## **Kuopion yliopisto**

## Tilastotiede I -kurssin tentti 28.4.2006

Tee 5 tehtävää. Muista lukea tenttikysymys ensin huolellisesti.

1. Sari Rissanen kysyi väitöskirjassaan Omaishoito ja hoivayritykset vanhusten huolenpidon ratkaisuina? mm vastaajien halukkuutta osallistua nykyistä enemmän läheisen vanhuksen huolenpitoon. Seuraavana on ristiintaulukko vastaajista, jotka eivät olleet osallistuneet vanhuksen huolenpitoon.

Osallistumishalukkuu den lisäys	Naiset	Miehet	Yhteensä
Kyllä	15	20	35
Ei	99	114	213
Ei tietoa	40	29	69
Yhteensä	154	163	317

Kuvaile muuttujien riippuvuus kuviolla ja tunnusluvulla sekä kerro eroavatko miehet ja naiset toisistaan osallistumishalukkuuden lisäyksen suhteen ja jos eroavat, niin miten.

2. Seuraavassa on esitetty eräiden Suomen kuntien kunnallisveroprosentteja. Kuvaile näiden lukujen jakauma taulukon, kuvion ja tunnuslukujen avulla. Tulkitse tulos.

19,00 18,50 17,00 18,75 18,75 17,00 18,00 18,00 17,00 18,50 17,00 18,00

3. Seuraavassa esityksessä on Suomen kunnat jaettu kaupunkeihin ja muihin kuntiin. Tutki kunnallisveroprosentin eroa piirtämällä keskiarvovertailuun sopiva kuvio. Tulkitse tulos.

## Veroprosentti

kuntamuoto	Keskiarvo	Ν	Keskihajonta
Kaupunki	18,0357	105	,7234
Muu kunta	18,0720	347	,7032
Total	18,0636	452	,7073

- 4. Laske edellisen tehtävän ryhmäseksiarvoille 95%:n luottamusvälit.
- 5. Mitta-asteikot. Kerro myös esimerkkejä kultakin mitta-asteikolta ja millaisia kuvailumenetelmiä kunkin asteikon muuttujille voidaan käyttää.
- 6. Millä todennäköisyydellä kuuden henkilön ryhmässä on saman verran miehiä ja naisia, jos miehen valitsemisen todennäköisyys oletetaan puolikkaaksi? Millä todennäköisyydellä kaikki satunnaisesti valitut 6 henkilöä ovat miehiä?

Kaavoja:

$$\overline{x} = \frac{1}{n} \sum x_i$$
,  $s = \sqrt{\frac{1}{n-1} \left[ \sum x_i^2 - \frac{1}{n} \left( \sum x_i \right)^2 \right]}$ 

Pearsonin korrelaatiokerroin

$$r = \frac{n \sum x \, y - \sum x \sum y}{\sqrt{(n \sum x^2 - (\sum x)^2)(n \sum y^2 - (\sum y)^2)}}$$

$$\chi^2 \text{ -testi: } \chi^2 = \sum \sum \frac{\left(f_{ij} - e_{ij}\right)^2}{e_{ij}} \sim \chi^2(df) \text{ , missä df} = (\text{r-1})(\text{s-1}) \text{ ja } e_{ij} = \frac{f_{i\bullet} \cdot f_{\bullet j}}{n}$$

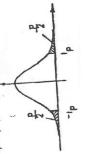
Keskiarvon luottamusväli  $P\left(\overline{x}-z\cdot\frac{s}{\sqrt{n}}<\mu<\overline{x}+z\cdot\frac{s}{\sqrt{n}}\right)=0.95$  missä z t-jakaumasta df= n-1, jos n < 30.

Spearmanin järjestyskorrelaatiokerroin:  $r_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n^3 - n}$ 

C. - ~~

Kriiitiis arvoja to jaillakin merkittevyystatojen p ja vopavjastelden f arvoilla. TAULUKKO 2 : Studentin 1 - Jokauma 1

Esim. Kaksisuuntainen testi merkilsevyy Hasalla p



		merkillewyilland	16	0 005	0.00	5000
o	0.05	0.025		Lokeinuntaisetsa testissa	PS1	1000
		Merkilbevyynusa		10.0	0.005	00.00
	0.10	20.0		257 67	318.311	636.619
4	418	12.706	31.821	2000	22,326	31,598
, ~	920	4,303	6.965	7.763	10 213	12,941
	157	3, 182	Z. Z.	5	1 173	8.610
7	200	2 776	3.747	409	200	A B 50
54	132	2,1,2	2,45	4.032	5,673	030
2	.015	2.3/	-1	3.707	5.208	5, 737
	.943	2,44/	2 6	400	4.785	5,405
	1 895	2,365	2.778	325	4 501	3
8 5	070	2.306	2.896	7 6	7 997	4.781
	8	2 262	2,821	3,28	17.	4.587
	1, 625	000	2,764	3.169	-	44.79
	1.812	2,660	2 7 18	3.106	4,025	200
	1 796	2.20	01/17	3 055	3,930	D. 0.0
	1 702	2.179	2.681	, ,	1 R52	4,221
	707	091 6	2,650	3.012	707 6	4.140
	1.7.1		2.624	2.977	200	4 073
	1,761	2: 143	2 403	2.947	3.733	200
	1.753	2.131	2.005	9 03	3,686	0.4
1	744	2,120	2, 200	000	3.646	3,965
		9.110	2, 827	2.840	1 411	3.922
	200	101	2,552	2,878		3.883
	3		2, 539	2,861	20,00	98
	1.729	700.7	2.528	2.845	3.556	0100
8	1.725	7.000	9 518	2,831	3,527	10.0
1	1.721	2.080	7, 200	9 810	3,505	3,792
_	1 717	2.074	2. 20	-	1 485	3.767
_		9 049	2,500	7.80	677	3.745
_	1.714	200.0	2 492	2,797	705.0	2 725
	1.71	50.7	3 405	2.787	3,450	21.00
_	1.708	2.060	6.400	2 770	3,435	3,70
1	304	2.0%	4/4.2	PP	7 421	3.690
_	200	2 0 52	2.473	71.7	1 40B	3,674
	201	200	2.467	2,763		984 6
_	1,701		2 447	2,756		
_	1 699	2.80	101.7	9 750	3,385	
_	1 407	2.042	2.45/	201.2		
-	10.	160 6	2,423	3.7		
_	1,084	3 6	2,403	2.678	,	
_	1,676	50.2		2,660		7 1
_	1 67 1	2,000	2.5.9	01.7	3,195	
_	777	1.990	2,374		•	3,389
_	8	1 0 84	2,365	2,620	٥١٥	9739
_	3	640	2 24.5	2.601		
-	1,653	1,716	ארר פ		e,	
_	8	(96.)				3.27
-				,	5	

Nuam. Viimeisellä rivillä olevat luvut avat normaatijakauman kriittiiä arvaja <sup>2</sup>9.

Kertyma (unktio \$ (z) argumentin z eri arvailla. TAULUKKO Judardisoilu normaolijakoumai ) & = (x) Ø

55199 55	5160 5557 5548 5548 5548 6700 6700 6700 7703	5557 5557 5557 7703 7703 7703 7703 7703
--	--	--

Latile Herra-Ventra-Versama, Esim, Ø(-2,18) = 1 - Ø(2,18) = 1 - 0.9854 = 0,0146

TAULUKKO 31 x2 - jakauma 1

Yksisvoniolseen testilin liitiyviä kriitiisiä arvaja X p joillokin merklitevyystäsajen p ja vapausasteiden f arvailla,

Esim. Jos [ = 15 | 0 p = 0,05

on P(22>24.996)= 0.05



						_					_										_									s.							
0,001	10.828	13,816	16, 266	18,467	20,515	22,458	24.322	26, 125	27.877	.29,588	31.264	32.909	24,528	36, 123	37.697	39, 252	40.790	42,312	43,820	45,315	46.797	48,268	49,728	51, 179	52,620	\$4 052	55,476	56.892	50,302	59.703	73.402	86.661	69:607	112.317	124,839	137.208	149.448
0,01	6,635	9.210	11,345	13,277	15,086	. 16,812	18,475	20,090	21.666	23,209	24.725	26.217	27.688	29, 141	30,578	32,000	33,409	34.805	36, 191	37,566	38,932	40,289	41,638	42,980	44.314	45.642	46,963	48.278	49,588	50.892	63.691	76, 154	88,379	100,425	112,329	124.116	135.806
(0,05)	3.641	5,991	7,815	9.488	11.070	12,592	14.067	15,507	16.919	18.307	19.675	21,026	22, 362	23,685	24.996	26.296	27,587	28,869	30, 144	31,410	32.67	33,924	35, 172	36,415	37.652	38.885	40, 113	41, 337	42,557	43,773	\$5,758	67.505		90.531	101.879		124.342
0,10	2,706	4.605	6.251	7.779	9,236	10,645	12,017	13,362	14.684	15.987	17,275	18.549	19,812	21.064	22,307	23,542	24.769	25,989	27.204	28.412	29.615	30,813	32.007	33, 196	34,382	35.563	36.741	37.916	39.087	40.256	51.805	63.167	74, 397	85,527	96,578	107,565	118.498
0,95	9,004	0, 103	0, 352	0.711	1, 145	1.635	2.167	2,733	3, 325	3.940	4.575	5.226	5,892	6.571	7,261	7.962	8.672	9.390	10.117	10,851	11.591	12,338	13.091	13,848	14.611	15.379	16, 151	16.928	17,708	18,493	26.509	37.78	43, 188	51,739	60, 391	69.126	77.930
0.99	0,000	0,020	0.115	0,297	0,554	0.872	1.239	1.646	2,088	2,558	3.053	3,571	4.107	4.660	5,229	5.812	6.408	7,015	7,633	8.260	8,897	9.542	10,196	10,856	11,524	12,198	12.879	13,565	14,256	14.953	22. 164	29.707	37,485	45,442	53,540	61.754	70,065
<u>-/</u> -	_	~	5	-	s	0	~	œ	0-	2	=	12	2	7	22	9	17	8	6	20	2)	22	23	24	25	200	27	28	29	8	40	S	9	70	80	06	8

## TAL YO 4.1.1 Fisherin F - Jakouma 1

Yksisuuntalseen testiin liityviä kriitiisiä arvoja Fp (f<sub>1</sub>, f<sub>2</sub>) merkitsevyyttäsolla p vopausostalden f<sub>1</sub> la f<sub>2</sub> est kombinaatioilla.

$$F(l_1, l_2) = \frac{\chi_1^2/l_1}{\chi_2^2/l_2} = \frac{s_1^2}{s_2^2}$$

1				3 6.7	Hievy	merkillevyyitaso p	p = 0.05	35				
7	-	2	n	4	5	40	7	80	12	92	24	8
_	191	8	2	225		•	1.5	000		1	1	
2	18.5	19.0	19.9	10 2	0 0		4 5	•	644	740	249	Z
-		0 55					-	≥	6	19.4	6.5	9,5
, ,		200		7			8	ø	ď	8,67	9.6	8, 53
٠.	3	9.4	o ·	6, 39			•	ó	'n	5.84	5.77	5.67
1	0.0	5.79	s,	5.19			4,88			4.60	4 53	4 17
0	2.8	5.	4	4,53			4	4	-	1 97	18	17.6
_	5, 59	4.74	4	4.12			_				5 :	200
8	5 3	77 7					, ,		,	7.44	7.4	3, 23
0	2, 2	2		5	2.0		5		n	3.20	3, 12	2.93
- 5	2.0	4.40	99.7	3,63	7.40		o		r	2.8	2.90	2.71
2	4.70	9	- 1	3,48	3, 33		0.7	3.07	2	2.83	2 74	2
= 5	2	3.98	3.59	3,36	3,20		3.0	2,95	2	2.70	2.6	2.40
2 !	4.73	3		3.26	5		2	2.85	2.69	2 40	15 6	30
2	4,67	3,8		3, 18	3.03		2	2.77	-	2 51	2 42	200
*	4.60	3,74	3.3	3. =	2.96	2,85	2	2 70	-	2 44	35	
5		3,68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	4	2 48	2 2	300	
9	4 49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	100	2.59	1	23	200	200
2		3, 59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2	2 20	2 10	0
80		3,55	3.16	2.93	2.77	2.66	~	2.51	~	2 25		000
0-		3, 52	3, 13	2,90	2.74	2.63	2	2.48		2 21	2:5	00
20		3,49	3, 10	2.87	2.71	2.60	~	7 45	2 28	3 18	200	200
21		3.47	3.07	2.84	2.68	2.5	1	2 43	30.0	2 1 0	200	5
22		3.4	3.05	2 87	3	2 6	-	4	20.0	0 :	6.00	20.
23		3.42	3.03	2 80	7	3 5		26.90	6.63	2.13	4.03	7.78
24		40		2 7 0		3		١٠٠	7.60	7	2.00	9/.
35		2 6		0 , 0	20.2	10.3	4	6.30	7.18	5.0	. 98	. 73
12		20.00	4:77	0/19	3	4.49	2.40	7.7	2, 16	2.02	1.96	1,71
2 5		2.0	2.78	5,74	5, 59	2,47	2,39	2,32	2.15	2.05	1.95	1.69
17		2, 33	2.96	2,73	2, 57	2.46		2,31	2, 13	8	1,93	1.67
97		7	2,95	2.71	2,8	2,45	2,36	2,29	2, 12	2,02	1.91	1,65
R;		3,33	2,93	2,70	2,55	2,43	2,35	2,28	2.10	2.01	1.90	2
8		3.32	2,92	2.69	2, 53	2,42	2,33	2,27	5.09	8	1.89	1.62
0		3, 23	2.8	19.2	2,45	2,34	2,25	2, 18	8	1.90	1.79	1.51
8		3, 15	2,76	2, 53	2,37	2,25	2, 17	2, 10	1.92	1.82	1,70	8
8		8	2,70	2.46	2.31		2, 10	2,03	1,85	1,75	1.63	1.28
8		8	2,60	2,37	2.21		2.01	1.94	1.75	2	1,52	00.

Esim.  $F_{0.05}(3,15) = 3.29$  ell  $P(\underline{F}(3,15) > 3.29) = 0.05$