche detto che se le metto in fila per 13
ne rimangono 11, se le metto in fila per 11 ne rimangono 7 e ne manca una per
riuscire a metterle in fila per 7. Quante caramelle ci sono nel barattolo?
\begin{array}{c} X = 11 & \text{Mod } 13 \\ X = 7 & \text{Mod } 11 \\ X = 1 & \text{IMod } 7 \end{array}
DR, = 77 los 1= 776, + 13 y, => 1=77(-1)+17(6) X, = 11-(1)= -11
DR2=91 Jus 1=91(4)+11(-33)
                                                                         ×2= 7-4 = 28
3) R3 = 143 ho 1=143(-2)+7(41)
                                                                           X_3 = 1 \cdot (-7) = -2
     X= 77(-11)+91.20+143(-2)=-847+2548-286=1415=414 Mod(1001)
Il nevozante e un Truffetore
Esercizio 4. Risolvere il sistema congruenziale
    4x = z (22), MCP(4, 22) = 2 \begin{cases} 2x = 1 \\ 3x = 2 \end{cases} (11) molliples per 3x = 2 (7), MCP(3, 7) = 1 \begin{cases} 3x = 2 \\ 3x = 2 \end{cases} (7) molliples per
1) R, = 7 ho 7(-3)+11(2)=1 x, = -3.6 = (-18)
2) R_2 = 11 ho 11(2) + 7(-3) = 1 \tilde{x}_2 = 2 \cdot 10 = 20
                  X= 7.(-18)+11.20 = 94 (MOJ 72) =17
```

 $\it Esercizio$ 5. Risolvere il sistema congruenziale) MCD(18,30) = 30 = 18.1+12 => 18=12.1+6=>12=6.2+0 6/12 2) Mco(7,9)= 2 114 3) MCD(28,98) = 98 = 28.3+(4=D28=14.2+0 14/14 $\begin{cases} 3 \times \frac{1}{2} \times 2 & (5) \\ 2 \times \frac{1}{2} \times 4 & (9) \end{cases} \text{ molliplie. per gl. inners.} \begin{cases} \times \frac{1}{2} \times 4 & (9) \\ 2 \times \frac{1}{2} \times 4 & (7) \end{cases} \\ 1) R_{1} = 63 \qquad 1 = 63 (2) + 5 (-25) \qquad X_{2} = -1 \cdot 7 = -7$ $2) R_{2} = 35 \qquad \text{his} \qquad 1 = 35 (-1) + 9 (4) \qquad X_{2} = -1 \cdot 7 = -7$ $\Re R_3 = 45$ lo 1 = 45(5) + 7(-32) $\Re R_3 = 5 \cdot 4 = 20$ X = 63.8+35 (-7)+45(20) = 1159 (mod 315) = 214 Esercizio 6. È dato il sistema congruenziale dipendente dal parametro $a \in \mathbb{Z}$: Determinare per quali $a \in \mathbb{Z}$, $1 \le a \le 11$, tale sistema è compatibile. Per tali arisolvere il sistema. Suggerimento: il metodo di sostituzione può essere utile . per essere trasformats in un sisteme Rinese, e' necessorio che gl. pryoment ole moduli sieno CO-PPINI Les loro 10 e 12 men lo sono! posso molliplicare 12 o 10 per qualsiasi KEZ ma resteramo sempre sum 11c0 \$1. Questo sistema NON e' riblue li le so pinese trono le sol generièhe delle eq. 1) 3x = 4 (10) RISOLVO 3x + 10y = 4