



Inteligență Artificială

Temă de laborator - Mișcarea calului pe tabla de șah

Nume: Tanul Gabriel-Ștefan și Pucani Liviu Cătălin

Group: 30232

Email: tus_gabi@yahoo.com

liviupucani@gmail.com

Teaching Assistant: Anca Iordan

anca.iordan@campus.utcluj.ro

Cuprins

1	A1: Cerință	3
2	A2: Metode de căutare	4
2.1	Breadth First Search	4
2.2	Depth First Search	4
2.3	Uniform Cost Search	4
2.4	A* Star Search	4
2.4.1	Euristica Manhattan	5
2.4.2	Euristica de potrivire a culorilor	5
3	A3: Comparare metode	6
4	A4: Tutorial program	9
A	Codul folosit în implementare	11

Capitolul 1

A1: Cerință

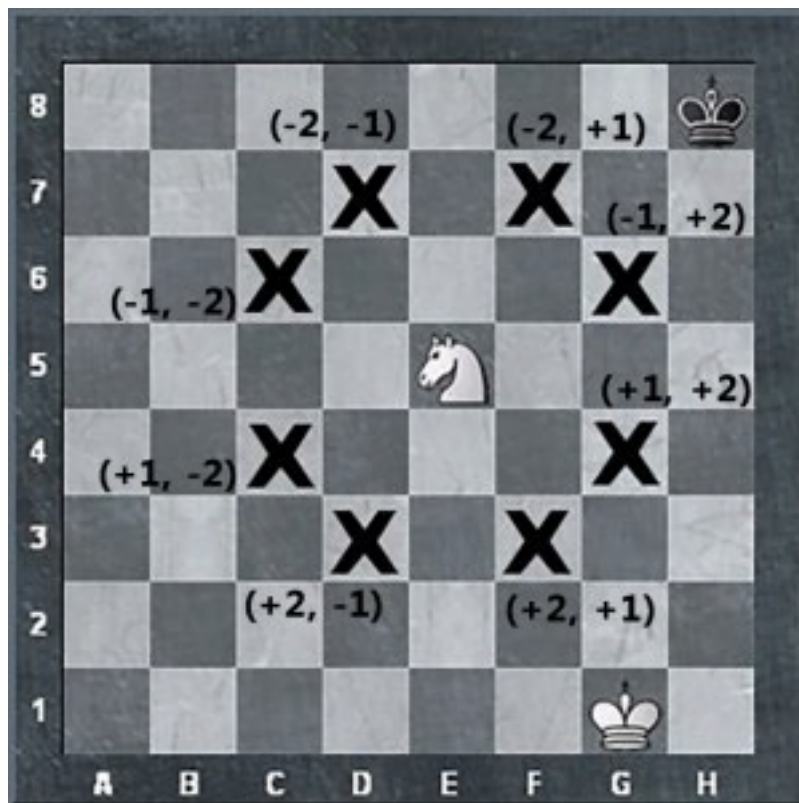
Se da o tabla de sah cu dimensiunea $N \times N$. Un cal are initial o pozitie (x_s, y_s) pe tabla si trebuie sa ajunga la o pozitie de finish (x_f, y_f) . Generati o secventa de mutari ale calului astfel incat acesta sa ajunga de la pozitia de start la cea de finish, fara a trece printr-o casuta de 2 ori.

Stare initială – (x_s, y_s)

Stare finală – (x_f, y_f)

Actiuni posibile (daca tabla de sah le permite), unde (x, y) – pozitia curenta a calului
 $(x-2, y+1), (x-1, y+2), (x+1, y+2), (x+2, y+1), (x+2, y-1), (x+1, y-2), (x-1, y-2), (x-2, y-1)$

Nivele de dificultate: $N = 8, N = 12, N = 16, N = 20$



Capitolul 2

A2: Metode de căutare

2.1 Breadth First Search

Căutarea (parcurgerea) în lăţime (BFS) este un algoritm pentru parcurgerea sau căutarea într-o structură de date de tip arbore sau graf. Aceasta începe cu rădăcina arborelui (sau cu un nod arbitrar dintr-un graf, uneori denumit "cheie de căutare") şi explorează nodurile mai întâi nodurile vecine acestuia, înainte de a trece la vecinii de pe nivelul următor (vecinii vecinilor).

2.2 Depth First Search

Căutarea sau parcurgerea în adâncime (denumită şi ca în engleză depth-first search, abreviat DFS) este un algoritm pentru parcurgerea sau căutarea într-o structură de date de tip arbore sau graf. Se începe de la rădăcină (sau alegând un nod arbitrar ca rădăcină în cazul unui graf) şi se explorează cât mai mult posibil de-a lungul fiecărei ramuri înainte de a face paşi înapoi.

2.3 Uniform Cost Search

Căutarea folosind costuri uniforme (UCS) este un algoritm de căutare pe arbori utilizat pentru parcurgerea sau căutarea unui arbore ponderat, a unei structuri de arbore sau a unui grafic. În mod intuitiv, căutarea începe de la nodul rădăcină şi continuă vizitând următorul nod care are cel mai mic cost total de la rădăcină. Nodurile sunt vizitate în acest mod până când se atinge o stare finală dorită.

2.4 A* Star Search

A* este un algoritm de parcurgere a grafului şi de căutare a căii, care este adesea folosit în multe domenii ale informaticii datorită completitudinii, optimităţii şi eficienţei optime. A* este un algoritm de căutare informată, ceea ce înseamnă că este formulat în termenii grafurilor cu ponderi: pornind de la un anumit nod de start al unui graf, se urmăreşte calea către nodul obiectiv dat având cel mai mic cost (cea mai mică distanţă parcursă, cel mai scurt timp etc.) adică o euristică. Face acest lucru menţinând un arbore de căi care provin de la nodul de pornire şi extinzând acele căi câte o muchie până când criteriul său de terminare este îndeplinit.

2.4.1 Euristica Manhattan

Distanța Manhattan este o distanță specifică într-o geometrie în care funcția obișnuită de distanță (metrică) din geometria euclidiană este înlocuită cu o nouă metrică în care distanța dintre două puncte este suma diferențelor absolute ale coordonatelor carteziene. Metrica Manhattan este cunoscută și ca distanță L1, distanță L1 sau normă. Denumirea distanței provine de la trama stradală din Manhattan, unde traseele taximetrelor pot avea aceeași lungime pentru diferite căi.

```
1 def manhattanDistance(state, finalX, finalY):
2     currentX, currentY = state
3     return (abs(currentX - finalX) + abs(currentY - finalY)) / 3
```

2.4.2 Euristica de potrivire a culorilor

Observăm că un cal se poate muta doar în pătrate colorate opuse (deci de la negru la alb sau alb la negru) și am decis să proiectăm o euristică în jurul acestui lucru. Dacă următoarea stare este de altă culoare, îi atribuim a cost de 1, în caz contrar 2. Este nevoie de minimum 1 mișcare pentru a ajunge la o stare de obiectiv și un minim de 2 mișcări când obiectivul starea este de aceeași culoare. Deci costul la obiectiv nu este niciodată supraestimat. În plus, euristica nodului curent va fi întotdeauna mai mică decât sau egală cu euristica unui nod vecin plus costul deplasării la acel nod (este nevoie de o mișcare pentru a ajunge la vecin).

```
1 def matchingColors(state, finalX, finalY):
2     """
3     A heuristic function estimates the cost from the current state to the
4     nearest
5     goal in the provided SearchProblem. This heuristic is trivial.
6     """
7     currentX, currentY = state
8     auxX = currentX % 2
9     auxY = currentY % 2
10    aux2X = finalX % 2
11    aux2Y = finalY % 2
12    if auxX == aux2X and auxY == aux2Y:
13        return 2
14    elif auxX == aux2X and auxY != aux2Y:
15        return 1
16    elif auxX != aux2X and auxY == aux2Y:
17        return 1
18    elif auxX != aux2X and auxY != aux2Y:
19        return 2
```

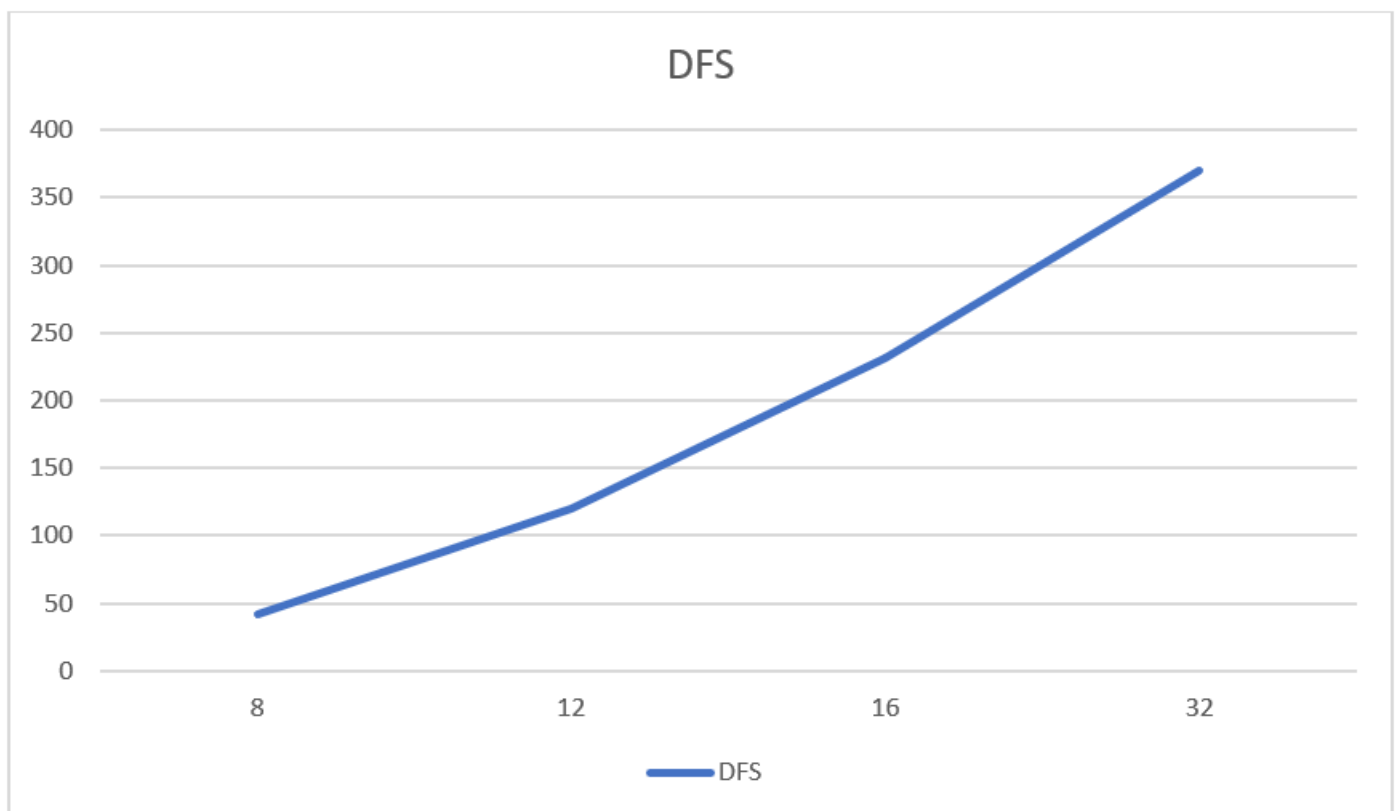
Capitolul 3

A3: Comparare metode

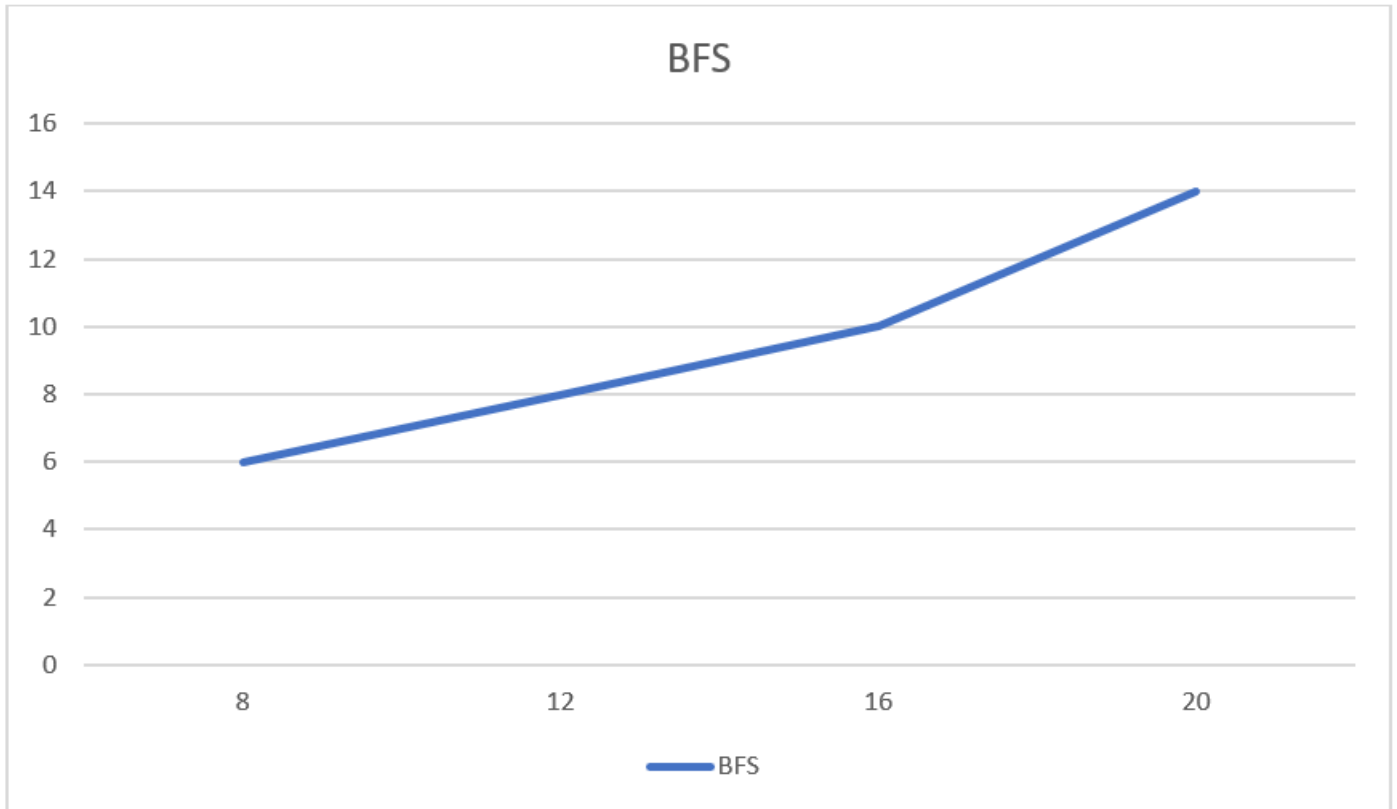
Am ales pentru testarea algoritmilor mereu starea inițială a piesei (0,0) și starea finală colțul opus al tablei de șah ((7,7), (11,11), (15,15), (19,19)).

În primă fază am testat algoritmul DFS și am ajuns la concluzia că nu este cel mai eficient algoritm de determinare al celui mai scurt drum dintre starea inițială și starea finală deoarece parcurge în adâncime tabla și expandează multe noduri.

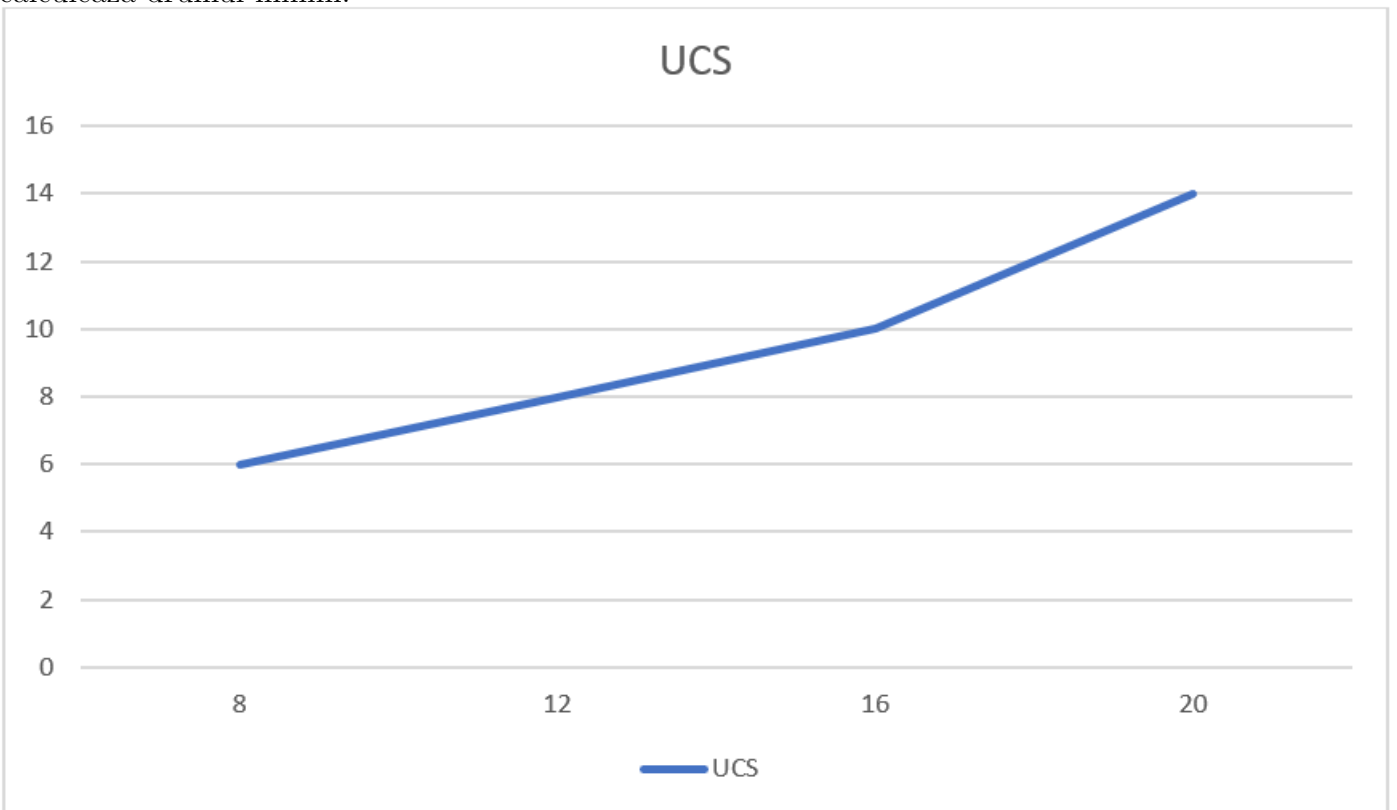
După un test pe o tabla de sah cu dimensiunea de 32x32, se poate observa cum acest algoritm este într-adevăr cel mai puțin eficient, expandând 370 de noduri.



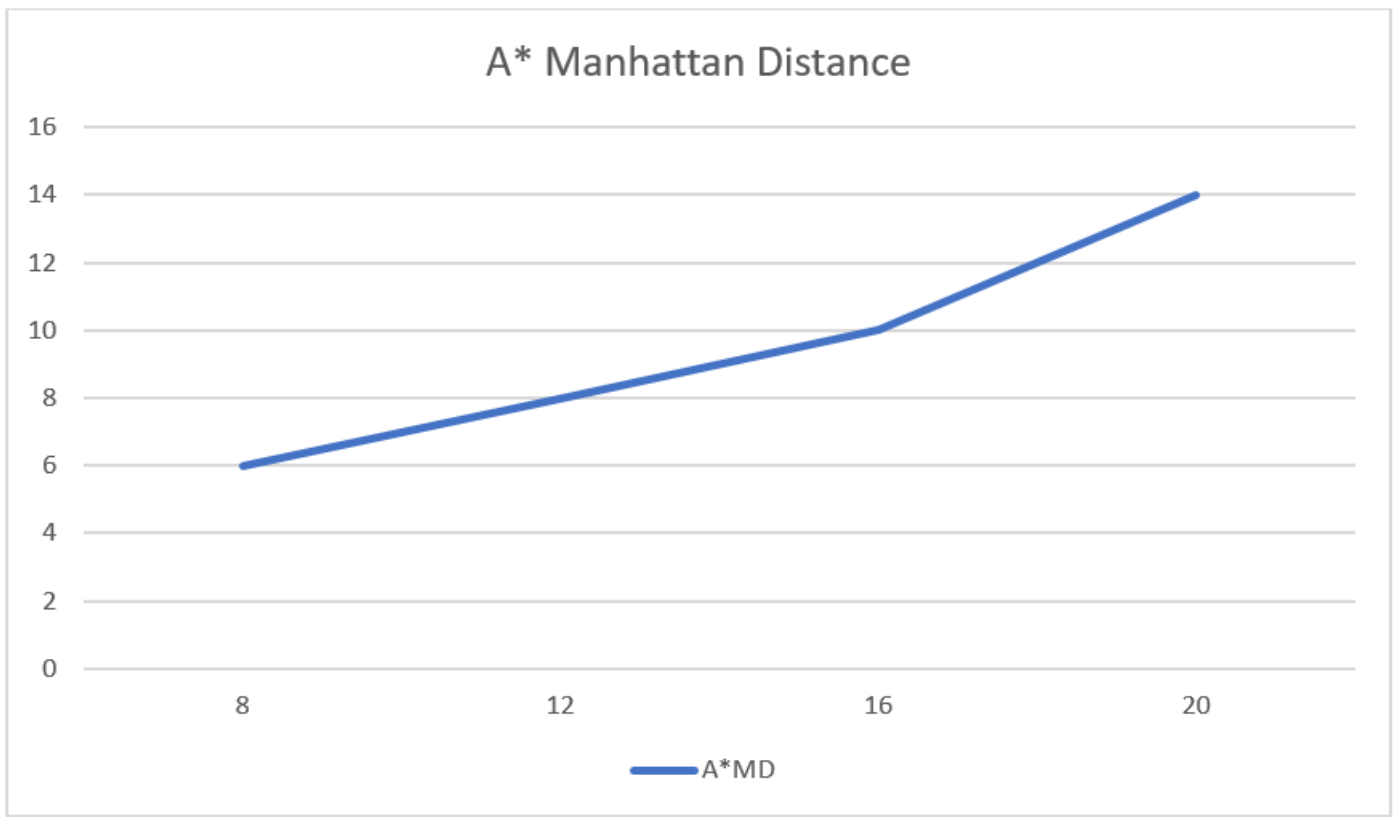
În cazul algoritmului BFS situația se schimbă și parcurgerea drumului se realizează pe o cale minimă.



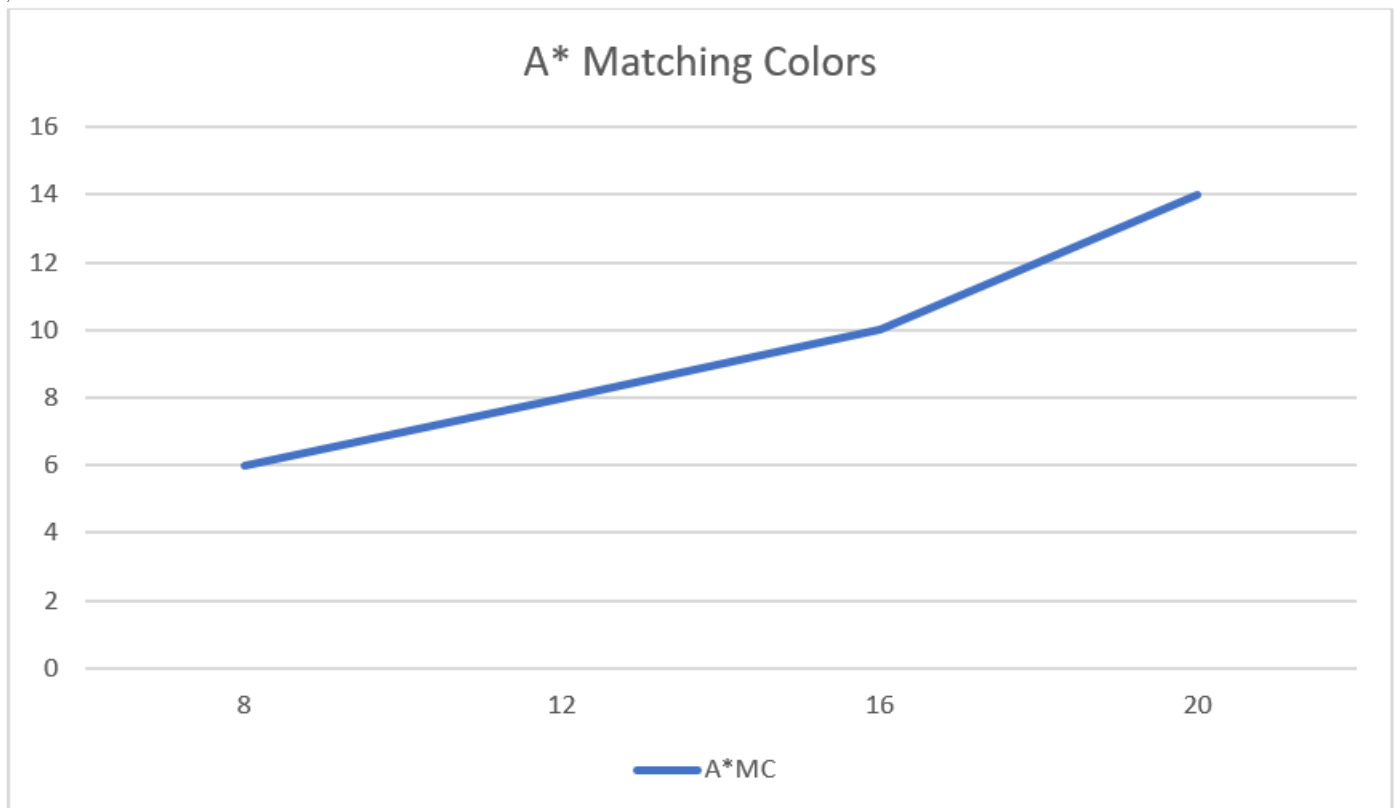
De asemenea pentru algoritmul UCS se observă o diferență în cazul introducerii nodurilor expandate în coadă deoarece se folosește o coadă de priorități după costul unei mutări. Se calculează drumul minim.



Algoritmul A* Search folosește de asemenea o coadă de priorități însă de data aceasta condiția de prioritate depinde de o euristică implementată de noi. Pentru euristica Manhattan se calculează drumul minim bazat pe diferența de coordonate dintre starea curentă și starea finală.



Pentru euristica potrivirii culorilor se calculează drumul minim bazat pe costul ales în funcție de starea curentă și starea finală influențat de culoarea căsuței pe care se află calul pe tabla de șah.

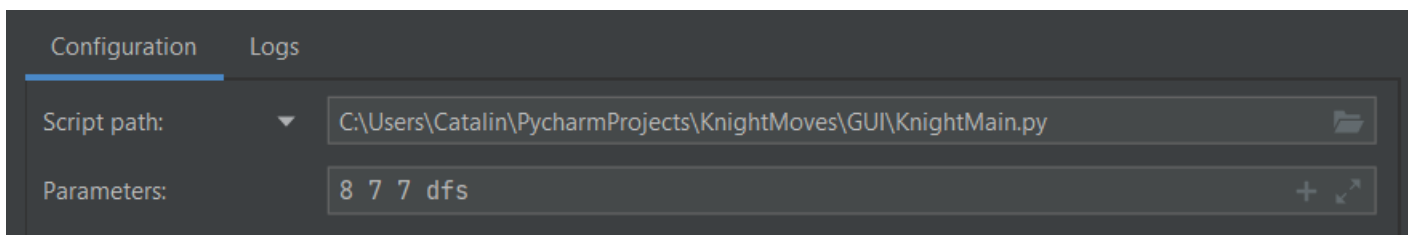


Capitolul 4

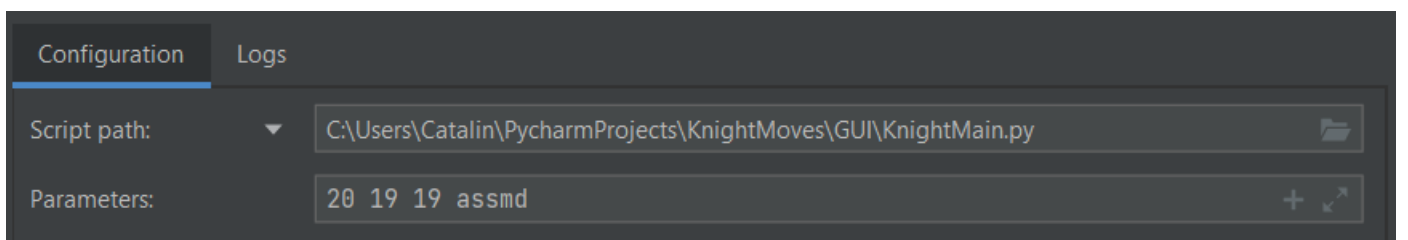
A4: Tutorial program

Datele necesare pentru simulare se dau din linia de comanda fisierului KnightMain.py, astfel ca primul parametru va reprezenta dimensiunea dorita pentru tabla de sah, urmatoarea pereche de numere va reprezenta destinatia calului, iar ultimul parametru este folosit pentru a specifica ce fel de algoritm se doreste a fi folosit pentru mutarea calului pe tabla. Pozitia de start va fi intotdeauna (0,0).

De exemplu, dacă dorim să simulăm mișcarea calului pe tabla de șah de dimensiune 8x8, de la poziția de start până la poziția (7,7) folosindu-ne de algoritmul DFS, vom folosi următorii parametri.



Dacă dorim să simulăm mișcarea calului pe tabla de șah de dimensiune 20x20, de la poziția de start până la poziția (19,19) folosindu-ne de algoritmul A* cu euristica Manhattan, vom folosi următorii parametri.



Bibliografie

<https://www.overleaf.com/learn>

https://ro.wikipedia.org/wiki/C%C4%83utare_%C3%AEn_ad%C3%A2ncime

https://ro.wikipedia.org/wiki/C%C4%83utare_%C3%AEn_l%C4%83%C8%9Bime

https://en.wikipedia.org/wiki/A*_search_algorithm <https://ro.wikipedia.org/wiki/>

[Distan%C8%9B%C4%83_Manhattan](https://en.wikipedia.org/wiki/Distan%C8%9B%C4%83_Manhattan) <https://en.wikipedia.org/wiki/Pygame> <https://www.pygame.org/tags/all>

Anexa A

Codul folosit în implementare

BFS

```
1 def breadthFirstSearch(finalX, finalY, boardSize):
2     visited = set()
3     queue = util.Queue()
4     duplicates = []
5     queue.push(((0, 0), list()))
6     listActions = []
7     while not queue.isEmpty():
8         currentPos = queue.pop()
9
10        currentX, currentY = currentPos[0]
11        if currentX == finalX and currentY == finalY:
12            print("The list of actions is: ", currentPos[1])
13            return currentPos[1]
14        else:
15            successors = getActions(currentPos[0], boardSize)
16            visited.add(currentPos[0])
17            for successor in successors:
18                if successor[0] not in visited and successor[0] not in
duplicates:
19                    listActions = list(currentPos[1])
20                    listActions.append(successor[1])
21                    queue.push((successor[0], listActions))
22                    duplicates.append(successor[0])
23
24    return listActions
```

DFS

```
1 def depthFirstSearch(finalX, finalY, boardSize):
2     visited = set()
3     stack = util.Stack()
4     stack.push(((0, 0), list()))
5     listActions = []
6     while not stack.isEmpty():
7         currentPos = stack.pop()
8         currentX, currentY = currentPos[0]
9         if currentX == finalX and currentY == finalY:
10            print("The list of actions is: ", currentPos[1])
```

```

11         return currentPos[1]
12     else:
13         successors = getActions(currentPos[0], boardSize)
14         visited.add(currentPos[0])
15         for successor in successors:
16             if successor[0] not in visited:
17                 listActions = list(currentPos[1])
18                 listActions.append(successor[1])
19                 stack.push((successor[0], listActions))
20
21     return listActions

```

UCS

```

1 def uniformCostSearch(finalX, finalY, boardSize):
2     """Search the node of least total cost first."""
3     """*** YOUR CODE HERE ***"""
4     visited = []
5     queue = util.PriorityQueue()
6     start = (0, 0)
7     queue.push((start, [], 0), 0)
8     while not queue.isEmpty():
9         currentPosition = queue.pop()
10        currentState = currentPosition[0]
11        currentX, currentY = currentPosition[0]
12        path = currentPosition[1]
13        if currentX == finalX and currentY == finalY:
14            print("The list of actions is: ", currentPosition[1], "\nThe cost
is", currentPosition[2])
15            return currentPosition[1]
16        if currentState not in visited:
17            visited.append(currentState)
18            successorsList = getActions(currentState, boardSize)
19            for successor in successorsList:
20                if successor[0] not in visited and successor[0] not in [nod
[0] for nod in queue.heap]:
21                    currentRoute = list(path)
22                    currentRoute += [successor[1]]
23                    cost = currentPosition[2]
24                    queue.push((successor[0], currentRoute, cost + 1), cost
+ 1)

```

A* Search

```

1 def aStarSearchMC(finalX, finalY, boardSize, heuristic=matchingColors):
2     """Search the node that has the lowest combined cost and heuristic first
. """
3     """*** YOUR CODE HERE ***"""
4     visited = []
5     queue = util.PriorityQueue()
6     start = (0, 0);
7
8     startHeuristic = heuristic(start, finalX, finalY)

```

```

9     queue.push((start, [], startHeuristic),startHeuristic)
10
11     while not queue.isEmpty():
12         currentPosition = queue.pop()
13         currentState = currentPosition[0]
14         currentX, currentY = currentPosition[0]
15         if currentX == finalX and currentY == finalY:
16             print("The list of actions is: ",currentPosition[1],"\nThe cost
is",currentPosition[2])
17             return currentPosition[1]
18         if currentState not in visited:
19             visited.append(currentState)
20             successorsList = getActions(currentState, boardSize)
21             for successor in successorsList:
22                 if successor[0] not in visited and successor[0] not in [nod
[0] for nod in queue.heap]:
23                     currentRoute = list(currentPosition[1])
24                     currentRoute += [successor[1]]
25                     cost = currentPosition[2]
26                     getHeuristic = heuristic(successor[0], finalX, finalY)
27                     queue.push((successor[0], currentRoute, cost +
getHeuristic),cost + getHeuristic)
28
29     return []

```

