LASKENNAN TEORIA

Lopputentti 3.11.2009

- 1. Esittele seuraavat käsitteet:
 - (a) Kontekstinen eli yhteyssidonnainen kielioppi (2 p)
 - (b) NP-täydellinen kieli (2 p)
 - (c) Turing-tunnistuva kieli (2 p)
 - (d) Universaali Turingin kone (Huom! voit viitata tehtävän 4 vastaukseesi jos tarpeen) (4 p)
- 2. Tarkastellaan äärellistä automaattia $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, missä

$$Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$F = \{q_0, q_1, q_2\}$$

ja δ sisältää funktiot

$$\delta(q_0, a) = q_0$$

 $\delta(q_0, b) = q_1$
 $\delta(q_1, a) = q_0$
 $\delta(q_1, b) = q_2$
 $\delta(q_2, a) = q_0$
 $\delta(q_2, b) = q_3$
 $\delta(q_3, a) = q_3$
 $\delta(q_3, b) = q_3$

- (a) Piirrä transitiograafi. (2 p)
- (b) Esitä automaatin hyväksymä kieli säännöllisenä lausekkeena suoraan transitiograafista päätellen. (2 p)
- (c) Onko automaatti deterministinen vai epädeterministinen, täydellinen vai osittainen? Perustele? (2 p)

Selvitä Cocken, Kasamin ja Youngerin algoritmia käyttäen, hyväksyykö kielioppi

 $G = (\{S, A, B, a, b\}, \{a, b\}, P, S)$, jonka säännöt P ovat

$$\begin{array}{l} S \rightarrow aB \mid bA \\ A \rightarrow a \mid aS \mid bAA \\ B \rightarrow b \mid bS \mid aBB \end{array}$$

sanan abaab. (8 p)

- Esittele Turingin kone. Sisällytä vastaukseesi esimerkkinä jokin yksinauhainen Turingin kone ja esitä jonkin sanan lasku kyseisellä koneella. (8 p)
- Laadi hajasaantikoneelle ohjelma, joka tulostaa annetulle binääriluvulle x luvun x^R(|x| ≥ 0). Hajasaantikoneella on olemassa seuraavat operaatiot: (8 p) input λ₀, λ₁, λ_b

output B

halt

jump λ

jzero λ

load opd

store opd

add opd

sub opd

mul opd

div opd