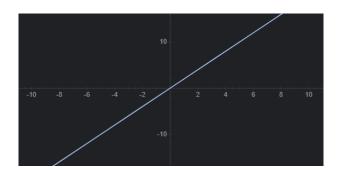
FUNZIONE MONOTONA

Una funzione sarà monotona crescente in A se per ogni coppia di x, $f(x1) \le f(x2)$, dove x1 è più piccolo di x2.

$$\forall x_1 \in A, x_2 \in A \ x_1 \le x_2 \to f(x_1) \le f(x_2)$$

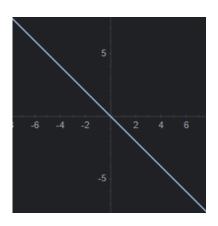
Esempio (y = 2x):



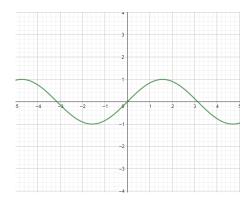
Sarà invece decrescente se va verso il basso spostandoci verso destra

$$\forall x_1 \in A, x_2 \in A \ x_1 \le x_2 \to f(x_1) \ge f(x_2)$$

Esempio (y = -x):



Una funzione può essere monotona crescente anche solo in un intervallo, prendiamo per esempio la funzione seno.



$$f(x) = \sin(x)$$

Essa è monotona crescente solamente nell'intervallo $[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}]$, e monotona decrescente in $[\frac{\pi}{2},\frac{3\pi}{2}]$.

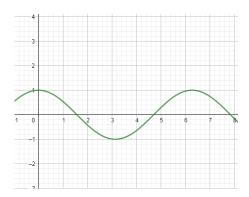
FUNZIONE PERIODICA

Una funziona è periodica di periodo T se per ogni x appartenente ad A la funzione si ripete in modo periodico nell'intervallo T.

$$\forall x \in A, x + kT \in A \quad \forall k \in \mathbb{Z}$$

$$f(x+T) = f(x)$$

Un esempio è la funzione Coseno, che è periodica nell'intervallo [x,x+6], quindi è periodica di 6.



Un altro esempio è $f(x) = x - [x] \leftarrow parte intera di x$, è periodica di 1

