

Esercizio 1 (Stringhe binarie). Data in input una stringa binaria di lunghezza n , progettare un algoritmo di complessità $O(n \log n)$ che restituisca il numero delle sue sottostringhe che cominciano con 0 e finiscono con 1.

```

Sb(A: array) { //  $O(n)$ 
    n2 = 0
    sol = 0
    For (i = 0, 1, ..., A.length() - 1) {
        if (A[i] == 0) { n2 ++ }
        else { sol += n2 }
    }
    return sol
}

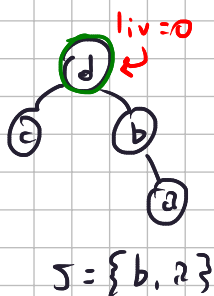
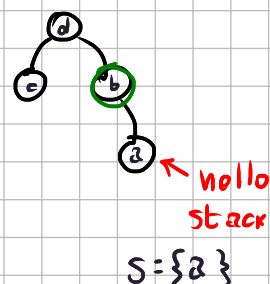
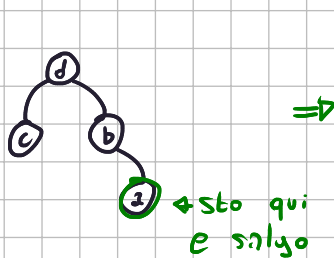
```

Esercizio 2 (Nodi pari). Sia T un albero radicato nel nodo x e rappresentato da un vettore dei padri P . Progettare un algoritmo di complessità $O(n)$ che dato in input il vettore P restituisca il numero dei livelli di T in cui compaiono un numero pari di nodi.

```

LivPadri(P: array) {
    n = P.length()
    S: Stack
    Liv[n] = {-1, -1, ..., -1}
    Vis[n] = {0, 0, ..., 0}
    Vis[∞] = 1
    Liv[∞] = 0
    For (i = 0, ..., n-1) { //  $O(n)$ 
        cur = i
        level = 0
        while (P[cur] ≠ cur) {
            if (Vis[cur] ≠ 1) {
                Vis[cur] = 1
                S.push(cur)
            } else {
                level = Liv[cur]
                break
            }
        }
        while (S ≠ ∅) {
            level ++
            Liv[S.pop()] = level
        }
    }
    m = max(Liv)
    D[m] = {0, 0, ..., 0}
    For (i = 0, ..., m-1) {
        D[i] ++
    }
    livP = 0
    For (i = 0, ..., m-1) {
        if (D[i] ≠ 0 ∧ D[i] % 2 == 0) { livP ++ }
    }
    return livP
}

```



Scorro lo stack incrementando il liv

liv = 0	S = {b, a}	
liv = 1	S = {a}	b
liv = 2	S = { }	a