

Capitolul 5

Sisteme simetrice de criptare moderne

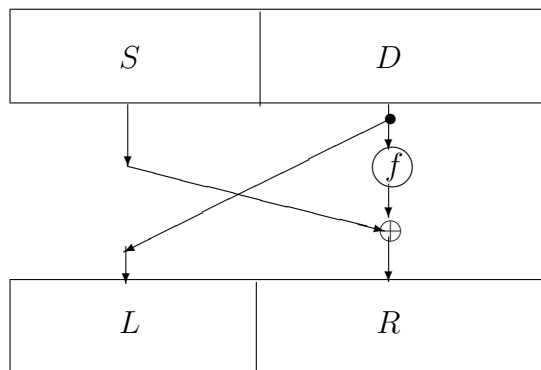
5.1 Sistemul de criptare *DES*

5.1.1 Rețele Feistel

În cadrul firmei IBM, Horst Feistel descrie în anii '60 principiile unei structuri pentru sistemele de criptare, cu influențe majore asupra sistemelor ulterioare. Structura este cunoscută sub numele de *rețea Feistel*. Avantajul major al unei astfel de structuri este acela că operațiile de criptare și decriptare sunt similare, (chiar identice în unele cazuri); aceasta permite o reducere substanțială a mărimii codului (sau circuitelor) care implementează sistemul de criptare.

După cum s-a văzut o cerință solicitată de securitatea față de atacuri bazate pe analiza textului criptat este aceea ca textul criptat să creeze "difuzie și confuzie". Problema constă în faptul că, deși se știe de mult cum să se construiască funcții cu caracter aleator, până la rețelele Feistel nu se cunoșteau algoritmi de construcție pentru funcții bijective aleatoare.

Soluția adusă de acesta este foarte elegantă:



Să presupunem că avem o funcție $f : \{0, 1\}^n \longrightarrow \{0, 1\}^n$ ”aproape aleatoare” (care dă impresia că cei n biți din imaginea lui f sunt aleși fără nici o regulă). Algoritmul de criptare va opera cu blocuri de $2n$ biți, pe care îi împarte în două jumătăți, sub forma (S, D) . Imaginea criptată a unui bloc printr-o rețea Feistel este tot un bloc de $2n$ biți: (L, R) , unde $L = D$ și $R = S \oplus f(D)$.

Această transformare este bijectivă: din perechea (L, R) se poate regăsi (S, D) prin $D = L$, $S = R \oplus f(L)$.

De remarcat că funcția f nu este obligatoriu inversabilă. De cele mai multe ori ea se compune din operații simple care sunt executate rapid de calculator.

Exemple de astfel de operații folosite:

- Permutări de biți (adesea implementate sub forma unor tabele de permutare, numite $P - box$).
- Funcții simple neliniare (implementate sub forma unor tabele de substituție, numite $S - box$).
- Operații liniare (deplasări, adunări, XOR)

Toate aceste operații pot fi implementate direct pe structuri hardware, ceea ce le face extrem de rapide.

Cum după criptare, jumătatea din dreapta a blocului nu a suferit nici o transformare (doar o deplasare spre stânga), rețeaua Feistel se aplică de mai multe ori – fiecare aplicație fiind numită *rundă*.

Rețelele Feistel apar prima oară la sistemul de criptare Lucifer, construit pentru *IBM* de o echipă condusă de Horst Feistel și Don Coppersmith. Succesul a fost asigurat odată cu desemnarea sistemului *DES* ca standard oficial de criptare.

Multe sisteme de criptare moderne sunt bazate pe acest gen de rețele, structura și proprietățile lor fiind intens exploatate de comunitatea criptografică.

O listă a celor mai cunoscute sisteme de criptare bazate pe structurile Feistel cuprinde: Blowfish, Camellia, CAST-128, DES, FEAL, KASUMI, LOKI97, Lucifer, MAGENTA, MISTY1, RC5, TEA, Triple DES, Twofish, XTEA. În plus, CAST-256, MacGuffin, RC2, RC6, Skipjack utilizează diverse generalizări ale rețelelor Feistel.

Abia după afirmarea sistemului *AES* a început o perioadă de declin a dominației structurilor de tip Feistel în construirea sistemelor de criptare.

5.1.2 Considerații generale privind sistemul de criptare *DES*

În mai 1973, Biroul Național de Standarde din SUA a lansat în Registrul Federal (jurnalul oficial al guvernului) un apel la construirea unui sistem de criptare oficial care să se numească *Data Encryption Standard (DES)*. Firma *IBM* a construit acest sistem – publicat în Registrul Federal la 17 martie 1975, modificând sistemul *Lucifer*, pe care

deja îl testa. După dezbateri publice, *DES* a fost adoptat oficial la 17 ianuarie 1977 ca standard de criptare. De atunci, el a fost re-evaluat la fiecare 5 ani, fiind în acest moment cel mai popular sistem de criptare cu cheie simetrică. Spargerea sa în iulie 1998 a coincis (întâmplător ?) cu durata sa oficială de utilizare pe teritoriul *SUA*.

5.1.3 Descrierea sistemului *DES*

Sistemul *DES* criptează un bloc de text clar de 64 biți într-un text criptat tot de 64 biți, utilizând o cheie de 56 biți. Algoritmul cuprinde 3 etape:

1. Fie α textul clar inițial, de 64 biți. Lui α se aplică o permutare IP inițială fixată, obținându-se $\alpha_0 = IP(\alpha) = L_0R_0$. L_0 este format din primii 32 biți ai lui α_0 , iar R_0 – din ultimii 32 biți.
2. Se efectuează 16 runde (iterații) ale unei funcții care se va preciza. La fiecare rundă se calculează L_iR_i ($1 \leq i \leq 16$) după regula

$$\begin{aligned} L_i &= R_{i-1} \\ R_i &= L_{i-1} \oplus f(R_{i-1}, K_i) \end{aligned}$$

unde f este o funcție care se va preciza, iar K_1, K_2, \dots, K_{16} sunt secvențe de 48 biți calculați din cheia K . Se spune că K_1, K_2, \dots, K_{16} sunt obținuți prin *diversificarea cheii* (key shedule).

3. Blocului $R_{16}L_{16}$ i se aplică inversa permutării inițiale pentru a obține textul criptat $\beta = IP^{-1}(R_{16}L_{16})$.

Observația 5.1. *Sistemul de ecuații care definesc criptarea la fiecare rundă poate fi inversat imediat, pentru a obține ecuațiile rundelor de decriptare. Acestea sunt:*

$$R_{i-1} = L_i, \quad L_{i-1} = R_i \oplus f(L_i, K_i)$$

Funcția de criptare $f(A, J)$ are ca argumente două secvențe binare: una de 32 biți, iar a doua de 48 biți. Rezultatul este o secvență de 32 biți. Etapele de calcul ale funcției sunt:

1. Argumentul A este extins la 48 biți folosind o *funcție de expansiune* E . $E(A)$ cuprinde biții lui A așezați într-o anumită ordine, unii biții fiind scriși de două ori.
2. Se calculează $B = E(A) \oplus J$; rezultatul se descompune în 8 subsecvențe de câte 6 biți fiecare: $B = B_1B_2B_3B_4B_5B_6B_7B_8$.

3. Se folosesc 8 S – *boxuri* S_1, S_2, \dots, S_8 , fiecare din ele fiind un tablou de dimensiuni 4×16 cu elemente numere întregi din intervalul $[0, 15]$. Pentru o secvență $B_j = b_1b_2b_3b_4b_5b_6$ se calculează un șir de 4 biți $S_j(B_j)$ astfel: biții b_1b_6 dau reprezentarea binară a indicelui unei linii r ($0 \leq r \leq 3$) din S_j ; ceilalți patru biți $b_2b_3b_4b_5$ dau reprezentarea binară a indicelui unei coloane c ($0 \leq c \leq 15$) din tablou. Atunci $C_j = S_j(B_j) = [S_j(r, c)]_2$ ($1 \leq j \leq 8$). ($[x]_2$ este reprezentarea în baza 2 a numărului întreg x).
4. Secvența $C = C_1C_2C_3C_4C_5C_6C_7C_8$ – de lungime 32 – se rearanjează folosind o permutare fixată P . Rezultatul final este $f(A, J) = P(C)$.

Mai rămâne să specificăm funcțiile particulare folosite de sistemul DES :

- Permutarea inițială IP este:

58	50	42	34	26	18	10	2
60	52	44	36	28	20	12	4
62	54	46	38	30	22	14	6
64	56	48	40	32	24	16	8
57	49	41	33	25	17	9	1
59	51	43	35	27	19	11	3
61	53	45	37	29	21	13	5
63	55	47	39	31	23	15	7

- Permutarea inversă IP^{-1} este:

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

- Funcția de expansiune E este definită de tabloul:

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

- Cele opt cutii S (S – *boxuri*) sunt:

S_1															
14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

S_2															
15	1	8	14	6	11	3	4	9	7	2	13	12	0	5	10
3	13	4	7	15	2	8	14	12	0	1	10	6	9	11	5
0	14	7	11	10	4	13	1	5	8	12	6	9	3	2	15
13	8	10	1	3	15	4	2	11	6	7	12	0	5	14	9

S_3															
10	0	9	14	6	3	15	5	1	13	12	7	11	4	2	8
13	7	0	9	3	4	6	10	2	8	5	14	12	11	15	1
13	6	4	9	8	15	3	0	11	1	2	12	5	10	14	7
1	10	13	0	6	9	8	7	4	15	14	3	11	5	2	12

S_4															
7	13	14	3	0	6	9	10	1	2	8	5	11	12	4	15
13	8	11	5	6	15	0	3	4	7	2	12	1	10	14	9
10	6	9	0	12	11	7	13	15	1	3	14	5	2	8	4
3	15	0	6	10	1	13	8	9	4	5	11	12	7	2	14

S_5															
2	12	4	1	7	10	11	6	8	5	3	15	13	0	14	9
14	11	2	12	4	7	13	1	5	0	15	10	3	9	8	6
4	2	1	11	10	13	7	8	15	9	12	5	6	3	0	14
11	8	12	7	1	14	2	13	6	15	0	9	10	4	5	3

S_6															
12	1	10	15	9	2	6	8	0	13	3	4	14	7	5	11
10	15	4	2	7	12	9	5	6	1	13	14	0	11	3	8
9	14	15	5	2	8	12	3	7	0	4	10	1	13	11	6
4	3	2	12	9	5	15	10	11	14	1	7	6	0	8	13

S_7															
4	11	2	14	15	0	8	13	3	12	9	7	5	10	6	1
13	0	11	7	4	9	1	10	14	3	5	12	2	15	8	6
1	4	11	13	12	3	7	14	10	15	6	8	0	5	9	2
6	11	13	8	1	4	10	7	9	5	0	15	14	2	3	12

S_8															
13	2	8	4	6	15	11	1	10	9	3	14	5	0	12	7
1	15	13	8	10	3	7	4	12	5	6	11	0	14	9	2
7	11	4	1	9	12	14	2	0	6	10	13	15	3	5	8
2	1	14	7	4	10	8	13	15	12	9	0	3	5	6	11

- Permutarea fixată P este:

16	7	20	21
29	12	28	17
1	15	23	26
5	18	31	10
2	8	24	14
32	27	3	9
19	13	30	6
22	11	4	25

Mai rămâne de prezentat procesul de diversificare al cheii K . De fapt, K este o secvență de 64 biți, din care 56 definesc cheia, iar 8 (biții de pe pozițiile 8, 16, 24, ..., 64) sunt biți de paritate, aranjați în așa fel încât fiecare octet să conțină un număr impar de 1. Acești 8 biți sunt ignorați în procesul de diversificare.

1. Din cheie se elimină biții de paritate, iar asupra celorlalți se aplică o permutare PC_1 , obținându-se $PC_1(K) = C_0D_0$ (C_0 sunt primii 28 biți din secvență, iar D_0 – ceilalți 28 biți). Permutarea PC_1 este

57	49	41	33	25	17	9
1	58	50	42	34	26	18
10	2	59	51	43	35	27
19	11	3	60	52	44	36
63	55	47	39	31	23	15
7	62	54	46	38	30	22
14	6	61	53	45	37	29
21	13	5	28	20	12	4

2. Pentru $i = 1, 2, \dots, 16$ se calculează

$$C_i = LS_i(C_{i-1})$$

$$D_i = LS_i(D_{i-1})$$

și $K_i = PC_2(C_iD_i)$.

LS_i este o rotație circulară la stânga cu una sau două poziții, în funcție de valoarea lui i : o poziție dacă $i = 1, 2, 9, 16$, altfel rotirea este de două poziții.

PC_2 elimină biții 9, 18, 22, 25, 35, 38, 43, 54 și rearanjează ceilalți biți sub forma:

14	17	11	24	1	5
3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8
16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55
30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53
46	42	50	36	29	32

Decriptarea se realizează plecând de la textul criptat β și utilizând același algoritm, în ordine inversă; se vor folosi în ordine cheile K_{16}, \dots, K_1 .

Exemplul 5.1. ([38]) Să considerăm textul clar "Now is time for all" reprezentat ca o secvență de caractere ASCII scrise în hexazecimal. Dacă se face o criptare DES folosind cheia $K = 0123456789ABCDEF$, se obține

$$\begin{aligned}\alpha &= 4E6F772069732074 \quad 68652074696D6520 \quad 666F7220616C6C20 \\ \beta &= 3FA40E8A984D4815 \quad 6A271787AB8883F9 \quad 893D51EC4B563B53\end{aligned}$$

5.1.4 Chei slabe

În cazul $K_1 = K_{16}$, algoritmul de generare va genera o secvență de chei palindromice: $K_i = K_{17-i}$ ($1 \leq i \leq 8$). Acestea sunt chei slabe.

Definiția 5.1. O cheie DES slabă este o cheie K cu proprietatea $e_K(e_K(\alpha)) = \alpha, \forall \alpha \in \mathcal{P}$. O pereche de chei (K_1, K_2) este semi-slabă DES dacă $e_{K_1}(e_{K_2}(\alpha)) = \alpha, \forall \alpha \in \mathcal{P}$.

În DES sunt 4 chei slabe și 6 perechi de chei semi-slabe, date de tabelele următoare:

Chei slabe (hex)	C_0	D_0
0101010101010101	0^{28}	0^{28}
FEFEFEFEFEFEFEFE	1^{28}	1^{28}
1F1F1F1F0E0E0E0E	0^{28}	1^{28}
E0E0E0E0F1F1F1F1	1^{28}	0^{28}

C_0	D_0	Perechi de chei semi – slabe (hex)	C_0	D_0
$(01)^{14}$	$(01)^{14}$	01FE01FE01FE01FE, FE01FE01FE01FE01	$(10)^{14}$	$(10)^{14}$
$(01)^{14}$	$(10)^{14}$	1FE01FE00EF10EF1, E01FE01FF10EF10E	$(10)^{14}$	$(01)^{14}$
$(01)^{14}$	0^{28}	01E001E001F101F1, E001E001F101F101	$(10)^{14}$	0^{28}
$(01)^{14}$	1^{28}	1FFE1FFE0EFE0EFE, FE1FFE1FFE0EFE0E	$(10)^{14}$	1^{28}
0^{28}	$(01)^{14}$	011F011F010E010E, 1F011F010E010E01	0^{28}	$(10)^{14}$
1^{28}	$(01)^{14}$	E0FEE0FEF1FEF1FE, FEE0FEE0FEF1FEF1	1^{28}	$(10)^{14}$

Posibilitatea ca printr-o alegere aleatoare a cheii să se obțină o cheie slabă sau semi-slabă este deci 2^{-52} . Mulți utilizatori solicită un test pentru depistarea cheilor slabe, test care nu afectează semnificativ timpul de criptare.

De remarcat că fiind dată o cheie semi-slabă K , cealaltă cheie din pereche poate fi obținută secționând K în două părți egale și rotind fiecare jumătate cu 8 biți.

Pentru fiecare cheie slabă K există 2^{32} puncte fixe: texte clare α cu proprietatea $e_K(\alpha) = \alpha$.

Pentru fiecare cheie semi-slabă K din partea superioară a tabelului există 2^{32} puncte anti-fixe: texte clare α cu $e_K(\alpha) = \bar{\alpha}$. Aceste patru chei semi-slabe se numesc și *chei anti-palindromice*, deoarece subcheile generate sunt complementare: $K_1 = \bar{K}_{16}$, $K_2 = \bar{K}_{15}$ etc.

5.1.5 Controverse legate de DES

Încă de la lansarea sa, *DES* a fost supus la numeroase critici. O primă obiecție a fost legată de folosirea *S-boxurilor*. Toate calculele din *DES* sunt liniare, *cu excepția* acestor *S-boxuri*. Deci, de fapt toată securitatea sistemului se bazează pe acestea. Dar, nimeni (cu excepția autorilor) nu știe cum sunt concepute cutiile. Multe persoane au fost convinse că ele ascund diverse trape secrete care permit celor de la *Agencia Națională de Securitate* (*NSA* - serviciul american care răspunde de problemele legate de securitatea națională) să decripteze orice mesaj.

Ca urmare, *NSA* afirmă în 1976 că *S-boxurile* au fost construite pe baza următoarelor criterii:

1. Fiecare linie este o permutare a numerelor $0, \dots, 15$;
2. Nici un *S-box* nu este o funcție liniară sau afină;
3. La modificarea unui bit din operand, un *S-box* provoacă modificarea cel puțin a doi biți din rezultat;
4. Pentru fiecare cutie S și α (secvență de lungime 6), $S(\alpha)$ și $S(\alpha \oplus 001100)$ diferă prin cel puțin doi biți.

Alte două proprietăți au fost menționate ca fiind "consecințe ale criteriilor de construcție":

5. Pentru orice cutie S și orice α , $S(\alpha) \neq S(\alpha \oplus 11ab00)$, oricare ar fi $a, b \in \{0, 1\}$;
6. Pentru orice cutie S , dacă un bit din operand este menținut constant și se urmărește un bit al rezultatului, numărul de valori care produc 0 este "apropiat" de numărul de valori care produc 1. Într-adevăr, dacă bitul fixat este unul din cei doi biți care determină linia cutiei S , există – conform criteriului 1. – 16 valori care produc 0 și 16 valori care produc 1; pentru ceilalți biți, aceasta nu este adevărat, dar numărul de valori care produc 0 (sau 1) este cuprins totdeauna între 13 și 19.

Nici un alt criteriu referitor la S – *boxuri* nu a mai fost recunoscut public.

Cea mai pertinentă critică referitoare la DES se referă la mărimea prea mică (numai 2^{56}) a spațiului cheilor. Ca urmare s-au conceput numeroase mașini dedicate atacurilor prin forță brută, care să caute cheia. Fiind dat un text clar α de 64 biți și textul său criptat β , se verifică toate cheile K posibile (aproximativ 2^{55}), până se obține $e_K(\alpha) = \beta$ (de remarcat că soluția există totdeauna, dar nu este unică).

5.1.6 Moduri de implementare ale DES -ului

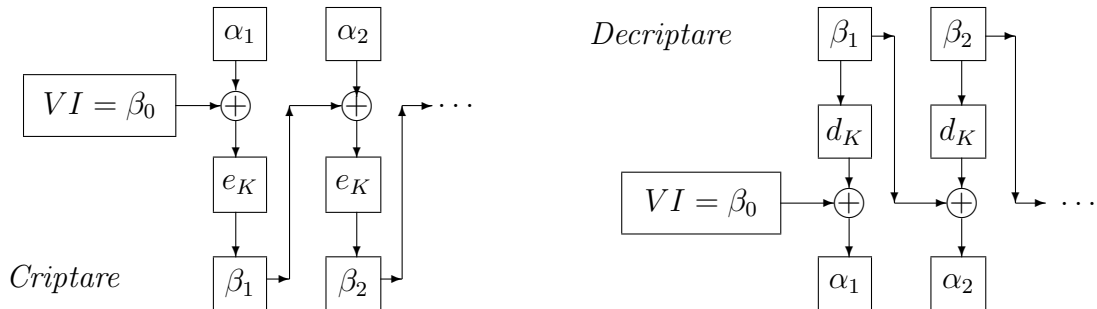
În istoria sa, sistemul de criptare DES a cunoscut patru moduri de implementare, moduri extinse ulterior la toate sistemele de criptare:

- Modul ECB (*Electronic Codebook Mode*) corespunde metodei descrise anterior: fiind dat un text clar $x = \alpha_1\alpha_2\dots$, fiecare bloc α_i de 64 biți este criptat cu cheia K după formula

$$\beta_i = e_K(\alpha_i), \quad (i \geq 1)$$

procedeu conducând la textul criptat $y = \beta_1\beta_2\dots$

- În modul CBC (*Cypher Block Chaining Mode*), fiecare bloc de text criptat β_i este combinat printr-un XOR cu textul clar următor α_{i+1} , înainte de criptarea acestuia. Operația decurge conform schemei:



Se definește un bloc cu valoarea inițială $VI = \beta_0$, după care blocurile se criptează după formula

$$\beta_i = e_K(\beta_{i-1} \oplus \alpha_i) \quad (i \geq 1)$$

Funcția de decriptare

$$\alpha_i = \beta_{i-1} \oplus d_K(\beta_i) \quad (i \geq 1)$$

nu mai este recursivă. De aceea, decriptarea se poate efectua mai rapid (comparativ cu operația de criptare), printr-un proces de calcul paralel.

- Modurile *OFB* și *CFB* sunt construite conform sistemelor de criptare cu chei fluide: se generează cheia fluidă, care se combină apoi cu textul clar (similar sistemului *one-time-pad*). *OFB* (*Output Feedback Mode*) este o criptare sincronizabilă aditivă: componentele cheii fluide sunt obținute prin criptarea iterativă a unui bloc inițial *VI* de 64 biți; se definește $\gamma_0 = VI$ și se calculează $\gamma_1, \gamma_2, \dots$ după formula

$$\gamma_i = e_K(\gamma_{i-1}), \quad (i \geq 1)$$

Secvența blocurilor de text clar $x = \alpha_1, \alpha_2, \dots$ este criptată apoi conform relației

$$\beta_i = \alpha_i \oplus \gamma_i, \quad (i \geq 1)$$

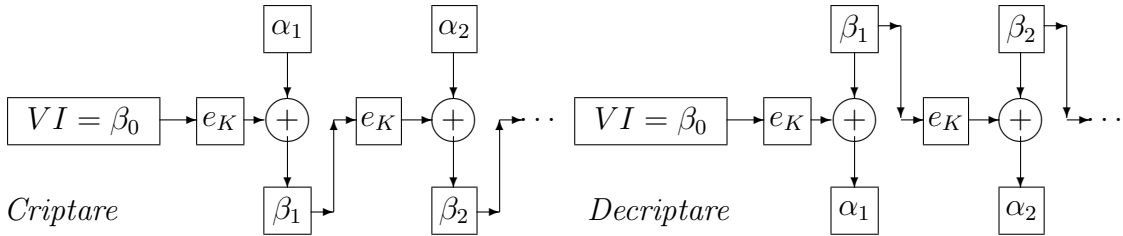
- În modul *CFB* (*Cypher Feedback Mode*) se începe cu $\beta_0 = VI$ (bloc inițial de 64 biți) și se calculează cheia fluidă γ_i criptând din nou blocul de text criptat obținut anterior:

$$\gamma_i = e_K(\beta_{i-1}) \quad (i \geq 1)$$

Ca și la modul *OFB*, în faza a doua avem

$$\beta_i = \alpha_i \oplus \gamma_i \quad (i \geq 1)$$

De remarcat că funcția de criptare e_K este folosită aici atât la procesul de criptare cât și la cel de decriptare.



Și în modul de implementare *CFB* este posibilă o decriptare în paralel, datorită formulei

$$\alpha_i = \beta_i \oplus e_K(\beta_{i-1}) \quad (i \geq 1)$$

Deși descrierile au fost gândite pentru blocuri de mărime 64, modurile *OFB* și *CFB* pot fi extinse imediat la blocuri de k biți ($1 \leq k \leq 64$).

Cele patru moduri de implementare prezintă diverse avantaje și dezavantaje. Astfel, la *ECB* și *OFB*, modificarea unui bloc de text clar α_i provoacă modificarea unui singur bloc de text criptat, β_i . În anumite situații, acest fapt constituie un defect. Modul *OFB* este utilizat adesea pentru transmisiile prin satelit.

În modurile *CBC* și *CFB* dimpotrivă, modificarea unui bloc α_i de text clar antrenează modificări în toate blocurile de texte criptate, începând cu β_i . De aceea, aceste moduri sunt adaptate în particular problemelor de autentificare a mesajelor (*MAC* - Message Authentication Code). Un *MAC* este adăugat la un text clar cu scopul de a-l convinge pe *Bob* că textul primit a fost scris de *Alice* și nu a fost alterat de *Oscar*. El garantează astfel integritatea (sau autenticitatea) mesajului, dar nu și confidențialitatea sa.

Să descriem cum este utilizat modul *CBC* la construcția unui *MAC*. Se pleacă de la blocul inițial *VI* în care toți biții sunt 0. Se construiește textul criptat $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_n$ cu cheia K , în modul *CBC*, iar *MAC* este blocul β_n . *Alice* va transmite mesajul $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$, asociat cu *MAC*-ul β_n . Când *Bob* primește mesajul $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$, el generează β_1, \dots, β_n folosind cheia (secretă) K și verifică dacă β_n este identic cu mesajul *MAC* primit.

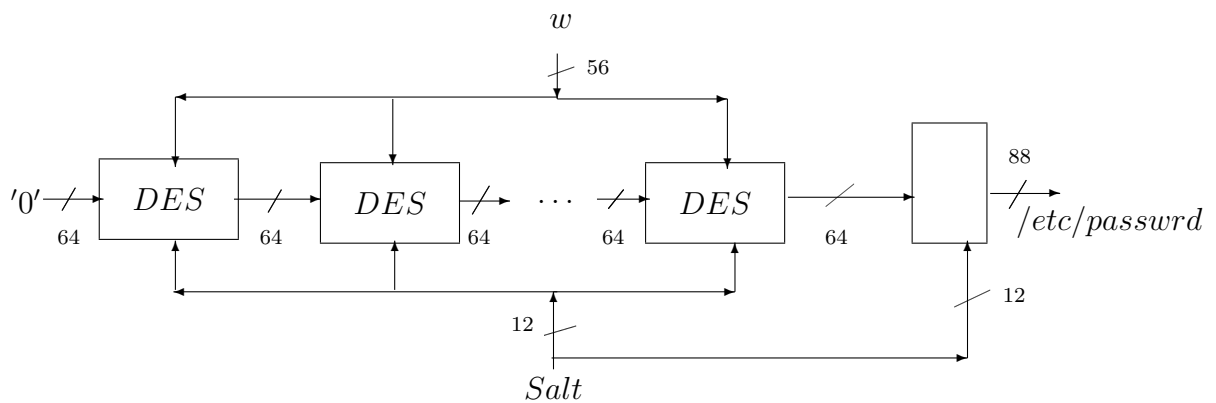
De remarcat că *Oscar* nu poate construi un *MAC* deoarece nu cunoaște cheia K utilizată de *Alice* și *Bob*; orice modificare a mesajelor clare este depistată astfel ușor.

Se poate realiza și o combinaire a integrității cu confidențialitatea, în felul următor: *Alice* utilizează cheia K_1 pentru a calcula un *MAC* bazat pe $\alpha_1, \dots, \alpha_n$; fie α_{n+1} acest *MAC*. Apoi, ea criptează mesajul $\alpha_1, \dots, \alpha_{n+1}$ în $\beta_1, \dots, \beta_{n+1}$ folosind o a doua cheie K_2 . Când *Bob* primește mesajul, el decriptează în prima fază (cu cheia K_2), apoi verifică cu cheia K_1 dacă α_{n+1} este *MAC*-ul lui $\alpha_1, \dots, \alpha_n$.

Sau – ca altă variantă – *Alice* poate utiliza K_1 pentru criptarea mesajului $\alpha_1, \dots, \alpha_n$; apoi, pentru β_1, \dots, β_n determină *MAC*-ul β_{n+1} folosind cheia K_2 . *Bob* va face întâi verificarea corectitudinii dată de *MAC* și – dacă totul este în ordine – va trece la decriptare.

5.1.7 Parole UNIX

O aplicație interesantă a sistemului de criptare *DES* este algoritmul de criptare al parolilor din sistemul *UNIX*¹, algoritm numit *UNIX crypt*.



¹Sistem dezvoltat de compania Bell Laboratories.

Versiunea criptată a unei parole este stocată într-o bază de date */etc/passwd* (a cărei confidențialitate nu este obligatoriu asigurată). Atunci când un utilizator dă parola, sistemul o criptează și o compară cu varianta din baza de date. Modul de criptare este format din următoarele etape:

1. Parola este trunchiată la primele opt caractere *ASCII* (sau completată cu 0 dacă parola are mai puțin de 8 caractere). Fiecare caracter dă 7 biți, formând o cheie *DES* de 56 biți.
2. Se realizează o criptare în serie prin 25 sisteme *DES*, textul clar inițial fiind $00 \dots 0$.
3. Cei 64 biți obținuți după ultima criptare se combină cu 12 biți dați de *Salt* și cu un bit suplimentar, formând 11 caractere printabile de câte 7 biți. Biții de paritate completează parola criptată până la 88 biți.

Sistemul *UNIX* oferă pentru criptare un pachet de 12 biți – numit *Salt* – generat de sistemul de ceas al sistemului la momentul creerii parolei și stocat în baza de date, în cadrul parolei criptate. Acești biți sunt folosiți pentru modificarea funcției de expansiune *E* din *DES*, oferind $2^{12} = 4096$ variante. Anume: fiecare bit din *Salt* este asociat cu o pereche fixată din blocul de 48 biți din *E*. Dacă el este 1, atunci biții din *E* asociați lui sunt interschimbați; altfel, sunt lăsați pe loc.

Această modificare previne utilizarea de implementări ale sistemului *DES* externe sistemului *UNIX*.

5.1.8 Sisteme de criptare înrudite cu *DES*

Triplu *DES* (3*DES*)

Triplu *DES* (cunoscut și sub numele 3*DES* sau – mai rar – *DES – ede*) este un sistem derivat din *DES*, propus de Walter Tuchman (șeful echipei *IBM* care a construit *DES*). Numele oficial este *FIPS Pub 46 – 3*.

Formal, 3*DES* este definit prin formula

$$c = DES_{k_3}(DES_{k_2}^{-1}(DES_{k_1}(m))),$$

unde:

- m este un bloc de text clar (64 biți),
- c este blocul de text criptat rezultat,
- k_1, k_2, k_3 sunt chei *DES* (de 56 biți),
- DES_k : criptarea *DES* cu cheia k ,
- DES_k^{-1} : decriptarea *DES* cu cheia k .

Introducerea la pasul 2 a decriptării nu afectează securitatea algoritmului. Avantajul constă în utilizarea pentru 3*DES* a unei implementări *DES* (astfel, cele două sisteme pot inter-opera).

Uneori – dar destul de rar – se folosește pentru *Triplu DES* o criptare în lanț de trei criptări *DES* (numită și *DES – eee*):

$$c = DES_{k_3}(DES_{k_2}(DES_{k_1}(m))).$$

Criptarea în trei pași (*ede* sau *eee*) este esențială pentru protejarea contra unui atac de tipul *meet-in-the-middle*. În cazul unei duble criptări, acest atac este destul de eficient.

Într-adevăr, să considerăm un sistem de criptare bloc unde mărimea cheii este n . O criptare dublă cu două chei diferite va folosi de fapt o cheie de lungime $2n$. Pentru un text clar dat m , să presupunem că putem stoca $e_K(m)$, pentru toate cheile K posibile.

Fie x un text criptat după formula $x = e_{k_2}(e_{k_1}(m))$, unde cheile k_1 și k_2 sunt secrete. Pentru fiecare cheie p există o cheie unică q astfel ca $d_p(x) = e_q(m)$. În particular există exact 2^n chei posibile determinate de perechea (m, x) , chei care pot fi găsite în aproximativ $\mathcal{O}(2^n)$ pași.

Dacă numărul cheilor care pot fi stocate este de ordinul $2^p < 2^n$, algoritmul poate fi modificat pentru a afla toate cheile posibile, în circa $\mathcal{O}(2^{2n-p})$ pași.

Observația 5.2. Pentru oricare din situațiile

$$k_1 = k_2, \quad k_2 = k_3, \quad k_1 = k_2 = k_3,$$

DES – ede se reduce la un simplu DES, lucru utilizat frecvent pentru a verifica compatibilitatea sistemului.

Cheia pentru *Triplu DES* are $3 * 56 = 168$ biți, la care se adaugă $3 * 8 = 24$ biți de paritate; în total sunt 192 biți.

O variantă, numită ”*3DES* cu două chei” folosește $k_1 = k_3$; aici mărimea de stocare a cheii va fi de numai 128 biți (din care 16 biți de paritate). Acest mod este însă sensibil la anumite atacuri cu text clar ales, propuse de Merkle și Hellman (1981) și – mai târziu – de Van Oorschot și Wiener (1991).

Sistemul de criptare *3DES* nu este încă spart, dar utilizarea sa este îngreunată din cauza vitezei mici de criptare. Totuși multe sisteme continuă să folosească *3DES*; ca exemple mai recente sunt cardurile bancare (*Mastercard* și parțial – *Visa*) care din 2002 sunt configurate pe baza acestui sistem de criptare. De asemenea, sistemul de telefonie mobilă *Zapp* folosește *3DES* ca sistem de criptare.

DES – X

DES – X (sau – mai simplu – *DESX*) este o variantă a sistemului de criptare *DES*, dezvoltată pentru a rezista mai bine unui atac prin forță brută.

După cum am văzut, sistemul *DES* operează cu o cheie de 56 biți; deci sunt numai 2^{56} chei posibile, unele din acestea fiind chei slabe. Pentru a evita un atac direct, în 1984 Rivest propune creșterea mărimii cheii K fără a modifica substanțial algoritmul.

$DES-X$ folosește două chei suplimentare K_1, K_2 de câte 64 biți și efectuează criptarea unui bloc de text clar x după formula

$$DESX_{K,K_1,K_2}(x) = K_2 \oplus DES_K(x \oplus K_1)$$

Mărimea cheii crește deci la $56 + 2 * 64 = 184$ biți.

IDEA

Prima apariție a sistemului *IDEA* are loc în 1990, sub denumirea *PES* (*Proposed Encryption Standard*). Deoarece în același an, Biham și Shamir publică sistemul de atac al *DES*-ului prin criptanaliză diferențială, în 1991 autorii (Xuejia Lai și James Massey) modifică sistemul de criptare pentru a rezista acestui gen de atac. Noul sistem este numit *IPES* (*Improved Proposed Encryption Standard*), nume care în 1992 se schimbă în *IDEA* (*International Data Encryption Standard Algorithm*).

În opinia lui Bruce Schneider, în 1996 *IDEA* constituia cel mai sigur sistem de criptare utilizabil fără restricții. Este o componentă a sistemului de securitate prin poșta electronică *PGP*, unde asigură criptarea datelor.

Sistemul este foarte asemănător cu *DES*. Astfel, el este un sistem simetric care operează cu blocuri de texte clare de 64 biți, folosind o cheie de 128 biți.

Textul clar de 64 biți este despărțit în 4 sublocuri X_1, X_2, X_3, X_4 , de câte 16 biți fiecare. Aceste patru componente formează intrarea la prima rundă a algoritmului. În total sunt 8 runde, care folosesc operațiile de adunare, înmulțire (modulo 2^{16}) și *XOR*; toate pe 16 biți. De asemenea sunt implicate și 16 subchei a câte 16 biți fiecare. Între runde, subblocurile 2 și 3 sunt schimbate între ele. După runda 8, cele patru subblocuri sunt combinate cu 4 subchei, formând ieșirea.

O rundă conține 14 operații, anume:

1. Se înmulțește X_1 cu prima subcheie;
2. Se adună X_2 cu a doua subcheie;
3. Se adună X_3 cu a treia subcheie;
4. Se înmulțește X_4 cu a patra subcheie;
5. Ce s-a obținut la pașii 1 și 3 se combină prin *XOR*;
6. Ce s-a obținut la pașii 2 și 4 se combină prin *XOR*;
7. Se înmulțește rezultatul pasului 5 cu subcheia 5;
8. Se adună rezultatele pașilor 6 și 7;
9. Se înmulțește rezultatul pasului 8 cu subcheia 6;
10. Se adună rezultatele pașilor 7 și 9;
11. Ce s-a obținut la pașii 1 și 9 se combină prin *XOR*;
12. Ce s-a obținut la pașii 3 și 9 se combină prin *XOR*;
13. Ce s-a obținut la pașii 2 și 10 se combină prin *XOR*;
14. Ce s-a obținut la pașii 4 și 10 se combină prin *XOR*.

Rezultatele pașilor 11 – 14 formează ieșirea dintr-o rundă; cele patru subblocuri (după ce subblocurile 2 și 3 sunt interschimbate) formează intrarea în runda următoare.

După ultima rundă, are loc o transformare finală:

1. Se înmulțește X_1 cu prima subcheie;
2. Se adună X_2 cu a doua subcheie;
3. Se adună X_3 cu a treia subcheie;
4. Se înmulțește X_4 cu a patra subcheie.

Cela patru subblocuri obținute în final formează textul criptat.

Prelucrarea subcheilor se face după următorul algoritm:

1. Cheia de 128 biți este desfăcută în 8 subchei a câte 16 biți fiecare;
2. Primele 6 subchei sunt folosite la prima rundă, iar următoarele două, la runda a doua;
3. Cheia este rotită spre stânga cu 25 biți și se desface din nou în 8 subchei, folosite la rundele 2 și 3 (câte patru subchei);
4. Se repetă pasul 3 cât timp este necesar.

Operația de decriptare se realizează urmând aceiași pași, cu singura diferență că subcheile se introduc în ordine inversă.

Comparativ cu *DES*, *IDEA* prezintă unele avantaje. Astfel, implementările realizate permit o viteză dublă de criptare în *IDEA* față de *DES*.

Lungimea cheii (128) biți, asigură o securitate sporită la atacurile prin forță brută: pentru a găsi cheia prin încercări, ar fi necesare cam 2^{127} teste; deci cu un chip care testează un miliard de chei pe secundă, ar trebui cam 10^{13} ani – o perioadă mai lungă decât vârsta Pământului.

Autorii au afirmat (fără să demonstreze) că *IDEA* rezistă atacurilor prin criptanaliza diferențială. Un studiu al subcheilor a arătat că există unele chei slabe, care permit spargerea sistemului de criptare într-un timp mai scurt. O asigurare contra alegerii (aleatoare) a acestor chei slabe ar fi completarea algoritmului de generare a subcheilor prin operarea fiecărei subchei generate printr-un *XOR* cu $0x0D$, unde " x " este o cifră hexazecimală aleasă aleator.

5.2 Alte sisteme de criptare ulterioare DES

La sfârșitul anilor '90 se decide înlocuirea sistemului de criptare *DES*. Motivele sunt multiple, dar menționăm numai două:

- În iulie 1998 sistemul *DES* pe 56 biți este spart de către organizația *Electronic Frontier Foundation*; s-a folosit un calculator construit special în acest scop, iar timpul necesar spargerii a fost de 3 zile.

- În luna septembrie a aceluiași an, administrația americană acordă companiilor producătoare de soft de securitate permisiunea de a exporta implementări ale algoritmului *DES* bazate pe chei de criptare de 56 biți.

În legătură cu aceste evenimente, pe 20 august 1998 *NIST* (National Institute of Standards and Technology) anunță (în cadrul unei conferințe speciale) un set de 15 algoritmi candidați să înlocuiască *DES*². Este ales și numele noului sistem de criptare: *AES* (Advanced Encryption Standard). Cei 15 algoritmi au fost trimiși de membri din comunitatea criptografică mondială. Criteriile stabilite de *NIST* pentru noul sistem au fost:

- Să fie un sistem de criptare simetric pe blocuri de 128 biți.
- Să accepte chei de lungime 128, 192 și 256 biți;
- Să nu aibă chei slabe;
- Să fie eficient atât pe platforme Intel Pentium Pro cât și pe alte platforme software sau hardware;
- Să poată fi implementat atât pe procesoare de 32 biți cât și pe smart - carduri (procesoare de 8 biți);
- Să fie cât mai simplu.
- Să fie mai rapid decât *DES* și să ofere o securitate mai mare decât *3DES*.

A doua conferință *AES* are loc în martie 1999; după analiza rezultatelor algoritmilor propuși, *NIST* selectează 5 algoritmi: *Mars*, *RC6*, *Rijndael*, *Serpent* și *Twofish*. Aceștia sunt supuși testelor și discuțiilor publice, folosind drept criterii de evaluare: securitate, cost, implementare.

În mai 2000 *NIST* anunță drept sistem "câștigător" sistemul de criptare *Rijndael*, care devine oficial *AES*.

Înainte de a prezenta sistemul *AES* vom face o scurtă trecere în revistă a sistemelor de criptare finaliste în această competiție.

5.2.1 Mars

Sistemul *MARS* este propus de firma *IBM*, autorii săi fiind un grup condus de Don Coppersmith. Câteva detalii de construcție:

- Algoritmul este format din trei componente, fiecare din ele asigurând protecție pentru anumite tipuri de atac.

²Aceștia sunt (în ordine alfabetică) *CAST – 256*, *CRYPTON*, *DEAL*, *DFC*, *E2*, *FROG*, *HPC*, *LOKI97*, *MAGENTA*, *MARS*, *RC6*, *Rijndael*, *SAFER+*, *Serpent*, *Twofish*.

- Lucrează pe procesoare de 32 biți, putând fi implementat atât în format *big-endian*, cât și în *little endian*³.
- La intrare textul clar este "spart" în grupuri de 128 biți (4 cuvinte de câte 32 biți). Prima și a treia parte a algoritmului amestecă acești biți folosind o cheie de dimensiune variabilă (între 128 și 448 biți) și un $S - box$ de 512 elemente. Componenta din mijloc este formată din 16 runde și folosește în plus o funcție de expandare E .
- Operațiile folosite sunt: adunări, scăderi, XOR -uri, rotații (fixe sau dependente de date) și înmulțiri; toate calculele se fac modulo 32. Construcția $S - boxului$ s-a făcut pe baza unui algoritm public, plecând de la o serie de condiții inițiale clare.

Notățiile folosite în algoritm:

- $D[0], D[1], D[2], D[3]$ – cuvinte (de 32 biți), inițializate cu textul clar; în final aici va fi blocul de text criptat; se notează $D[i : j]$ octetul j din $D[i]$ ($j = 0, 1, 2, 3$).
- $K[\cdot]$ – cheia expandată; secvență de 40 cuvinte;
- $S[\cdot]$ – $S - box$ de 512 cuvinte; $S0[]$ va conține primele 256 elemente, iar $S1[]$ – ultimele 256 cuvinte.

Faza I (Mixare preliminară):

1. **for** $i \leftarrow 0$ **to** 3 **do** $D[i] \leftarrow D[i] + K[i]$;
2. **for** $i \leftarrow 0$ **to** 7 **do**
 - 2.1. $D[1] \leftarrow D[1] \oplus S0[D[0, 0]]$;
 - 2.2. $D[1] \leftarrow D[1] + S1[D[0, 1]]$;
 - 2.3. $D[2] \leftarrow D[2] + S0[D[0, 2]]$;
 - 2.4. $D[3] \leftarrow D[3] \oplus S1[D[0, 3]]$;
 - 2.5. $D[0] \leftarrow D[0] \ggg 24$;
 - 2.6. **if** $i \in \{0, 4\}$ **then** $D[0] \leftarrow D[0] + D[3]$;
 - 2.6. **if** $i \in \{1, 5\}$ **then** $D[0] \leftarrow D[0] + D[1]$;
 - 2.7. $(D[0], D[1], D[2], D[3]) \rightarrow (D[3], D[0], D[1], D[2])$.

³Fie $a_1 a_2 a_3 a_4$ un cuvânt pe 4 octeți, unde a_i este un număr întreg din intervalul $[0, 255]$.

1. În arhitectura *big-endian* (o stație SPARK de exemplu), un cuvânt reprezintă întregul $a_1 2^{24} + a_2 2^{16} + a_3 2^8 + a_4$.
2. În arhitectura *little-endian* (cum este familia *Intel 80xxx*) un cuvânt reprezintă întregul $a_4 2^{24} + a_3 2^{16} + a_2 2^8 + a_1$.

Faza II (Transformări bazate pe cheie):

1. **for** $i \leftarrow 0$ **to** 15 **do**
 - 1.1. $(o1, o2, o3) \leftarrow E(D[0], K[2i + 4], K[2i + 5]);$
 - 1.2. $D[0] \lll 13;$
 - 1.3. $D[2] \leftarrow D[2] + o2;$
 - 1.4. **if** $i < 8$ **then**
 - 1.4.1. $D[1] \leftarrow D[1] + o1;$
 - 1.4.2. $D[3] \leftarrow D[3] \oplus o3;$
 - else**
 - 1.4.3. $D[3] \leftarrow D[3] + o1;$
 - 1.4.4. $D[1] \leftarrow D[1] \oplus o3;$
 - 1.5. $(D[0], D[1], D[2], D[3]) \leftarrow (D[3], D[0], D[1], D[2]).$

Faza III (Mixare finală):

1. **for** $i \leftarrow 0$ **to** 7 **do**
 - 1.1. **if** $i \in \{2, 6\}$ **then** $D[0] \leftarrow D[0] - D[3];$
 - 1.2. **if** $i \in \{3, 7\}$ **then** $D[0] \leftarrow D[0] - D[1];$
 - 1.3. $D[1] \leftarrow D[1] \oplus S1[D[0, 0]];$
 - 1.4. $D[2] \leftarrow D[2] - S0[D[0, 3]];$
 - 1.5. $D[3] \leftarrow D[3] - S1[D[0, 2]];$
 - 1.6. $D[3] \leftarrow D[3] \oplus S0[D[0, 1]];$
 - 2.5. $D[0] \leftarrow D[0] \lll 24;$
 - 2.7. $(D[0], D[1], D[2], D[3]) \rightarrow (D[3], D[0], D[1], D[2]).$
2. **for** $i \leftarrow 0$ **to** 3 **do** $D[i] \leftarrow D[i] - K[36 + i];$
3. $Output(D[0], D[1], D[2], D[3]).$

Mai trebuie precizate funcția E și modalitatea de expandare a cheii K .

$E(inp, cheie1, cheie2);$

1. $M \leftarrow inp + cheie1;$ (M este variabilă auxiliară)
2. $R \leftarrow (inp \lll 13) \cdot cheie2;$ (R este variabilă auxiliară)
3. $i \leftarrow$ cei mai mici nouă biți din $M;$
4. $L \leftarrow S[i];$ (L este variabilă auxiliară)
5. $R \leftarrow (R \lll 5);$
6. $r \leftarrow$ cei mai mici cinci biți din $R;$
7. $M \leftarrow (M \lll r);$
8. $L \leftarrow L \oplus R;$
9. $R \leftarrow (R \lll 5);$
10. $L \leftarrow L \oplus R;$
11. $r \leftarrow$ cei mai mici cinci biți din $R;$
12. $L \leftarrow (L \lll r);$
13. $output(L, M, R).$

Expandarea cheii:

Această procedură expandează o cheie $k[0, \dots, n-1]$ de n cuvinte ($4 \leq n \leq 14$) într-o cheie K de 40 cuvinte, folosind un vector temporar T de 15 cuvinte și un vector fixat Z de 4 cuvinte.

```

1.  $Z \leftarrow A4A8D57B \ 5B5D193B \ C8A8309B \ 73F9A978$ ;
2.  $T[0, \dots, n-1] \leftarrow k[0, \dots, n-1]$ ,  $T[n] \leftarrow n$ ,  $T[n+1, \dots, 14] \leftarrow 0$ ;
3. for  $j \leftarrow 0$  to 3 do
    3.1. for  $i \leftarrow 0$  to 14 do
         $T[i] \leftarrow T[i] \oplus ((T[(i-7) \bmod 15] \oplus T[(i-2) \bmod 15]) \lll 3) \oplus (4 \cdot i + j)$ ;
    3.2. for  $m \leftarrow 1$  to 4 do
        for  $i \leftarrow 0$  to 14 do
             $T[i] \leftarrow (T[i] + S[\text{cei mai mici nouă biți din } T[(i-10) \bmod 15]]) \lll 9$ ;
    3.3. for  $i \leftarrow 0$  to 9 do  $K[10 \cdot j + i] \leftarrow T[4 \cdot i \bmod 15]$ ;
4. for  $i \leftarrow 5, 7, \dots, 33, 35$  do
    4.1.  $j \leftarrow$  cei mai din dreapta doi biți din  $K[i]$ ;
    4.2.  $w \leftarrow K[i]$  cu cei mai din dreapta doi biți setați pe 1;
    4.3. for  $p \leftarrow 2$  to 30 do
if  $(w[p-1] = w[p] = w[p+1]) \vee (w[p]$  e într-o secvență de 10 biți consecutivi egali)
    then  $M[p] \leftarrow 1$ ;
    4.4.  $r \leftarrow$  cei mai din dreapta cinci biți din  $K[i-1]$ ;
    4.5.  $X \leftarrow (Z[j] \lll r)$ ;
    4.6.  $K[i] \leftarrow w \oplus (X \wedge M)$ .
5.  $\text{output}(K[\cdot])$ .

```

Cele 512 cuvinte ale S – *boxului* au fost generate în așa fel încât să verifice condițiile:

- Nu are valorile 00000000 și FFFFFFFF;
- Orice două valori diferă prin cel puțin 4 biți;
- Nu există două valori a, b astfel ca $a = \bar{b}$ sau $a = -b$;
- Diferențele de scădere sau XOR între orice două valori sunt maxime.

Pentru alte detalii privind securitatea sistemului *MARS* (algoritmul de decriptare, moduri de implementare, componentele S – *boxului* etc), a se vedea [14].

5.2.2 RC6

Sistemul de criptare *RC6* este o versiune a lui *RC5*, elaborată de laboratoarele RSA (sub coordonarea lui Ron Rivest) cu scopul de a îndeplini criteriile *AES*. Este un sistem simplu, fără atacuri practice cunoscute (sunt elaborate doar câteva atacuri teoretice), complet parametrizat: versiunea generală este $RC6-w/r/b$ unde mărimea cuvintelor este w , numărul de runde este r , iar b este mărimea (în octeți) a cheii de criptare. Versiunea pentru *AES* are $w = 32, r = 20$.

Algoritmul lucrează pe blocuri de lungime w folosind șase operații:

- $+, -, \cdot$ (toate modulo 2^w),
- \oplus ,
- $a \lll b$ (rotirea lui a spre stânga cu un număr de poziții dat cei mai puțin semnificativi $\log_2 w$ biți din b),
- $a \ggg b$ (operație similară spre dreapta).

Algoritmul de criptare:

Intrare:

- Textul clar stocat în cuvintele A, B, C, D ;
- Numărul r de runde;
- Cheia $S[0, \dots, 2r + 3]$;

Ieșire: Textul criptat stocat în A, B, C, D .

Algoritm:

1. $B \leftarrow B + S[0]$;
2. $D \leftarrow D + S[1]$;
3. **for** $i \leftarrow 1$ **to** r **do**
 - 3.1. $t \leftarrow (B \cdot (2 \cdot B + 1)) \lll \log_2 w$;
 - 3.2. $u \leftarrow (D \cdot (2 \cdot D + 1)) \lll \log_2 w$;
 - 3.3. $A \leftarrow ((A \oplus t) \lll u) + S[2i]$;
 - 3.3. $C \leftarrow ((C \oplus u) \lll t) + S[2i + 1]$;
 - 3.4. $(A, B, C, D) \leftarrow (B, C, D, A)$;
4. $A \leftarrow A + S[2r + 2]$;
5. $C \leftarrow C + S[2r + 3]$.

Detalii privind securitatea și modalități de implementare pot fi găsite în [40].

Algoritmul de diversificare a cheii S este identic cu cel de la $RC5$. În [45] acesta este prezentat împreună cu un cod pentru $RC5$, scris în $C++$.

Cheia inițială are b octeți ($0 \leq b \leq 255$) și este stocată într-un tablou L cu $c = \lceil b/4 \rceil$ cuvinte (completând ultimul cuvânt cu 0 dacă este necesar).

În prima fază tabloul S este inițializat folosind un generator liniar congruențial⁴:

1. $S[0] \leftarrow P$;
2. **for** $i \leftarrow 1$ **to** $2(r + 1) - 1$ **do** $S[i] \leftarrow (S[i - 1] + Q) \bmod 2^{32}$

$P = B7E15163$ și $Q = 9E3779B9$ sunt constante bazate pe reprezentarea binară a lui e și π .

În etapa a doua se efectuează un amestec între L și S :

⁴A se vedea Capitolul 12 dedicat generatorilor de numere pseudoaleatoare.

```

3.  $i \leftarrow 0, j \leftarrow 0$ ;
4.  $A \leftarrow 0, B \leftarrow 0$ ;
5. for  $s \leftarrow 1$  to  $3 \cdot \max\{c, 2(r+1)\}$  do
    5.1.  $S[i] \leftarrow (S[i] + A + B) \lll 3, \quad A \leftarrow S[i]$ ;
    5.2.  $L[i] \leftarrow (L[i] + A + B) \lll (A + B), \quad B \leftarrow L[i]$ ;
    5.3.  $i \leftarrow (i + 1) \pmod{2(r+1)}$ ;
    5.4.  $j \leftarrow (j + 1) \pmod{c}$ 

```

5.2.3 Serpent

Sistemul de criptare *Serpent* a fost propus de Ross Anderson (Universitatea Cambridge), Eli Biham (Institutul Tehnion, Haifa) și Lars Knudsen (Universitatea Bergen). El criptează texte clare de 128 biți în blocuri de aceeași lungime, în 32 runde, folosind 33 chei de criptare de rundă, de lungime 128 biți⁵. Ea se extinde la 256 biți punând în față 1 pentru primul bit, apoi 0 pentru ceilalți biți – atât cât este necesar.

Algoritmul de criptare cuprinde 3 pași:

Intrare: P (textul clar)
Ieșire: C (Textul criptat)
Algoritm:

1. $\hat{B}_0 \leftarrow IP(P)$ (IP - permutare inițială);
2. **for** $i \leftarrow 0$ **to** 31 **do** $\hat{B}_{i+1} \leftarrow R_i(\hat{B}_i)$;
 where $R_i(X) \leftarrow L(\hat{S}_i(X_i \oplus \hat{K}_i))$, $0 \leq i \leq 30$,
 $R_{31}(X) \leftarrow \hat{S}_7(X_{31} \oplus \hat{K}_{31}) \oplus K_{32}$.
 Se aplică 32 runde formate din: un XOR cu cheia de rundă K_i , o trecere printr-un $S - box$ și o transformare liniară L ; în ultima rundă, transformarea liniară este înlocuită cu încă o combinație cu o a doua cheie de rundă;
 \hat{S} reprezintă aplicarea în paralel a 32 copii ale $S - boxului$ $S_{i \bmod 8}$.
3. $C \leftarrow FP(\hat{B}_{32})$ (FP - permutare finală).

Observația 5.3. $S - boxurile$ lucrează pe 4 biți, ca și la DES ⁶. Fiecare rundă folosește un singur $S - box$ în 32 copii. De exemplu, runda R_0 folosește S_0 în 32 exemplare; o copie pentru biții 0 – 3 din $B_0 \oplus K_0$ întorcând primii patru biți dintr-un tablou intermediar, a doua copie pentru biții 4 – 7 din $B_0 \oplus K_0$ întoarce biții 4 – 7 din vectorul intermediar ș.a.m.d.

⁵Lungimea cheii date de utilizator este variabilă, însă algoritmul descris folosește chei de lungime 128, 192 sau 256 biți.

⁶O variantă inițială, *Serpent0* folosea aceleași $S - boxuri$ ca DES .

Apoi vectorul intermediar obținut trece prin transformarea liniară, producând B_1 . Analog, R_1 folosește 32 S – boxuri identice S_1 pentru biții din $B_1 \oplus K_1$ producând un vector intermediar care după trecerea prin L dă B_2 etc.

Detalii asupra IP, FP , conținutul și modul de generare al S – boxurilor, precum și o criptanaliză amănunțită pot fi găsite în [1], [64].

De remarcat că la fiecare etapă $IP(B_i) = \hat{B}_i$, $IP(K_i) = \hat{K}_i$.

Transformarea liniară L :

Blocul de 128 biți dintr-o rundă este spart în patru cuvinte $(X_0, X_1, X_2, X_3) = S_i(B_i \oplus K_i)$. Se aplică apoi următorii pași:

- | | |
|--|--|
| 1. $X_0 \leftarrow (X_0 \lll 13);$ | 2. $X_2 \leftarrow (X_2 \lll 13);$ |
| 3. $X_1 \leftarrow X_1 \oplus X_0 \oplus X_2;$ | 4. $X_3 \leftarrow X_3 \oplus X_2 \oplus (X_0 \ll 3);$ |
| 5. $X_1 \leftarrow (X_1 \lll 1);$ | 6. $X_3 \leftarrow (X_3 \lll 7)$ |
| 7. $X_0 \leftarrow X_0 \oplus X_1 \oplus X_3;$ | 8. $X_2 \leftarrow X_2 \oplus X_3 \oplus (X_1 \ll 7);$ |
| 9. $X_0 \leftarrow (X_0 \lll 5);$ | 10. $B_{i+1} \leftarrow (X_0, X_1, X_2, X_3).$ |

unde \lll înseamnă rotire spre stânga, iar \ll este deplasare spre stânga.

În ultima rundă, transformarea L este înlocuită cu $B_{32} \leftarrow S_7(B_{31} \oplus K_{31}) \oplus K_{32}$.

Generarea cheilor de rundă:

Fiecare rundă necesită 132 fragmente de câte 32 biți. În prima fază se completează cheia furnizată de utilizator până la 256 biți. Apoi ea se extinde până la 33 subchei de câte 128 biți K_0, K_1, \dots, K_{32} în modul următor:

Cheia K se descompune în opt cuvinte w_{-8}, \dots, w_{-1} care se extind la o cheie intermediară w_0, \dots, w_{131} prin formula

$$w_i \leftarrow (w_{i-8} \oplus w_{i-5} \oplus w_{i-3} \oplus w_{i-1} \oplus \phi \oplus i) \lll 11$$

unde ϕ este partea fracționară a raportului de aur (constanta $9E3779B9$).

Cheile de rundă sunt calculate din cheia intermediară folosind S – boxurile:

$$\begin{aligned}
 (k_0, k_1, k_2, k_3) &\leftarrow S_3(w_0, w_1, w_2, w_3) \\
 (k_4, k_5, k_6, k_7) &\leftarrow S_2(w_4, w_5, w_6, w_7) \\
 (k_8, k_9, k_{10}, k_{11}) &\leftarrow S_1(w_8, w_9, w_{10}, w_{11}) \\
 (k_{12}, k_{13}, k_{14}, k_{15}) &\leftarrow S_0(w_{12}, w_{13}, w_{14}, w_{15}) \\
 (k_{16}, k_{17}, k_{18}, k_{19}) &\leftarrow S_7(w_{16}, w_{17}, w_{18}, w_{19}) \\
 &\dots\dots\dots \\
 (k_{124}, k_{125}, k_{126}, k_{127}) &\leftarrow S_4(w_{124}, w_{125}, w_{126}, w_{127}) \\
 (k_{128}, k_{129}, k_{130}, k_{131}) &\leftarrow S_3(w_{128}, w_{129}, w_{130}, w_{131})
 \end{aligned}$$

Cheile de rundă se regroupează în

$$K_i \leftarrow (k_{4i}, k_{4i+1}, k_{4i+2}, k_{4i+3})$$

5.2.4 Twofish

Sistemul *Twofish* este propus de un colectiv condus de Bruce Schneier, fiind unul din puținele sisteme free (implementarea este disponibilă la adresa [47]).

Algoritmul criptează blocuri de 128 biți, folosind o cheie de lungime variabilă.

Algoritmul de criptare:

Intrare: $P = p_0 p_1 \dots p_{15}$ un bloc de text clar de 128 biți (p_i - octeți)
Ieșire: C - bloc text criptat, de 128 biți.
Algoritm:

1. P se sparge în patru cuvinte P_0, P_1, P_2, P_3 după sistemul little-endian:

$$P_i \leftarrow \sum_{j=0}^3 p_{4i+j} \cdot 2^{8j}, \quad (0 \leq i \leq 3)$$
2. $R_{0,i} \leftarrow P_i \oplus K_i, \quad (0 \leq i \leq 3)$
3. **for** $r \leftarrow 0$ **to** 15 **do**
 - 3.1. $(F_{r,0}, F_{r,1}) \leftarrow F(R_{r,0}, R_{r,1}, r);$
 - 3.2. $R_{r+1,0} \leftarrow (R_{r,2} \oplus F_{r,0}) \ggg 1;$
 - 3.3. $R_{r+1,1} \leftarrow (R_{r,3} \lll 1) \oplus F_{r,1};$
 - 3.4. $R_{r+1,2} \leftarrow R_{r,0}$
 - 3.5. $R_{r+1,3} \leftarrow R_{r,1}$
4. $C_i \leftarrow R_{16, (i+2) \bmod 4} \oplus K_{i+4}, \quad (0 \leq i \leq 3)$
5. $c_i \leftarrow \left\lfloor \frac{C_{\lfloor \frac{i}{4} \rfloor}}{2^{8 \cdot (i \bmod 4)}} \right\rfloor \bmod 2^8, \quad (0 \leq i \leq 15)$

(cele patru cuvinte din textul criptat sunt scrise ca o secvență de 16 octeți în sistemul little-endian: $C = c_0 c_1 \dots c_{15}$).

De remarcat că operația de la pasul 2 este numită *whitening* și a fost introdusă în mod independent de Merkle pentru *Khufu/Khafre*, respectiv Rivest pentru *DES-X*.

Funcția F

$F(R_0, R_1, r)$ este o funcție ternară care întoarce două valori (F_0, F_1) . Varianta propusă este bazată la rândul ei pe o altă funcție g .

- | | |
|---|---|
| 1. $T_0 \leftarrow g(R_0)$ | 2. $T_1 \leftarrow g(R_1 \lll 8)$ |
| 3. $F_0 \leftarrow (T_0 + T_1 + K_{2r+8}) \bmod 2^{32}$ | 4. $F_1 \leftarrow (T_0 + 2 \cdot T_1 + K_{2r+9}) \bmod 2^{32}$ |

Funcția unară g constituie esența sistemului de criptare *Twofish*:

1. $x_i \leftarrow \lfloor X/2^{8i} \rfloor \bmod 2^8 \quad (0 \leq i \leq 3)$
(cuvântul de intrare X este spart în patru octeți)
2. $y_i \leftarrow s_i[x_i], \quad (0 \leq i \leq 3)$
(octeții sunt trecuți prin patru S -boxuri dependente de cheie)
3.
$$\begin{pmatrix} z_0 \\ z_1 \\ z_2 \\ z_3 \end{pmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 01 & EF & 5B & 5B \\ 5B & EF & EF & 01 \\ EF & 5B & 01 & EF \\ EF & 01 & EF & 5B \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{pmatrix}$$
4. $Z \leftarrow \sum_{i=0}^3 z_i 2^{8i}. \quad (Z \text{ este valoarea rezultată}).$

Observația 5.4. La pasul 3 se face o corespondență între octeți și elementele corpului $GF(2^8)$, unde s-a ținut cont de izomorfismul $GF(2^8) \equiv GF(2)[X]/v(X)$ ($v(X) = X^8 + X^6 + X^5 + X^3 + 1$ este un polinom primitiv peste Z_2).

Elementul $a = \sum_{i=0}^7 a_i X^i \in GF(2^8)$ se identifică cu octetul $\sum_{i=0}^7 a_i 2^i$.

Elementele matricii 4×4 au fost scrise ca valori hexazecimale ale octeților, folosind această corespondență.

Diversificarea cheii

Sistemul *Twofish* este definit pentru chei de lungime N unde standardul este $N = 128, 192$ sau 256 . Se pot folosi însă chei de orice lungime mai mică de 256 ; dacă se dă o astfel de cheie, ea este extinsă prin completare cu 0 la cea mai apropiată lungime standard.

Din cheia M a utilizatorului, prin diversificare se obțin 40 cuvinte K_0, K_1, \dots, K_{39} și patru S -cutii folosite la funcția g .

Fie $k \leftarrow N/64$. Cheia M constă din $8k$ octeți $m_0, m_1, \dots, m_{8k-1}$. Se calculează vectorii M_e, M_o, S astfel:

1. $M_i \leftarrow \sum_{j=0}^3 m_{4i+j} \cdot 2^{8j}, \quad (0 \leq j \leq 2k-1)$
2. $M_e \leftarrow (M_0, M_2, \dots, M_{2k-2}), \quad M_o = (M_1, M_3, \dots, M_{2k-1});$
3. $S = (S_{k-1}, S_{k-2}, \dots, S_0)$ unde $S_i \leftarrow \sum_{j=0}^3 s_{i,j} \cdot 2^{8j}, \quad (0 \leq i \leq k-1)$

Octeții $s_{i,j}$ se obțin printr-o codificare cu un cod Reed-Solomon, pe baza formulei

$$\begin{pmatrix} s_{i,0} \\ s_{i,1} \\ s_{i,2} \\ s_{i,3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 01 & A4 & 55 & 87 & 5A & 58 & DB & 9E \\ A4 & 56 & 82 & F3 & 1E & C6 & 68 & E5 \\ 02 & A1 & FC & C1 & 47 & AE & 3D & 19 \\ A4 & 55 & 87 & 5A & 58 & DB & 9E & 03 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} m_{8i} \\ m_{8i+1} \\ m_{8i+2} \\ m_{8i+3} \\ m_{8i+4} \\ m_{8i+5} \\ m_{8i+6} \\ m_{8i+7} \end{pmatrix}$$

Pentru generarea S – *boxurilor* și a cuvintelor cheii expandate se folosește funcția h , definită astfel:

Argumente: X (cuvânt) și $L = (L_0, L_1, \dots, L_{k-1})$ – o listă de k cuvinte.
Rezultatul: Z (cuvânt).

1. $l_{i,j} \leftarrow \lfloor L_i / 2^{8j} \rfloor \bmod 2^8, \quad (0 \leq i \leq k-1)$
 $x_j \leftarrow \lfloor X / 2^{8j} \rfloor \bmod 2^8, \quad (0 \leq j \leq 3) \quad (\text{cuvintele sunt sparte în octeți})$
2. $y_{k,j} \leftarrow x_j, \quad (0 \leq j \leq 3)$
3. **if** $k = 4$ **then**
 $y_{3,0} \leftarrow q_1[y_{4,0}] \oplus l_{3,0}, \quad y_{3,1} \leftarrow q_1[y_{4,1}] \oplus l_{3,1},$
 $y_{3,2} \leftarrow q_1[y_{4,2}] \oplus l_{3,2}, \quad y_{3,3} \leftarrow q_1[y_{4,3}] \oplus l_{3,3}$
4. **if** $k \geq 3$ **then**
 $y_{2,0} \leftarrow q_1[y_{3,0}] \oplus l_{2,0}, \quad y_{2,1} \leftarrow q_1[y_{3,1}] \oplus l_{2,1},$
 $y_{2,2} \leftarrow q_1[y_{3,2}] \oplus l_{2,2}, \quad y_{2,3} \leftarrow q_1[y_{3,3}] \oplus l_{2,3}$
5. $y_0 \leftarrow q_1[q_0[q_0[y_{2,0}] \oplus l_{1,0}] \oplus l_{0,0}], \quad y_1 \leftarrow q_0[q_0[q_1[y_{2,1}] \oplus l_{1,1}] \oplus l_{0,1}],$
 $y_2 \leftarrow q_1[q_1[q_0[y_{2,2}] \oplus l_{1,2}] \oplus l_{0,2}], \quad y_3 \leftarrow q_0[q_1[q_1[y_{2,3}] \oplus l_{1,3}] \oplus l_{0,3}],$
unde q_0 și q_1 sunt permutări pe 8 biți, definite detaliat în [47].
6. Z se obține aplicând pașii 3 și 4 din definiția funcției g .

În acest moment putem defini:

- S – *boxurile* din funcția g sub forma

$$g(X) = h(X, S)$$

Pentru $i = 0, 1, 2, 3$, S – *boxul* s_i (dependent de cheie) se formează prin aplicarea lui h de la x_i la y_i , în care lista L este vectorul S derivat din cheie.

- Cuvintele cheii expandate:

$$\text{Fie } \rho \leftarrow 2^{24} + 2^{16} + 2^8 + 2^0, \quad A_i \leftarrow h(2i \cdot \rho, M_e), \quad B_i \leftarrow (h((2i+1) \cdot \rho, M_o) \lll 8$$

Atunci

$$K_{2i} \leftarrow (A + i + B_i) \bmod 2^{32}, \quad K_{2i+1} \leftarrow ((A_i + 2B_i) \bmod 2^{32}) \lll 9$$

5.3 Sistemul de criptare *AES*

Din 2000, sistemul de criptare *Rijndael* creat de olandezii Joan Daemen și Vincent Rijman devine oficial sistemul *AES*.⁷ Similar sistemulelor anterioare (inclusiv *DES*), și acest sistem criptează blocuri de text clar de lungime fixă, folosind subchei ale unei chei generate aleator. Lungimile folosite sunt de 128, 192 sau 256 biți.

5.3.1 Descrierea sistemului *AES*

Definiția 5.2. *Un rezultat intermediar al sistemului de criptare se numește "stare".*

Vom reprezenta starea unui bloc sub forma unui tablou cu 4 linii și N_b coloane, ale cărui elemente sunt octeți; deci valoarea lui N_b se determină ușor: $N_b = N/32$, unde N este lungimea blocului text care se criptează.

Similar, o cheie de criptare se va reprezenta printr-un tablou $4 \times N_k$, unde $N_k = K/32$ (K fiind lungimea cheii).

Exemplul 5.2. *O stare cu $N_b = 6$ și o cheie cu $N_k = 4$ au forma următoare:*

$a_{0,0}$	$a_{0,1}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	$a_{0,4}$	$a_{0,5}$	$k_{0,0}$	$k_{0,1}$	$k_{0,2}$	$k_{0,3}$
$a_{1,0}$	$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	$a_{1,4}$	$a_{1,5}$	$k_{1,0}$	$k_{1,1}$	$k_{1,2}$	$k_{1,3}$
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$	$a_{2,4}$	$a_{2,5}$	$k_{2,0}$	$k_{2,1}$	$k_{2,2}$	$k_{2,3}$
$a_{3,0}$	$a_{3,1}$	$a_{3,2}$	$a_{3,3}$	$a_{3,4}$	$a_{3,5}$	$k_{3,0}$	$k_{3,1}$	$k_{3,2}$	$k_{3,3}$

Uneori, aceste blocuri se reprezintă grupate sub forma unui vector în care fiecare element este coloana unei stări (deci, având o lungime de 4 octeți). În funcție de mărimea N a blocului de criptare (respectiv K a cheii), un astfel de vector are 4, 6 sau 8 cuvinte. Octeții unui cuvânt se notează cu a, b, c și respectiv d ; astfel, octetul 0 este a , octetul 1 este b ș.a.m.d.

Intrarea și ieșirea din sistemul *AES* sunt definite sub forma unor vectori având drept componente octeți, numerotați de la 0 la $4N_b - 1$. Un vector de intrare/ieșire are deci 16, 24 sau respectiv 32 componente, numerotate $0 \dots 15$, $0 \dots 23$ sau $0 \dots 31$.

Similar, cheia de criptare este definită ca un vector de 16, 24 sau 32 octeți, numerotați de la 0 la $4N_k - 1$ (unde $N_k = 128, 192$ și respectiv 256).

Octeții care formează intrarea în sistem (textul clar, dacă se folosește modul de criptare *ECB*) completează pe coloane un tablou ca în Exemplul 5.2, numit *starea inițială*. Similar se procedează cu cheia de criptare.

Procedul este identic la sfârșit, când se obține blocul criptat prin liniarizarea pe coloane a stării finale rezultate după criptare.

⁷ *Rijndael* a câștigat obținând 86 voturi, contra *Serpent* cu 59, *Twofish* cu 31, *RC6* cu 23 și *Mars* cu 13 voturi. Principalul atu: deși *Serpent* este considerat mai sigur, *Rijndael* are mai puține transformări și este mai rapid.

Relațiile dintre indexul n al unui element (octet) din reprezentarea liniară și coordonatele (i, j) ale aceluiași octet din reprezentarea matricială sunt

$$i = n \pmod{4}; \quad j = \lfloor n/4 \rfloor; \quad n = i + 4 * j.$$

În plus, i este indicele octetului în cadrul unui cuvânt care conține acel octet, iar j este indicele cuvântului în cadrul blocului care îl conține.

Criptarea se realizează în N_r runde, unde N_r depinde de N_b și N_k . Valorile lui N_r sunt date în tabelul:

N_r	$N_b = 4$	$N_b = 6$	$N_b = 8$
$N_k = 4$	10	12	14
$N_k = 6$	12	12	14
$N_k = 8$	14	14	14

Fiecare rundă are la intrare o stare și folosește o cheie de rundă. Cu excepția runde finale, o rundă este formată din patru transformări, notate pe scurt:

- $ByteSub(Stare);$
- $ShiftRow(Stare);$
- $MixColumn(Stare);$
- $AddRoundKey(Stare, Cheie).$

Ultima rundă conține numai trei transformări, fiind eliminată $MixColumn(Stare)$. Să vedem cum sunt definite aceste transformări:

- $ByteSub(Stare)$: Este o substituție neliniară care operează pe octeți. Tabela de substituție (S - box, dacă folosim termenul consacrat din DES) este o matrice inversabilă formată din compunerea a două transformări:

1. Fiecare octet nenul α este înlocuit cu inversul său $\alpha^{-1} \in GF(2^8)$; octetul 00 este lăsat nemodificat.
2. Rezultatul este modificat printr-o transformare afină peste Z_2 :

$$\begin{pmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Transformarea *ByteSub* se aplică tuturor octeților stării de intrare în rundă, rezultatul fiind o altă stare de ieșire din rundă.

Inversa transformării se obține aplicând fiecărui octet transformarea afină inversă, după care se ia inversul multiplicativ din $GF(2^8)$ (dacă octetul nu este nul).

- *ShiftRow(Stare)*: La acest pas, liniile stării sunt permutate ciclic spre stânga. Numărul de octeți cu care se face ciclarea sunt: 0 pentru linia 0, C_i pentru linia i ($1 \leq i \leq 3$). Valorile C_i depind de lungimea N_b a blocului și sunt date de tabelul

N_b	C_1	C_2	C_3
4	1	2	3
6	1	2	3
8	1	3	4

Exemplul 5.3. *Aplicând transformarea ShiftRow stării din Exemplul 5.2 (unde $N_b = 6$), se obține starea*

$a_{0,0}$	$a_{0,1}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	$a_{0,4}$	$a_{0,5}$
$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	$a_{1,4}$	$a_{1,5}$	$a_{1,0}$
$a_{2,2}$	$a_{2,3}$	$a_{2,4}$	$a_{2,5}$	$a_{2,0}$	$a_{2,1}$
$a_{3,3}$	$a_{3,4}$	$a_{3,5}$	$a_{3,0}$	$a_{3,1}$	$a_{3,2}$

Inversa transformării *ShiftRow* constă în permutarea ciclică spre stânga cu $N_b - C_i$ octeți pentru linia i ($1 \leq i \leq 3$); în acest fel, fiecare octet aflat pe poziția j în linia i se deplasează pe poziția $j + N_b - C_i \pmod{N_b}$.

- *MixColumn(Stare)*: În această transformare, coloanele stării sunt considerate sub forma unor polinoame de gradul 3 cu coeficienți în $GF(2^8)$.

Fiecare astfel de polinom este înmulțit cu

$$c(X) = '03'X^3 + '01'X^2 + '01'X + '02'$$

în algebra polinoamelor modulo $X^4 + 1$; polinomul $c(X)$ este prim cu $X^4 + 1$, deci va fi inversabil.

Această transformare poate fi reprezentată și sub forma unei înmulțiri matriciale, care transformă starea coloană cu coloană; anume:

$$\begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$$

Operația inversă este similară: fiecare coloană este transformată prin înmulțire cu polinomul invers lui $c(X)$ modulo $X^4 + 1$. Acesta este

$$d(X) = '0B'X^3 + '0D'X^2 + '09'X + '0E'$$

- *AddRoundKey(Stare, Cheie)*: Această transformare constă în aplicarea unui *XOR* între starea curentă și cheia de rundă. Cheia de rundă are lungimea N_b și este dedusă din cheia de criptare pe baza unui procedeu pe care îl descriem mai jos.

Formal, transformarea are loc conform figurii (pentru $N_b = 6$):

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline a_{0,0} & a_{0,1} & a_{0,2} & a_{0,3} & a_{0,4} & a_{0,5} \\ \hline a_{1,0} & a_{1,1} & a_{1,2} & a_{1,3} & a_{1,4} & a_{1,5} \\ \hline a_{2,0} & a_{2,1} & a_{2,2} & a_{2,3} & a_{2,4} & a_{2,5} \\ \hline a_{3,0} & a_{3,1} & a_{3,2} & a_{3,3} & a_{3,4} & a_{3,5} \\ \hline \end{array} \oplus \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline k_{0,0} & k_{0,1} & k_{0,2} & k_{0,3} & k_{0,4} & k_{0,5} \\ \hline k_{1,0} & k_{1,1} & k_{1,2} & k_{1,3} & k_{1,4} & k_{1,5} \\ \hline k_{2,0} & k_{2,1} & k_{2,2} & k_{2,3} & k_{2,4} & k_{2,5} \\ \hline k_{3,0} & k_{3,1} & k_{3,2} & k_{3,3} & k_{3,4} & k_{3,5} \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline b_{0,0} & b_{0,1} & b_{0,2} & b_{0,3} & b_{0,4} & b_{0,5} \\ \hline b_{1,0} & b_{1,1} & b_{1,2} & b_{1,3} & b_{1,4} & b_{1,5} \\ \hline b_{2,0} & b_{2,1} & b_{2,2} & b_{2,3} & b_{2,4} & b_{2,5} \\ \hline b_{3,0} & b_{3,1} & b_{3,2} & b_{3,3} & b_{3,4} & b_{3,5} \\ \hline \end{array}$$

unde $b_{i,j} = a_{i,j} \oplus k_{i,j}$ ($0 \leq i \leq 3, 0 \leq j \leq 5$).

Transformarea *AddRoundKey* și inversa ei sunt identice.

Algoritmul de criptare *AES* este format din:

1. O transformare *AddRoundKey* inițială;
2. $N_r - 1$ runde;
3. O rundă finală.

Înainte de aplicarea acestui algoritm (sau – eventual – în paralel) se folosește un algoritm de obținere a cheilor de rundă.

5.3.2 Prelucrarea cheii de criptare

Toate cheile de rundă se obțin din cheia de criptare printr-o prelucrare separată, formată din două componente: *extinderea cheii* și *alegerea cheii de rundă*.

Principiile de bază ale prelucrării sunt:

- Numărul total al biților din toate cheile de rundă este $N_b(N_r + 1)$.

- Cheia de criptare este extinsă într-o *Cheie Expandată*.
- Cheia de rundă se obține luând primii N_b octeți din *Cheie Expandată*, care nu au fost folosiți pentru alte chei.

Extinderea cheii

Cheie expandată (notată $W[N_b(N_r + 1)]$) este un tablou liniar ale cărui elemente sunt cuvinte. Primele N_k cuvinte sunt cheia de criptare; celelalte cuvinte se obțin recursiv din cuvintele definite anterior. Funcția de extindere a cheii depinde de valoarea lui N_k ; există o versiune pentru $N_k \leq 6$ și o alta pentru $N_k > 6$.

Pentru $N_k \leq 6$ avem:

```

KeyExpansion(byte Key[4 * Nk] word W[Nb * (Nr + 1)])
{
    for (i = 0; i < Nk; i++)
        W[i] = (Key[4 * i], Key[4 * i + 1], Key[4 * i + 2], Key[4 * i + 3]);
    for (i = Nk; i < Nb * (Nr + 1); i++)
    {
        temp = W[i - 1];
        if (i % Nk == 0)
            temp = SubByte(RotByte(temp)) ^ Rcon(i / Nk);
        W[i] = W[i - Nk] ^ temp;
    }
}

```

În acest algoritm (scris în C++), *SubByte*(W) este o funcție care întoarce un cuvânt în care fiecare octet este rezultatul aplicării *S-boxului* definit la transformarea *ByteSub* fiecărui octet din cuvântul de intrare. *RotByte*(w) întoarce un cuvânt în care octeții sunt roțiți ciclic la stânga (pentru intrarea (a, b, c, d) ieșirea este (b, c, d, a)).

Esența algoritmului este următoarea: primele N_k cuvinte sunt completate cu cheia de criptare. În continuare, fiecare cuvânt $W[i]$ este egal cu $W[i - 1] \oplus W[i - N_k]$. Pentru cuvintele care sunt pe poziții multipli de N_k , înainte de această operație, lui $W[i - 1]$ i se aplică o permutare ciclică spre stânga a octeților, urmată de aplicarea unui *S-box*. În plus, rezultatul este *XOR* - at încă odată, cu o constantă de rundă.

Pentru $N_k > 6$, algoritmul este:

```

KeyExpansion(byte Key[4 * Nk] word W[Nb * (Nr + 1)])
{
    for (i = 0; i < Nk; i++)
        W[i] = (Key[4 * i], Key[4 * i + 1], Key[4 * i + 2], Key[4 * i + 3]);
    for (i = Nk; i < Nb * (Nr + 1); i++)
    {

```

```

    temp = W[i - 1];
    if (i % Nk == 0)
        temp = SubByte(RotByte(temp)) ^ Rcon(i/Nk);
    else if (i % Nk == 4)
        temp = SubByte(temp)
    W[i] = W[i - Nk] ^ temp;
}

```

La această schemă apare condiția suplimentară: dacă $i - 4$ este multiplu de N_k , procedura *SubByte* este aplicată lui $W[i - 1]$ înainte de *XOR*.

Constantele de rundă sunt independente de N_k și sunt definite prin

$$Rcon[i] = (RC[i], '00', '00', '00')$$

unde $RC[i] = \alpha^{i-1}$ unde α este un element generator al lui $GF(2^8)$.

Selectarea cheii de rundă

Cheia rundei i este formată din secvența de cuvinte

$$W[N_b * i] \dots W[N_b * (i + 1) - 1].$$

Ca o remarcă, această cheie poate fi calculată treptat, pe măsură ce se ajunge la runda respectivă.

Pentru alte detalii privind securitatea sistemului, a se vedea [15], [53]

5.4 Exerciții

5.1. Să se arate că procesul de decriptare folosind *DES* se realizează folosind tot sistemul de criptare, dar inversând ordinea de aplicare a subcheilor.

5.2. Să notăm $DES(\alpha, K)$ textul α criptat cu cheia K . Dacă $\beta = DES(\alpha, K)$ și $\beta' = DES(c(\alpha), c(K))$, unde $c(i_1 i_2 \dots i_n) = i_n i_{n-1} \dots i_1$, să se arate că $\beta' = c(\beta)$.

5.3. Să presupunem că cheia (de 56 biți) a unui algoritm *DES* este

11011001 01111101 01100101 00010011 01010110 01100110 00110100

Determinați cheia K_1 pentru prima rundă.

5.4. Presupunem că $R_1 = 10011100011010111101001010100011$ Găsiți primii 4 biți din R_2 , dacă subcheia pentru runda a doua este

$$K_2 = 011101010111001011100101010001010010001101010110.$$

5.5. Se poate defini un cod de autentificare al mesajului (*MAC*) utilizând un mod *CFB* sau *CBC*. Fiind dată o secvență de blocuri $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_m$ de texte clare, se definește valoarea inițială $IV = \alpha_1$. Criptarea lui $\alpha_2, \dots, \alpha_n$ cu cheia K în modul *CFB* dă $\beta_1, \dots, \beta_{n-1}$ (sunt numai $n - 1$ blocuri de text criptat). Se definește *MAC* ca fiind $e_K(\beta_{n-1})$. Să se arate că el coincide cu rezultatul *MAC* prezentat anterior, folosind modul *CBC*.

5.6. Dacă o secvență de texte clare $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ produce prin criptare $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_n$, iar blocul β_i este transmis greșit (apar erori de canal), să se arate că numărul de blocuri care vor fi decriptate greșit este 1 în modul ECB sau OFB și 2 în modul CBC sau CFB.

5.7. Alice transmite mesajul format din 6 blocuri de câte 64 biți: $c_1, c_2, c_3, c_4, c_5, c_6$, criptate cu DES implementat în modul CFB. Oscar schimbă ordinea blocurilor în $c_1, c_2, c_4, c_3, c_5, c_6$. Ce mesaje va putea decripta corect Bob ?

5.8. Construiți coduri de autentificare a mesajelor (MAC) capabile să autentifice mesajele primite printr-un sistem fluid de criptare. (Indicație: a se vedea [38], paragraf 9.5.4)

5.9. În urma aplicării transformării ByteSub din algoritmul AES s-a obținut octetul 10010111. Ce octet a intrat în transformarea ByteSub ?

5.10. După transformarea ShiftRow s-a obținut matricea

$$C = \begin{pmatrix} 00000001 & 00000000 & 00000001 & 00000010 \\ 00000000 & 00000100 & 00000010 & 00000001 \\ 00000010 & 00000000 & 00000000 & 00000001 \\ 00000100 & 00000001 & 00000001 & 00000001 \end{pmatrix}$$

Această matrice este introdusă în transformarea MixColumn. Ce matrice se obține ?

5.11. Primele patru coloane ale matricii cheii expandate W sunt

$$\begin{pmatrix} 00110001 & 01011010 & 01101001 & 00000010 \\ 01100010 & 00110100 & 01110010 & 00000001 \\ 10110010 & 00110010 & 11100011 & 00000001 \\ 01000100 & 00110001 & 10110011 & 00000000 \end{pmatrix}$$

Calculați a cincea coloană din W .

5.12. Fie b un octet și $\hat{b} = b + 11111111$ (complementul lui b). Pentru o cheie fixată, dacă AES criptează b în g , va cripta el \hat{b} în \hat{g} ?

Bibliografie

- [1] Anderson R. ş.a. - *Serpent: A proposal for the Advanced Encryption Standard*,
<http://www.ftp.cl.cam.ac.uk/ftp/users/rja14/serpent.pdf>
- [2] Atanasiu A. - *Teoria codurilor corectoare de erori*, Editura Univ. Bucureşti, 2001;
- [3] Atanasiu, A. - *Arhitectura calculatorului*, Editura Infodata, Cluj, 2006;
- [4] Blum L., Blum M., Shub M. - *Comparison of two pseudo-random number generators*,
Advanced in Cryptology, CRYPTO 82
- [5] D. Bayer, S. Haber, W. Stornetta; Improving the efficiency and reliability of digital
time-stamping. Sequences II, Methods in Communication, Security and Computer
Science, Springer Verlag (1993), 329-334.
- [6] Biham E., Shamir A. - *Differential Cryptanalysis of DES - like Cryptosystems*, Jour-
nal of Cryptology, vol. 4, 1 (1991), pp. 3-72.
- [7] Biham E., Shamir A. - *Differential Cryptanalysis of the Data Encryption Standard*,
Springer-Verlag, 1993.
- [8] Biham E., Shamir A. - *Differential Cryptanalysis of the Full 16-Round DES*, Pro-
ceedings of Crypto92, LNCS 740, Springer-Verlag.
- [9] Biham E. - *On Matsui's Linear Cryptanalysis*, Advances in Cryptology - EURO-
CRYPT 94 (LNCS 950), Springer-Verlag, pp. 341-355, 1995.
- [10] Biryukov A., Shamir A., Wagner D. - *Real Time Cryptanalysis of A5/1 on a PC*,
Fast Software Encryption - FSE 2000, pp 118.
- [11] Bruen A., Forcinito M - *Cryptography, Information Theory, and Error - Correction*,
Wiley Interscience 2005.
- [12] Brigitte Collard - *Secret Language in Graeco-Roman antiquity* (teză de doctorat)
[http : //bcs.fltr.ucl.ac.be/FE/07/CRYPT/Intro.html](http://bcs.fltr.ucl.ac.be/FE/07/CRYPT/Intro.html)

- [13] Cook S., [http : //www.claymath.org/millennium/P_vs_NP/Official_Problem_Description.pdf](http://www.claymath.org/millennium/P_vs_NP/Official_Problem_Description.pdf)
- [14] Coppersmith D. ş.a. - *MARS - a candidate cypher for AES*,
<http://www.research.ibm.com/security/mars.pdf>
- [15] Daemen J., Rijmen V. - *The Rijndael Block Cipher Proposal*,
<http://csrc.nist.gov/CryptoToolkit/aes/>
- [16] Damgard I.B. - *A design principle for hash functions*, Lecture Notes in Computer Science, 435 (1990), 516-427.
- [17] Diffie D.W., Hellman M.E. - *New Directions in Cryptography*, IEEE Transactions on Information Theory, IT-22, 6 (1976), pp. 644-654
- [18] Diffie D.W., Hellman M.E. - *Multiuser cryptographic techniques*, AFIPS Conference Proceedings, 45(1976), 109 – 112
- [19] L'Ecuyer P. - *Random Numbers for Simulation*, Comm ACM 33, 10(1990), 742-749, 774.
- [20] Enge A. - *Elliptic Curves and their applications to Cryptography*, Kluwer Academic Publ, 1999
- [21] El Gamal T. - *A public key cryptosystem and a signature scheme based on discrete algorithms*, IEEE Transactions on Information Theory, 31 (1985), 469-472
- [22] Fog A. - <http://www.agner.org/random/theory;>
- [23] Gibson J. - *Discrete logarithm hash function that is collision free and one way*. IEEE Proceedings-E, 138 (1991), 407-410.
- [24] Heyes H. M. - *A Tutorial on Linear and Differential Cryptanalysis*.
- [25] van Heyst E., Petersen T.P. - *How to make efficient fail-stop signatures*, Lecture Notes in Computer Science, 658(1993), 366 – 377
- [26] Junod P. - *On the complexity of Matsui's attack*, in SAC 01: Revised Papers from the 8th Annual International Workshop on Selected Areas in Cryptography, pp 199-211, London, UK, 2001. Springer-Verlag.
- [27] Kahn D. - *The Codebreakers*, MacMillan Publishing Co, New York, 1967
- [28] Kelly T. - *The myth of the skytale*, Cryptologia, Iulie 1998, pp. 244 - 260.
- [29] Konheim A. - *Computer Security and Cryptography*, Wiley Interscience, 2007.

- [30] Knuth D. - *The art of computer Programming*, vol 2 (Seminumerical Algorithms)
- [31] Lenstra, H.W. - *Factoring Integers with Eiipptic Curves*, Annals of Mathematics, vol. 126, pp. 649-673, 1987.
- [32] Matsui M, Yamagishi A. - *A new method for known plaintext attack of FEAL cipher*. Advances in Cryptology - EUROCRYPT 1992.
- [33] Matsui M. - *Linear Cryptanalysis Method for DES Cipher*, Advances in Cryptology - EUROCRYPT 93, LNCS 765, Springer-Verlag, pp. 386-397, 1994.
- [34] Matsui M. - *The first experimental cryptanalysis of the Data Encryption Standard*, in Y.G. Desmedt, editor, Advances in Cryptology - Crypto 4, LNCS 839, SpringerVerlag (1994), 1- 11.
- [35] Matsui M. - *New Structure of Block Ciphers with Provable Security against Differential and Linear Cryptalaysis*, Fast Software Encryption, LNCS 1039, Springer-Verlag, 1996, pp. 205-218.
- [36] Merkle R. C., Hellman M. - *Hiding Information and Signatures in Trapdoor Knap-sacks*, IEEE Trans. IT 24(5), Sept 1978, pp. 525-530.
- [37] Merkle R.C. - *A fast software one-way functions and DES*, Lecture Notes in Computer Science, 435 (1990), 428-446
- [38] Menezes A., Oorschot P., Vanstone S. - *Handbook of Applied Cryptography*, CRC Press 1996.
- [39] Preneel B., Govaerts R., Vandewalle J. - *Hash functions based on block ciphers: a syntetic approach*; Lecture Notes in Computer Science, 773 (1994), 368-378
- [40] Rivest R. ş.a - *The RC6TM Block Cipher*,
<ftp://ftp.rsasecurity.com/pub/rsalabs/rc6/rc6v11.pdf>
- [41] Rivest R.L. - *The MD4 message digest algorithm*; Lecture Notes in Computer Science, 537, (1991), 303-311
- [42] Rivest R., Shamir A., Adleman A. - *A Method for Obtaining Digital Signatures and Public-Key Cryptosystems*, Communications of the ACM, Vol. 21 (2), 1978, pages 120-126.
- [43] Rosing, M - *Implementing Elliptic Curve Cryptography*, Manning, 1998
- [44] D. Salmon - *Data Privacy and Security*, Springer Professional Computing, 2003
- [45] Salomaa A. - *Criptografie cu chei publice*, Ed. Militară, Bucureşti 1994

- [46] Schneier B. - *Applied Cryptography*, John Wiley and Sons, 1995
- [47] Schneier B s.a. - *Twofish*, <http://www.counterpane.com/twofish.html>
- [48] Shamir, A. - *A polynomial time Algorithm for breaking the basic Merkle - Hellman cryptosystem*,
<http://dsns.csie.nctu.edu.tw/research/crypto/HTML/PDF/C82/279.PDF>
- [49] Shoup, V. - *Lower bounds for discrete logarithm and related problems*, Advanced in Cryptology, EUROCRYPT 97, Springer - Verlag LNCS 1233, pp. 313-328, 1997.
- [50] Selmer E.S. - *Linear Recurrence over Finite Field*, Univ. of Bergen, Norway, 1966;
- [51] Sibley E.H. - *Random Number Generators: Good Ones are Hard to Find*, Comm ACM 31, 10(1988), 1192-1201.
- [52] Smid M.E., Branstad, D.K. - *Response to comments on the NIST proposed digital signature standard*, Lecture Notes in Computer Science, 740(1993), 76 – 88
- [53] Stinton D., *Cryptography, Theory and Practice*, Chapman& Hall/CRC, 2002
- [54] Wiener M.J. - *Cryptanalysis of short RSA secret exponents*, IEEE Trans on Information Theory, 36 (1990), 553-558
- [55] Williams H.C. - *Some public-key criptofunctions as intractable as factorisation*, Cryptologia, 9 (1985), 224-237.
- [56] Zeng K.G., Yang C.H., Wei D.Y., Rao T.R.N.- *Pseudorandom Bit Generators in Stream Cipher Cryptography*, IEEE Computer, 24 (1991), 8.17.
- [57] *Secure hash Standard*; National Bureau of Standards, FIPS Publications 180, 1993
- [58] [http : //en.wikipedia.org/wiki/Enigma_machine](http://en.wikipedia.org/wiki/Enigma_machine)
- [59] [http : //en.wikipedia.org/wiki/M – 209](http://en.wikipedia.org/wiki/M-209)
- [60] [http://en.wikipedia.org/wiki/Caesar_cipher# History_ and_ usage](http://en.wikipedia.org/wiki/Caesar_cipher#History_and_usage)
- [61] [http://psychcentral.com/psypsych/Polybius_ square](http://psychcentral.com/psypsych/Polybius_square)
- [62] <http://www.answers.com/topic/vigen-re-cipher>
- [63] [http://en.wikipedia.org/wiki/Rosetta_ stone](http://en.wikipedia.org/wiki/Rosetta_stone)
- [64] *Serpent homepage*, [http://www.cl.cam.ac.uk/~ rja14/serpent.html](http://www.cl.cam.ac.uk/~rja14/serpent.html)
- [65] *P versus NP homepage*, [http://www.win.tue.nl/ gwoegi/P-versus-NP.htm](http://www.win.tue.nl/~gwoegi/P-versus-NP.htm)

[66] <http://www.win.tue.nl/~gwoegi/P-versus-NP.htm>

[67] http://en.wikipedia.org/wiki/Complexity_classes_P_and_NP