UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI CLUJ-NAPOCA FACULTATEA DE MATEMATICĂ SI INFORMATICĂ

Concursul de admitere (nivel licență) - sesiunea septembrie 2015 Proba scrisă la Informatică VARIANTA 1

Subjectul I (35 puncte)

- a) Un număr natural n se numește deosebit dacă există un număr natural m astfel încât n = m + S(m) unde S(m) este suma cifrelor lui m. Spre exemplu, n=15 este număr deosebit (m=12 și 15=12+3). Să se scrie o funcție care are ca parametru un număr natural n și returnează adevărat sau fals, după cum n este sau nu deosebit.
- b) Să se scrie o funcție care are ca parametru un număr natural n și verifică dacă n are cel puțin un factor prim care apare la o putere pară în descompunerea sa în factori primi. Spre *exemplu*, pentru n=12 condiția este verificată, deoarece 2 apare la puterea a 2-a în descompunerea lui n în factori primi. Pentru n=6 condiția nu este verificată.
- c) Să se scrie două variante de implementare pentru o funcție care are ca parametri un număr natural n, un șir X de numere întregi având n elemente și verifică dacă elementele șirului X sunt distincte.
 - c1. Soluție iterativă.
 - c2. Solutie recursivă.

Nu se vor folosi funcții predefinite (de ex. funcții predefinite pe șiruri de caractere, etc).

Subjectul II (20 puncte)

Se dă următorul algoritm:

```
Citeste n;

x \leftarrow 1;

y \leftarrow n/2;

Cat timp x \neq 0 și y > 0 executa

z \leftarrow n;

Cat timp z \geq y executa

z \leftarrow z - y;

SfCatTimp

x \leftarrow z;

y \leftarrow y - 1;

SfCatTimp

y \leftarrow y + 1;

Tipareste y;
```

Se cere:

- a) Care este valoarea afișată de algoritm dacă numărul n citit este 91? Justificați răspunsul.
- b) Precizați o valoare naturală nenulă pentru *n* astfel încât valoarea tipărită să fie 11. Justificați alegerea.
- c) Precizați care este efectul funcției în condițiile în care numărul *n* citit este natural nenul.

Subjectul III (35 puncte)

Se citeşte un şir $X = (x_1, x_2, ..., x_n)$ de numere naturale nenule, unde $1 \le n \le 200$, $1 \le x_i \le 30000$. Un element x_i situat în şir pe poziția i ($1 \le i \le n-1$) se numește perfect dacă are cel puțin o cifră comună cu toate elementele situate în şir după el, $x_{i+1}, x_{i+2}, ..., x_n$. Să se scrie un program care inserează în şirul X, după fiecare element care este perfect, divizorii săi proprii (divizorii se vor considera în ordine descrescătoare). După modificarea şirului X, se va construi şirul $O = (o_1, o_2, ..., o_k)$ conținând ordinea în care ar trebui afișate elementele şirului X pentru a fi în ordine descrescătoare. La final, se va tipări şirul X în ordinea dată de O.

Notă. Nu se va face ordonarea șirului X.

Exemple:

• Pentru n=4 și X = (24,5,8,218)

se vor construi

$$X = (24, 5, 8, 4, 2, 218)$$

 $O = (6,1,3,2,4,5)$

și se va afișa 218,24,8,5,4,2

• Pentru n=5 și X = (24,5,4,42,6)

se vor construi

$$X = (24, 5, 4, 42, 6)$$

 $O = (4,1,5,2,3)$

și se va afișa 42,24,6,5,4

Se vor scrie subprograme pentru:

- a). citirea unui șir
- b). verificarea dacă două numere au cel puțin o cifră comună
- c). verificarea dacă un element x_i este perfect
- d). inserarea unei valori v pe o poziție dată în șirul X
- e). adăugarea în șirul X, după fiecare element *perfect*, a divizorilor săi proprii.
- f). determinarea șirului O corespunzător șirului X
- g). tipărirea unui șir X în ordinea dată de O

Programul se poate scrie într-unul dintre limbajele studiate la liceu (Pascal, C++). Folosiți comentarii pentru a ușura înțelegerea soluției date (explicarea semnificației identificatorilor folosiți, descrierea detaliilor de implementare etc). Nu se vor folosi funcții sau biblioteci predefinite (de ex. STL, funcții predefinite pe șiruri de caractere, etc).

Notă: Toate subiectele sunt obligatorii. Rezolvările trebuie scrise detaliat pe foile de concurs (ciornele nu se iau în considerare). Se acordă 10 puncte din oficiu. Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.

UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI CLUJ-NAPOCA FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ

Concursul de admitere (nivel licență) - sesiunea iulie 2015 Proba scrisă la Informatică

BAREM

| CI | ID | FOT | ì |
|----|-----|-----|---|
| Sι | JBI | ECI | ı |

| b) | 8р | | |
|------|-------------|---------------------|-----|
| | | - signatura corectă | 2p |
| | | - implementare | 6р |
| b) | 12 p | | |
| | | - signatura corectă | 2p |
| | | - implementare | 10p |
| c) : | 15p | | |
| | | - signatura corectă | 1p |
| | | - implementarea c1 | 7p |
| | | - implementarea c2 | 7p |
| | | | |

SUBIECT II

| a) - Se returnează valoarea 13 | 3р |
|---|----|
| - Justificare | 3р |
| b) – de ex. <i>n</i> =33 | 5p |
| - Justificare | 4p |
| c) Efect – se tipăreste cel mai mare divizor i (i≠n) al lui n | 5p |

SUBIECT III

| Subprograme: | 28p |
|---|-----|
| a). citirea unui șir | 1p |
| b). verificarea dacă două numere au ce puțin o cifră comună | 2p |
| c). verificarea dacă un element x_i este <i>perfect</i> | 6р |
| d). inserarea unei valori v pe o poziție dată în șirul X | 4p |
| e). adăugarea în șirul X, după fiecare element <i>perfect</i> , a divizorilor săi proprii | 6р |
| f). determinarea șirului O corespunzător șirului X | 6р |
| g). $tipărirea$ unui şir X în ordinea dată de O | 3p |
| Program principal | 2р |
| Stil | 5p |
| | |

 comentarii, indentare, folosirea subprogramelor, apelul corect al subprogramelor, comunicarea între subprograme și programul apelant prin parametri.

Comisia de concurs