```
Esercizio 1. Utilizzando la dimostrazione del teorema cinese del resto determinare
l'unica soluzione mod 385 = 5 \cdot 7 \cdot 11 del sistema cinese
(1)
 R= 385
 ) R_2 = 77 lw 776, +5\% = 1 = 0.1 = 77(-2) + 5.(31) <math>\tilde{X}_1 = -2.3
z) R_2 = 55 ho 556 + 74 = 1 \Rightarrow 2 = 55(-1) + 7(8) <math>\tilde{\chi}_2 = -2.4
3) R_3 = 35 lus 356_2 + 11 \frac{1}{2} = 1 = 2 = 35 \cdot (-5) + 11 \cdot (16) \hat{X}_3 = -5 \cdot 4
     X = -6.77 + (-1).55+ (-20).35 = -1987=150 (mod 385)
Esercizio 3. Ho comprato un grosso barattolo di caramelle; il negoziante mi ha
assicurato che sono circa mille ma mi ha anche detto che se le metto in fila per 13
ne rimangono 11, se le metto in fila per 11 ne rimangono 7 e ne manca una per
riuscire a metterle in fila per 7. Quante caramelle ci sono nel barattolo?
\begin{array}{c} X = 11 & \text{Mod } 13 \\ X = 7 & \text{Mod } 11 \\ X = 1 & \text{IMod } 7 \end{array}
DR, = 77 los 1= 776, + 13 y, => 1=77(-1)+17(6) X, = 11-(1)= -11
DR2=91 Jus 1=91(4)+11(-33)
                                                                         ×2= 7-4 = 28
3) R3 = 143 ho 1=143(-2)+7(41)
                                                                           X_3 = 1 \cdot (-7) = -2
     X= 77(-11)+91.20+143(-2)=-847+2548-286=1415=414 Mod(1001)
Il nevozante e un Truffetore
Esercizio 4. Risolvere il sistema congruenziale
    4x = z (22), MCP(4, 22) = 2 \begin{cases} 2x = 1 \\ 3x = 2 \end{cases} (11) molliples per 3x = 2 (7), MCP(3, 7) = 1 \begin{cases} 3x = 2 \\ 3x = 2 \end{cases} (7) molliples per
1) R, = 7 ho 7(-3)+11(2)=1 x, = -3.6 = (-18)
2) R_2 = 11 ho 11(2) + 7(-3) = 1 \tilde{x}_2 = 2 \cdot 10 = 20
                  X= 7.(-18)+11.20 = 94 (MOJ 72) =17
```

```
Esercizio 5. Risolvere il sistema congruenziale
) MCD(18,30) = 30 = 18.1+ 12 => 18 = 12.1+6=12 = 6.2 +0
                                                                                        6/12
2) MCP(7,9)= 2 114
3) MCD(28,98)= 98= 28·3+(4=>28=14·2+0
\begin{cases} 3 \times = 2 & (5) \\ 7 \times = 4 & (9) \end{cases} \text{ multiplie. per yl. inners.} \begin{cases} X = 7 & (9) \\ 2 \times = 1 & (7) \end{cases}
1) R_1 = 63 lw 1 = 63(z) + 5(-25) \tilde{X}_1 = 2 \cdot 4 = 8
2) R_2 = 35 lw 1 = 35(-1) + 9(4) \tilde{X}_2 = -1 \cdot 7 = -7
\Re R_3 = 45 lo 1 = 45( 5) + 7(-32) \Re R_3 = 5 \cdot 4 = 20
     X = 63.8 + 35.(-7) + 45(20) = 1159 \pmod{315} = 214
Esercizio 6. È dato il sistema congruenziale dipendente dal parametro a \in \mathbb{Z}:
                            5X \equiv a(12)
Determinare per quali a \in \mathbb{Z}, \, 1 \leq a \leq 11, tale sistema è compatibile. Per tali a
risolvere il sistema.
Suggerimento: il metodo di sostituzione può essere utile
  per essere trosformet in un sistème rinese, e' nécessorir else
  gl. pryoment de moduli sient co-prim fix loro 10 e 12 lo sono! posso molliplicare 12 o 10 per qualsion KEZ ma
  reslecomo sempre sun nov # 1. Questo sistema NON e' réolise le se
  einese dimolo per i rispettin imers.
     ) X = 8 (10)
   \begin{cases} X \equiv 8 \ (9) \\ X \equiv 5 \ \mathcal{I} \ (12) \end{cases}
   posso considerare le eq. incompolibile equinclent o :
    Se 2 \equiv 0 (2), posso elinimere \times \equiv 8 (2), e
Se 2 \equiv 1 (3), posso elinimere \times \equiv 52 (3).
      \left( \times \Xi 52 (12) \right) \left( \times \Xi 53 (4) \right)
                                            Il siteme la sol. per $2 = 4
```