

Como $\Delta f(-2, 2) > 0$ e $f_{xx}(-2, 2) > 0$
concluimos que $(-2, 2)$ é um minimizante
local de f .

$$\text{mínimo local} = f(-2, 2) = (-2)^3 - (-2)^3 + 6 \times (-2) \times 2$$

$$f(-2, 2) = 16 - 24 = -8$$

$$\text{mínimo local} = f(-2, 2) = -8$$

4) $f(x, y) = x^2 - y^2$
 $x^2 + y^2 = g(x)$

$$\begin{cases} \vec{\nabla} f(x, y) = \lambda \vec{\nabla} g(x, y) \\ g(x, y) = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (2x, -2y) = \lambda (2x, 2y) \\ x^2 + y^2 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x = \lambda 2x \\ -2y = \lambda 2y \\ x^2 + y^2 = 4 \end{cases}$$

Se $x \neq 0 \rightarrow \lambda = 1$ 1ª equação
 $y = 0$

$$x^2 + 0 = 4 \quad x = \pm 2$$

Pontos : $(-2, 0)$ $(2, 0)$ $(0, 2)$ $(0, -2)$

$$f(2, 0) = f(-2, 0) = 4 \rightarrow \text{Máximo}$$

$$f(0, 2) = f(0, -2) = -4 \rightarrow \text{mínimo}$$