



*School of  
Computer  
Science*

# СОРТИРОВКИ

## ПРОГРАММИРОВАНИЕ НА PYTHON

Лекции для IT-школы



# ВОПРОСЫ ПО ПРОШЛОМУ ЗАНЯТИЮ

1. Вычислительная сложность алгоритма это?
2. Какие типовые группы сложностей алгоритмов вы знаете?
3. Какую сложность дают алгоритмы:
  - a) Перебора всех элементов списка в цикле
  - b) Перебора всех элементов списка в 2-ух вложенных циклах?
4. Если функция вызывает другую функцию, то как посчитать их совместную сложность?
5. А если функции вызываются поочередно?



# ВОПРОСЫ ПО ПРОШЛОМУ ЗАНЯТИЮ

6. Программа обрабатывает последовательно алгоритмы сложности  $N^3 + N^2$ . Какова итоговая вычислительная сложность этой программы?
7. На каком объеме данных оценивается сложность алгоритма:
  - a) 1-2 элемента
  - b) 10-20 элементов списка
  - c) Как можно больше
8. Какой вариант работы алгоритма учитывается при оценке сложности:
  - a) Лучший
  - b) Средний
  - c) Худший



# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ МАКСИМУМА

## РЕАЛИЗАЦИЯ

- Первый шаг (пример в [sel\\_max\\_step.py](#)):
  - Находим индекс максимального значения в неотсортированной части списка
  - Помещаем максимальный элемент в конец списка
  - В то место, где был найден максимум, помещаем последний элемент списка
- Продолжение:
  - продолжаем сортировку в цикле, исключая из рассмотрения уже отсортированные элементы
  - **реализуйте сортировку в [sel\\_max\\_task.py](#)**



# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ МАКСИМУМА

## ШАГИ

№ итера ции	Несортированная часть	Индекс обмена	Сортированная часть
0	[3, 9, 7, 2, 5]	—	—
1	[3, 5, 7, 2,	4	9]
2	[3, 5, 2,	3	7, 9]
3	[3, 2,	2	5, 7, 9]
4	[2,	1	3, 5, 7, 9]
—	—	—	[2, 3, 5, 7, 9]



# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ

## ИССЛЕДОВАНИЕ АЛГОРИТМА

- В `sel_max_time.py` найдите:
  1. время сортировки 1000 элементов?
  2. во сколько раз увеличится время работы алгоритма при увеличении длины списка в  $N$  раз?
  3. какова, доказанная на практике, сложность этого алгоритма сортировки?
  4. список какой длины этот алгоритм отсортирует за одну секунду?
- Используя шаблон `compare_max.py` определите будут ли эффективны предложенные оптимизации



# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ

## ПЕРЕДЕЛКА НА ВЫБОР МИНИМУМА

- По аналогии с реализованным алгоритмом сортировки выбором максимума, **реализуйте алгоритм сортировки выбором минимума**
- Два алгоритма сортировки выбором (максимума и минимума) сохраните в отдельном модуле в виде функций
- Для каждой функции опишите doctest, включающие автономные тесты



# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ МИНИМУМА

## ШАГИ

№ итера- ции	Сортированная часть	Несортированная часть
—	—	[3, 7, 2, 9, 5]
0	[2,	7, 3, 9, 5]
1	[2, 3,	7, 9, 5]
2	[2, 3, 5,	9, 7]
3	[2, 3, 5, 7	9]
4	[2, 3, 5, 7, 9]	—





# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ МИНИМУМА

## ВОПРОС №1

- Три прохода по списку завершено и текущий список выглядит так:  
[3, 4, 5, 7, 8, 10, 6]
- Каким будет список после еще одного прохода:
  - 1) [3, 4, 5, 7, 8, 6, 10]
  - 2) [3, 4, 5, 6, 7, 8, 10]
  - 3) [3, 4, 5, 6, 8, 10, 7]
  - 4) [3, 4, 5, 6, 7, 10, 8]

???



# СОРТИРОВКА ВЫБОРОМ МИНИМУМА

## ВОПРОС №2

- Рассмотрите этот список:  
[3, 3, 6, 7, 9, 4, 5]
  - Какое максимальное количество проходов выбора минимума уже состоялось:
    - 1) один
    - 2) два
    - 3) три
    - 4) четыре
- ???



# СОРТИРОВКА ОБМЕНОМ

## МЕТОД «ПУЗЫРЬКА»

- Массив упорядочен по возрастанию, если меньшие числа в нем стоят раньше больших
- При последовательном рассмотрении всех пар соседних чисел, нужно для каждой пары:
  - если большее число находится левее меньшего – поменять их местами
  - при выполнении правила для каждой пары чисел весь массив окажется отсортированным
- После полного прохода по массиву со сравнением соседних пар самое большое число будет поставлено на свое место



# СОРТИРОВКА ОБМЕНОМ

## ОДИН ПРОХОД АЛГОРИТМА

- Дан массив [4, 8, 3, 5]
- Шаг 1: сравним 4 и 8, список не меняется
- Шаг 2: сравним 8 и 3  
Новый список [4, 3, 8, 5]
- Шаг 3: сравним 8 и 5  
Новый список [4, 3, 5, 8]
- См. скрипт [bubble\\_step.py](#)



# СОРТИРОВКА ОБМЕНОМ ЗНАЧЕНИЙ

## ПРАКТИКУМ

- Реализуйте алгоритм в `bubble_task.py`
- Определите сложность сортировки методом «пузырька»
- Напишите еще одну функцию сортировки методом обмена с «опусканием» наименьшего элемента в начало списка
- Для новой функции напишите doctest, включающий автономные тесты



# СОРТИРОВКА ПО МЕТОДУ «ПУЗЫРЬКА»

## ВОПРОС №1

- Два прохода по списку завершены и текущий список выглядит так:  
[2, 3, 2, 4, 1, 5, 7]
- Каким будет список после еще одного прохода сортировки:
  - 1) [1, 2, 2, 3, 4, 5, 7]
  - 2) [2, 3, 2, 1, 4, 5, 7]
  - 3) [2, 2, 3, 4, 1, 5, 7]
  - 4) [2, 2, 3, 1, 4, 5, 7]

???



# СОРТИРОВКА ПО МЕТОДУ «ПУЗЫРЬКА»

## ВОПРОС №2

- Рассмотрите этот список:  
[5, 6, 4, 3, 7, 8, 10]
  - Какое максимальное количество проходов уже состоялось:
    - 1) один
    - 2) два
    - 3) три
    - 4) четыре
- ???



# СОРТИРОВКА ВСТАВКАМИ

## АЛГОРИТМ

- Первые элементы в левой части списка уже отсортированы
- Берем очередной  $i$ -ый элемент в правой части списка и вставляем его в нужное место в отсортированной части
- Все элементы с индексом  $< i$ , но с большим значением сдвигаются вправо
- **Допишите алгоритм в `insertion_task.py`**





# СОРТИРОВКА ВСТАВКАМИ

## ШАГИ

№ итера- ции	Сортированная часть	Несортированная часть
—	—	[7, 3, 5, 2]
0	[7,	3, 5, 2]
1	[3, 7,	5, 2]
2	[3, 5, 7,	2]
3	[2, 3, 5, 7]	—



# СОРТИРОВКА ВСТАВКАМИ

## ОСОБЕННОСТИ

- Online-сортировка – размещение вновь добавляемых элементов в уже отсортированный список с линейной сложностью
- Хорошо работает на частично отсортированных массивах данных
- Используется в реализации стандартных функций Python `sort()` и `sorted()` наряду с другими алгоритмами



# СОРТИРОВКА ВСТАВКАМИ

## ВОПРОС №1

- Три прохода по списку завершены и текущий список выглядит так:  
[2, 4, 5, 1, 3, 1]
- Каким будет список после еще одного прохода сортировки:
  - 1) [1, 2, 4, 5, 3, 1]
  - 2) [1, 4, 5, 2, 3, 1]
  - 3) [1, 1, 2, 4, 5, 3]
  - 4) [1, 2, 3, 4, 5, 1]

???



# СОРТИРОВКА ВСТАВКАМИ

## ВОПРОС №2

- Рассмотрите этот список:  
[3, 6, 7, 4, 9, 5]
  - Какое максимальное количество проходов уже состоялось:
    - 1) один
    - 2) два
    - 3) три
    - 4) четыре
- ???



# СОРТИРОВКА ШЕЛЛА

## АЛГОРИТМ

1. Зафиксируем некоторое расстояние `inc`.
2. Разобьём элементы массива на группы – в одну группу попадут элементы, расстояние между которыми `inc`.
3. Отсортируем вставками каждую группу
4. Уменьшим `inc`
5. Повторим шаги 1–4, пока `inc` не будет равным 1.

Реализация алгоритма в `shell_sort.py`

Сложность этого алгоритма:  $O(n) - O(n^2)$



# СОРТИРОВКА СЛИЯНИЕМ

## АЛГОРИТМ

1. Если в рассматриваемом массиве один элемент, или массив пуст, то он уже отсортирован — алгоритм завершает работу
2. Иначе массив разбивается на две части, которые сортируются рекурсивно
3. После сортировки двух частей массива к ним применяется процедура слияния, которая по двум отсортированным частям получает исходный отсортированный массив



# СОРТИРОВКА СЛИЯНИЕМ

## РАЗБИЕНИЕ

Давайте посмотрим на такой массив:

3	8	2	1	5	4	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---

Разделим его пополам:

3	8	2	1
---	---	---	---

5	4	6	7
---	---	---	---

И будем делить каждую часть пополам, пока не останутся части с одним элементом:

3	8	2	1	5	4	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---

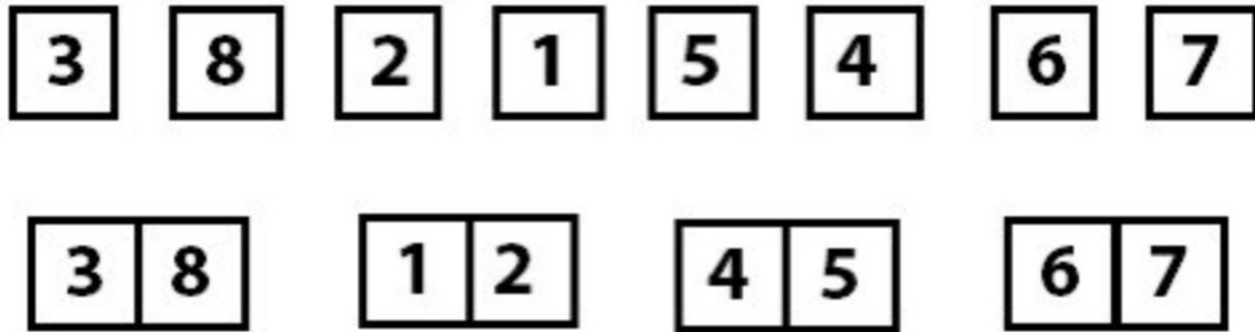
3	8	2	1	5	4	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---



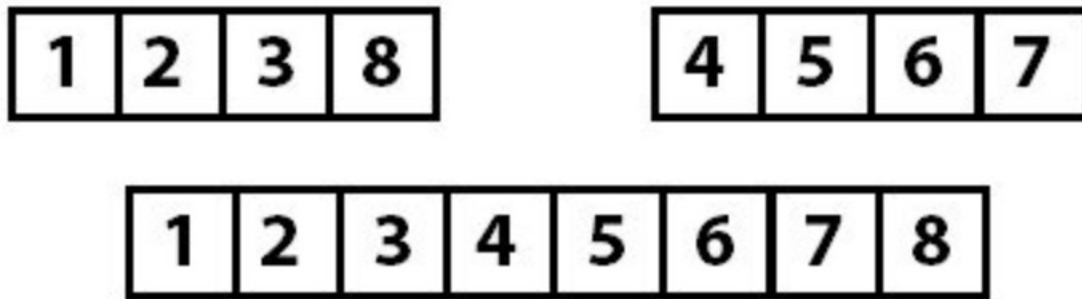
# СОРТИРОВКА СЛИЯНИЕМ

## СЛИЯНИЕ

Теперь, когда мы разделили массив на максимально короткие участки, мы сливаем их в правильном порядке.



Сначала мы получаем группы по два отсортированных элемента, потом «собираем» их в группы по четыре элемента и в конце собираем все вместе в отсортированный массив.







# СОРТИРОВКА СЛИЯНИЕМ

## ДОСТОИНСТВА И НЕДОСТАТКИ

### Достоинства:

1. Стабилен, т.е не зависит от перестановок элементов в массиве
2. Удобен для структур с последовательным доступом к элементам (файлы)

### Недостатки:

1. Требуется дополнительной памяти по объёму равной объёму сортируемого файла



# СОРТИРОВКА СЛИЯНИЕМ

## ОЦЕНКА СЛОЖНОСТИ

Пусть массив содержит  $n$  элементов. Тогда за  $O(n)$  его можно разделить на две части и после сортировки слить их вместе. Процесс деления продолжается столько раз, сколько раз можно число  $n$  делить на 2, до тех пор, пока размер части не станет равен 1, то есть  $\log_2 n$ . Итого, общая сложность этого алгоритма равна  $O(n \log_2 n)$



# СОРТИРОВКА СЛИЯНИЕМ

## ВОПРОС

Дан следующий список чисел:

[21, 1, 26, 45, 29, 28, 2, 9, 16, 49, 39, 27, 43, 34, 46, 40].

Какой ответ иллюстрирует первые два списка для слияния?

a) [21, 1] и [26, 45]

b) [1, 2, 9, 21, 26, 28, 29, 45] и [16, 27, 34, 39, 40, 43, 46, 49]

c) [21] и [1]

d) [9] и [16]



# ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАДАНИЕ

В файле *merge\_sort.py* допишите функцию *merge*, сливающую два списка в один по следующему алгоритму:

1. Возьмите элементы в началах обоих списков и сравните их
2. Меньший элемент добавьте в результирующий список и сдвиньте указатель в исходном для элемента списке на следующий элемент
3. Если вы достигли конца одного из списков, добавьте в результирующий все оставшиеся элементы другого списка
4. Верните результирующий список



# БЫСТРАЯ СОРТИРОВКА

## АЛГОРИТМ

1. Выбрать ключевой индекс и разделить по нему массив на две части
2. Переместить все элементы больше ключевого в правую часть массива, а все элементы меньше ключевого — в левую. Теперь ключевой элемент находится в правильной позиции — он больше любого элемента слева и меньше любого элемента справа
3. Повторить первые два шага, пока массив не будет полностью отсортирован

Пример в *[quick\\_sort.py](#)*



# БЫСТРАЯ СОРТИРОВКА

## ПО ШАГАМ

1. Случайным образом выбираем ключевой элемент

3	7	4	4	6	5	8
---	---	---	---	---	---	---

2. Переносим значения в массиве. в процессе переноса значений индекс ключевого элемента может измениться

3	5	4	4	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---

3. Рекурсивно повторяем для левой и правой частей

3	5	4	4	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---

3	4	4	5	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---



# БЫСТРАЯ СОРТИРОВКА ПО ШАГАМ

4. И так далее

...

До тех пор, пока не останется одно неотсортированное значение, а, поскольку мы знаем, что все остальное уже отсортировано, алгоритм завершает работу



# БЫСТРАЯ СОРТИРОВКА

## ОЦЕНКА СЛОЖНОСТИ

В лучшем случае:  $O(n \log n)$

В среднем:  $O(n \log n)$

В худшем случае:  $O(n^2)$

В алгоритме быстрой сортировки, как правило, в качестве барьерного элемента выбирается случайный элемент списка. Тогда алгоритм становится вероятностным — время его работы зависит от того, каким будет случайно выбранный элемент





# ВСТРОЕННЫЕ ФУНКЦИИ СОРТИРОВКИ

## ХАРАКТЕРИСТИКИ

- Алгоритм функций `sort()` и `sorted()` в Python:
  - Адаптивный, комбинированный алгоритм сортировки вставками со слиянием (timsort)
  - Имеет логарифмическую сложность
  - Хорошо подходит для сортировки частично упорядоченных последовательностей
- Смотрите примеры использования стандартных сортировок в `sort_example.py`
- Сравните скорость работы и объем данных для сортировки в одну секунду для `sort()` и любого алгоритма сортировки, реализованного нами ранее



# СОРТИРОВКА С ДЕКОРИРОВАНИЕМ

## **SORT / SORTED ( KEY =...)**

- DSU-сортировка – Decorate, Sort, Undecorate
- Нужно отсортировать массив без учета регистра символов:

```
>>> names = ["Петя", "вася", "Женя", "ДЖЕК", "жучка"]
```

- Делаем это одной строкой кода:

```
>>> names.sort(key=str.lower)
>>> names
['вася', 'ДЖЕК', 'Женя', 'жучка', 'Петя']
```



# СОРТИРОВКА С ДЕКОРИРОВАНИЕМ

## АЛГОРИТМИЧЕСКАЯ РЕАЛИЗАЦИЯ

DSU-сортировка – явный алгоритм:

```
>>> names = ["Петя", "вася", "Женя", "ДЖЕК", "жучка"]
>>>
>>> temp = []
>>> for item in names:
    temp.append((item.lower(), item))

>>> names = []
>>> for key, value in sorted(temp):
    names.append(value)

>>> names
['вася', 'ДЖЕК', 'Женя', 'жучка', 'Петя']
```



# АЛГОРИТМЫ СОРТИРОВОК

## ПОЛЕЗНЫЕ ССЫЛКИ

- Курс Learn to Program: Crafting Quality Code. University of Toronto (english):  
<https://www.coursera.org/learn/program-code/home/week/3>
- Статья с объяснением алгоритмов сортировок и примерами на Python:  
<https://tproger.ru/translations/sorting-algorithms-in-python>
- The Sound of Sorting - "Audibilization" and Visualization of Sorting Algorithms:  
<http://panthema.net/2013/sound-of-sorting>

**СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ !**  
**ВОПРОСЫ ?**



*School of  
Computer  
Science*