#### Cauã Borges Faria (834437)

# 1. Estruturas de Dados Básicas para Aplicações Espaciais/Geográficas

As estruturas de dados espaciais são fundamentais para otimizar consultas e operações em sistemas geográficos. A **Quadtree** divide o espaço bidimensional em quadrantes recursivamente, sendo essencial em compressão de imagens e detecção de colisões em jogos. Por exemplo, em sistemas de mapeamento urbano, ela permite identificar rapidamente quais quadrantes contêm edifícios próximos a uma coordenada específica. Já a **Octree** estende essa lógica para três dimensões, sendo crucial em modelagem 3D e simulações físicas, como na representação de nuvens de pontos em visualizações médicas.

A **Árvore R** organiza objetos espaciais em retângulos envolventes (MRE), acelerando consultas em sistemas de navegação GPS. Um motor de rotação pode usar essa estrutura para encontrar todos os postos de gasolina dentro de 5 km de uma localização. O **Grid Espacial** divide o espaço em células regulares, ideal para análise de terrenos em SIGs, como no estudo de variações de temperatura em uma região agrícola. Por fim, **Árvores Métricas** (como a M-tree) indexam dados baseados em funções de distância não euclidianas, aplicadas em bancos de dados multimídia para busca por similaridade de imagens ou padrões sonoros.

## 2. Perspectivas na Modelagem de Dados Espaciais

A modelagem espacial pode ser abordada de duas formas:

- Armazenamento de objetos: Foca em entidades discretas (como rios ou edifícios), representadas por pontos, linhas ou polígonos. Essa abordagem é comum em cadastros urbanos, onde cada lote é um polígono com atributos específicos.
- Espaço como campo contínuo: Trata o espaço como uma superfície onde cada ponto tem um valor (ex.: altitude, temperatura). Usado em estudos ambientais para modelar a dispersão de poluentes ou variações climáticas. A diferença reside na priorização: objetos destacam entidades individuais, enquanto campos analisam padrões de distribuição espacial.

## 3. Operações sobre Objetos Espaciais e Aplicações

A **intersecção geométrica** identifica áreas onde duas regiões se sobrepõem. Em planejamento urbano, essa operação detecta conflitos entre zonas de preservação ambiental e projetos de construção, permitindo ajustes antes da execução. Outra operação comum é o **buffer**, que cria zonas de influência ao redor de elementos geográficos. Por exemplo, ao redor de aeroportos, buffers definem áreas de restrição de ruído, auxiliando na regulamentação de construções residenciais próximas.

## 4. Menor Retângulo Envolvente (MRE)

O MRE é o menor retângulo que engloba completamente um objeto espacial. Ele atua como filtro inicial em operações complexas, descartando pares de objetos que não se intersectam. Por exemplo, ao verificar a intersecção entre uma área de preservação e uma zona de mineração:

- 1. Calculam-se os MREs de ambas as regiões.
- 2. Se os retângulos não se sobrepõem, as geometrias originais também não intersectam.
- 3. Caso contrário, realiza-se uma análise detalhada das formas reais. Isso reduz custos computacionais, evitando cálculos desnecessários em geometrias complexas.

# 5. Justificativa para Estruturas Específicas de Indexação

Estruturas tradicionais (como B-trees) são ineficientes para dados multidimensionais, pois não capturam relações espaciais. Índices especializados, como a Árvore R, agrupam objetos próximos em MREs, reduzindo o espaço de busca. Em aplicações de navegação, essa otimização permite identificar rapidamente pontos de interesse próximos, essencial para funcionalidades como "encontrar o hospital mais próximo". Além disso, operações como "vizinho mais próximo" exigem métricas de distância que estruturas espaciais gerenciam de forma otimizada.

#### 6. Árvore Métrica

Uma árvore métrica organiza dados em espaços abstratos onde a distância entre objetos é definida por uma função específica (não necessariamente euclidiana). A **M-tree**, por exemplo, armazena objetos em nós hierárquicos com base em suas distâncias relativas. Isso é útil em bancos de dados de imagens médicas, onde a similaridade entre radiografias é calculada por características de textura, não por coordenadas espaciais.

#### 7. Funcionamento da Árvore R

A Árvore R organiza objetos hierarquicamente usando MREs. Cada nó interno contém retângulos que englobam os objetos dos nós filhos. Por exemplo, ao indexar parques em uma cidade:

```
[MRE Raiz]
/ \
[MRE1] [MRE2]
/ \ / \
```

#### [A] [B] [C] [D]

- Inserção: Um novo parque é associado ao nó cujo MRE requer menor expansão.
- **Busca**: Para encontrar parques em uma região, descartam-se nós cujos MREs não intersectam a área de consulta.
- **Balanceamento**: Se um nó excede a capacidade máxima, divide-se em dois, redistribuindo objetos para minimizar sobreposições.

Essa estrutura permite consultas eficientes em grandes conjuntos de dados, como identificar todos os edifícios afetados por uma enchente em tempo real.