

Esercizio 1 (22.2-8, [1]). Sia $G = (V, E)$ un grafo non diretto, allora si definisce il *diametro* di G , $diam(G) = \max_{u,v \in V} d(u, v)$, il massimo della distanza tra due qualsiasi vertici di G . Fornire un algoritmo in pseudo-codice che restituisca il diametro di un grafo G , nel caso in cui G sia un albero. E' possibile ottenere una soluzione con tempo di esecuzione $\mathcal{O}(|V|)$?

```

MaxDist (G:grafo, u:nodo) {
    Dist[n] = {-1, -1, ..., -1}
    Dist[u] = 0
    Q: queue
    Q.push(u)
    do {
        x = Q.pop()
        for each (y ~ x) {
            if (Dist[y] == -1) {
                Dist[y] = Dist[x] + 1
                Q.push(y)
            }
        }
    } while (Q != 0)
    m = 0
    w: nodo
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (Dist[i] > m) {
            m = Dist[i]
            w = i
        }
    }
    return (w, m)
}

```

```

Diametro(G:grafo) {
    u = nodo di G a caso
    (x, a) = MaxDist(G, u)
    (t, b) = MaxDist(G, x)
    return b
}

```

Esercizio 2 (I. Salvo). Fornire un algoritmo in pseudo-codice che, dato un grafo non diretto $G = (V, E)$ e due nodi u e v , restituisce tutti i nodi che hanno la stessa distanza da u e v in tempo $\mathcal{O}(|V| + |E|)$.

```

DistComuni (G:grafo, u:nodo, v:nodo) {
    DistU = BFS(G, u)
    DistV = BFS(G, v)
    O: Set
    for (i = 0, 1, ..., n-1) {
        if (DistU[i] == DistV[i]) { O.add(i) }
    }
    return O
}

```

Esercizio 3 (I. Salvo). Rimuovere un arco da un grafo (diretto o non diretto) modifica le distanze tra alcune coppie di vertici e ne lascia invariate alcune. Fornire un algoritmo in pseudo-codice che dato un grafo $G = (V, E)$ diretto, un vertice $s \in V$, un arco $(u, v) \in E$ e un vettore dei padri *Parent*, relativo ad una BFS effettuata su G a partire da s determina se la rimozione di (u, v) da G modifica le distanze da s . E' possibile ottenere una soluzione con tempo di esecuzione $\mathcal{O}(|V|)$?

Se l'arco rimosso NON fa parte dell'arborecenza, non ci sono modifiche altrimenti puo' variare.

```
ModificaDist(G: grafo, s: nodo, (u,v): arco, P: array) {  
    if (P[v] != u) { return False }  
    Dist = BFS(G, s)  
    for (i = 0...n-1) {  
        if ((i,v) ∈ E(G)) {  
            if (Dist[i] == Dist[u]) { return False }  
        }  
    }  
    return True
```

} NON SO SE FUNZIONA ✓

Esercizio 4. Nel gioco degli scacchi il *cavallo* si muove nella seguente maniera: due caselle in orizzontale e una in verticale, o viceversa. Fornire un algoritmo in pseudo-codice che, data una scacchiera $M \times N$, la posizione di partenza e quella di arrivo, calcola il numero minimo di turni necessari ad un cavallo di passare da una posizione all'altra in maniera che il tempo di esecuzione sia pari a $\mathcal{O}(M + N)$.

Che modifiche sono necessarie se invece del cavallo si usa uno degli altri pezzi? Oppure se sono presenti degli altri pezzi statici ma non mangiabili?