

Esercizio 1 (3 punti)

La funzione di 4 variabili, $f(x_4, x_3, x_2, x_1)$, vale 1 se $x_4 + x_2x_1 = 0$ mentre risulta non specificata (termini *don't care*) se si verifica la condizione $x_4x_1 = 1$, mentre la funzione $g(x_4, x_3, x_2, x_1)$, vale 1 se x_4 ed x_2 sono uguali. Progettare la rete che realizza le funzioni f e g utilizzando una PLA con il numero minimo di righe.

Tabella della verità:

x4	x3	x2	x1	f	g
0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	1	1
0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0
0	1	0	0	1	1
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	1	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	0	1	-	0
1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	-	1
1	1	0	0	0	0
1	1	0	1	-	0
1	1	1	0	0	1
1	1	1	1	-	1

	x4x3	00	01	11	10
x2x1	00	1	1	0	0
	01	1	1	-	-
	11	0	0	-	-
	10	1	1	0	0

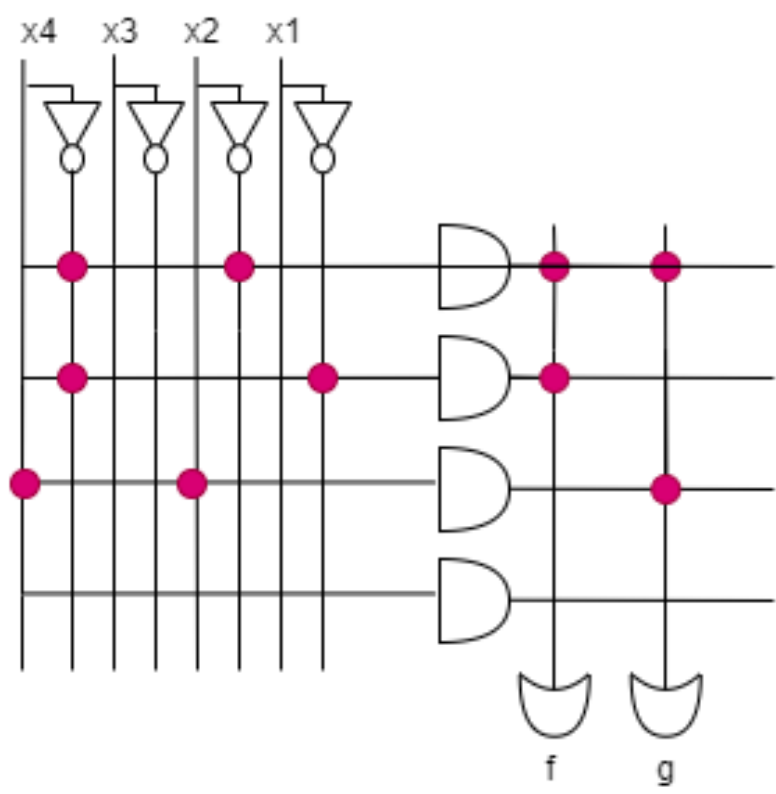


$$f = \overline{x_4} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_4} \cdot \overline{x_1}$$

$g(x_4, x_3, x_2, x_1)$ è ovviamente lo XNOR tra x_4 ed tra x_2 .

$$g(x_4, x_3, x_2, x_1) = x_4 \cdot x_2 + \overline{x_4} \cdot \overline{x_2}$$

PLA:



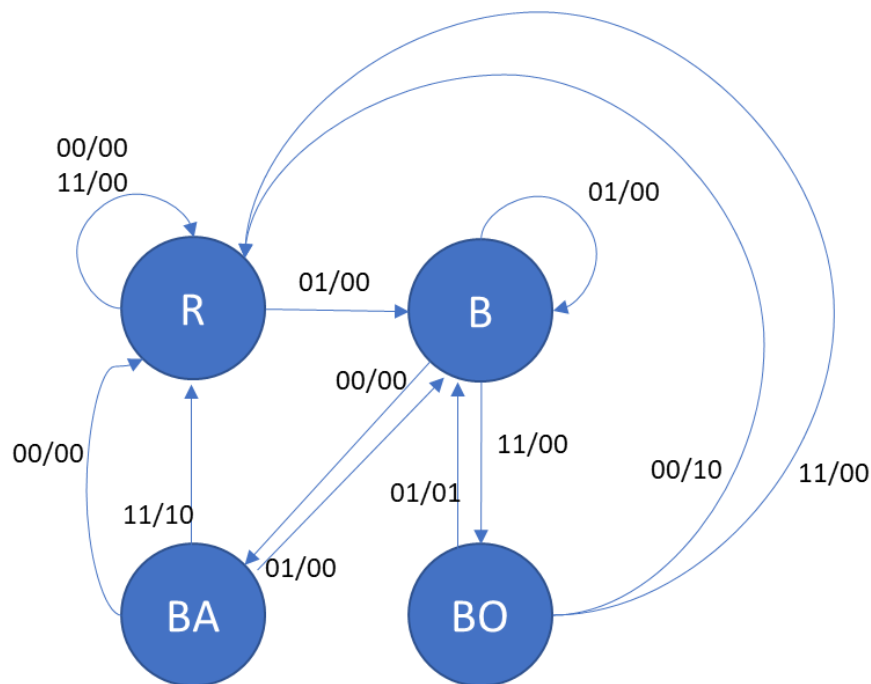
Esercizio 2 (8 punti)

Progettare un circuito sequenziale con due ingressi x_1, x_0 , che codificano i caratteri A, B, O nel seguente modo:

x_1, x_0	carattere
00	A
01	B
11	O

Il circuito ha 2 uscite z_1 e z_0 . L'automa fornisce $z_1=1$ quando riceve in ingresso la sequenza BOA o la sequenza BAO e $z_0=1$ quando riceve in ingresso la sequenza BOB. Sono ammesse sovrapposizioni. Realizzare la parte combinatoria con ROM e usare almeno un flip-flop di tipo T.

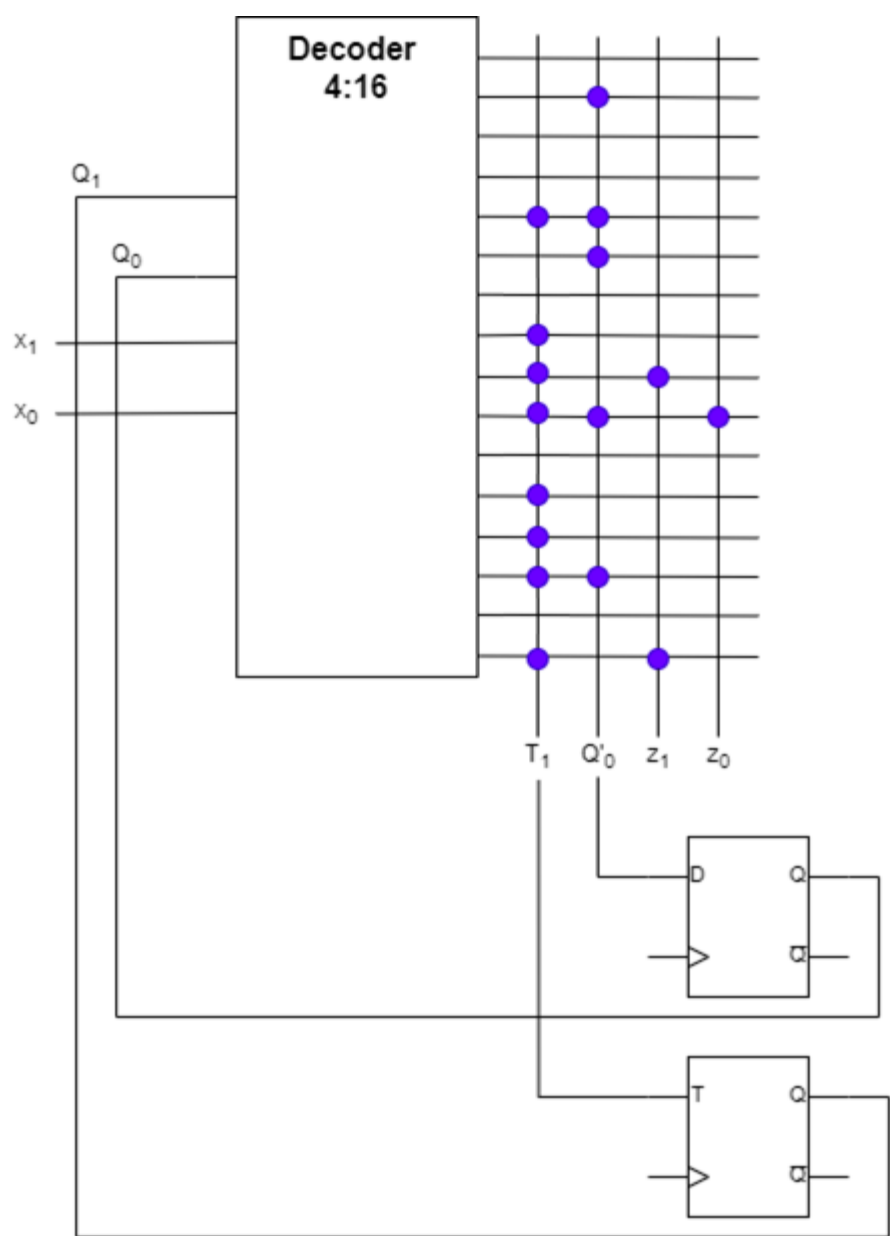
a) Automa:



b) tabella degli stati, utilizzando un flip-flop T per Q_1 e un flip-flop D per Q_0

PS	Q_1	Q_0	x_1	x_0	NS	Q_1'	Q_0'	T_1	z_1	z_0
R	0	0	0	0	R	0	0	0	0	0
R	0	0	0	1	B	0	1	0	0	0
R	0	0	1	0	-	-	-	-	-	-
R	0	0	1	1	R	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	BA	1	1	1	0	0
B	0	1	0	1	B	0	1	0	0	0
B	0	1	1	0	-	-	-	-	-	-
B	0	1	1	1	BO	1	0	1	0	0
BO	1	0	0	0	R	0	0	1	1	0
BO	1	0	0	1	B	0	1	1	0	1
BO	1	0	1	0	-	-	-	-	-	-
BO	1	0	1	1	R	0	0	1	0	0
BA	1	1	0	0	R	0	0	1	0	0
BA	1	1	0	1	B	0	1	1	0	0
BA	1	1	1	0	-	-	-	-	-	-
BA	1	1	1	1	R	0	0	1	1	0

c) realizzazione di T_1, Q_0, z_1, z_0 tramite ROM



Esercizio 3 (5 punti)

Analizzare la macchina a stati mostrata in figura. Scrivere le tabelle degli stati futuri e di uscita e disegnare l'automa (diagramma di transizione degli stati).

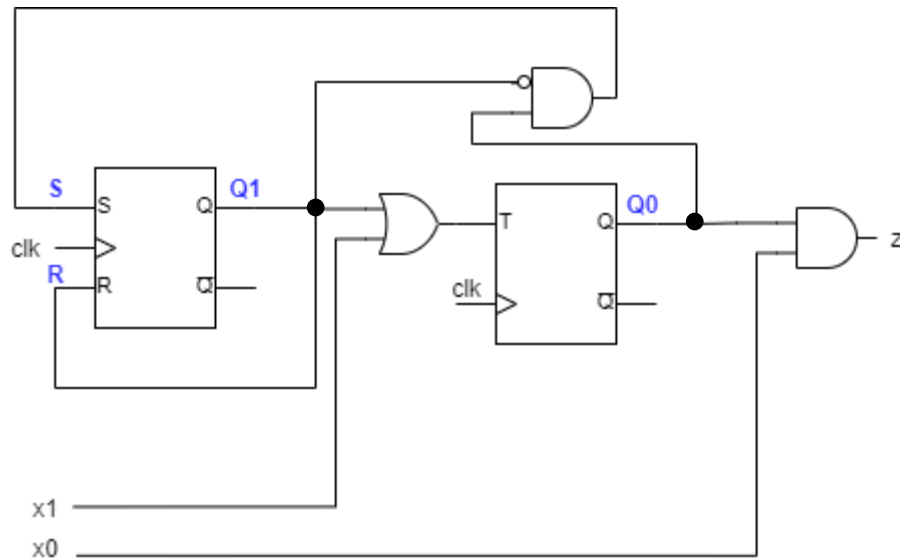
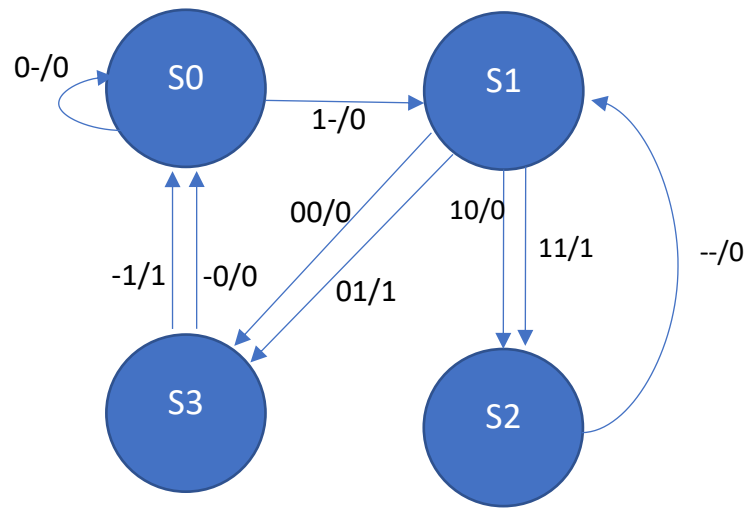


Tabella degli stati

Q ₁	Q ₀	x ₁	x ₀	S	R	T	Q ₁ '	Q ₀ '	z
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	0	0	1	1	0
0	1	0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	1	1	0	1	1	0	1
1	0	0	0	0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	1	1	0	0	0
1	1	0	1	0	1	1	0	0	1
1	1	1	0	0	1	1	0	0	0
1	1	1	1	0	1	1	0	0	1

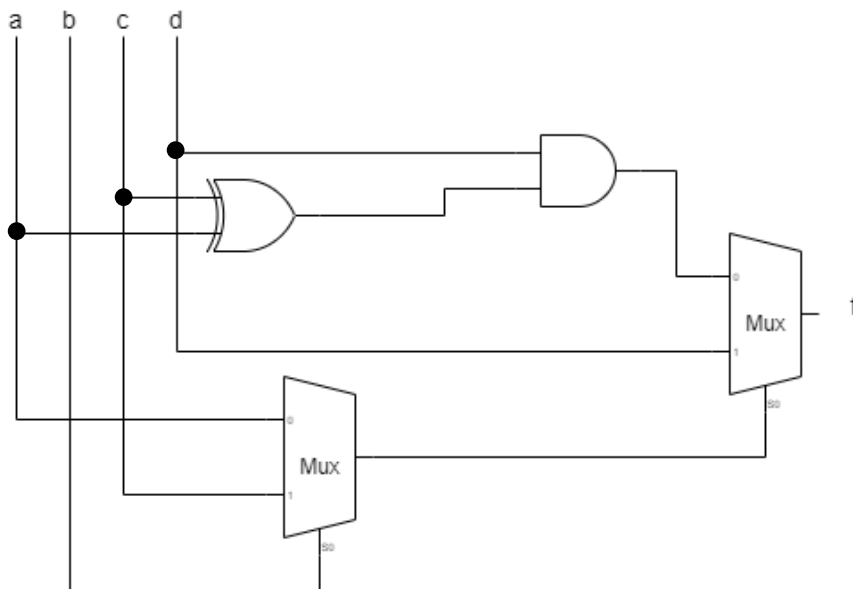
PS	x ₁	x ₀	PS	z
S0	0	0	S0	0
S0	0	1	S0	0
S0	1	0	S1	0
S0	1	1	S1	0
S1	0	0	S3	0
S1	0	1	S3	1
S1	1	0	S2	0
S1	1	1	S2	1
S2	0	0	S1	0
S2	0	1	S1	0
S2	1	0	S1	0
S2	1	1	S1	0
S3	0	0	S0	0
S3	0	1	S0	1
S3	1	0	S0	0
S3	1	1	S0	1

Automa



Esercizio 4 (1+1+1+2 punti)

- Si consideri il circuito in figura e si scriva l'espressione della funzione f
- Trasformare tale espressione, usando assiomi e regole dell'algebra di Boole, in forma normale SOP
- Stendere la tavola di verità di f
- Scrivere le espressioni minimali SOP e POS di f



$$\begin{aligned}
 f &= d(ab + cb) + (a \oplus c)\overline{(ab + cb)} = \\
 &= ab\bar{d} + cbd + (a \oplus c)d(\overline{ab} \cdot \overline{cb}) = \\
 &= ab\bar{d} + cbd + (a \oplus c)d(\bar{a} + b) \cdot (\bar{c} + \bar{b}) \\
 &= ab\bar{d} + cbd + (a\bar{c} + \bar{a}c)d(\bar{a} + b) \cdot (\bar{c} + \bar{b}) \\
 &= ab\bar{d} + cbd + d(a\bar{c} + \bar{a}c)(\bar{a}\bar{c} + \bar{a}\bar{b} + b\bar{c}) = ab\bar{d} + cbd + d(ab\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c) \\
 &= ab\bar{d} + bcd + ab\bar{c}d + \bar{a}\bar{b}cd
 \end{aligned}$$

Tabella della verità:

a	b	c	d	f
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0
1	1	1	1	1

y
 a, b
 c, d

	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	1	1
11	1	1	1	1
10	0	0	0	0



$$f = c \cdot d + a \cdot c = d(c + a)$$

Esercizio 5 (2+2+1 punti)

Dati i numeri $X = 32,25$ e $Y = -16,75$ (a) portarli nella rappresentazione in virgola mobile secondo lo standard IEEE 754, (b) eseguire l'operazione $X+Y$, e (c) rappresentare il risultato sia in notazione decimale che in esadecimale.

(a) conversione

$$X = 32,25_{10} = 32 + 0,25 = 2^5 + 2^{-2} = (100000,01)_2 = (1,0000001)_2 \cdot 2^5$$

segno = +

$$\text{esponente} = 127 + 5 = 132 = 10000100$$

$$\text{mantissa} = 1.000000100000000000000000$$

In esadecimale: 42010000

$$Y = -16,75_{10} = -(16 + 0,5 + 0,25) = 2^4 + 2^{-1} + 2^{-2} = (10000,11)_2 = -(1,000011)_2 \cdot 2^4$$

segno = -

$$\text{esponente} = 127 + 4 = 131 = 10000011$$

$$\text{mantissa} = 1.000011000000000000000000$$

In esadecimale: C1860000

(b) somma $X+Y$

1. allineo gli esponenti, scrivendo

$$Y = -(1,000011)_2 \cdot 2^4 = -(0,1000011)_2 \cdot 2^5$$

2. eseguo il complemento a 2 della mantissa

$$m_Y = -(0,1000011) = 1,0111101$$

3. eseguo la somma, estendendo il segno

$$m_X \quad 01.000001000000000000000000 \quad +$$

$$m_Y \quad 11.011110000000000000000000 \quad =$$

$$m_Z \quad 00.011111000000000000000000 \quad =$$

4. normalizzo Z

$$Z = 00.011111000000000000000000 \cdot 2^5 = 1.1111000000000000000000 \cdot 2^3$$

(c) conversione di Z

segno = +

$$\text{mantissa} = 1.111100000000000000000000$$

$$\text{esponente} = 3 \rightarrow 130 \rightarrow 10000010$$

In esadecimale: 41780000

Esercizio 6 (4 punti)

Descrivere in SystemVerilog un flip-flop di tipo T con reset asincrono.

```
module TFF (input  logic clk,
            input  logic res,
            input  logic T,
            output logic q);

always_ff @(posedge clk, posedge res)
begin
    if (res)
        q <= 1'b0;
    else
        q <= q ^T;
    end
endmodule
```