Preface



感谢

首先感谢大家的信任。

作者仅仅是在学习应用数学科学和机器学习算法时,多读了几本数学书,多做了些思考和知识整理而已。知者不言,言者不知。知者不博,博者不知。水平有限,把自己有限所学所思斗胆和大家分享,作者权当无知者无畏。希望大家在B站视频下方和Github多提意见,让这套书成为作者和读者共同参与创作的优质作品。

特别感谢清华大学出版社的栾大成老师。从选题策划、内容创作、装帧设计, 栾老师事无巨细、一路陪伴。每次和栾老师交流, 我都能感受到他对优质作品的追求、对知识分享的热情。

出来混总是要还的

曾几何时,考试是我们学习数学的唯一动力。考试是头悬梁的绳,是锥刺股的锥。我们中的 绝大多数人从小到大为各种考试埋头题海,数学味同嚼蜡,甚至让人恨之入骨。

数学给我们带来了无尽的折磨。我们憎恨数学,恐惧数学,恨不得一走出校门就把数学抛之 脑后、老死不相往来。

可悲可笑的是,我们其中很多人可能会在毕业的五年或十年以后,因为工作需要,不得不重新学习微积分、线性代数、概率统计,悔恨当初没有学好数学、走了很多弯路、没能学以致用,从而迁怒于教材和老师。

这一切不能都怪数学,值得反思的是我们学习数学的方法、目的。

再给自己一个学数学的理由

为考试而学数学、是被逼无奈的举动。而为数学而数学、则又太过高尚而遥不可及。

相信对于绝大部分的我们来说,数学是工具、是谋生手段,而不是目的。我们主动学数学,是想用数学工具解决具体问题。

现在,这套书给大家一个"学数学、用数学"的全新动力——数据科学、机器学习。

数据科学和机器学习已经深度融合到我们生活的方方面面,而数学正是开启未来大门的钥匙。不是所有人生来都握有一副好牌,但是掌握"数学+编程+机器学习"绝对是王牌。这次,学习数学不再是为了考试、分数、升学,而是投资时间、自我实现、面向未来。

未来已来, 你来不来?

本套丛书如何帮到你

为了让大家学数学、用数学,甚至爱上数学,作者可谓颇费心机。在创作这套书时,作者尽量克服传统数学教材的各种弊端,让大家学习时有兴趣、看得懂、有思考、更自信、用得着。

为此, 丛书在内容创作上突出以下几个特点:

- **数学** + **艺术**——全彩图解,极致可视化,让数学思想跃然纸上、生动有趣、一看就懂,同时提高大家的数据思维、几何想象力、艺术感;
- ▼基础——从零开始学习 Python 编程,从写第一行代码到搭建数据科学和机器学习应用;
- 知识网络——打破数学板块之间的壁垒,让大家看到数学代数、几何、线性代数、微积分、概率统计等板块之间的联系,编织一张绵密的数学知识网络;
- 动手——授人以鱼不如授人以渔,和大家一起写代码、用 Streamlit 创作数学动画、交互 App;
- ◆ 学习生态——构造自主探究式学习生态环境"微课视频 + 纸质图书 + 电子图书 + 代码文件 + 可视化工具 + 思维导图",提供各种优质学习资源;
- **▼ 理论** + **实践**——从加减乘除到机器学习,丛书内容安排由浅入深、螺旋上升,兼顾理论和实践;在编程中学习数学,学习数学时解决实际问题。

虽然本书标榜"从加减乘除到机器学习",但是建议读者朋友们至少具备高中数学知识。如果读者正在学习或曾经学过大学数学(微积分、线性代数、概率统计),这套书就更容易读了。

聊聊数学

数学是工具。锤子是工具,剪刀是工具,数学也是工具。

数学是思想。数学是人类思想的高度抽象的结晶体。在其冷酷的外表之下,数学的内核实际上就是人类朴素的思想。学习数学时,知其然,更要知其所以然。不要死记硬背公式定理,理解背后的数学思想才是关键。如果你能画一幅图、用大白话描述清楚一个公式、一则定理,这就说明你真正理解了它。

数学是语言。就好比世界各地不同种族有自己的语言,数学则是人类共同的语言和逻辑。数学这门语言极其精准、高度抽象,放之四海而皆准。虽然我们中绝大多数人没有被数学女神选中,不能为人类的对数学认知开疆扩土;但是,这丝毫不妨碍我们使用数学这门语言。就好比,我们不会成为语言学家,我们完全可以使用母语和外语交流。

数学是体系。代数、几何、线性代数、微积分、概率统计、优化方法等等,看似一个个孤岛,实际上都是数学网络的一条条织线。建议大家学习时,特别关注不同数学板块之间的联系,见树,更要见林。

数学是基石。拿破仑曾说"数学的日臻完善和这个国强民富息息相关。"数学是科学进步的根基,是经济繁荣的支柱,是保家卫国的武器,是探索星辰大海的航船。

数学是艺术。数学和音乐、绘画、建筑一样,都是人类艺术体验。通过可视化工具,我们会 在看似枯燥的公式、定理、数据背后,发现数学之美。

数学是历史,是人类共同记忆体。"历史是过去,又属于现在,同时在指引未来。"数学是人类的集体学习思考,她把人的思维符号化、形式化,进而记录、积累、传播、创新、发展。从甲

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

骨、泥板、石板、竹简、木牍、纸草、羊皮卷、活字印刷、纸质书,到数字媒介,这一过程持续了数千年,至今绵延不息。

数学是无穷无尽的**想象力**,是人类的**好奇心**,是自我挑战的**毅力**,是一个接着一个的**问题**,是看似荒诞不经的**猜想**,是一次次胆大包天的**批判性思考**,是敢于站在前人的臂膀之上的**勇气**,是孜孜不倦地延展人类认知边界的**不懈努力**。

家园、诗、远方

诺瓦利斯曾说:"哲学就是怀着一种乡愁的冲动到处去寻找家园。"

在纷繁复杂的尘世,数学纯粹的就像精神的世外桃源。数学是,一束光,一条巷,一团不灭的希望,一股磅礴的力量,一个值得寄托的避风港。

打破陈腐的锁链,把功利心暂放一边,我们一道怀揣一分乡愁、心存些许诗意、踩着艺术维度,投入数学张开的臂膀,驶入她色彩斑斓、变幻无穷的深港,感受久违的归属,一睹更美、更好的远方。

Acknowledgement

致谢

To my parents.

谨以此书献给我的母亲父亲

How to Use the Book

使用本书

丛书资源

本系列丛书提供的配套资源有以下几个:

- ◀ 纸质图书;
- ▼ PDF 文件,方便移动终端学习;请大家注意,纸质图书经过出版社五审五校修改,内容细节上会和 PDF 文件有出入。
- 每章提供思维导图,纸质书提供全书思维导图海报;
- ▼ Python 代码文件,直接下载运行,或者复制、粘贴到 Jupyter 运行;
- ◀ Python 代码中有专门用 Streamlit 开发数学动画和交互 App 的文件;
- ◀ 微课视频、强调重点、讲解难点、聊聊天。

在纸质书中为了方便大家查找不同配套资源、作者特别设计了如下几个标识。



微课视频

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger:

https://space.bilibili.com/513194466

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com 微课视频是以"聊天"的方式,和大家探讨某个数学话题的重点内容,讲讲代码中可能遇到的 难点,甚至侃侃历史、说说时事、聊聊生活。

本书配套的微课视频目的是引导大家自主编程实践、探究式学习,并不是"照本宣科"。

纸质图书上已经写得很清楚的内容,视频课程只会强调重点。需要说明的是,图书内容不是视频的"逐字稿"。

代码文件

本系列丛书的 Python 代码文件下载地址为:

→ https://github.com/Visualize-ML

Python 代码文件会不定期修改,请大家注意更新。图书配套的 PDF 文件和勘误也会上传到这个 GitHub 账户。因此,建议大家注册 GitHub 账户,给书稿文件夹标星 (star) 或分支克隆 (fork)。

考虑再三,作者还是决定不把代码全文印在纸质书中,以便减少篇幅,节约用纸。

本书编程实践例子中主要使用"鸢尾花数据集",数据来源是 Scikit-learn 库、Seaborn 库。此外,系列丛书封面设计致敬梵高《鸢尾花》,要是给本系列丛书起个昵称的话,作者乐见"鸢尾花书"。

App 开发

本书几乎每一章都至少有一个用 Streamlit 开发的 App,用来展示数学动画、数据分析、机器学习算法。

Streamlit 是个开源的 Python 库,能够方便快捷搭建、部署交互型网页 App。Streamlit 非常简单易用、很受欢迎。Streamlit 兼容目前主流的 Python 数据分析库,比如 NumPy、Pandas、Scikitlearn、PyTorch、TensorFlow 等等。Streamlit 还支持 Plotly、Bokeh、Altair 等交互可视化库。

本书中很多 App 设计都采用 Streamlit + Plotly 方案。此外,本书专门配套教学视频手把手和大家一起做 App。

大家可以参考如下页面, 更多了解 Streamlit:

- https://streamlit.io/gallery
- https://docs.streamlit.io/library/api-reference

实践平台

本书作者编写代码时采用的 IDE (integrated development environment) 是 Spyder,目的是给大家提供简洁的 Python 代码文件。

但是,建议大家采用 JupyterLab 或 Jupyter notebook 作为本系列丛书配套学习工具。

简单来说, Jupyter 集合"浏览器 + 编程 + 文档 + 绘图 + 多媒体 + 发布"众多功能与一身, 非常适合探究式学习。

本PDF文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

运行 Jupyter 无需 IDE,只需要浏览器。Jupyter 容易分块执行代码。Jupyter 支持 inline 打印结果,直接将结果图片打印在分块代码下方。Jupyter 还支持很多其他语言,比如 R 和 Julia。

使用 markdown 文档编辑功能,可以编程同时写笔记,不需要额外创建文档。Jupyter 中插入图片和视频链接都很方便。此外,还可以插入 Latex 公式。对于长文档,可以用边栏目录查找特定内容。

Jupyter 发布功能很友好,方便打印成 HTML、PDF 等格式文件。

Jupyter 也并不完美,目前尚待解决的问题有几个。Jupyter 中代码调试不方便,需要安装专门插件(比如 debugger)。Jupyter 没有 variable explorer,要么 inline 打印数据,要么将数据写到 csv或 Excel 文件中再打开。图像结果不具有交互性,比如不能查看某个点的值,或者旋转 3D 图形,可以考虑安装 (jupyter-matplotlib)。注意,利用 Altair 或 Plotly 绘制的图像支持交互功能。对于自定义函数,目前没有快捷键直接跳转到其定义。但是,很多开发者针对这些问题都开发了插件,请大家留意。

大家可以下载安装 Anaconda,JupyterLab、Spyder、PyCharm 等常用工具都集成在 Anaconda 中。下载 Anaconda 的地址为:

◀ https://www.anaconda.com/

学习步骤

大家可以根据自己的偏好制定学习步骤,本书推荐如下步骤。



学完每章后,大家可以在平台上发布自己的 Jupyter 笔记,进一步听取朋友们的意见,共同进步。这样做还可以提高自己学习的动力。

意见建议

欢迎大家对本系列丛书提意见和建议,丛书专属邮箱地址为:

jiang.visualize.ml@gmail.com

也欢迎大家在 B 站视频下方留言互动。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

Contents





Introduction

绪论

图解+编程+实践+数学板块融合

①. 1 本册在全套丛书的定位

欢迎大家来到"鸢尾花书"最后一本——《机器学习》!

《数据有道》和《机器学习》两册是丛书"实践"板块的两本书。"数学"板块三本书为"实践"板块两本,特别是《机器学习》打下了坚实的数学基础。因此,数学基础不强的读者,不建议跳过"数学"直接学习本册。

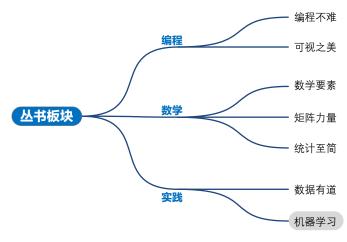


图 1. 本系列丛书板块布局

①. <u>2</u> 结构: 2 大板块

根据机器学习有监督、无监督学习,本书主要分成两大板块。本书最后两章归为"其他",但 这并不代表这两章不重要。



图 2. 《机器学习》板块布局

有监督学习

第 1 章首先给大家展示了 Scikit-learn 的机器学习算法模型地图,本书介绍的算法几乎都包含在这幅地图之中。

然后第2到11章主要介绍有关有监督学习内容。第2章首先介绍 k 近邻算法,这个算法基本思想是"小范围投票,少数服从多数",它可以用来分类,也可以用来回归。

第3章总结本系列丛书常见的距离度量。大家必须掌握不同距离度量的特点和应用场合。

第 4、5 两章介绍朴素贝叶斯分类。有关朴素贝叶斯分类算法,希望大家记住"假设特征之间条件独立,最大化后验概率"。这两章的区别在于概率密度估算方法,第 4 章利用高斯 KDE,第 5 章用多元高斯分布。

第6章介绍高斯判别分析,算法特点是"假设后验概率为高斯分布,最小化分类错误"。线性判别、二次判别都包含在高斯判别之中。

第7、8章介绍支持向量机。支持向量机的特点是间隔最大化,支持向量确定决策边界。第8章着重介绍核技巧,将样本数据映射到高维特征空间中,使数据在高维空间中线性可分。支持向量机既可以用来分类,也可以用来回归。

想要理解支持向量机绝对离不开《矩阵力量》中各种线性代数工具,特别是《矩阵力量》第 19章内容、以及有关格拉姆矩阵的知识。

第9章讲解决策树,大家注意理解信息熵、信息增益等概念。

第 10 章介绍高斯过程,这种算法集合了高斯分布、条件概率、协方差矩阵、随机过程等数学工具,理解上不是很容易。高斯过程可以解决分类、回归两类问题。

第 11 章讲解回归,这一章也是综述,"鸟瞰"本系列丛书介绍的各种回归方法。

无监督学习

第12到18章为"无监督学习"板块。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载:https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

第 12 章介绍 k 均值聚类,算法特点是簇内距离和最小、迭代求解。注意,k 均值聚类的 k 不同于 k-NN 中的 k。

第 13 章介绍高斯混合模型。高斯混合模型组合若干高斯分布,期望最大化。高斯混合模型求解离不开第 14 章讲解的最大期望算法。最大期望算法的特点是迭代优化两步走:E 步,M 步;最大化对数似然函数。

第 15 章介绍层次聚类。层次聚类基于数据之间距离,自下而上聚合,或自上而下分裂。

第 16 章介绍密度聚类 DBSCAN,算法特点是利用数据分布紧密程度聚类。Scikit-learn 中OPTICS 算法类似 DBSCAN。

第 17 章讲解谱聚类。谱聚类通过构造无向图,降维聚类。本章略微介绍有关图论的内容,但 是没有展开。

第 18 章是本系列丛书有关降维的综述。这一章回顾了奇异值分解、主成分分析、典型相关分析,还介绍了核主成分分析、独立成分分析、流形学习等算法。

其他

第19章介绍评价不同算法模型的手段。

本书,也是本系列丛书,以第 20 章"优化"结束。这一章也是本系列丛书有关优化内容的综述,并扩展介绍了基于梯度的优化方法、遗传算法等。这样安排的考虑很简单,优化方法是通往深度学习的一道坎。希望大家完成本系列丛书后,能够轻松地开始深度学习的学习。

0.3 特点: 经典 + 综述

机器学习、深度学习算法不断涌现,让人目不暇接。限于作者知识水平、本书篇幅,本册在选取算法模型的标准只有一个——经典。从"经典"算法角度,《数据有道》、《机器学习》两册的目标是覆盖 Scikit-learn 库的常用函数。

本书还有一个特点就是提供"综述",比如距离、回归、降维、优化这四章。请大家注意,这 里的"综述"仅仅是对本系列丛书相关内容的总结和适度扩展。

本书还有一个特点是"理论 + 实践"。在学习本书时,希望大家不仅仅满足于会"调包",也就是调用 Scikit-learn 各种函数,更要理解这些算法背后的数学理论。因此,本书给出适度的数学推导以及扩展阅读。

本书也有几个短板。其中之一是本书不涉及神经网络、深度学习、自然语言处理等话题。其次,本书也不涉及机器学习理论。虽然《数据有道》一册介绍过很多特征工程的工具,但是本书没有专门讲解特征工程章节。还有,本书也没有讨论如何部署机器学习模型。这些话题留给大家"按需"学习。

最后,欢迎大家来到"鸢尾花书"的收官之旅!