2

### Nearest Neighbors

### 最近邻

小范围投票,少数服从多数



如果一台计算机能够欺骗人类,让人类相信它也是人类一员;那么,这台计算机值得被称作智能机器。

A computer would deserve to be called intelligent if it could deceive a human into believing that it was human.

—— 艾伦·图灵 (Alan Turing) | 英国计算机科学家、数学家,人工智能之父 | 1912 ~ 1954





- enumerate() 函数用于将一个可遍历的数据对象,比如列表、元组或字符串等,组合为一个索引序列,同时列出数据和数据下标,一般用在for循环当中
- ◀ matplotlib.pyplot.contour() 绘制等高线线图
- ◀ matplotlib.pyplot.contourf() 绘制填充等高线图
- matplotlib.pyplot.scatter() 绘制散点图
- numpy.array() 创建 array 数据类型
- ◀ numpy.c\_() 按列叠加两个矩阵
- ◀ numpy.r\_() 按行叠加两个矩阵
- ◀ numpy.ravel() 将矩阵扁平化
- ◀ numpy.linspace()产生连续均匀向量数值
- ◀ numpy.meshgrid() 创建网格化数据
- ✓ seaborn.scatterplot() 绘制散点图
- ◀ sklearn.datasets.load iris() 加载鸢尾花数据集
- sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier 为 k-NN 分类算法函数; 函数常用的 mehods 为 fit(X, y)
  和 predit(q); fit(X, y)用来加载样本数据, predit(q)用来预测查询点 q 的分类
- ◀ sklearn.neighbors.NearestCentroid 最近质心分类算法函数

## 2.1 k 近邻分类原理: 近朱者赤,近墨者黑

k 近邻算法 (k-nearest neighbors algorithm, k-NN) 是最基本监督学习方法之一。注意,k-NN 中的 k 指的是"近邻"的数量。

k-NN 思路很简单——"近朱者赤,近墨者黑"。更准确地说,小范围投票,少数服从多数 (majority rule),如图 1。

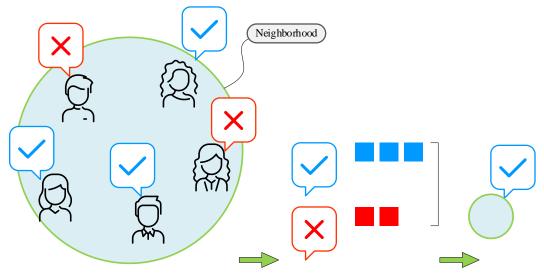


图 1. k 近邻分类核心思想——小范围投票,少数服从多数

#### 算法流程

给定样本数据  $X(x^{(1)}, x^{(2)}, ..., x^{(n)})$ ,分别对应已知标签  $y(y^{(1)}, y^{(2)}, ..., y^{(n)})$ 。**查询点** (query point) q 标签未知,待预测分类。

k-NN 近邻算法流程如下:

- ◀ 计算样本数据 X 任意一点 x 和查询点 q 距离;
- ◀ 找X中距离查询点q最近的k个样本,即k个"近邻";
- 根据 k 个邻居已知标签,直接投票或加权投票;k 个邻居出现数量最多的标签即为查询点 q 预测分类结果。

#### 优化问题

用公式表示,k-NN 算法的优化目标如下, **预测分类** (predicted classification)  $\hat{y}$ :

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

$$\hat{y}(q) = \underset{C_k}{\operatorname{arg max}} \sum_{i \in kNN(q)} I(y^{(i)} = C_k)$$
(1)

其中, kNN(q)为查询点 q 近邻构成的集合,  $C_k$  为标签为  $C_k$  的样本数据集合,  $k=1,2,...,K_{\circ}$  I 为**指示函数** (indicator function),表示"一人一票";当  $y^{(i)} = C_k$  成立时,I=1;否则,I=0。

下面以二分类为例,和大家讲解如何理解 k-NN 算法。

### 2.2 二分类: 非红, 即蓝

#### 平面可视化

假设,数据 X 有两个特征,即 D=2; X 两个特征分别为  $x_1$  和  $x_2$ 。也就是说,在  $x_1x_2$  平面上,X 的第一列数值为横坐标,X 的第二列数值为纵坐标。

y有两类标签 K=2,即  $C_1$ 和  $C_2$ ;红色 • 表示  $C_1$ ,蓝色 • 表示  $C_2$ 。

X和y数据形式及平面可视化如图2所示。

显然这是个**二分类** (binary classification, bi-class classification) 问题,查询点 q 的分类可能是  $C_1$  (红色  $\bullet$ ),或者  $C_2$  (蓝色  $\bullet$ )。

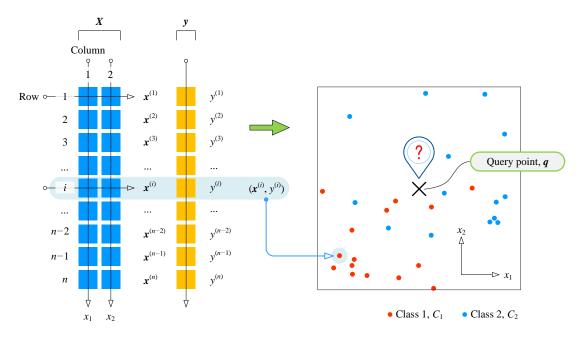


图 2. 两特征 (D=2) 含标签样本数据可视化

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

#### 四个近邻时

对于二分类问题, 即 K=2, (1) 可以写成:

$$\hat{y}(q) = \max_{C_1, C_2} \left\{ \sum_{i \in kNN(q)} I(y^{(i)} = C_1), \sum_{i \in kNN(q)} I(y^{(i)} = C_2) \right\}$$
(2)

在图 3 所示平面上,  $\times$  为查询点 q, 以行向量表达。

如果设定"近邻"数量 k=4,以查询点 q 为圆心圈定的圆形"近邻社区"里有 4 个样本数据点  $(x^{(1)}, x^{(2)}, x^{(3)}$  和  $x^{(4)}$ )。 4 个点中,样本点  $x^{(1)}$  距离查询点 q 距离  $d_1$  最近,样本点  $x^{(4)}$  距离查询点 q 距离  $d_4$  最远。

显然,查询点 q 近邻社区中四个查询点中,投票为"三比一"——3 个"近邻"标签为  $C_1$  (红色  $\bullet$ ),1 个"近邻"标签为  $C_2$  (蓝色  $\bullet$ )。也就是:

$$\sum_{i \in kNN(q)} I\left(y^{(i)} = C_1\right) = 3$$

$$\sum_{i \in kNN(q)} I\left(y^{(i)} = C_2\right) = 1$$
(3)

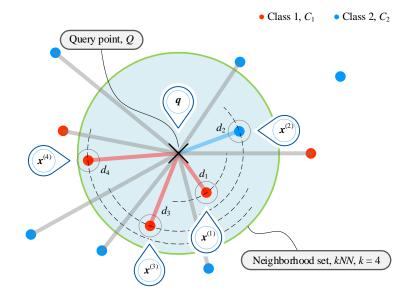


图 3. k 近邻原理

将具体分类标签带入(2), 可以得到:

$$\hat{y}(q) = \max_{C_{1,2}} \left\{ 3_{(C_1)}, 1_{(C_2)} \right\} = C_1 \tag{4}$$

由于近邻不分远近,投票权相同。图 3 中距离线段线宽代表投票权。少数服从多数,在 k=4 的条件下,红色 • "胜出"!因此,查询点 q 的预测分类为  $C_1$  (红色 •)。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

需要引起注意的是,近邻数量 k 是自定义输入,观察图 3 可以发现,当 k 增大时,查询点 q 的 预测分类可能会发生变化。下一节将会讨论近邻数量 k 如何影响分类预测结果。

#### 使用函数

sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier 为 Scikit-learn 工具包 k-NN 分类算法函数。函数默认的近邻数量 n\_neighbors 为 5,默认距离度量 metric 为**欧氏距离** (Euclidean distance)。这个函数常用的 methods 为 fit (X, y) 和 predit (q); fit (X, y) 用来拟合样本数据,predit (q) 用来预测查询点 q 的分类。

→本书下一章将总结常见距离度量。

# 2.3 三分类: 非红,要么蓝,要么灰

鸢尾花分类问题为三分类问题,即 K=3。图 4 每个圆点 ● 代表一个数据点。其中,● 代表分类为 setosa  $(C_1, y=0)$ , ● 代表 versicolor  $(C_2, y=1)$ , ● 代表 virginica  $(C_3, y=2)$ 。

图 4 所示为利用 KNeighborsClassifier 获得的鸢尾花分类结果。输入数据选取鸢尾花数据 2 个特征——花萼长度  $x_1$ ,和花萼宽度  $x_2$ 。用户输入的近邻数量  $n_n$ eighbors 为 4。请大家注意,图 4 平面一些位置数据点存在叠合,也就是说一个圆点代表不止一个数据点。

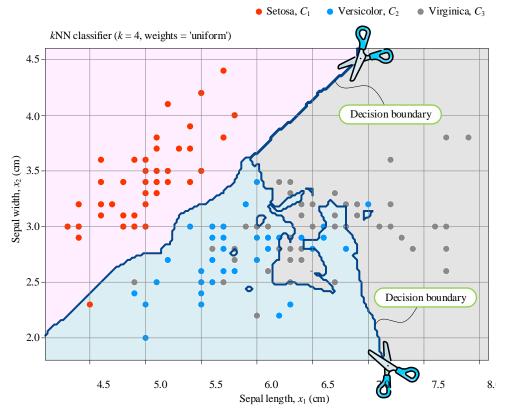


图 4.k 近邻分类,k=4,采用 2 个特征 (花萼长度  $x_1$ ,和花萼宽度  $x_2$ ) 分类三种鸢尾花

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

▲注意,欧几里德距离是最常见的距离度量,本章出现的距离均为欧氏距离。此外,本节将利用直接投票(等权重投票),而本章第三节将讲解加权投票原理。

#### 决策边界

图 4 中深蓝色曲线为**决策边界** (decision boundary)。如果决策边界是直线、平面或超平面,那么这个分类问题是线性的,分类是线性可分的;否则,分类问题非线性。图 4 所示 k-NN 算法决策边界杂乱无章,肯定是非线性,甚至不可能用某个函数来近似。

很多分类算法获得的决策边界都可以通过简单或者复杂函数来描述,比如一次函数、二次函数、二次曲数、二次曲线等等;这类模型也称**参数模型** (parametric model)。与之对应的是,类似 *k*-NN 这样的学习算法得到的决策边界为**非参数模型** (non-parametric model)。

*k*-NN 基于训练数据,更准确地说是<u>把训练数据以一定的形式存储起来完成学习任务</u>,而不是 泛化得到某个解析解进行数据分析或预测。

所谓**泛化能力** (generalization ability) 是指机器学习算法对全新样本的适应能力。适应能力越强,泛化能力越强;否则,泛化能力弱。

举个简单例子解释"泛化能力弱"这一现象;一个学生平时做了很多练习题,每道练习题目都 烂熟于心;这个学生虽然刻苦练习,可惜他就题论题,不能举一反三,考试做新题时,分数总是 很低。

每当遇到一个新查询点,k-NN 分类器分析这个新查询点与早前存储样本数据的关系,并据此把一个预测分类值赋给新查询点。值得注意的是,这些样本数据是以树形结构存储起来,常见的算法是 kd 树。

提醒大家注意,学习每一种学习算法时,注意观察决策边界形状特点,并总结规律。



代码 Bk7\_Ch02\_01.py 可以用来实现本节分类问题,并绘制图 4。

### 2.4 近邻数量 k 影响投票结果

近邻数量 k 为用户输入值,而 k 值直接影响查询点分类结果;因此,选取合适 k 值格外重要。本节和大家探讨近邻数量 k 对分类结果影响。

图 5 所示为 k 取四个不同值时,查询点 q 预测分类结果变化情况。如图 5 (a) 所示,当 k=4 时,查询点 q 近邻中,3 个近邻为  $\bullet$  ( $C_1$ ),1 个近邻为  $\bullet$  ( $C_2$ );采用等权重投票,查询点 q 预测分类为  $\bullet$  ( $C_1$ )。

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

当近邻数量 k 提高到 8 时,近邻社区中,4 个近邻为  $\bullet$  ( $C_1$ ),4 个近邻为  $\bullet$  ( $C_2$ ),如图 5 (b) 所示;等权重投票的话,两个标签各占 50%。因此 k=8 时,查询点 q 恰好在决策边界上。

如图 5 (c) 所示,当 k = 12 时,查询点 q 近邻中 5 个为  $\bullet$  ( $C_1$ ),7 个为  $\bullet$  ( $C_2$ );等权重投票条件下,查询点 q 预测标签为  $\bullet$  ( $C_2$ )。当 k = 16 时,如图 5 (c) 所示,查询点 q 预测标签同样为  $\bullet$  ( $C_2$ )。

k-NN 算法选取较小的 k 值虽然能准确捕捉训练数据的分类模式; 但是, 缺点也很明显, 容易受到噪声影响。

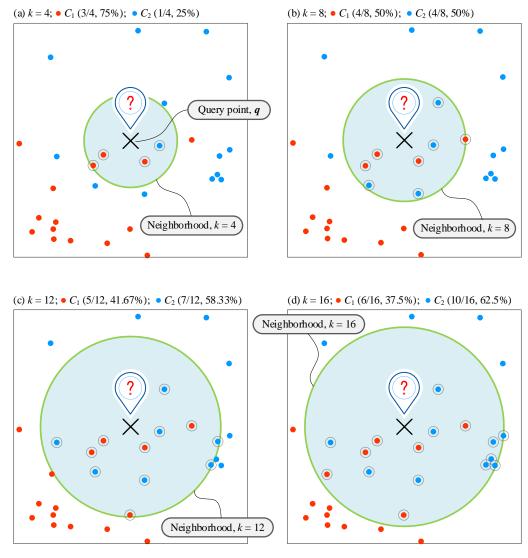


图 5. 近邻数量 k 值影响查询点的分类结果

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

#### 影响决策边界形状

图 6 所示为 k 选取不同值时对鸢尾花分类影响。观察图 6 四副子图可以发现,当 k 逐步增大时,局部噪音样本对边界的影响逐渐减小,边界形状趋于平滑。

较大的 k 是会抑制噪声的影响,但是使得分类界限不明显。举个极端例子,如果选取 k 值为训练样本数量,即 k=n,采用等权重投票,这种情况不管查询点 q 在任何位置,预测结果仅有一个。这种训练得到的模型过于简化,忽略样本数据中有价值的信息。

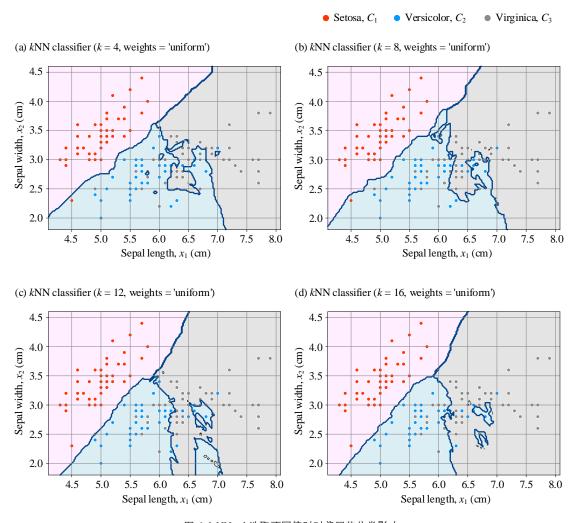


图 6. k-NN,k 选取不同值时对鸢尾花分类影响

图 7 所示为 k = 50 时得到的决策边界。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

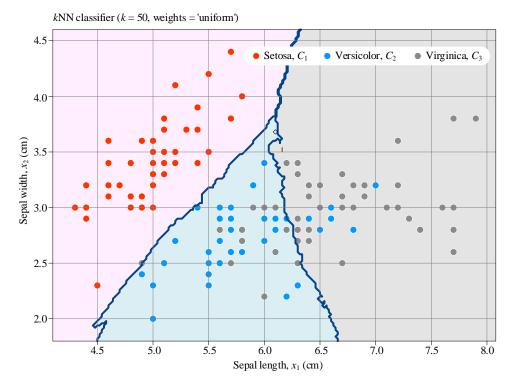


图 7. k = 50 时,鸢尾花分类决策边界,k-NN,等权重投票



代码 Bk7\_Ch02\_02.py 可以获得图 6 和图 7。这个代码利用 matplotlib 实现交互,大家可以比较它和 streamlit 哪个制作 App 更方便。

### 2.5 投票权重:越近,影响力越高

本章前文强调,在"近邻社区"投票时,采用的是"等权重"方式;也就是说,只要在"近邻社区" 之内,无论距离远近,一人一票,少数服从多数。

前文 k 近邻分类函数,默认等权重投票,默认值 weights = 'uniform'。但是,很多 k 近邻分类问题采用加权投票则更有效。

如图 8 所示,每个近邻的距离线段线宽 w<sub>i</sub>代表各自投票权重。<u>距离查询点越近的近邻,投票权重 w<sub>i</sub>越高;相反,越远的近邻,投票权重 w<sub>i</sub>越低。</u>

对应的优化问题变成:

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

$$\hat{y}(q) = \underset{C_k}{\operatorname{arg max}} \sum_{i \in kNN(q)} w_i \cdot I(y^{(i)} = C_k)$$
(5)

sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier 函数中,可以设定投票权重与查询点距离成反比,weights = 'distance'。

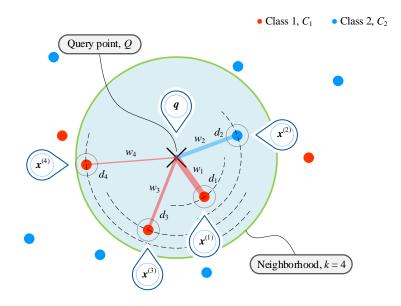


图 8. k 近邻原理, 加权投票

此外,近邻投票权  $w_i$ 还可以通过 $\mathbf{H}$ 一化 (normalization) 处理,如下式:

$$w_i = \frac{\max(d_{NN}) - d_i}{\max(d_{NN}) - \min(d_{NN})}$$
(6)

 $d_{\rm NN}$  为所有近邻距离构成的集合, $\max(d_{\rm NN})$  和  $\min(d_{\rm NN})$  分别计算得到近邻距离最大和最小值。加权投票权重还可以采用距离平方的倒数,这种权重随着距离增大衰减越快。使用 scikit-learn 的  $k_{\rm NN}$  分类器时,大家可以自定义加权投票权重函数。

#### 决策边界

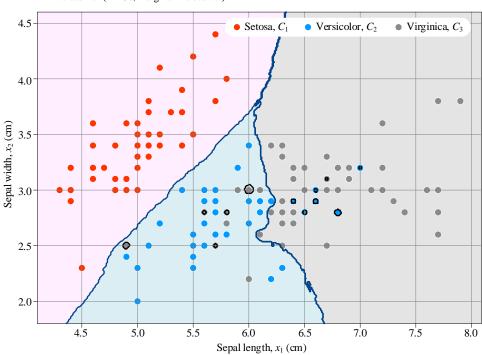
图 9 所示为,近邻数量为 k = 50 条件下,weights = 'distance'时,k 近邻分类算法获得决策边界。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com



kNN classifier (k = 50, weights = 'distance')

图 9. k = 50 时,鸢尾花分类决策边界,投票权重与查询点距离成反

### 2.6 最近质心分类: 分类边界为中垂线

最近质心分类器 (Nearest Centroid Classifier, NCC) 思路类似 k-NN。

本章前文讲过,k-NN 以查询点为中心,圈定 k 个近邻,近邻投票。而最近质心分类器,先求解得到不同类别样本数据簇质心位置  $\mu_m$  (m=1,2,...,K);查询点 q 距离哪个分类质心越近,其预测分类则被划定为这一类。因此,最近质心分类器不需要设定最近邻数量 k。

《矩阵力量》第 22 章已经讨论过**数据质心** (centroid) 这个概念,它的具体定义如下:

$$\boldsymbol{\mu}_{k} = \frac{1}{\operatorname{count}(C_{k})} \sum_{i \in C_{k}} \boldsymbol{x}^{(i)T}$$
(7)

其中, count() 计算某个标签为  $C_k$  的子集样本数据点的数量。注意,  $\mu_k$  为列向量。

#### 分类函数

Python 工具包完成最近质心分类的函数为 sklearn.neighbors.NearestCentroid。图 10 所示为通过最近质心分类得到的鸢尾花分类决策边界。图 10 中  $\mu_1$ 、 $\mu_2$  和  $\mu_3$  三点分别为 • setosa  $(C_1, y = 0)$ 、• versicolor  $(C_2, y = 1)$ 和 • virginica  $(C_3, y = 2)$  的质心所在位置。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

大家可能已经发现,图10中每段决策边界就是两个质心的中垂线!



《矩阵力量》第19章讲解过中垂线,请大家回顾。

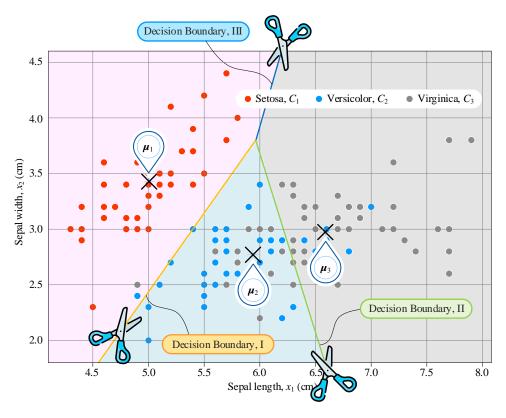


图 10. 鸢尾花分类决策边界,最近质心分类

#### 图解原理

图 11 所示为最近质心分类器边界划分原理图。

平面上,  $A \cap B$  两点中垂线上每一点距离  $A \cap B$  相等。中垂线垂直于 AB 线段, 并经过 AB 线 段中点。图 11 中决策边界无非就是, $\mu_1$ 、 $\mu_2$  和  $\mu_3$  三个质心点任意两个构造中垂线。

如图 11 所示,为了确定查询点 q 的预测分类,计算 q 到  $\mu_1$ 、 $\mu_2$  和  $\mu_3$  三个质心点距离度量。比 较  $AQ \setminus BQ$  和 CQ 三段距离长度,发现 CQ 最短,因此查询点 q 预测分类为 ● virginica ( $C_3$ )。

图 11 有专门的名字——沃罗诺伊图 (Voronoi diagram)。本书将会在 K 均值聚类一章介绍。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站-—\_生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

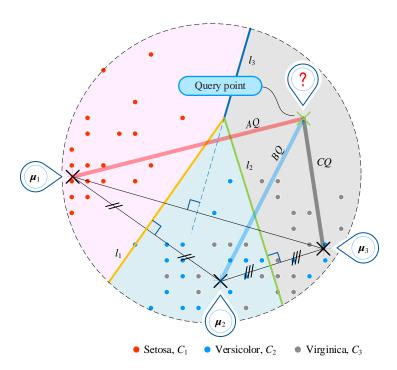


图 11. 最近质心分类决策边界原理

#### 收缩阈值

sklearn.neighbors.NearestCentroid 函数还提供**收缩阈值** (shrink threshold),获得最**近收缩质心** (nearest shrunken centroid)。说的通俗一点,根据收缩阈值大,每个类别数据质心向样本数据总体质心  $\mu_X$  靠拢。图 12 展示的是随着收缩阈值不断增大,分类数据质心不断向  $\mu_X$  靠拢,分类边界不断变化的过程。

NearestCentroid 函数定义收缩阈值如何工作。对此感兴趣的话,大家可以自行打开 NearestCentroid 函数,查找 if self.shrink threshold:对应的一段。



代码 Bk7\_Ch02\_03.py 绘制图 12 所示四幅图像。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

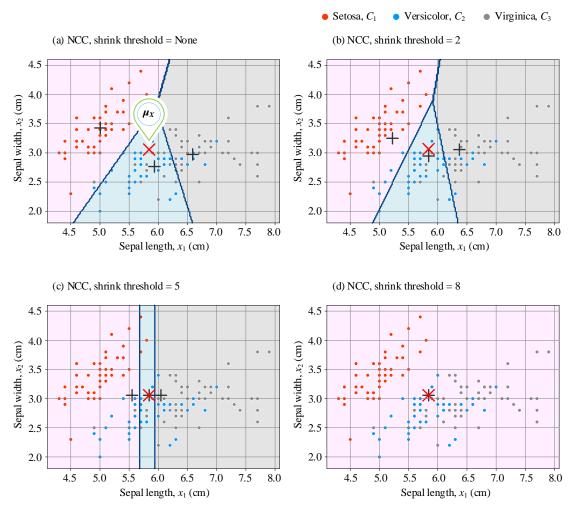


图 12. 收缩阈值增大对决策边界影响

# 2.7 k-NN 回归: 非参数模型

本章前文介绍的 k-NN 分类算法针对离散标签,比如  $C_1$  (红色  $\bullet$ ) 和  $C_2$  (蓝色  $\bullet$ )。当输出值 y为连续数据时,监督学习便是回归问题。本节讲解如何利用 k-NN 求解回归问题。

对分类问题,一个查询点的标签预测是由它附近 k 个近邻中占多数的标签决定;同样,某个 查询点的回归值, 也是由其附近 k 个近邻的输出值决定。

采用等权重条件下,查询点q回归值 $\hat{y}$ 可以通过下式计算获得:

$$\hat{y}(\boldsymbol{q}) = \frac{1}{k} \sum_{i \in kNN(\boldsymbol{q})} y^{(i)}$$
(8)

其中, kNN(q) 为查询点 q 的 k 个近邻构成的集合。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站-— 生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

#### 举个例子

如图 13 所示,当 k=3 时,查询点 Q 附近三个近邻  $x^{(1)}$ 、 $x^{(2)}$  和  $x^{(3)}$  标记为蓝色 ●。这三个点对应的连续输出值分别为  $y^{(1)}$ 、 $y^{(2)}$  和  $y^{(3)}$ 。根据 (8) 计算  $y^{(1)}$ 、 $y^{(2)}$  和  $y^{(3)}$  平均值,得到查询点回归预测值  $\hat{y}$ :

$$\hat{y}(q) = \frac{1}{3} \left( y^{(1)} + y^{(2)} + y^{(3)} \right) = \frac{1}{3} (5 + 3 + 4) = 4$$
(9)

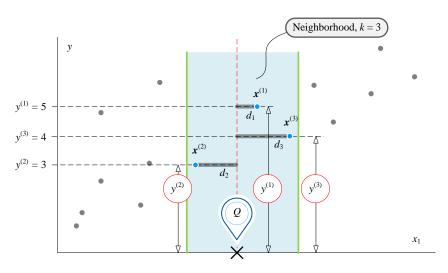


图 13. k-NN 回归算法原理

#### 函数

sklearn.neighbors.KNeighborsRegressor 函数完成 k-NN 回归问题求解。默认等权重投票,weights = 'uniform'。

如果 k-NN 回归中考虑近邻投票权重,查询点 q 回归值  $\hat{y}$  可以通过下式计算获得:

$$\hat{y}(q) = \frac{1}{\sum_{i \in kNN(q)} w_i} \sum_{i \in kNN(q)} w_i y^{(i)}$$
(10)

类似 k-NN 分类, weights = 'distance'设置样本数据权重与到查询点距离成反比。

图 14 所示为利用 k-NN 回归得到的不同种类鸢尾花花萼长度  $x_1$  和花萼宽度  $x_2$  回归关系。花萼宽度  $x_2$  相当于 (10) 中 y。图 14 (a) 采用等权重投票,图 14 (b) 中投票权重与查询点距离成反比。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

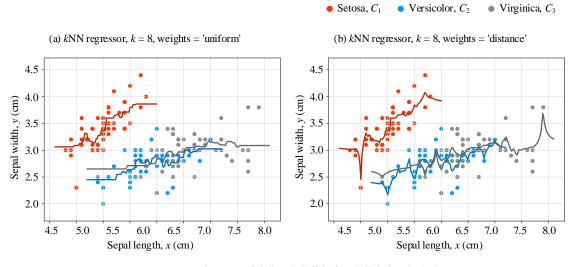


图 14. k-NN 回归,不同种类鸢尾花花萼长度和花萼宽度回归关系



代码 Bk7\_Ch02\_04.py 完成 k-NN 回归, 并绘制图 14 两幅图像。



本章探讨最简单的监督学习方法之一——最近邻 k-NN。最近邻方法可以用于分类问题,也可以用于回归问题。使用 k-NN 算法时,要注意近邻 k 值选择、距离度量,以及是否采用加权投票。

此外,最近质心分类 NCC 可以看做时 k-NN 的简化版本,NCC 利用某一类成员质心表示该类别数据,不需要用户提供近邻数量 k 值,决策边界为中垂线。

最近邻这一思路是很多其他机器学习算法的基础,比如 DBSCAN (Density-Based Spatial Clustering of Applications with Noise)、流形学习 (manifold learning) 和谱聚类 (spectral clustering) 也是基于最近邻思想。

本章给出的例子中距离度量均为欧氏距离;而实际应用中,距离度量种类繁多,需要大家理解距离的具体定义以及优缺点。下一章,我们聊一聊几种常见距离度量。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com