Ficha 2

Semântica das Linguagens de Programação

2021/22

1. Considere o seguinte programa:

```
z := 0; while (y<=x) do {z := z+1; x := x-y}
```

- (a) Determine um estado para o qual a sequência de derivação deste programa é finita e outro para o qual é infinita.
- (b) Escreva sequência de derivação gerada pela semântica operacional estrutural (*small-step*) para o caso finito.
- (c) Apresente as árvores de derivação que justificam cada um dos três primeiros passos de redução.
- 2. Considere o seguinte programa da linguagem While:

```
x := 1;
while (b>0) do {
  x := x*a;
  b := b-1 }
```

- (a) Recorrendo à semântica de transições (small step) simule a execução do programa a partir do estado inicial s em que $s\,a=3$ e $s\,b=2$. Apresente as árvores de derivação que justificam cada uma das 4 primeiras transições.
- (b) Considere o programa x:=0 e o programa while (x>0) do x:=x-1. Serão estes dois programas equivalentes? Justifique a sua resposta com base na noção de equivalência induzida pela semântica de transições (small step).
- 3. Recorrendo à semântica operacional *small-step* prove a *equivalência* dos seguintes comandos:

```
(a) while b 	ext{ do } C e if b 	ext{ then } \{C \text{ ; while } b 	ext{ do } C\} else skip
```

(b) $\{C_1; C_2\}; C_3$ e $C_1; \{C_2; C_3\}$

4. Pretende-se estender a linguagem **While**, acrescentando-lhe uma nova forma de ciclo de acordo com a seguinte sintaxe abstracta:

$$\mathbf{Stm} \ni C ::= \dots \mid \mathsf{do}\ C_1 \; \mathsf{while}\ b$$

A descrição informal da semântica deste comando é a seguinte:

O comando C_1 é executado repetidamente enquanto o valor da expressão b for verdadeiro, sendo o teste feito depois da execução do comando.

- (a) Especifique formalmente o comportamento deste novo ciclo, escrevendo regras apropriadas para a *semântica operacional estrutural* da linguagem. As regras não devem fazer referência a outros ciclos.
- (b) Tendo em conta as regras que propôs, prove a *equivalência* dos dois comandos seguintes:

do C while b e C; while b do C

- 5. Podemos adoptar uma abordagem operacional *small-step* para dar semântica às expressões aritméticas e booleanas. Para isso, considere $\mathbf{State} = \mathbf{Var} \to \mathbf{Num}$.
 - (a) Defina uma semântica de transições small-step para as expressões aritméticas.
 - (b) Defina uma semântica de transições small-step para as expressões booleanas.
 - (c) Com poderia fazer uma avaliação "curto-circuito" das expressões booleanas (ao estilo do C) ?
- 6. Construa em Haskell um programa que simule a avaliação de programas, num dado estado, de acordo com a semântica operacional estrutural (*small-step*).
 - (a) Defina a função stepSOS que implementa a relação de transição $\langle C, s \rangle \Rightarrow \gamma$ que representa o primeiro passo de execuçao do programa C no estado s.
 - (b) Defina a função nstepsSOS que simula n passos de execução (se possível) de um programa C num estado s.
 - (c) Defina a função eval \mathtt{SOS} que simula a execução completa de um programa C num estado s.
 - (d) Defina alguns exemplos de programas e estados e teste as funções que definiu.