

Teama 8

Cătălin Răduanu

18. Alice și Bob doresc să stabilească o cheie secretă  
(pe care să o cunoască doar ei) folosind algoritmul  
Diffie-Hellman. Ei aleg numărul prim  $p=17$  și  
generatorul  $g=5$  al lui  $\mathbb{Z}_{17}$ . Alice alege exponentul  
secret  $a=3$ , iar Bob alege exponentul secret  $b=6$ . Determinați  
cheia  $h$ .

$$u = g^a \pmod{p}$$

$$\begin{aligned} u &= 5^3 \pmod{17} = 5 \cdot 5^2 \pmod{17} = \\ &= 5 \cdot 8 \pmod{17} = 6 \pmod{17} \end{aligned}$$

$$h = u^b \pmod{p}$$

$$\begin{aligned} h &= 6^6 \pmod{17} = (6^2)^3 \pmod{17} = 2^3 \pmod{17} \\ &= 8 \pmod{17} \end{aligned}$$

$$v = g^b \pmod{p}$$

$$\begin{aligned} v &= 5^6 \pmod{17} = (5^2)^3 \pmod{17} = 8^3 \pmod{17} = \\ &= 8 \cdot 13 \pmod{17} = 2 \pmod{17} \end{aligned}$$

$$h = v^a \pmod{p}$$

$$h = 2^3 \pmod{17} = 8 \pmod{17}$$

$$\boxed{h=8}$$