

## Logic Gates

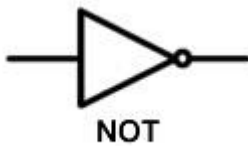
La porta logica è una funzione che esegue un *operazione logica*. Possono avere una o più porte d'ingresso ed una di uscita.

Vediamo le porte logiche principali :

### NOT

$$Y = \bar{A}$$

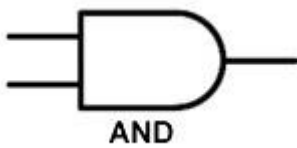
A	Y
0	1
1	0



### AND

$$Y = AB$$

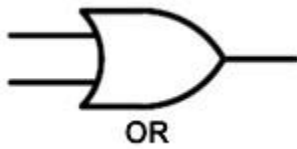
A	B	Y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



## OR

$$Y = A + B$$

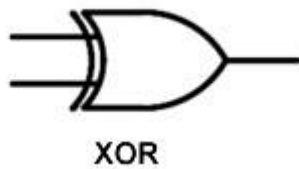
A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



## XOR

$$Y = A \oplus B$$

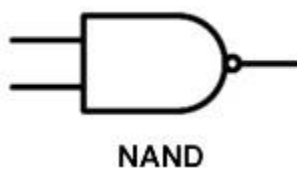
A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



## NAND

$$Y = \overline{AB}$$

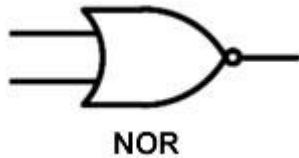
A	B	Y
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



## NOR

$$Y = \overline{A + B}$$

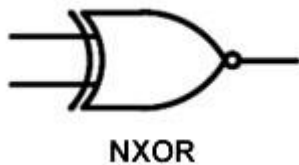
A	B	Y
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0



## NXOR

$$Y = \overline{A \oplus B}$$

A	B	Y
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1



Ci sono alcuni casi in cui l'output di una porta logica non è così scontato, vediamo per esempio uno **XOR con 3 ingressi**, quindi:

$$A \oplus B \oplus C = Y$$

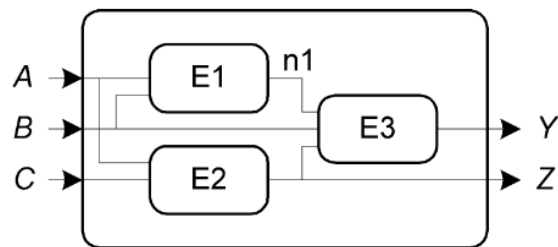
Si può scrivere anche come lo xor di A e B con lo xor di C

$$(A \oplus B) \oplus C = Y$$

In questo caso il risultato dello xor è 1, quando il numero di 1 in ingresso sarà dispari:

A	B	C	Y
0	0	0	0
1	1	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	1	1

Con tali porte logiche si costruisce un **circuito logico**. Ad un circuito bisogna dare caratteristiche funzionali ( le porte logiche utilizzate ) e caratteristiche temporali ( il tempo necessario per emettere un output )



Tale circuito ha gli elementi E1, E2 ed E3

Ogni elemento è un circuito composto a sua volta da circuiti elementari.

Ci son 2 tipi di circuiti :

### **Circuiti combinatori**

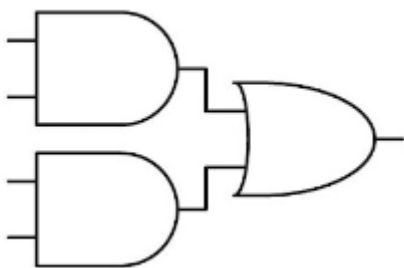
- Essi non hanno memoria, e l'output è determinato dai valori correnti degli input

### **Circuiti sequenziali**

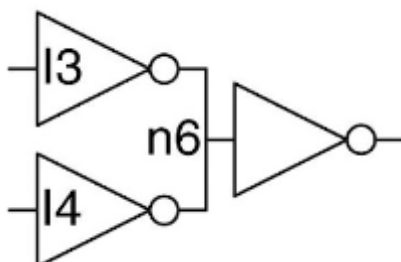
- Essi hanno memoria, e l'output è determinato dai valori correnti e precedenti degli input
- 

Un circuito è combinatorio se non ha memoria, ed ogni nodo è un input, o si collega ad esattamente un output. Inoltre non Deve contenere percorsi ciclici.

Circuito combinatorio:



Circuito NON combinatorio (un nodo ha collegati 2 output) :



Vediamo alcune **definizioni importanti** nell'algebra booleana:

Complemento :

$\overline{A}, \overline{B}, \overline{C}$  il negato di un valore

Literal :

$A, \overline{A}, B, \overline{B}$  la variabile ed il suo complemento

Implicante :

$\overline{A}BC, A\overline{C}, BC$  un prodotto di Literal

Minterm :

$ABC, A\overline{B}C, A\overline{B}\overline{C}$  un prodotto che usa tutte le variabili in input

Maxterm :

$A + B + C, A + \overline{B} + C, A + \overline{B} + \overline{C}$  una somma che usa tutte le variabili in input

## Sum of Product (SOP)

$Y = F(A, B)$

A	B	Y	MINTERM	MINTERM NAME
0	0	0	$\overline{A} \times \overline{B}$	m0
0	1	1	$\overline{A} \times B$	m1
1	0	0	$A \times \overline{B}$	m2
1	1	1	$A \times B$	m3

Supponiamo di non sapere cosa fa questa funzione, ma di conoscere solamente il valore in output per ogni caso. Prima bisogna calcolare i *Minterm* per ogni caso.

- Questa funzione vale 1 quando  $\overline{A} \times B + A \times B$
- Si sommano i *Minterm* nella tabella dove  $Y = 1$

Quindi  $Y = \overline{A}B + AB$

## Product of Sum (SOP)

$$Y = F(A, B)$$

A	B	Y	MAXTERM	MAXTERM NAME
0	0	0	$A + B$	M0
0	1	1	$A + \bar{B}$	M1
1	0	0	$\bar{A} + B$	M2
1	1	1	$\bar{A} + \bar{B}$	M3

Supponiamo di non sapere cosa fa questa funzione, ma di conoscere solamente il valore in output per ogni caso. Prima bisogna calcolare i *Maxterm* per ogni caso.

- Questa funzione vale 1 quando  $(\bar{A} + B) \times (A + B)$
- Si calcola il prodotto dei *Maxterm* nella tabella dove  $Y = 0$

Quindi  $Y = (\bar{A} + B)(A + B)$

Il **DUALE** di un operazione booleana è esse ma sostituendo 0 con 1 e  $\times$  con +

Esempio :  $1 \times 0 \xrightarrow{\text{duale}} 0 + 1$